進階資料結構

邱翊均

January 10, 2025

講師簡介

- 邱翊均
- 2022 全國賽場外觀眾
- IOI 2023、APIO 2023 銀牌
- ICPC PCkomachi 隊員

講師簡介

- 邱翊均
- 2022 全國賽場外觀眾
- IOI 2023、APIO 2023 銀牌
- ICPC PCkomachi 隊員
- 因為想學習資料結構所以當資料結構講師

大綱

1 很多很多線段樹

2 Pattern

1 很多很多線段樹

2 Pattern

很多很多線段樹

很多很多線段樹

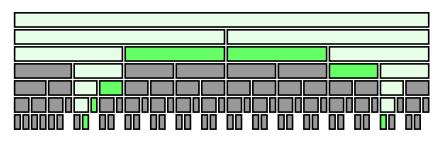


Figure: N=49,區間查詢 [9,44] (Source: 2024 基礎資結投影片)

很多很多線段樹 – 前言

你一定寫過線段樹!

線段樹普及,大家都會用線段樹砸區間操作 你都用線段樹做過什麼事情?

很多很多線段樹 – 前言

- 區間求和、極值、最大公因數
- 單點修改、區間加值
- 歷史版本的區間和
- 區間最大連續和
- 區間 MEX、矩形覆蓋面積
- 靜態區間和 🔐

一般線段樹懶人標記持久化 分治離線、掃描線 拜託不要

很多很多線段樹 – 前言

不只是區間詢問,線段樹可以有更多花樣!

- 李超線段樹
- ■時間線段樹
- 線段樹優化建圖

題目 (動態凸包)

現在有Q個操作,每個操作會是以下兩種中的一種:

- 加入一條直線 y = mx + k
- 詢問在 x = t 處最大的 y 值
- $1 \le Q \le 10^5$
- $|m|, |k| \leq 10^9$
- $1 \le t \le 10^5$

用 set 維護上凸包上的線段,維護線段控制的左右界,每次加入直線先搜他控制的區間,往左右殺掉其他線段,查詢的時候二分搜是哪條線段代值進去。注意 iterator 使用、全整求線交點......

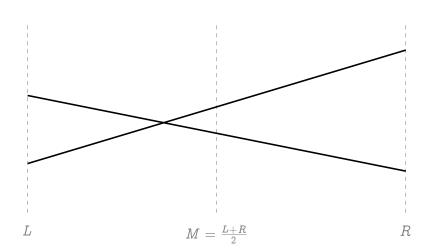
太麻煩了,而且常數不小 ,而且我沒寫過 有沒有簡單一點的辦法?

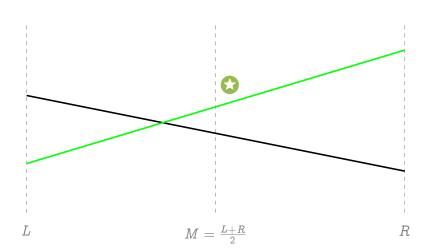
李超線段樹:

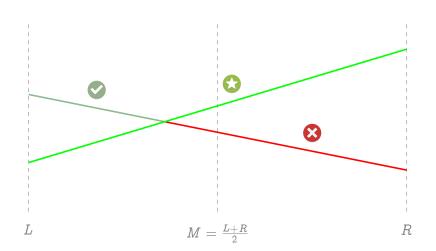
- 對要查詢的值域開線段樹,葉子代表單——個 x 的值
- 每個節點存一條對中點來說 y 最大的直線
 - 對中點一定是有用的
 - 可能還對這個區間的其他一部分有用

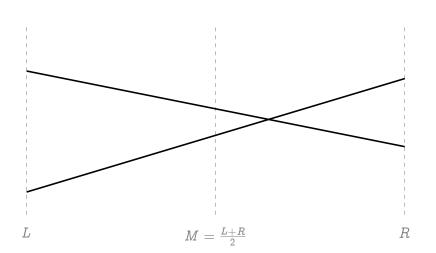
原本節點上有一條直線 這次詢問想插入另外一條直線

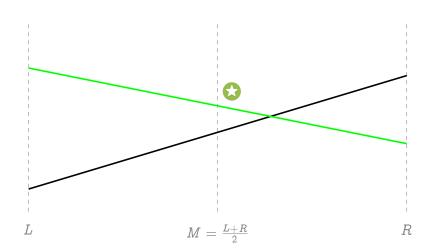
一個節點只能存一條線誰要留下來?另一條線要去哪裡?

