Pitinari

Pitinari

Pitinari

Pitinari

Pitinari

Pitinari

P-5039/3 U= $\begin{bmatrix} 1 & 1 & 3 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 9 \end{bmatrix}$ Equiv $\begin{bmatrix} 1 & 1 & 3 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 9+2 \end{bmatrix}$ L= $\mathcal{E}_{21}(z)\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{32}(z)$ L= $\mathcal{E}_{21}(z)\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{32}(z)$ L= $\mathcal{E}_{21}(z)\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{32}(z)$ P=5039/3 U= $\begin{bmatrix} 1 & 1 & 3 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 9+2 \end{bmatrix}$ L= $\mathcal{E}_{21}(z)\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{32}(z)$ P=5039/3 U= $\begin{bmatrix} 1 & 1 & 3 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 9+2 \end{bmatrix}$ L= $\mathcal{E}_{21}(z)\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{32}(z)$ L= $\mathcal{E}_{21}(z)\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{32}(z)$ L= $\mathcal{E}_{21}(z)\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{32}(z)$ L= $\mathcal{E}_{21}(z)\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{32}(z)$ L= $\mathcal{E}_{21}(z)\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{32}(z)$ L= $\mathcal{E}_{21}(z)\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{32}(z)$ L= $\mathcal{E}_{21}(z)\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{32}(z)$ L= $\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{32}(z)$ L= $\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{32}(z)$ L= $\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{32}(z)$ L= $\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{32}(z)$ L= $\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{31}(z)$ L= $\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{31}(z)$ L= $\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{31}(z)$ L= $\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{31}(z)$ L= $\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{31}(z)\mathcal{E}_{32}(z)$ L= $\mathcal{E}_{31}(z)$

* ya que Toda matriel tiene una descomposición

cuales el ejercicio no tiene), L una matriz triangular inferior obtenida a partir de los multiplicadores Ej(E) y U a una matriz triangular superior.

b) Como el rango de una metriz esta dado por la contidad

de pivotes no nulos de la matriz escalanada de su su

descomposición LU, vermos que sin dar ningun valor a

g, la matriz U tiene 2 pivotes no nulos Ul y V2.

c) Como vimos de en el apartado antenor U tiene al

menos 2 pivotes no nulos, por lo que si g=0, rg(A)=2

Variable libre:
$$Ax = LUx = Ux = 0$$
 $U = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 3 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$
 $AUx = 0$

Tomation a x_3 como variable libre, $x_3 = w \in \mathbb{R}$
 $x_1 + x_2 + 3w = 0$
 $X_2 + w = 0$
 $X_2 + w = 0$
 $X_3 + w = 0$
 $X_4 + w =$

Se ve que nos queraria oxytox, tox, = 2, abourdo. Es sistema es incompetible (no tiene solverón). Rtinari Tomás P-5039/3 LCC A es no sus singular, entences A lune una subsain unica para cado sistema, N(A)={0}, también podemes decir que C(A)={A! : 6{1.2.31}} son linealmente independientes, ya que essese no existe una combinación lineal de C(A) con coeficientes no nulci que sea igual a 0.

 $C(A) = \left\{ \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 2 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \\ 4 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 3 \\ 4 \\ 9+8 \end{bmatrix} \right\}$

2) a) 1/A= {(x,7,2) \in R3 : 2x+2y+32\$0}

Jabemos que ACR3, ahora tenemos que prober
que se cumplen las propiedades de los espacios vec:

Dados u,v,w e A + \under \under B \in R:

- @ Clausura suma: 450 x VED 4+VED
- 2) Asuciativa y comutativa se heradan de RS
- 3 30EA, 42 91E 20+20+3.0+060 4 V+0=V
- (9) Vernos que no existe un elemento neutro de la suma, ya que por ser un subcenjunto de Rª, el opuesto de V es -v, y 51 VEA => VEO => -V≥O.

A no es un suberpacio vectorial de Rª

Podemos resolver la matria para buscar su escalonada:

$$M = \begin{bmatrix} 3 & 2 & 1 \\ 3 & 1 & 2 \end{bmatrix} \xrightarrow{E_{2}(-1)} \begin{bmatrix} 3 & 2 & 1 \\ 0 & -1 & 1 \end{bmatrix} \xrightarrow{E_{3}(-1)} \begin{bmatrix} 3 & 2 & 1 \\ 0 & -1 & 1 \end{bmatrix} \xrightarrow{E_{3}(-1)} \begin{bmatrix} 3 & 2 & 1 \\ 0 & -1 & 1 \end{bmatrix} \xrightarrow{E_{3}(-1)} \begin{bmatrix} 3 & 2 & 1 \\ 0 & -1 & 1 \end{bmatrix}$$

Al llegar a su forma escalciosa/venos que es no singular, por lo tanto Y beR3 3xeR3/Mxeb.

Como Todos los elementos de beB, entonces beR3.

