## FACULTAD DE CIENCIAS EXACTAS, INGENIERÍA Y AGRIMENSURA ESCUELA DE CIENCIAS EXACTAS DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA

## ÁLGEBRA Y GEOMETRÍA ANALÍTICA 1

## TRABAJO PRÁCTICO NÚMERO 5

1. Consideramos el conjunto  $A = \{1, 2, 3\}$  y la familia  $\mathcal{F} = \{f/f : A \to A\}$ , es decir la familia de funciones con dominio y codominio A. En el conjunto  $\mathcal{F}$  consideramos la operación de composición, es decir:

$$c: \mathcal{F} \times \mathcal{F} \to \mathcal{F}$$
 tal que  $c(f,g) = f \circ g$  donde  $f,g \in \mathcal{F}$ .

- a) Demostrar que c no es conmutativa.
- b) Demostrar que existe un elemento neutro para la operación c y hallarlo.
- c) Sean  $f, g: A \to A$  (es decir dos funciones de  $\mathcal{F}$ ) tales que

$$f(1) = 1,$$
  $f(2) = 3,$   $f(3) = 3,$ 

$$g(1) = 2,$$
  $g(2) = 3,$   $g(3) = 1.$ 

Analizar si f, g admiten inversa respecto a c y hallarla(s) en caso de existir.