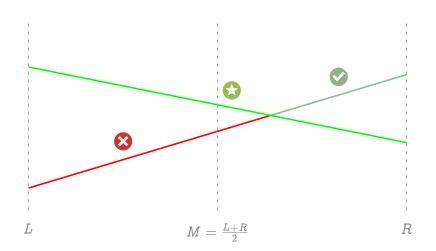










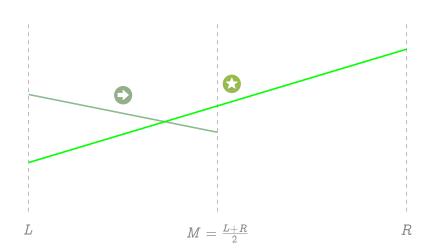


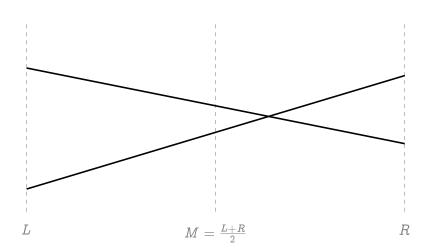
一條直線在中點輸掉之後不能直接扔掉,因為他還沒輸光,區間 內某些 x 的範圍可能還需要他

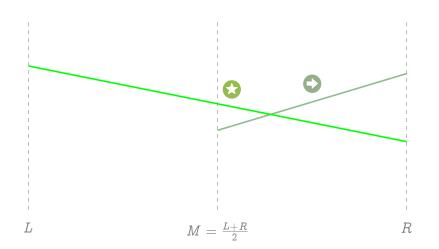
在中點輸掉的話,一定也會在左右其中一邊輸光 只有其中一邊可能還會需要用到這條直線,遞迴把他交給線段樹 上那半邊的子樹處置,另外半邊已經不需要他了

到葉子還輸的話那這條線徹底不會被任何人需要









從根節點出發,到葉節點為止:

- 代中點 x 座標比較兩條直線,贏家留在節點上
- 比較兩條直線的斜率
 - 如果贏家的斜率比較大,輸家往左子樹遞迴插入
 - 如果贏家的斜率比較小,輸家往右子樹遞迴插入
- 一直往子樹丟包直線 時間複雜度 O(線段樹高 $) = O(\log N)$

李超線段樹 – 單點查詢

直線被扔到隔壁節點,代表這個範圍的 x 全都用不到這條直線 一個 x 可能用到的直線,都存在他的祖先們身上

- 找到代表這個 x 值的葉子
- lacksquare 檢查所有祖先存的直線,每個都代一次,回答最大的 y

時間複雜度 O(線段樹高 $) = O(\log N)$

李超線段樹 - 實做

包裝直線作為函數使用

```
struct Line {
    int a, b; // y = ax + b
    Line(int _a = 0, int _b = 0): a(_a), b(_b) {}
    int operator()(int x) { return a * x + b; }
};
```

李超線段樹 - 實做

插入直線

- 代中點 x 座標比較兩條直線,贏家留在節點上
- 比較兩條直線的斜率
- 遞迴插入

```
void insert(int id, int l, int r, Line ln) {
    int m = (l + r) / 2;
    if(lns[id](m) < ln(m)) swap(lns[id], ln);
    if(l == r) return;
    if(lns[id].a > ln.a) insert(L(id), l, m, ln);
    else insert(R(id), m + 1, r, ln);
}
```