Para beB, se verifica

#3-6EB, ya que para un x = 0, se tere Mx = 0, b+ 0 = b (neutro)
#3-6EB, ya que si exote x/Mx-b-a Enste-x/Mina-ka-b
y b+(-b)=0 (opuesto)

El resto de las propiedades se heredande Ra

· B es espacio vectorial = B es subecpaca vectorial de R3

b) Como para cualquier beR3, 3xeR3/Mx=b, entonces todos los elementos de R3 enton en B

Phiners
Tones
P-5034/3
LCC

3

For la tanta pochemica at lizar una barrate Ra, per ejempho ((1.00), (0.1.0), (0.0, 1))

quesca (t. 1. es una bouer Part a, b, u ex

313十九十七(3十つ)十七(3)=0

By Los polinomos precien sur expressados y par rector as y
la voriable. Si perfect. Lexiste in 12, byc., this que
a x2+bx+cx" - p(x) y (a,b,c) a pro 51 bose de REXI tendra cordinalidad 3 y mentores no nulos
en ella, ambas bases tienen cardinalidad 3, poro Bo
trone un vector nulo, con eso, si Bilas vectores
de Bosan I.I. entancès Bo es base.

5.2

of (0,1,2) + x= (1,0,3) + x= (0,0,-2) = (0,0,0) =

 $| x_1 = 0$ $| x_1 = 0$ $| x_1 = 0$ $| x_1 = 0$ $| x_2 = 0$ $| x_3 = 0$ $| x_4 = 0$ $| x_4 = 0$ $| x_4 = 0$

Entonces & los vectores de B, son I.i. . . B, a base

b) Tenenos que Ba no em base de 12/13

tomamos By = {x,1,x2} a escribe toma vector sur proper extentes R2, {(0,1,0), (0,0,4), (1,0,0)} es base ya que = tene exclusal 3, como se dimengión, y falta probar que es l.v.;

~, (0,1,0)1~,(0,0,1)+~,(1,0,0)-(0,0,0)

C) Dedoctores Precenos encontrar la matriz A, talque

$$A \cdot \begin{bmatrix} B_1 & B_2 & B_3 \\ B_1 & B_2 & B_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} B_2 & B_3 & B_3 \\ B_3 & B_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} B_3 & B_3 & B_3 \\ B_3 & B_$$

Busco la inversa con Gauss-Jordon

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & | & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & | & 0 & 0 \\ 2 & 3 & -2 & | & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \xrightarrow{P_{13}} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & | & 0 & | & 0 \\ 0 & 1 & 0 & | & 0 & | & 0 & | & 0 \\ 0 & 1 & 0 & | & 0 & | & 0 & | & 0 \\ 2 & 3 & -2 & | & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \xrightarrow{E_{31}(-2)}$$

Pitinari

Tomas $A = P_{23} P_{12} \begin{bmatrix} 0.10 \\ 0.10 \\ 0.10 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.00 \\ 0.10 \\ 0.10 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.00 \\ 0.10 \end{bmatrix}$

A es la matrie de cambio de base

$$A_{1} \cdot X = (x_{1}, X_{1}) \in \mathbb{R}^{2}$$

$$A_{1} \cdot X = (-X_{1}, X_{2}) \longrightarrow \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_{1} \\ x_{2} \end{bmatrix}$$

$$A_{2} \cdot X = (X_{2}, 0) \longrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_{1} \\ x_{2} \end{bmatrix}$$

$$A_{2} \cdot X = (X_{2}, 0) \longrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_{1} \\ x_{2} \end{bmatrix}$$

$$A_{3} \cdot X = (X_{2}, 0) \longrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_{1} \\ x_{2} \end{bmatrix}$$

$$A_{4} \cdot X = (X_{2}, 0) \longrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_{1} \\ x_{2} \end{bmatrix}$$

$$A_{5} \cdot X = (X_{2}, 0) \longrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_{2} \\ x_{3} \end{bmatrix}$$

$$A_{5} \cdot X = (X_{2}, 0) \longrightarrow \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_{1} \\ x_{2} \end{bmatrix}$$

c) matriz 3500 add de TroTz es A4 A2

d) To rota 90° the real rector en el plano, ignalmente
Tr. Tz hace una reflexion del torcento y luego una
proyección en el eje x

Luego TroTe, hace via reflexión de un vector, luego la proyección del 16 mismo en el eje x y mas.
Finalmente una rotación de 90°.

Índice de comentarios

- 1.1 El enunciado describe: l_ij multiplica la fila j cuando se resta de la fila i. Es decir que a U se la obtiene premultiplicando a A por elementales de la forma Eij(-l_ij); en este caso particular Eij(2), por lo que L tiene -2 por debajo de la diagonal.
- 1.2 Una cuestión de escritura: no se puede -no- dar ningún valor a g porque esa entrada en la matriz U debe tener un valor. Lo que sí, los dos pivotes son no nulos independientemente del g que tomemos.
- 1.3 ¿Y para el resto de valores de g?
- 2.1 Error de cálculos: x_1=-4w
- 2.2 El error de interpretación del item a te condujo otro sistema, pero el del enunciado también era incompatible.
- 3.1 la multiplicación por escalar no es cerrada
- 4.1 a partir de lo enunciado se puede concluir que B es R^{3} y no hay nada más que probar
- 5.1 son los representantes de p en la base $\{x^{1}, x, 1\}$
- 5.2 si no hubieses hecho la aclaración de que cada polinomio lo representás con un vector de R^{3}, acá deberías haber escrito la combinación lineal de los polinomios igualada al polinomio nulo, si no, estaría mal
- 6.1 las columnas de la matriz A se obtienen escribiendo en orden los escalares de la combinación lineal que se obtiene al expresar cada vector de B_1 como combinación lineal de los vectores de B_3
- 7.1 igualmente en este apartado se pide definir la ley de la transformación
- 7.2 ¿respecto de qué?
- 8.1 sn tener en cuenta que T_1 y T_2 están mal definidas