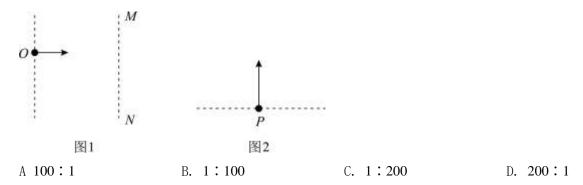
2021年河北省普通高中学业水平选择性考试

物理

注意事项:

- 1. 答卷前, 考生务必将自己的姓名、考生号、考场号、座位号填写在答题卡上.
- 2. 回答选择题时,选出每小题答案后,用铅笔把答题卡上对应题目的答案标号涂黑.如需改动,用橡皮擦干净后,再选涂其他答案标号.回答非选择题时,将答案写在答题卡上,写在本试卷上无效.
- 3. 考试结束后,将本试卷和答题卡一并交回.
- 一、单项选择题:本题共7小题,每小题4分,共28分.在每小题给出的四个选项中,只有一项是符合题目要求的.
- 1. 银河系中存在大量的铝同位素 26 Al , 26 Al 核 β 衰变的衰变方程为 $^{26}_{13}$ Al $\rightarrow ^{26}_{12}$ Mg $+^{0}_{1}$ e,测得 26 Al 核的半衰期为 72 万年,下列说法正确的是(
- A. 26 Al 核的质量等于 26 Mg 核的质量
- B. ²⁶ Al 核的中子数大于 ²⁶ Mg 核的中子数
- C. 将铝同位素 26 A] 放置在低温低压的环境中, 其半衰期不变
- D. 银河系中现有的铝同位素 26 Mg 将在 144 万年后全部衰变为 26 Mg
- 2. 铯原子钟是精确的计时仪器,图 1 中铯原子从 O 点以 100 m/s 的初速度在真空中做平抛运动,到达竖直平面 MN 所用时间为 t_1 ;图 2 中铯原子在真空中从 P 点做竖直上抛运动,到达最高点 Q 再返回 P 点,整个过程所用时间为 t_2 ,O 点到竖直平面 MN、P 点到 Q 点的距离均为 0.2 m,重力加速度取 g=10 m/s²,则 $t_1:t_2$ 为(



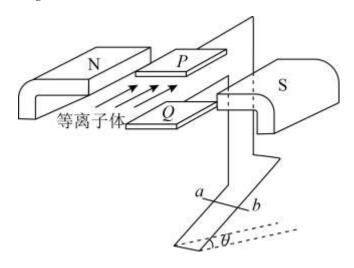
3. 普朗克常量 $h=6.626\times 10^{-34}$ ${\bf J}\cdot {\bf s}$,光速为 c ,电子质量为 ${m m}_e$,则 $\frac{h}{{m m}_e c}$ 在国际单位制下

A. J/s B. m C. $J \cdot m$ D. m/s

4. "祝融号"火星车登陆火星之前,"天问一号"探测器沿椭圆形的停泊轨道绕火星飞行,其周期为2个火星日,假设某飞船沿圆轨道绕火星飞行,其周期也为2个火星日,已知一个火星日的时长约为一个地球日,火星质量约为地球质量的0.1倍,则该飞船的轨道半径与地球同步卫星的轨道半径的比值约为()

A. $\sqrt[3]{4}$ B. $\sqrt[3]{\frac{1}{4}}$ C. $\sqrt[3]{\frac{5}{2}}$ D. $\sqrt[3]{\frac{2}{5}}$

5. 如图,距离为d的两平行金属板P、Q之间有一匀强磁场,磁感应强度大小为 B_1 ,一束速度大小为v的等离子体垂直于磁场喷入板间,相距为L的两光滑平行金属导轨固定在与导轨平面垂直的匀强磁场中,磁感应强度大小为 B_2 ,导轨平面与水平面夹角为 θ ,两导轨分别与P、Q相连,质量为m、电阻为R的金属棒ab垂直导轨放置,恰好静止,重力加速度为g,不计导轨电阻、板间电阻和等离子体中的粒子重力,下列说法正确的是(



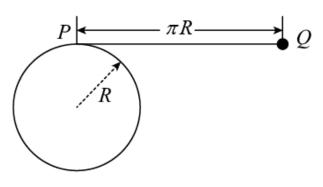
A. 导轨处磁场的方向垂直导轨平面向上, $v = \frac{mgR\sin\theta}{B_1B_2Ld}$

B. 导轨处磁场的方向垂直导轨平面向下, $v = \frac{mgR\sin\theta}{B_1B_2Ld}$

C. 导轨处磁场 方向垂直导轨平面向上, $v = \frac{mgR \tan \theta}{B_1 B_2 L d}$

D. 导轨处磁场的方向垂直导轨平面向下, $v = \frac{mgR \tan \theta}{B_1 B_2 L d}$

6. 一半径为R的圆柱体水平固定,横截面如图所示,长度为 πR 、不可伸长的轻细绳,一 端固定在圆柱体最高点P处,另一端系一个小球,小球位于P点右侧同一水平高度的Q点 时,绳刚好拉直,将小球从0点由静止释放,当与圆柱体未接触部分的细绳竖直时,小球 的速度大小为(重力加速度为g,不计空气阻力)(