李超線段樹 - 實做

單點查詢

- 找到代表這個 x 值的葉子
- 檢查所有祖先存的直線,每個都代一次,回答最大的 y

```
int qry(int id, int l, int r, int x) {
    int m = (l + r) / 2;
    int res = lns[id](x);
    if(l == r) return res;
    if(x <= m) res = max(res, qry(L(id), l, m, x));
    else res = max(res, qry(R(id), m + 1, r, x));
    return res;
}</pre>
```

題目 (Line Add Get Min, Library Checker)

你有 N 條直線 $y = a_i x + b_i$ 。請你處理 Q 個詢問:

- 加入一條直線 y = ax + b
- 詢問 x = p 處最小的 y 值
- $1 < N, Q < 2 \times 10^5$
- $|a_i|, |p| \leq 10^9$
- $|b_i| \le 10^{18}$

題目 (Line Add Get Min, Library Checker)

你有 N 條直線 $y = a_i x + b_i$ 。請你處理 Q 個詢問:

- 加入一條直線 y = ax + b
- 詢問 x = p 處最小的 y 值
- $1 \le N, Q \le 2 \times 10^5$
- $|a_i|, |p| \leq 10^9$???!!
- $|b_i| \le 10^{18}$

剛剛對 x 的值域 $1, 2, ..., 10^5$ 開線段樹

現在事先收集會被詢問到的 x 座標對會被問到的 x 開線段樹

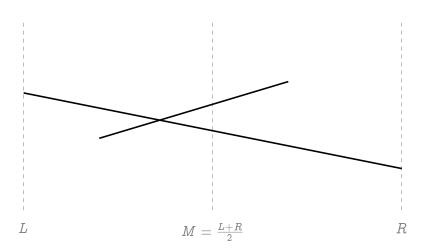
詢問是浮點數的時候也可以

如果事先不知道詢問位置呢?

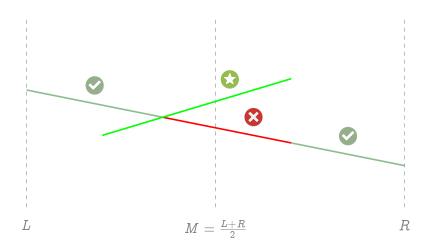
如果事先不知道詢問位置呢?

動態開點,用不到的節點不要理他

如果插入的不是直線,而是有左右範圍限制的線段呢?



(往左右子樹都丟包線段一定是不行的)



一般線段樹是怎麼做區間修改的?

一般線段樹是怎麼做區間修改的? 找 $O(\log N)$ 個節點覆蓋詢問的區間,修改那些節點

一般線段樹是怎麼做區間修改的? 找 $O(\log N)$ 個節點覆蓋詢問的區間,修改那些節點

找 $O(\log N)$ 個節點覆蓋線段範圍,對那些節點插入直線

一般線段樹是怎麼做區間修改的? 找 $O(\log N)$ 個節點覆蓋詢問的區間,修改那些節點

找 $O(\log N)$ 個節點覆蓋線段範圍,對那些節點插入直線

時間複雜度:插入一次 $O(\log N)$,總共 $O(\log^2 N)$

李超線段樹 - 應用

■ 斜率優化 ✓

李超線段樹 - 應用

- 斜率優化 ✓
- 四邊形優化 ✓

不只是直線,有**優超性**的函數都可以

題目 (Legacy, Codeforces 786B)

給定一張 N 個點的有向圖,接下來有 Q 次加邊的操作,每次操作會是以下三種中的一種:

- 1 v u w: 從 v 到 u 建一條權重為 w 的邊。
- 2vlrw:從 v 到 [l,r] 區間內所有點分別都建一條權重為 w 的邊。
- lacksquare 3 v l r w : 從 [l, r] 區間內所有點到 v 分別都建一條權重為 w 的邊。

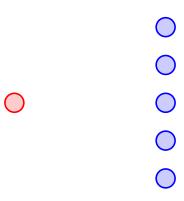
請你輸出給定的源點 8 到所有點的最短路徑長。

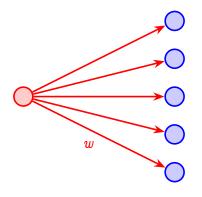
■ $1 \le N, Q \le 10^5$ °

怎麼看起來跟線段樹沒什麼關係

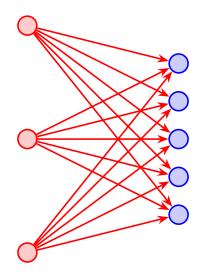
不急著砸是好事,我們先遺忘世界上所有資料結構

如果每次詢問都是「一個點對所有點,分別都建一條權重為 w 的邊」要怎麼辦?

