Ôn tập Vật Lí

Bùi Nhật Minh

Ngày 7 tháng 10 năm 2025

Mục lục

Lờ	i giới thiệu	3
	Kiến thức toán học nền tảng	4
	0.1 Hệ các số thực	5
	0.1.1 Số nguyên và số hữu tỉ	5

Lời giới thiệu

0.

Kiến thức toán học nền tảng

Chương này bao gồm các kiến thức toán học cần thiết để xây dựng lí thuyết của môn vật lí (hoặc ít nhất để đọc tài liệu này), giả sử rằng bạn đọc đã có một chút kiến thức đại số và hình học trung học phổ thông từ ghế nhà trường. Một điều cần lưu ý là chương này sẽ bao hàm những phần không nằm trong chương trình trung học phổ thông và có thể cả chương trình đai học. Mặc dù rằng là tác giả đã bao hàm rất nhiều toán trong chương, nhưng tác giả không có ý đinh viết để thay thế toàn bộ giáo trình toán. Các cuốn giải tích, đai số tuyến tính, hình học phẳng, hình học không gian, xác suất, và các cuốn giáo trình toán khác đều có vi trí đứng của chúng. Điều mà tác giả mong muốn tài liệu này có được chính là sự tổng hợp của kiến thức toán sao cho phù hợp với các ngành vật lí và sự bù đặp cho những lỗ hổng mà tác giả còn thấy ở tài liệu toán hiện hành ở Việt Nam. Kể như, trong tài liệu này, khi nhắc về hàm số, không có phần về đơn ánh hay toàn ánh. Những khái niệm này là vô cùng quan trọng nếu tập trung chứng minh chặt chẽ các tính chất liên quan đến hàm số, nhưng không phục vụ nhiều trong ứng dụng thực tiễn. Thay vào đó, tài liệu được đưa thêm những dang bài tập, như các dang bài liên quan đến hàm số rời rac được cho dưới dang bảng, mà ban đọc ít khả năng nhìn thấy ở trong những tài liệu khác. Không phải dạng bài tập mới là để bạn đọc trở nên hứng thú hơn, bởi dĩ tác giả khi soạn đáp án còn thấy chán, mà điều quan trọng là tìm ra nguyên nhân từ cái chán đó, và tìm cách chấm dứt triệt để cái chán bằng việc kết nối các bài toán lại với nhau, và rút ra một quy luật tổng quát giữa chúng. Suy cho cùng, sau khi ban đọc làm nhiều bài tập, tác giả kì vọng, hơn cả việc ban đọc tính toán nhanh và thành thao (đương nhiên điều này cũng rất tốt), chính là việc hiểu rõ bản chất của các mảng lí thuyết và từ đó ứng dụng vào các trường hợp khác nhau.

Thông thường, các tài liệu vật lí sẽ lược qua hay tối giản phần toán, với ba ngầm định. Thứ nhất, sẽ có tài liệu toán ứng dụng đi kèm với tài liệu vật lí. Thứ hai, vật lí không dùng nhiều đến lí thuyết toán chuyên sâu hay chứng minh chặt chẽ. Và thứ ba, vật lí không nên dùng đến các tính toán phức tạp mà nên tập trung nhiều vào phần thông hiểu lí thuyết và ứng dụng đời sống. Tuy nhiên, tác giả lại không định hướng tài liệu đi theo những quan điểm này. Các mô hình vật lí đều có toán học phụ trợ đằng sau và chứng minh toán học mới là thứ xây dựng mô hình để dự đoán tương lai. Lấy ví dụ, thuyết tương đối rộng của Anh-xtanh¹. Đây là thuyết có thể nói được kiểm chứng thực nghiệm nhiều lần nhất trong vật lí, và giống rất nhiều công trình vật lí hiện đại khác, được xây dựng từ bút, giấy, và nhiều công cụ toán và một chút góc nhìn sáng tạo của vật lí. Quay trở về hiện tại, theo tác giả, nếu như nhà vật lí hay kĩ sư mà không làm được toán cao cấp, thì có lẽ họ nên chuyển nghề. Cho nên, trong tài liệu này, tác giả không chỉ đưa nhiều toán, mà còn đưa ra toán theo con đường khác với con đường thông thường. Các lí thuyết bình thường được đặt ở cùng chỗ thì sẽ tách nhau ra, không phải là cố tình phức tạp hóa, mà là để thể hiện tính mạch lạc của toán, nhấn mạnh rằng toán có thể tư duy được chứ không chỉ là thuộc lòng một cách "tôn giáo hóa". Tác giả vẫn đưa một số lí thuyết dựa trên ngôn ngữ đời thường, nhưng nếu có thể, tác giả sẽ đưa định nghĩa hay chứng minh theo toán học thuần túy, dưa trên những lí thuyết đã có trước đó.

Có thể những kiến thức này đã cũ và bạn đọc chỉ muốn làm nóng lại kiến thức ở những phần cần thiết, thì bạn đọc có thể bỏ qua một vài phần của chương này. Nhưng nếu bạn đọc thấy những kiến thức này còn mới, còn nhiều lỗ hổng, thì bạn đọc nên đọc kĩ lưỡng. Hi vọng từ lí thuyết và bài tập, bạn đọc có thể hiểu được góc nhìn của tác giả về toán, và tự xây dựng cho mình một ma trận kiến thức riêng để phục vụ sau này.

¹Albert Einstein (1879 - 1955)

0.1 Hệ các số thực

0.1.1 Số nguyên và số hữu tỉ

Từ tập số tự nhiên, chúng ta có thể xây dựng tập **số nguyên** bằng việc kết hợp các dạng số, n và -n với n là số tự nhiên nào đó. Kí hiệu tập số nguyên là \mathbb{Z} . Trong một vài trường hợp, chúng ta sẽ chỉ quan tâm đến só dương, khi này, có tập số nguyên dương \mathbb{Z}^+ hay \mathbb{N}^* .

Mở rộng tập số nguyên, các số có dạng $\frac{a}{b}$ với a là số nguyên và b là số nguyên khác 0 tạo thành tập **số** hữu tỉ kí hiệu là \mathbb{Q} .

Để xây dựng số thực thì sẽ cần những khái niệm cao cấp hơn. Một số thực có thể được định nghĩa là giới hạn của một dãy số hữu tỉ. Các số thực không phải số hữu tỉ thì là **số vô tỉ**. Tuy rằng hiện tại chúng ta chưa đề cập đến định nghĩa toán học chặt chẽ của số thực, nhưng khả năng cao là bạn đọc đã có làm quen với nhiều số thực như $\sqrt{2}$ hay π . Do đó, tác giả sẽ thừa nhận các tính chất của số thực, và sẽ xây dựng lại định nghĩa khi điều kiện cho phép.

Tài liệu tham khảo

- [1] Granino Arthur Korn and Theresa M Korn. Mathematical handbook for scientists and engineers: definitions, theorems, and formulas for reference and review. Courier Corporation, 2000.
- [2] Ravi P Agarwal, Kanishka Perera, and Sandra Pinelas. *An introduction to complex analysis*. Springer Science & Business Media, 2011.