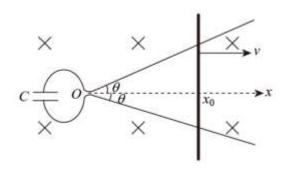
A.
$$\sqrt{(2+\pi)gR}$$

B.
$$\sqrt{2\pi gR}$$

A.
$$\sqrt{(2+\pi)gR}$$
 B. $\sqrt{2\pi gR}$ C. $\sqrt{2(1+\pi)gR}$ D. $2\sqrt{gR}$

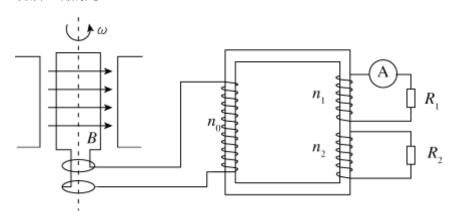
D.
$$2\sqrt{gR}$$

7. 如图,两光滑导轨水平放置在竖直向下的匀强磁场中,磁感应强度大小为B,导轨间距 最窄处为一狭缝,取狭缝所在处O点为坐标原点,狭缝右侧两导轨与x轴夹角均为 θ ,一电 容为C的电容器与导轨左端相连,导轨上的金属棒与x轴垂直,在外力F作用下从O点开 始以速度 v 向右匀速运动,忽略所有电阻,下列说法正确的是()



- A. 通过金属棒的电流为 $2BCv^2 \tan \theta$
- B. 金属棒到达 x_0 时,电容器极板上的电荷量为 $BCvx_0$ $\tan \theta$
- C. 金属棒运动过程中, 电容器的上极板带负电
- D. 金属棒运动过程中,外力F做功的功率恒定
- 二、多项选择题: 本题共3小题,每小题6分,共18分. 在每小题给出的四个 选项中,有两个或两个以上选项符合题目要求.全部选对的得6分,选对但不全 的得3分,有选错的得0分.

8. 如图,发电机 矩形线圈长为 2L、宽为 L,匝数为 N,放置在磁感应强度大小为 B 的匀强磁场中,理想变压器的原、副线圈匝数分别为 n_0 、 n_1 和 n_2 ,两个副线圈分别接有电阻 R_1 和 R_2 ,当发电机线圈以角速度 ω 匀速转动时,理想电流表读数为 I,不计线圈电阻,下列说法正确的是(



A. 通过电阻 R_2 的电流为 $\frac{n_1I}{n_2}$

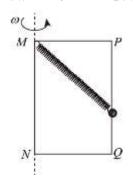
B. 电阻 R_2 两端的电压为 $\frac{n_2IR_1}{n_1}$

C. $n_0 与 n_1$ 的比值为 $\frac{\sqrt{2}NBL^2\omega}{IR_1}$

D. 发电机的功率为

$$\frac{\sqrt{2}NBL^2\omega I(n_1+n_2)}{n_0}$$

9. 如图,矩形金属框 MNQP 竖直放置,其中 MN 、 PQ 足够长,且 PQ 杆光滑,一根轻弹簧一端固定在 M 点,另一端连接一个质量为 m 的小球,小球穿过 PQ 杆,金属框绕 MN 轴分别以角速度 ω 和 ω' 匀速转动时,小球均相对 PQ 杆静止,若 $\omega' > \omega$,则与以 ω 匀速转动时相比,以 ω' 匀速转动时(



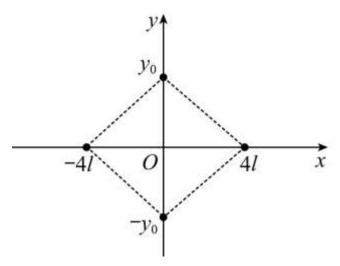
A. 小球的高度一定降低

B. 弹簧弹力的大小一定不变

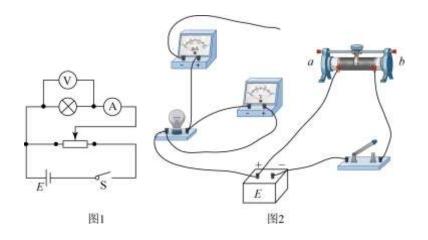
C. 小球对杆压力的大小一定变大

D. 小球所受合外力的大小一定变大

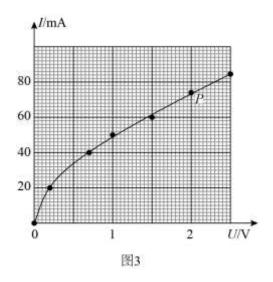
10. 如图,四个电荷量均为q(q>0)的点电荷分别放置于菱形的四个顶点,其坐标分别为 (4l,0)、(-4l,0)、 $(0,y_0)$ 和 $(0,-y_0)$,其中x轴上的两个点电荷位置固定,y轴上的两个点电荷可沿y轴对称移动($y_0 \neq 0$),下列说法正确的是(