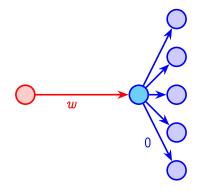




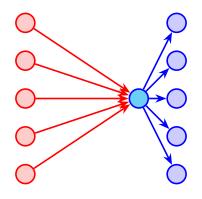
注意到,建出來每一條邊都長得一模一樣



一次詢問建出太多邊了



先建一個中間點,中間點再連藍色點 詢問的時候,紅色點連一條邊到中間點



以鬆弛的角度來說,連 (a,b) 邊權 w,造成 $d(a)+w\geq d(b)$

a 連中間人 c , $d(a) + w \ge d(c)$ 中間人 c 連 b_i , $d(c) + 0 \ge d(b_i)$ ⇒ 實質上等同 a 連 b_i , $d(a) + w \ge d(b_i)$

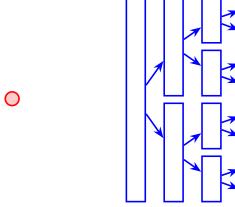
回到原本的問題,每次詢問要連邊的區間不一樣,每次開新的中 間點的話問題沒有半點解決

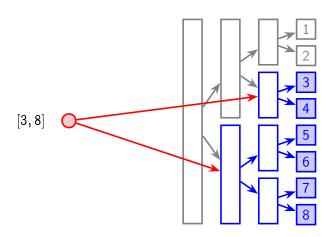
如果可以預先決定少少的中間點,每個中間點連到一個區間? 如果可以預先決定一些區間,讓每個詢問都可以被這些區間拆分 成少少段?

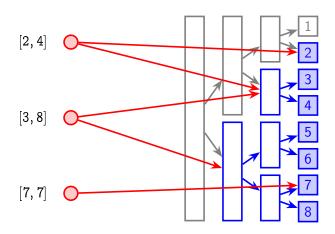
回到原本的問題,每次詢問要連邊的區間不一樣,每次開新的中 間點的話問題沒有半點解決

如果可以預先決定少少的中間點,每個中間點連到一個區間? 如果可以預先決定一些區間,讓每個詢問都可以被這些區間拆分 成少少段?

把中間點開成線段樹的樣子

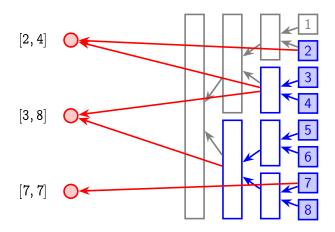






對一個線段樹節點連一條邊,等同於對區間內所有點分別連邊

如果把整張圖反過來:從線段樹節點連出來,等同於從區間內所 有點分別連出來



預先建兩棵線段樹,一棵從根往葉子連邊,一棵從葉子往根連邊 每次詢問根據方向在對應的樹上連 $O(\log N)$ 條邊,就可以建出 一樣的圖(在最短路的意義上一樣)

單源最短路?dijkstra 就好

最後建出來的圖上:

- 一棵線段樹有 2N 個節點,但是兩棵線段樹葉節點可以共 用,總共 3N 個點
- 兩棵線段樹各建 O(N) 條邊,之後每個詢問建 $O(\log N)$ 條邊,總共 $O(N+Q\log N)$ 條邊

