

Seminar 1 – Kompleksiteti

Pyetje Teorike

1. Cilat janë dy mënyrat për analizën e një algoritmi?
2. Për çfarë shërben metoda e Java `currentTimeMillis()`?
3. Cilat cilësohen si veprime elementare në një algoritëm?
4. Çfarë është Big-O notation?
5. Cilët janë disa faktorë që ndikojnë në kohën e ekzekutimit të një algoritmi?

Ushtrime

1. Shkruani algoritmin për kërkimin linear të një elementi x në një vektor $a[n]$. Shprehni funksionin $T(n)$ të numrit të instruksioneve për rastin më të keq. Gjeni kompleksitetin për rastin më të mirë dhe atë më të keq.

```
int kërko(int a[], int n, int x) {
    int i;
    int ugjet = 0;
    for(i=0; i<n; i++) {
        if(a[i]==x) {
            ugjet = 1;
            break;
        }
    }
    return ugjet;
}
```

2. Jepet vektori A me numra të plotë (pozitiv ose negativ) me n elemente. Ndërtoni algoritmin që gjen sekuencën e elementëve të vektorit që ka shumën maksimale. Nqs të gjithë vlerat e vektorit janë numra negativ, shuma maksimale do të na dalë 0. Gjeni kompleksitetin e algoritmit.

```
int maxSubSum1(const vector<int>& A) {
    int shumaMax = 0;
    for (int i=0; i<A.size(); i++) {
        for (int j=i; j <A.size(); j++) {
            int kjoShume = 0;
            for (int k=i; k<=j; k++)
                kjoShume += A[k];
            if (KjoShume>ShumaMax)
                shumaMax = kjoShume;
        }
    }
    return shumaMax;
}
```

Një mënyre e dytë për të zgjidhur problemin e mësipërm jepet nëpërmjet kodit:
Sa do të jetë kompleksiteti në këtë rast?

```
int maxSubSum2( int A[], int n )
{
    int shumaMax = 0;
    for (int i=0; i< n; i++) {
        int kjoShume =0;
        for (int j=i; j< n; j++) {
            kjoShume += A[j];
            if (kjoShume>shumaMax)
                shumaMax = kjoShume;
        }
    }
    return shumaMax;
}
```

3. Llogarisni kompleksitetin e algoritmeve të mëposhtëm kur dihet që m dhe n janë integers.

<p>a. Algoritmi A</p> <pre>i:=1; j:=1; While (i<m) or (j<n) do i:=i+1 ; j:=j+1 end While</pre>	<p>b. Algoritmi B</p> <pre>i:=1; j:=1; While (j<n) do If (i<m) then i:=i+1 Else j:=j+1 end If End While</pre>	<p>c. Algoritmi C</p> <pre>i:=1; j:=1; While (j<=n) do If (i<=m) then i:=i+1 else j:=j+1; i:=1 end If end While</pre>
--	---	---

4. Tregoni cili është kompleksiteti i veprimeve të shtimit, shumëzimit dhe transpozimit në një matricë nxn?

Rasti a.

```
for (i = 0; i < n; i++)
```

```
    for (j = 0; j < n; j++)
```

```
        a[i][j] = b[i][j] + c[i][j];
```

Rasti b.

```
for (i = 0; i < n; i++)
```

```
    for (j = 0; j < n; j++)
```

```
        for (k = a[i][j] = 0; k < n; k++)
```

```
            a[i][j] += b[i][k] * c[k][j];
```

Rasti c.

```
for (i = 0; i < n - 1; i++)
```

```
    for (j = i+1; j < n; j++) {
```

```
        tmp = a[i][j];
```

```
        a[i][j] = a[j][i];
```

```
        a[j][i] = tmp;
```

```
    }
```

5. Për secilin nga kodet e mëposhtme bëni një analizë të kohës së ekzekutimit dhe kompleksitetit.

- a.

```
sum = 0;
for( i = 0; i < n; ++i )
    ++sum;
```
- b.

```
sum = 0;
for( i = 0; i < n; ++i )
    for( j = 0; j < n; ++j )
        ++sum;
```
- c.

```
sum = 0;
for( i = 0; i < n; ++i )
    for( j = 0; j < n * n; ++j )
        ++sum;
```
- d.

```
sum = 0;
for( i = 0; i < n; ++i )
    for( j = 0; j < i; ++j )
        ++sum;
```
- e.

```
sum = 0;
for( i = 0; i < n; ++i ) n
    for( j = 0; j < i * i; ++j ) n2 * n
        for( k = 0; k < j; ++k ) n2 * n2 * n
            ++sum;
```