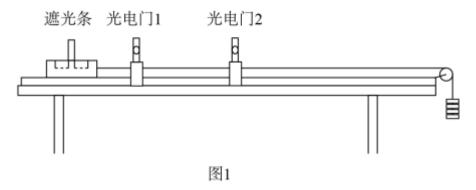
- A. 除无穷远处之外,菱形外部电场强度处处不为零
- B. 当 y₀ 取某值时,可使得菱形内部只存在两个电场强度为零 点
- C. 当 $y_0 = 8l$ 时,将一带负电的试探电荷由点(4l,5l) 移至点(0,-3l),静电力做正功
- D. 当 $y_0 = 4l$ 时,将一带负电的试探电荷放置在点(l,l) 处,其所受到的静电力方向与 x 轴 正方向成 45° 倾斜向上
- 三、非选题: 共54分. 第11~14题为必考题,每个试题考生都必须作答. 第15~16题为选考题,考生根据要求作答.
- (一) 必考题: 共62分.
- **11.** 某同学研究小灯泡的伏安特性,实验室提供的器材有;小灯泡(6.3V,0.15A),直流电源(9V),滑动变阻器,量程合适的电压表和电流表,开关和导线若干,设计的电路如图 1 所示。



- (1) 根据图 1, 完成图 2中的实物连线____;
- (2) 按照图 1 连线后,闭合开关,小灯泡闪亮一下后熄灭,观察发现灯丝被烧断,原因可能是 (单项选择,填正确答案标号);
- A. 电流表短路
- B. 滑动变阻器的滑片接触不良
- C. 滑动变阻器滑片的初始位置在b端



12. 某同学利用图 1 中的实验装置探究机械能变化量与力做功的关系,所用器材有:一端带滑轮的长木板、轻细绳、50g的钩码若干、光电门 2 个、数字计时器、带遮光条的滑块(质量为 200g,其上可放钩码)、刻度尺,当地重力加速度为 9.80 m/s²,实验操作步骤如下:

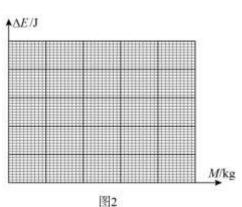


- ①安装器材,调整两个光电门距离为50.00cm,轻细绳下端悬挂4个钩码,如图1所示;
- ②接通电源,释放滑块,分别记录遮光条通过两个光电门的时间,并计算出滑块通过两个光电门的速度;
- ③保持最下端悬挂 4 个钩码不变,在滑块上依次增加一个钩码,记录滑块上所载钩码的质量, 重复上述步骤;
- ④完成 5 次测量后,计算出每次实验中滑块及所载钩码的总质量 M、系统(包含滑块、滑块所载钩码和轻细绳悬挂钩码)总动能的增加量 $\Delta E_{\rm k}$ 及系统总机械能的减少量 ΔE ,结果如下表所示:

<i>M</i> / kg	0.200	0.250	0.300	0.350	0.400
$\Delta E_{ m k}/{ m J}$	0.582	0.490	0.392	0.294	0.195
$\Delta E/{ m J}$	0.393	0.490		0.686	0.785

回答下列问题:

- (1) 实验中轻细绳所悬挂钩码重力势能的减少量为_____J(保留三位有效数字);
- (2) 步骤④中的数据所缺数据为 ;
- (3) 若 M 为横轴, ΔE 为纵轴,选择合适的标度,在图 2 中绘出 $\Delta E M$ 图像_____;



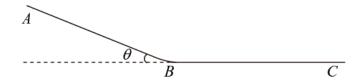
若系统总机械能的减少量等于克服摩擦力做功,则物块与木板之间的摩擦因数为_____(保留两位有效数字)

13. 如图,一滑雪道由 AB 和 BC 两段滑道组成,其中 AB 段倾角为 θ , BC 段水平, AB 段 和 BC 段由一小段光滑圆弧连接,一个质量为 2kg 的背包在滑道顶端 A 处由静止滑下,若 1s 后质量为 48kg 的滑雪者从顶端以 1.5m/s 的初速度、 3m/s 2 的加速度匀加速追赶,恰好在坡底光滑圆弧的水平处追上背包并立即将其拎起,背包与滑道的动摩擦因数为 $\mu=\frac{1}{12}$,重力加速度取 g=10m/s 2 , $\sin\theta=\frac{7}{25}$, $\cos\theta=\frac{24}{25}$, 忽略空气阻力及拎包过程中滑雪者与背

包的重心变化,求:

(1) 滑道 AB 段的长度;