時間複雜度 $O((N + Q \log N) \log N)$

線段樹本身和我們是怎麼建圖的並<mark>沒有</mark>關係 我們甚至可以用 sparse table 建類似的圖

線段樹在這裡發揮的最大價值是<mark>把詢問區間拆解</mark>成一些特別的 小區間 1 很多很多線段樹

2 Pattern

Pattern

Pattern

資料結構往往不會赤裸出現

不是「我要用這個資結砸掉這題」 而是「這題需要這樣做,所以可以拿這個資結砸掉」 永遠都先想怎麼做,再尋找合適的資結幫助你

- 2024 基礎資結

Pattern

資料結構往往不會赤裸出現

不是「我要用這個資結砸掉這題」 而是「這題需要這樣做,所以可以拿這個資結砸掉」 永遠都先想怎麼做,再尋找合適的資結幫助你

- 2024 基礎資結

有時候,題目要你維護的東西實在是太荒謬了,你需要自己創造 可以維護的東西去維護

Pattern - Taxis

題目 (Taxis, POI 2018)

現在有 n 台計程車編號 $1 \sim n$,對於第 i 台計程車,給定 s_i, c_i ,代表該台計程車的收費方式為 $s_i + d \times c_i$,其中 d 為里程數。 給定一個 $1 \sim n$ 的排列,請問是否存在一個里程數 x/y ,使得把所有計程車的編號照著收費由小到大列出恰好是這個排列(當收費價格一樣,順序可以任意安排),若存在的話請輸出任意一組解,否則輸出「NIE」。

接著會有 q 筆修改,每筆修改會有 a_i, b_i ,代表交換排列在 a_i 和 b_i 的數字,每次交換後皆須輸出先前問題的答案。

- $1 \le n \le 5 \times 10^5$ °
- $1 \le q \le 5 \times 10^5$ °

Pattern - Taxis

題目 (Taxis, POI 2018)

現在有 n 台計程車編號 $1 \sim n$,對於第 i 台計程車,給定 s_i, c_i ,代表該台計程車的收費方式為 $s_i + d \times c_i$,其中 d 為里程數。給定一個 $1 \sim n$ 的排列,請問是否存在一個里程數 x/y ,使得把所有計程車的編號照著收費由小到大列出恰好是這個排列(當收費價格一樣,順序可以任意安排),若存在的話請輸出任意一組解,否則輸出「NIE」。

接著會有 q 筆修改,每筆修改會有 a_i, b_i ,代表交換排列在 a_i 和 b_i 的數字,每次交換後皆須輸出先前問題的答案。 ???

- $1 \le n \le 5 \times 10^5$ °
- $1 \le q \le 5 \times 10^5$ °

Pattern – Taxis

題目 (Taxis, POI 2018)

現在有 n 台計程車編號 $1 \sim n$,對於第 i 台計程車,給定 s_i, c_i ,代表該台計程車的收費方式為 $s_i + d \times c_i$,其中 d 為里程數。 給定一個 $1 \sim n$ 的排列,請問是否存在一個里程數 x/y ,使得把所有計程車的編號照著收費由小到大列出恰好是這個排列(當收費價格一樣,順序可以任意安排),若存在的話請輸出任意一組解,否則輸出「NIE」。

- $1 < n < 5 \times 10^5$ °
- $1 \le q \le 5 \times 10^5$ °

Pattern – Taxis

題目 (Taxis, POI 2018)

現在有 n 台計程車編號 $1 \sim n$,對於第 i 台計程車,給定 s_i, c_i ,代表該台計程車的收費方式為 $s_i + d \times c_i$,其中 d 為里程數。 給定一個 $1 \sim n$ 的排列,請問是否存在一個里程數 x/y,使得把所有計程車的編號照著收費由小到大列出恰好是這個排列???(當收費價格一樣,順序可以任意安排),若存在的話請輸出任意一組解,否則輸出「NIE」。

- $1 \le n \le 5 \times 10^5$ °
- $1 \le q \le 5 \times 10^5$ °

Pattern - Taxis

什麼時候.....

■ 計程車照收費排序剛好是 1,2,...,n

什麼時候.....