6. Cili është kompleksiteti i funksionit që gjen numrin e k-të më të vogël në një vektor numrash të përnditur?

```
int minK(int a[], int k,int n){
    int i,j,min,tmp;
    for(i=0;i<k;i++){
        min=i;
        for(j=i+1;j<n;j++)
            if(a[j]<a[min])
                min=j;

        tmp=a[i];
        a[i]=a[min];
        a[min]=tmp;
    }
    return a[k-1];
}
```

7. Diskutoni mbi kompleksitetin në kohë dhe në hapësirë të funksionit rekursiv të llogaritjes së faktorialit.

```
int factorial(int n)
{
    if(n > 0)
        return n*factorial(n-1);
    elseif ( n==0)
        return 1;
    else
        return -1;
}
```

8. Nëse në një cikël indeksi do të dyfishohet në çdo interacion derisa të arrijë një vlerë x. Sa do të jetë kompleksiteti i këtij cikli?

```
int n=1;
int x;
while(n <=x)
{
    statements;
    n=2*n;
}
```

9. Nëse numri i interacioneve të ekzekutimit të një cikli do të zvogëlohet në mënyrë konstante në çdo iteracion. Sa do të jetë kompleksiteti i këtij cikli?

```
h=n;
while(h > 0)
{
    for(i=0; i < n; i++)
        statements;
    h=h/2;
}
```

10. Gjeni kompleksitetin në kohë, në varësi të inputit N në kodet e mëposhtme.

Rasti a.

```
int sum=0;
for(int n=N; n>0; n/=2)
    for(int i=0; i<n; i++)
        sum++;
```

Rasti b.

```
int sum=0;
for(int i=1; i<N; i*=2)
    for(int j=0; j<i; j++)
```

```
sum++;
```

Rasti c.

```
int sum=0;
for(int i=1;i<N;i*=2)
    for(int j=0;j<N;j++)
        sum++;
```

Rasti d.

```
void function(int n)
{
    int count=0;
    for (int i=n/2;i<=n;i++)
    {
        for(int j=1;j<=n;j+2*j)
        {
            for(int k=1;k<=n;k=k*2)
            {
                count++;
            }
        }
    }
}
```

11. Gjeni kompleksitetin në hapësirë.

```
int sum(int arr[], int n)
{
    int sum=0;
    for(int i=0;i<n;i++)
    {
        sum+=arr[i];
    }
    return sum;
}
```

12. Shkruani një program ku jepen dy vektorë të rradhitur me N vlera. Printoni të gjithë vlerat që gjenden në të dy vektorët në mënyrë të rradhitur. Koha e ekzekutimit duhet të jetë $O(N)$ në rastin më të keq.

13. Supozoni se **list** është një objekt i tipit *LinkedList* që përmban një sekuencë prej **n** karakteresh. (Në Java, tipi i të dhënave *LinkedList* përfaqëson një sekuencë me elemente duke përdorur një doubly linked list edhe duke patur referenca tek nyja e parë edhe e fundit). Për secilin fragment kodi tregoni sa është kompleksiteti në kohë (Big O)? Shpjegoni qartë përgjigjen.

Rasti a.

// Knuth shuffle

```
for (int i = 0; i < list.size(); i++) {  
    int r = (int) (Math.random() * (i + 1));  
    char c1 = list.get(r); // get element r  
    char c2 = list.get(i); // get element i  
    list.set(r, c2); // replace element r  
    list.set(i, c1); // replace element i  
}
```

Rasti b.

// palindrome?

```
boolean isPalindrome = true;  
while (list.size() > 1) {  
    char c1 = list.removeFirst();  
    char c2 = list.removeLast();  
    if (c1 != c2) isPalindrome = false;  
}
```

Rasti c.

// create a reverse copy of the list

```
LinkedList<Character> copy = new LinkedList<Character>();  
for (char c : list) copy.addFirst(c);
```

14. Llogaritni kompleksitetin në **kohë** edhe në **hapësirë** për kodin e mëposhtëm. Shpjegoni qartë përgjigjen.

```
int sum (int n){  
    if (n <= 0) {  
        return 0;  
    }  
    return n + sum(n - 1);  
}
```