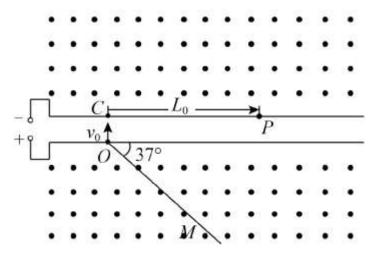
(2) 滑雪者拎起背包时这一瞬间的速度。



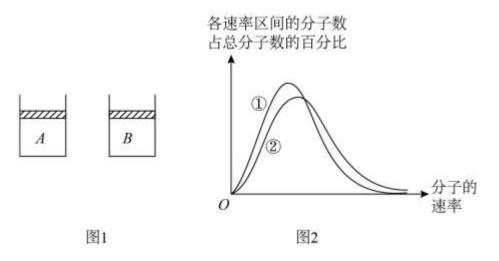
14. 如图,一对长平行栅极板水平放置,极板外存在方向垂直纸面向外、磁感应强度大小为B的匀强磁场,极板与可调电源相连,正极板上O点处的粒子源垂直极板向上发射速度为 v_0 、带正电的粒子束,单个粒子的质量为m、电荷量为q,一足够长的挡板OM与正极板成 37° 倾斜放置,用于吸收打在其上的粒子,C、P是负极板上的两点,C点位于O点的正上方,P点处放置一粒子靶(忽略靶的大小),用于接收从上方打入的粒子,CP长度为C0,忽略栅极的电场边缘效应、粒子间的相互作用及粒子所受重力。 $\sin 37^\circ = \frac{3}{5}$ 。

- (1) 若粒子经电场一次加速后正好打在P点处的粒子靶上,求可调电源电压 U_0 的大小;
- (2) 调整电压的大小,使粒子不能打在挡板 OM 上,求电压的最小值 U_{\min} ;
- (3) 若粒子靶在负极板上的位置P点左右可调,则负极板上存在H、S两点($CH \le CP < CS$,H、S两点末在图中标出)、对于粒子靶在HS 区域内的每一点,当电压从零开始连续缓慢增加时,粒子靶均只能接收到n ($n \ge 2$) 种能量的粒子,求CH 和CS 的长度(假定在每个

粒子的整个运动过程中电压恒定)。

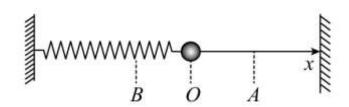


- (二)选考题:共12分.请考生从2道题中任选一题作答,并用2B铅笔将答题卡上所选题目对应的题号右侧方框涂黑,按所涂题号进行评分;多涂、多答,按所涂的首题进行评分;不涂,按本选考题的首题进行评分.
- 15. 两个内壁光滑、完全相同的绝热汽缸 A、B,汽缸内用轻质绝热活塞封闭完全相同的理想气体,如图 1 所示,现向活塞上表面缓慢倒入细沙,若 A 中细沙的质量大于 B 中细沙的质量,重新平衡后,汽缸 A 内气体的内能_____(填"大于""小于"或"等于")汽缸 B 内气体的内能,图 2 为重新平衡后 A、B 汽缸中气体分子速率分布图像,其中曲线_____(填图像中曲线标号)表示汽缸 B 中气体分子的速率分布规律。



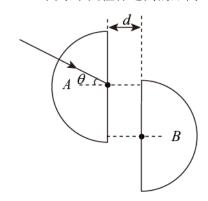
- 16. 某双层玻璃保温杯夹层中有少量空气,温度为27℃时,压强为3.0×10³Pa。
- (1) 当夹层中空气的温度升至37℃,求此时夹层中空气的压强;
- (2) 当保温杯外层出现裂隙,静置足够长时间,求夹层中增加的空气质量与原有空气质量的比值,设环境温度为27℃,大气压强为1.0×10⁵ Pa。
- 17. 如图,一弹簧振子沿x轴做简谐运动,振子零时刻向右经过A点,2s后第一次到达B

点,已知振子经过A、B 两点时的速度大小相等,2s 内经过的路程为0.4m。该弹簧振子的周期为 s,振幅为 m。



18. 将两块半径均为 R、完全相同的透明半圆柱体 A、B 正对放置,圆心上下错开一定距离,如图所示,用一束单色光沿半径照射半圆柱体 A,设圆心处入射角为 θ ,当 θ = 60° 时,A 右侧恰好无光线射出;当 θ = 30° 时,有光线沿 B 的半径射出,射出位置与 A 的圆心相比下移 h,不考虑多次反射,求:

- (1) 半圆柱体对该单色光的折射率;
- (2) 两个半圆柱体之间的距离 d。



2021 年河北省普通高中学业水平选择性考试 物理 答案解析

一、单项选择题:

1. C

解析:

半衰期是原子核固有的属性,与外界条件无关,C正确; 故选C。

2. C

解析:

铯原子做平抛运动,水平方向上做匀速直线运动,即

$$x = vt_1$$

解得

$$t_1 = \frac{x}{v} = \frac{0.2}{100}$$
 s

铯原子做竖直上抛运动,抛至最高点用时 $\frac{t_2}{2}$, 逆过程可视为自由落体,即

$$x = \frac{1}{2} g(\frac{t_2}{2})^2$$

解得

$$t_2 = \sqrt{\frac{8x}{g}} = \sqrt{\frac{8 \times 0.2}{10}} = 0.4$$
s

则

$$\frac{t_1}{t_2} = \frac{\frac{0.2}{100}}{0.4} = \frac{1}{200}$$

故选 C。

3. B

解析:

根据 $\frac{h}{m_{e}c}$ 可得它们的单位为:

$$\frac{J \Re}{kg \Re n / s} = \frac{N \Re \Re}{kg \Re n / s} = \frac{kg \Re n / s^2 \Re \Re}{kg \Re n / s} = m$$

故选 B。

4. D

解析:

绕中心天体做圆周运动, 根据万有引力提供向心力, 可得

$$\frac{GMm}{R^2} = m\frac{4p^2}{T^2}R$$

则

$$T = \sqrt{\frac{4\pi^2 R^3}{GM}}$$
, $R = \sqrt[3]{\frac{GMT^2}{4\pi^2}}$

由于一个火星日的时长约为一个地球日,火星质量约为地球质量的 0.1 倍,则飞船的轨道半径

$$R_{\text{T}_{\text{T}}} = \sqrt[3]{\frac{GM_{\text{t}}(2T)^2}{4\pi^2}} = \sqrt[3]{\frac{G \times 0.1M_{\text{th}} \times 4 \times \frac{4\pi^2 R_{\text{fil}}^3}{GM_{\text{th}}}}{4\pi^2}} = \sqrt[3]{\frac{2}{5}R_{\text{fil}}}$$

则

$$\frac{R_{\text{T}}}{R_{\text{T}}} = \sqrt[3]{\frac{2}{5}}$$

故选 D。

5. B

解析:

等离子体垂直于磁场喷入板间时,根据左手定则可得金属板 Q 带正电荷,金属板 P 带负电荷,则电流方向由金属棒 a 端流向 b 端。等离子体穿过金属板 P、Q 时产生的电动势U 满足

$$q\frac{U}{d} = qB_1 v$$

由欧姆定律 $I = \frac{U}{R}$ 和安培力公式 F = BIL 可得

$$F_{\text{fg}} = B_2 L \times \frac{U}{R} = \frac{B_2 B_1 L v d}{R}$$

再根据金属棒 ab 垂直导轨放置,恰好静止,可得

$$F_{\rightleftharpoons} = mg \sin \theta$$

则

$$v = \frac{mgR\sin\theta}{B_1B_2Ld}$$

金属棒 ab 受到的安培力方向沿斜面向上,由左手定则可判定导轨处磁场的方向垂直导轨平面向下。故选 B。

6. A

解析:

小球下落的高度为

$$h = \pi R - \frac{\pi}{2}R + R = \frac{\pi + 2}{2}R$$

小球下落过程中, 根据动能定理有

$$mgh = \frac{1}{2}mv^2$$

综上有

$$v = \sqrt{(\pi + 2)gR}$$

故选 A。

7. A

解析:

由题知导体棒匀速切割磁感线,根据几何关系切割长度为

$$L = 2x \tan \theta$$
, $x = vt$

则产生的感应电动势为

$$E = 2Bv^2t\tan\theta$$

由题图可知电容器直接与电源相连,则电容器的电荷量为

$$Q = CE = 2BCv^2t\tan\theta$$

则流过导体棒的电流

$$I = \frac{\Delta Q}{\Delta t} = 2BCv^2 \tan\theta$$

A正确; 故选A。

二、多项选择题:本题共3小题,每小题6分,共18分.在每小题给出的四个选项中,有两个或两个以上选项符合题目要求.全部选对的得6分,选对但不全的得3分,有选错的得0分.

8. BC

解析:

由题知理想电流表读数为 I,则根据欧姆定律

$$U_1 = IR_1$$

根据变压器电压与匝数的关系有

$$\frac{n_0}{n_1} = \frac{U_0}{U_1}, \quad \frac{n_0}{n_2} = \frac{U_0}{U_2}$$

代入数据有

$$U_0 = \frac{n_0}{n_1} IR_1, \quad U_2 = \frac{n_2}{n_1} IR_1$$

再由欧姆定律有

$$U_2 = I_2R_2$$

可计算出

$$I_2 = \frac{n_2 R_1}{n_1 R_2} I$$

综上可知, B正确;

由于矩形线圈产生的交变电流直接输入原线圈,则有

$$E_{\text{max}} = NB2L^2\omega$$
, $U_0 = \frac{E_{\text{max}}}{\sqrt{2}} = \sqrt{2} NBL^2\omega$

由选项 AB 知

$$U_0 = \frac{n_0}{n_1} IR_1$$

则

$$\frac{n_0}{n_1} = \frac{\sqrt{2}NBL^2\omega}{IR_1}$$

C正确; 故选 BC。

9. BD

解析:

对小球受力分析,设弹力为T,弹簧与水平方向 夹角为 θ ,则对小球竖直方向

$$T \sin \theta = mg$$

而

$$T = k(\frac{MP}{\cos\theta} - l_0)$$

可知 θ 为定值,T不变,则当转速增大后,小球的高度不变,弹簧的弹力不变。则 A 错误,B 正确:

水平方向当转速较小时,杆对小球的弹力 F_N 背离转轴,则

$$T\cos\theta - F_N = m\omega^2 r$$

即

$$F_{N} = T\cos\theta - m\omega^{2}r$$

当转速较大时, F_N 指向转轴

$$T\cos\theta + F'_{N} = m\omega^{2}r$$

即

$$F_{N} = m\omega^{2}r - T\cos\theta$$

则因 $\omega > \omega$,根据牛顿第三定律可知,小球对杆的压力不一定变大。则 C 错误;根据

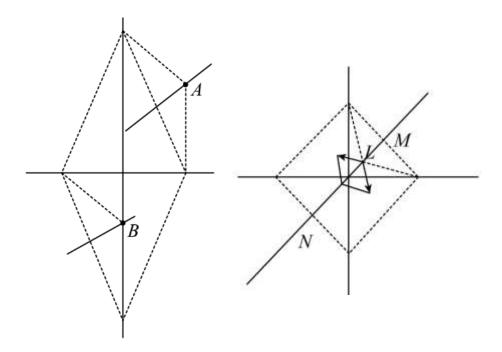
$$F_{
ho}=m\omega^2r$$

可知,因角速度变大,则小球受合外力变大。则 D 正确。 故选 BD。

10. ACD

解析:

根据场强叠加原理可知,除无穷远处之外,菱形外部电场强度处处不为零,选项 A 正确;由几何关系可知,坐标为(4l, 5l)的 A 点在第一象限内所在的虚像的垂直平分线的上方;坐标为(0, -3l)的 B 点在第三象限内所在的虚像的垂直平分线的上方,且到达虚线的距离相等,由电势叠加可知,B 点的电势高于 A 点,则带负电的试探电荷在 A 点的电势能较大,从 A 点到 B 点电势能减小,可知电场力做正功,选项 C 正确;



若 y_0 =4l,则四个点构成正方形,由对称可知在点(l, l)处的场强一定沿着过该点与原点连线的方向上,在 y 轴正向和 x 正向上的点电荷在(l, l)处的合场强

$$E_1 = 2\frac{kq}{(\sqrt{9l^2 + l^2})^2} \cdot \frac{2\sqrt{2l} - \sqrt{2l}}{\sqrt{9l^2 + l^2}} = \frac{kq}{5\sqrt{5}l^2}$$

在y轴负向和x负向上的点电荷在(l, l)处的合场强

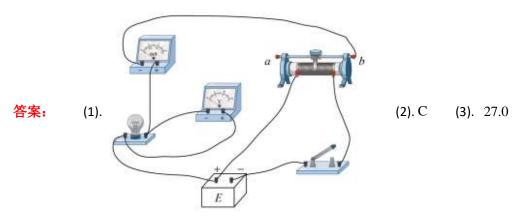
$$E_2 = 2\frac{kq}{(\sqrt{25l^2 + l^2})^2} \cdot \frac{2\sqrt{2}l + \sqrt{2}l}{\sqrt{25l^2 + l^2}} = \frac{kq}{\frac{13}{3}\sqrt{13}l^2} < E_1$$

可知 (l, l) 点的场强沿着 MN 方向且与 x 轴从成 45°角的方向向下,将一带负电的试探电荷放置在点 (l, l) 处,其所受到的静电力方向与 x 轴正方向成 45° 倾斜向上,选项 D 正确。故选 ACD。

三、非选题:

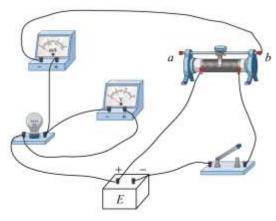
(一) 必考题:

11.



解析:

(1) [1]电流表负极与滑动变阻器的右端的b位置连接,如图



(2) [2]开关闭合,小灯泡闪亮一下后灯丝烧断,说明通过小灯泡的电流过大。

A. 电流表内阻非常小, 短路几乎不影响通过小灯泡的电流, 与灯丝烧断无关, A 错误;

B. 滑动变阻器滑片接触不良, 无电流通过小灯泡, B 错误;

C. 滑动变阻器的滑片开始时置于b端,小灯泡部分分压达到最大,通过电流最大,可能会烧断小灯泡灯丝,C正确;

故选 C。

(3) 根据小灯泡的伏安特性曲线可知在P点时的电压和电流分别为

$$U = 2V$$
, $I = 74$ mA

根据欧姆定律 $I = \frac{U}{R}$ 可知小灯泡的电阻为

$$R = \frac{U}{I} = \frac{2}{74 \times 10^{-3}} \Omega = 27.0 \Omega$$

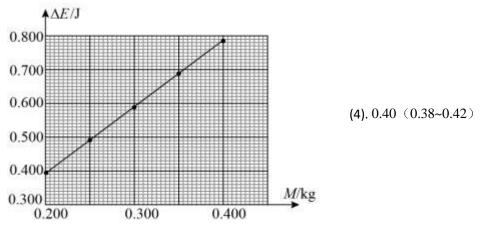
12.