■ 🔗 計程車照收費排序剛好是1,2,...,n

什麼時候.....

- 🔗 計程車照收費排序剛好是1,2,...,n
- 1 號車收費 < 2 號,而且
- 2 號車收費 < 3 號,而且
-
- *n* 1 號車收費 ≤ *n* 號

什麼時候.....

- 会計程車照收費排序剛好是1,2,...,n
- 爲 1 號車收費 < 2 號,而且
- ≥ 2 號車收費 < 3 號,而且
-

n=2 我們總會做了吧?

只考慮 i 號車和 i+1 號車,可以滿足「i 在 i+1 前面」的距離 d 是一個 $d<\square$ 或 $d>\square$ 的限制

當每一組相鄰計程車的順序都滿足,所有車就會照順序排好

只考慮 i 號車和 i+1 號車,可以滿足「i 在 i+1 前面」的距離 d 是一個 $d<\square$ 或 $d>\square$ 的限制

當每一組相鄰計程車的順序都滿足,所有車就會照順序排好

維護一坨射線有沒有交集 可以用兩個 multiset 維護

帶修改?

「每筆修改會有 a_i, b_i ,代表交換排列在 a_i 和 b_i 的數字」

帶修改?

「每筆修改會有 a_i, b_i ,代表交換排列在 a_i 和 b_i 的數字」

每次都做兩個單點修改

帶修改?

「每筆修改會有а;, b;,代表交換排列在а; 和b; 的數字」

每次都做兩個單點修改

時間複雜度:一次詢問 O(1) 次 multiset 操作,總共 $O((n+q)\log n)$

題目 (Grades, POI 2017)

有 n 位學生編號 $1 \sim n$ 以任意順序由左到右排成一列,現在你要派給這 n 位學生成績,成績必須是一個介於 $1 \sim n$ 之間的數字,且必須滿足以下條件:

- 若學生 u 的編號比學生 v 大,則學生 u 的成績不可以小於 學生 v。
- 若學生 v 排在學生 u 右邊一位,則學生 v 的成績不可以小於學生 u,不然他會很傷心。

請問最多可以有多少不同的成績種類被派送出去?接著會有 z 筆修改,每筆修改會有 p_i, q_i ,代表交換排在位置 p_i 和 q_i 的學生編號,每次交換後皆須輸出先前問題的答案。

- $1 \le n \le 10^6$ °
- $1 < z < 3 \times 10^5$ °

TL;DR

有 n 個學生從左到右排成一列,編號大的、排左邊的,成績要 比較高。最多能派出幾種不同的成績?

TL:DR

有 n 個學生從左到右排成一列,編號大的、排左邊的,成績要 比較高。最多能派出幾種不同的成績?

z 次修改,每次交換隊伍裡兩個學生的位置

TL;DR

有 n 個學生從左到右排成一列,編號大的、排左邊的,成績要 比較高。最多能派出幾種不同的成績?

🏚 z 次修改,每次交換隊伍裡兩個學生的位置

n=2.....

- [2,1]:兩種
- [1,2]:一種

有兩個人 u < v......

- v 排 u 左邊
- *u* 排 *v* 左邊

有兩個人 u < v......

- v 排 u 左邊:v 的分數本來就該比較高
- u 排 v 左邊:u, u + 1, ..., v 1, v 的分數全都要一樣!

看兩兩相鄰學生的編號關係,獲得(最多)n-1 條限制 $\lceil u_i, u_i + 1, \ldots, v_i - 1, v_i$ 的分數要一樣」

看兩兩相鄰學生的編號關係,獲得(最多)n-1 條限制 $\lceil u_i, u_i+1, \ldots, v_i-1, v_i$ 的分數要一樣」

要怎麼詢問「最多能派出幾種不同的成績」?

