Alumno: Tomás Pitinari

Legajo: P-5039/3

 $P(1,-2) \longrightarrow P'(1,2) \longrightarrow P''(1,0)$

para definir la ex ecuación de la recta r, sabemos que es perpendicular al eje y y que pasa por P, con eso basta para saber que y=-2 para cualquier $x \Rightarrow y+2=0$ es la ecuación. Sabiendo esto y que r'es perpendicular a r * (perpendicular al eje x) y pasa por P", entonces x=1 para cualquier y => x-1=0

a) = (x, y) ER2 (x+y)2+(x-y)2=2(4y-2x-1)) nr x2+2xy+y2+x2-2xy+y2=8y-4x-2 2x2+2y2+4x-8y+2=0 2x2+2y2+4x-8y+2=0==> 2+2y2+4-8y+2=0 242-84+8=0

y= -(-8) ± V(-8)2-4.2.8 = 8± 50 = 2

b) $\{1x = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x = 1 + \lambda \cos \theta, y = -2 + 2\lambda \sin \theta, 8 \in [0, \pi]\}\}_{n=0}^n$ podemos ver que se asemeja a la fermala parametrica de vina elipse, can centro C(1, -2), y on as $2\lambda y = -\lambda$, satients que a $-2\lambda y$ a que tiene que sor mayor que b, y por la forma de la ecuación parametrica subemos que as tene el se focal paralelo al eje $y \cdot C^2 = a^2 - b^2$ $C^2 = 4\lambda^2 - \lambda^2$ $C = \sqrt{3} \times 2$ $C = \sqrt$

 $2x^{2}+4x+2y^{2}-8y+2=0$ $\{2x^{2}+4x+2y^{2}-8y+2=0=\}2x^{2}+4x+8+16+2=0$ $2x^{2}+4x+26=0$ $-4\pm\sqrt{4^{2}-4\cdot2\cdot26}=\Delta=-192$ $2\cdot2$ $3\cdot2$ $3\cdot2$

d) Por definición de parabala, sabemos que son todos los puntos que equidistan de un foco p Barbas una recta, así que planteamos nuestro lugar geométrico es una parabala. Sabenos que fes paralela al eje x en y=-2 y P'=(1,2), por lo que esta por "arriba" de la recta.

calculando el vértice $V(x_0, y_0)$, sabemos que $x_0 = 1$ que el lá misma coordenada del foco, ya que la parabola es parabela al eje x. Tambén sabemos que $y_0 = 2 - \frac{1}{2} = 0$ ya que es la coordenada y del foco menos $\frac{p}{2}$. Tenemos que V=(1,0). Podemos definir la ecuación de la patabola: $(x-x_0)^2 = 2p(y-y_0) \Longrightarrow (x-1)^2 = 8. y$

f) Sabemos que res paralela al eje x, essa y p" esta por "arriba" de la recta r, por lo tanto queda calcular nuestro P, sabemos $\frac{P}{2} = d(P'', r) = \frac{|0.1+1.0+2|}{\sqrt{0^2+1^2}} = 2 = > P=4$

la ecuación de la parabola es: $(x-x_0)^2 = 2p(y-y_0) \Longrightarrow (x-1)^2 = 8y$

Como de nos quedan e y 9 g son hiperbalas, y no tienen ninguna identidad a simple vista, desarrolla mos vii a ver que nos da

Vii) $\frac{1}{3}(x,y) \in \mathbb{R}^2 : 5(\sqrt{2} \times + \sqrt{9})(\sqrt{2} \times - y) = 20(x+y) = 10^3$ $(5\sqrt{2} \times + \sqrt{25})(\sqrt{2} \times - y) = 20(x+y) = 10^3$ $(5\sqrt{2} \times + \sqrt{25})(\sqrt{2} \times - y) = 20(x+y) = 10$ $(5\sqrt{2} \times + \sqrt{5}) \cdot (\sqrt{2} \times - y) = 20(x-20y) = 10$ $10x^2 - 5\sqrt{2}xy + 5\sqrt{2}yx - 5y^2 - 20x - 20y = 10$ $(10x^2 - 20x + 10) - 10 - (5y^2 + 20y) = 10$ $(10x^2 - 20x + 10) - 10 - 5(y^2 + 20y) = 10$ $10(x^2 - 2x + 1) - 10 - 5(y^2 + 4y) = 10$

El a) no se une con nada, ya que la intersección es el punto P', no P.

El punto b) se une con iv) ya que son identicas.

El punto c) se une con i) ya que el c) no tenía solución

El punto d') se une con ili) pa que ambes son parabolos

identicas

Al igual que antes f) se une con iii) ya que son identicas

Índice de comentarios

4.1 Error de cuentas... pero con tus cuentas, ¿de qué lugar geométrico se trata?