答 室 .

(1). 0.980

(2). 0.588

(3).



解析:

(1) [1]四个钩码重力势能的减少量为

$$\Delta E_{\rm p} = 4mgL = 4 \times 0.05 \times 9.8 \times 0.5 \text{J} = 0.980 \text{J}$$

(2)[2]对滑块和钩码构成的系统,由能量守恒定律可知

$$4mgL - W_{\rm f} = \frac{1}{2}(4m+M)v_2^2 - \frac{1}{2}(4m+M)v_1^2$$

其中系统减少的重力势能为

$$\Delta E_{\rm p} = 4mgL$$

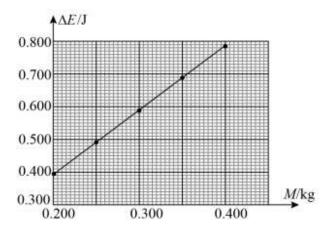
系统增加的动能为

$$\Delta E_{k} = \frac{1}{2} (4m + M) v_{2}^{2} - \frac{1}{2} (4m + M) v_{1}^{2}$$

系统减少的机械能为 $\Delta E = W_{\rm f}$,则代入数据可得表格中减少的机械能为

$$\Delta E_4 = 0.98 - 0.392 = 0.588$$
J

(3) [3]根据表格数据描点得 $\Delta E - M$ 的图像为



[4]根据做功关系可知

$$\Delta E = \mu M g L$$

则 $\Delta E - M$ 图像的斜率为

$$k = \mu gL = \frac{0.785 - 0.393}{0.4 - 0.2} = 1.96$$

解得动摩擦因数为

$$\mu = 0.40 \quad (0.38 \sim 0.42)$$

13.

答案: (1) L = 9m; (2) v = 7.44m/s

解析:

(1) 设斜面长度为L,背包质量为 $m_1 = 2$ kg,在斜面上滑行的加速度为 a_1 ,由牛顿第二定律有

$$m_1 g \sin \theta - \mu m_1 g \cos \theta = m_1 a_1$$

解得

$$a_1 = 2 \text{m/s}^2$$

滑雪者质量为 $m_2=48$ kg,初速度为 $v_0=1.5$ m/s,加速度为 $a_2=3$ m/s²,在斜面上滑行时间为t,落后时间 $t_0=1$ s,则背包的滑行时间为 $t+t_0$,由运动学公式得

$$L = \frac{1}{2}a_1(t+t_0)^2$$
$$L = v_0t + \frac{1}{2}a_2t^2$$

联立解得

$$t = 2s$$
 或 $t = -1s$ (舍去)

故可得

$$L = 9 \mathrm{m}$$

(2) 背包和滑雪者到达水平轨道时的速度为 v_1 、 v_2 ,有

$$v_1 = a_1(t + t_0) = 6$$
m/s

$$v_2 = v_0 + a_2 t = 7.5 \text{m/s}$$

滑雪者拎起背包的过程,系统在光滑水平面上外力为零,动量守恒,设共同速度为 ν,有

$$m_1 v_1 + m_2 v_2 = (m_1 + m_2)v$$

解得

$$v = 7.44 \text{m/s}$$

14.

答案: (1)
$$U_0 = \frac{B^2 q L_0^2}{8m} - \frac{m v_0^2}{2q}$$
; (2) $U_{\min} = \frac{7m v_0^2}{18q}$; (3) $CH = \frac{10m v_0}{3qB}$; $CS \to \infty$

解析:

(1) 从 0 点射出的粒子在板间被加速,则

$$U_0 q = \frac{1}{2} m v^2 - \frac{1}{2} m v_0^2$$

粒子在磁场中做圆周运动,则半径

$$r = \frac{L_0}{2}$$

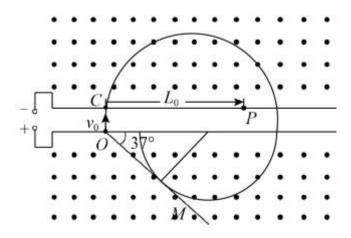
由

$$qvB = m\frac{v^2}{r}$$

解得

$$U_0 = \frac{B^2 q L_0^2}{8m} - \frac{m v_0^2}{2q}$$

(2) 当电压有最小值时,当粒子穿过下面的正极板后,圆轨道与挡板 OM 相切,此时粒子恰好不能打到挡板上,则



从 O 点射出的粒子在板间被加速,则

$$U_{\min}q = \frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}mv_0^2$$

粒子在负极板上方的磁场中做圆周运动

$$qvB = m\frac{v^2}{r_{\min}}$$

粒子从负极板传到正极板时速度仍减小到 vo,则

$$qv_0B = m\frac{v_0^2}{r}$$

由几何关系可知

$$2r_{\min} = \frac{r}{\sin 37^{\circ}} + r'$$

联立解得

$$v = \frac{4v_0}{3}$$

$$U_{\min} = \frac{7mv_0^2}{18q}$$

(3)设粒子第一次经过电场加速,在负极板上方磁场区域偏转的轨迹半径为 r_0 ,若粒子在电场加速电压小于 U_{\min} ,粒子穿过磁场在正极板下方磁场运动时,会被OM板吸收。则第一