看兩兩相鄰學生的編號關係,獲得(最多)n-1 條限制 $\lceil u_i, u_i + 1, \ldots, v_i - 1, v_i$ 的分數要一樣」

每條限制都是「 $u_i + 1, \ldots, v_i - 1, v_i$ 的分數都固定了,只有 u_i 的分數可以自由決定」 最後數數看有幾個人的分數可以自由決定

看兩兩相鄰學生的編號關係,獲得(最多)n-1 條限制 $[u_i, u_i + 1, ..., v_i - 1, v_i]$ 的分數要一樣」

每條限制都是「 $u_i + 1, \ldots, v_i - 1, v_i$ 的分數都固定了,只有 u_i 的分數可以自由決定」 最後數數看有幾個人的分數可以自由決定

區間加值 (±1),數數看全域有幾個 0

帶修改(交換兩人位置)?

依然可以是兩次單點修改

區間加值、單點修改、數全域有幾個 0

拿你最喜歡的資料結構砸掉 時間複雜度 $O((n+z)\log n)$

Pattern

我們是怎麼做完前面兩題的?

- 題目要維護的東西難以維護(整個排列的長相)
- 找到小小的特徵點,用小特徵湊出題目要的條件(排列中相鄰元素關係)
- 小特徵足夠單純可以維護(multiset、線段樹)

題目 (Seats,IOI 2018)

(完整敘述請見講義)

有 $H \times W$ 個位子排成一個矩形,還有 HW 位選手每人分別佔一個位置。有幾個 $r \times c$ 矩形區域內坐的選手的編號恰好是 $0,1,\ldots,rc-1$?

支援 Q 次修改,每次交换兩位選手的位置,每次交換完輸出以上問題的答案。

- $1 \le H \times W \le 10^6$
- $1 \le Q \le 5 \times 10^4$

題目 (Seats,IOI 2018)

Subtasks

- (5) $HW \leq 100$, $Q \leq 5000$
- (6) $HW \leq 10^4$, $Q \leq 5000$
- $(20) H \le 1000$, $W \le 1000$, $Q \le 5000$
- (6) $Q \le 5000$,對於每次交換 $|a b| \le 10^4$
- \blacksquare (33) H=1
- (30) 無額外限制

拿零分還可以金牌的難題!?

選手一個一個坐進去,檢查他們是不是坐成矩形的樣子

躲不開的障礙:

要怎麼檢查一個矩形範圍是不是好的? 要怎麼檢查 $0, \ldots, rc - 1$ 的範圍是不是好的?

題目 (Seats, IOI 2018)

Subtasks

- (5) $HW \leq 100$, $Q \leq 5000$
- (6) $HW \leq 10^4$, $Q \leq 5000$
- (20) $H \le 1000$, $W \le 1000$, $Q \le 5000$
- (6) $Q \le 5000$,對於每次交換 $|a b| \le 10^4$
- (33) *H* = 1
- (30) 無額外限制

二維太荒謬了,先想辦法搞定一維

選手一個一個坐進去,檢查他們是不是坐成連續區間的樣子

躲不開的障礙:

要怎麼檢查一個區間是不是好的?

要怎麼檢查 $0, \ldots, rc-1$ 的範圍是不是好的?

٩(´▽`*)و插圖

把 0, ..., rc - 1 塗黑色,其他格子和界外留白。他們剛好在一個 連續區間的充要條件是......

把 0, ..., rc - 1 塗黑色,其他格子和界外留白。他們剛好在一個 連續區間的**充要條件**是......

對於每一組相鄰的格子,恰好有兩組是一黑一白

٩(´▽`*)و插圖

把 $0,1,\ldots,HW-1$ 一個一個塗黑,每個時間點檢查是不是恰好兩組格子是一黑一白

對於每一組相鄰的格子,他們在哪些時間是一黑一白?

對於每一組相鄰的格子,他們在**某個連續的時間區間**是一黑一白

拿出你最喜歡的資料結構,維護每個時間點一黑一白的格子有幾 組,數數看全域有幾個 2

對於每一組相鄰的格子,他們在**某個連續的時間區間**是一黑一白

拿出你最喜歡的資料結構,維護每個時間點一黑一白的格子有幾組,數數看全域有幾個 2???

對於每一組相鄰的格子,他們在**某個連續的時間區間**是一黑一白 只要有格子是黑的,一黑一白的格子就至少有兩組

拿出你最喜歡的資料結構,維護每個時間點一黑一白的格子有幾 組,**檢查全域最小值是不是** 2、**數數看最小值有幾個**

修改?還是可以兩次單點修改

時間複雜度: $O((W + Q) \log W)$

題目 (Seats, IOI 2018)

Subtasks

- (5) $HW \le 100$, $Q \le 5000$
- (6) $HW \leq 10^4$, $Q \leq 5000$
- $(20)~H \le 1000$, $W \le 1000$, $Q \le 5000$
- (6) $Q \leq 5000$, 對於每次交換 $|a-b| \leq 10^4$
- \blacksquare (33) H = 1
- (30) 無額外限制

٩(´▽`*)و插圖

把 0, ..., rc - 1 塗黑色,其他格子和界外留白。他們剛好形成一個矩形的**充要條件**是......

把 0, ..., rc - 1 塗黑色,其他格子和界外留白。他們剛好形成一個矩形的**充要條件**是.....

對於每一塊 2×2 相鄰的格子,

■ 恰好四塊是一黑三白

٩(´∪`*)₅插圖:甜甜圈

把 0, ..., rc - 1 塗黑色,其他格子和界外留白。他們剛好形成一個矩形的**充要條件**是......

對於每一塊 2×2 相鄰的格子,

- 恰好 4 塊是一黑三白
- 沒有任何一塊是三黑一白

٩(´▽`*)و插圖

對於每一組 2 × 2 的格子,他們在哪些時間是一黑三白、或是三黑一白?

對於每一組 2×2 的格子,他們在**某個連續的時間區間**是一黑三白、或是三黑一白

只要有格子是黑的,一黑三白的格子就至少有 4 組

拿出你最喜歡的資料結構,維護每個時間點一黑三白、三黑一白的格子有幾組,檢查全域最小值是不是 4、數數看最小值有幾個

修改?還是可以兩次單點修改

時間複雜度: $O((HW + Q) \log HW)$ (多花點力氣 $O(HW + Q \log HW)$)

修改?還是可以兩次單點修改

時間複雜度: $O(HW + 16Q \log HW)$

常數巨大!

題目 (好的連續子序列,台大演算法設計與分析(ADA)作業)

給定一個 1, 2, ..., N 的排列,試求有多少子區間 [l, r],滿足該子區間是一個連續正整數的排列?

■ $1 \le N \le 5 \times 10^5$

在 NEOJ 788 有可以傳的 Judge

跟一維的 Seats 比起來,少了修改,多了不是 1 開頭的區間也要數數看

跟一維的 Seats 比起來,少了修改,多了不是 1 開頭的區間也要 數數看

- 用 Seats 作法找出 1 開頭的好區間有幾個
- 把 1 拿掉(讓他永遠是白色),找出 2 開頭的好區間有幾個
-
- 把 1, 2, ..., N 1 拿掉(讓他們永遠是白色),找出 N 開頭的好區間有幾個

跟一維的 Seats 比起來,少了修改,多了不是 1 開頭的區間也要 數數看

- 用 Seats 作法找出 1 開頭的好區間有幾個
- 把 1 拿掉(讓他永遠是白色),找出 2 開頭的好區間有幾個
-
- 把 1, 2, ..., N 1 拿掉(讓他們永遠是白色),找出 N 開頭的好區間有幾個

題目沒叫你修改,但是你自己把「枚舉排列的開頭」當成 N 次修改

時間複雜度: $O(N \log N)$

時間複雜度:至少 $O(4N \log N)$

常數巨大!我在 NEOJ 吃 TLE

本題官方作法是分治,也有其他使用大資料結構但可以時限內通 過的作法

你能想到幾種不同的作法?

Pattern

- 題目要維護的東西難以維護
- 找到小小的特徵點,用小特徵湊出題目要的條件
- 小特徴足夠單純可以維護

資結不是重點,重點是發現精妙的轉換和觀察