次出现能吸收到 $n(n \ge 2)$ 种能量的位置 (即 H 点),为粒子通过极板电压 $U_{\min} = \frac{7mv_0^2}{18q}$ 时,

粒子第二次从上方打到负极板的位置(轨迹如图中蓝色线条所示)。由(2)的计算可知

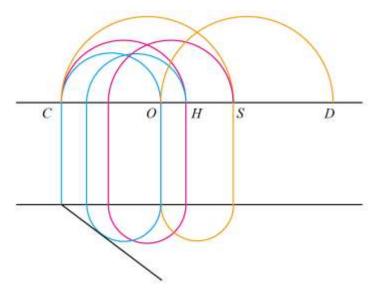
$$r_1 = \frac{4mv_0}{3qB}$$

则

$$CH = 4r - 2r' = \frac{10mv_0}{3aB}$$

极板电压大于 $U_{\min}=rac{7mv_0^2}{18q}$ 时,粒子均不会被 OM 吸收,可以经过正极板下方磁场偏转,

回到负极板上方磁场中,偏转后打在负极板上。则 H 点右方的点的粒子靶都可以接受到 n ($n \ge 2$) 种能量的粒子。即 $CS \to \infty$ 。



(二)选考题:共12分.请考生从2道题中任选一题作答,并用2B铅笔将答题卡上所选题目对应的题号右侧方框涂黑,按所涂题号进行评分;多涂、多答,按所涂的首题进行评分;不涂,按本选考题的首题进行评分.

15.

答案: (1). 大于 (2). ①

解析:

[1]对活塞分析有

$$p = \frac{mg}{s}$$

因为 A 中细沙的质量大于 B 中细沙的质量,故稳定后有 $p_A > p_B$; 所以在达到平衡过程中外界对气体做功有

$$W_A > W_B$$

则根据

$$\Delta U = W + Q$$

因为气缸和活塞都是绝热的, 故有

$$\Delta U_A > \Delta U_B$$

即重新平衡后 A 气缸内的气体内能大于 B 气缸内的气体内能;

[2]由图中曲线可知曲线②中分子速率大的分子数占总分子数百分比较大,即曲线②的温度较高,所以由前面分析可知 B 气缸温度较低,故曲线①表示气缸 B 中气体分子的速率分布。 16. 答案: (1) $p_2 = 3.1 \times 10^3 \text{ Pa}$; (2) $\frac{97}{3}$

解析:

(1) 由题意可知夹层中的气体发生等容变化,根据理想气体状态方程可知

$$\frac{p_1}{T_1} = \frac{p_2}{T_2}$$

代入数据解得

$$p_2 = 3.1 \times 10^3 \text{ Pa}$$

(2) 当保温杯外层出现裂缝后,静置足够长时间,则夹层压强和大气压强相等,设夹层体积为V,以静置后的所有气体为研究对象有

$$p_0V = p_1V_1$$

解得

$$V_1 = \frac{100}{3}V$$

则增加空气的体积为

$$\Delta V = V_1 - V = \frac{97}{3}V$$

所以增加的空气质量与原有空气质量之比为

$$\frac{\Delta m}{m} = \frac{\Delta V}{V} = \frac{97}{3}$$

17.

答案: (1).4 (2).0.2

解析:

[1]根据简谐运动对称性可知,振子零时刻向右经过 A 点,2s 后第一次到达 B 点,已知振子经过 A、B 两点时的速度大小相等,则 A、B 两点关于平衡位置对称,而振动经过了半个周期的运动,则周期为

$$T = 2t = 4s$$

[2]从A到B经过了半个周期的振动,路程为s=0.4m,而一个完整的周期路程为0.8m,为 4个振幅的路程,有

$$4A = 0.8$$
m

解得振幅为

$$A = 0.2 \text{m}$$

18.

答案: (i)
$$n = \frac{2}{3}\sqrt{3}$$
; (ii) $d = \sqrt{2}(h - \frac{R}{2})$

解析:

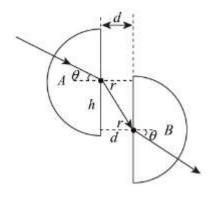
(i) 光从半圆柱体 A 射入,满足从光密介质到光疏介质,当 $\theta = 60^{\circ}$ 时发生全反射,有

$$\sin \theta = \frac{1}{n}$$

解得

$$n = \frac{2}{3}\sqrt{3}$$

(ii) 当入射角 $\theta=30^\circ$,经两次折射从半圆柱体B的半径出射,设折射角为r,光路如图



由折射定律有

$$\sin \theta \cdot n = \sin r$$

有几何关系有

$$\tan r = \frac{h - R\sin\theta}{d}$$

联立解得

$$d = \sqrt{2}(h - \frac{R}{2})$$