Introduction à la cryptographie

Louiza Khati

4A-Partie 1

ANSSI

- Création juillet 2009
- Acteur majeur de la cyber sécurité en France
- Rôles:
 - Favorise le développement de la cyber sécurité en France
 - Apporte son expertise et son assistance aux administrations et aux industriels
 - Encadre et délivre des « visas de sécurité » (via CCN)
 - Forme les citoyens et entreprises (guides)
 - Etc.

Laboratoire cryptographie

- Favorise la recherche dans ce domaine
- Echange sur les différents sujets auprès des acteurs internationaux
- Participe à la mise en place des bonnes pratiques crypto (guides)
- Apporte son expertise (certifications)

Ce cours

- Introduction à la cryptographie
 - Cryptographie : domaine riche été complexe
- Objectifs:
 - Découvrir la cryptographie
 - Donner des intuitions
 - Connaitre des exemples de constructions
 - Dépend de vous ☺
- Méthodes :
 - Cours +TD

Ce cours

- Ne pas hésitez à poser des questions
 - Notions inconnues/floues
- Si c'est trop lent, trop rapide
- Répondre aux questions
 - Cours plus interactif → plus agréable!
 - Apprentissage plus rapide!
 - Trouver les réponses sur internet n'apporte rien.

Règles à suivre

Absences:

- Récupérer le cours et les notes
- Attention : questionnaires en début de cours généralement

Retards:

- Cours à 8h : 15 min de retard tolérées (qrcode à la pause)
- Les autres cours : 5 minutes de retard tolérées
- Si j'arrive après cet horaire, ne pas déranger le cours svp.

Respect :

- Pas de nourriture, ni de boissons en classe (trop bruyant)
- Attention au bavardage!
- Intervenant et camarades de classe.

Notation

- Note CC (contrôle continu)
 - Participation en classe,
 - TD : je fais mon TD moi-même (je pourrais en discuter avec les camarades par la suite)
 - Questionnaire en ligne
 - Tester vos comptes wooclap et savoir utiliser l'application.
- Examen final
 - Examen papier sur l'ensemble du cours (tout le programme de cryptographie)

Sondage

Cours précédents

- Mécanismes symétriques
 - Primitives de chiffrement par bloc (AES, 3DES, Camellia, etc.)
 - Modes opératoires pour le chiffrement (ECB, CBC)
 - Chiffrement symétrique : mode + primitive de chiffrement par bloc
 - Ex: AES-128-CBC, Camellia-ECB, AES-256-CTR, etc...
- Dans ce cours : Intégrité symétrique
 - A base de primitive de chiffrement par bloc
 - A base de fonctions de hachage

« Message Authentication Code » (MAC)

- Chiffrement symétrique « souvent » malléable
 - Vulnérables aux attaques CCA (chiffrés choisis)
 - Modifications contrôlées par l'adversaire dans le chiffré (CBC/CTR)
- Les MACs :
 - Assure qu'une donnée transmise n'a pas été modifiée sur le canal/ donnée stockée
 - Notion : intégrité/authenticité des messages ≠ confidentialité
- Confidentialité et intégrité : besoins de sécurité complémentaires

MAC

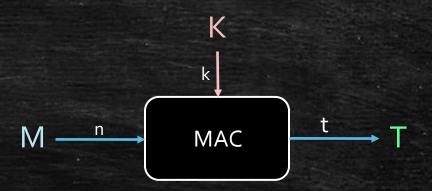
- «Signature» utilisant de la cryptographie symétrique
 - Garantit **l'intégrité d'une donnée** (avec une clé secrète)
 - Seules les personnes d'un groupe peuvent vérifiées la validité d'un MAC
 - Pas de non-répudiation (car clé partagée dans un groupe)
 - Plus rapide qu'une signature (pratique pour les réseaux)
- Utilise une clé symétrique
- Peut-être construit avec un chiffrement par bloc ou une fonction de hachage

MAC

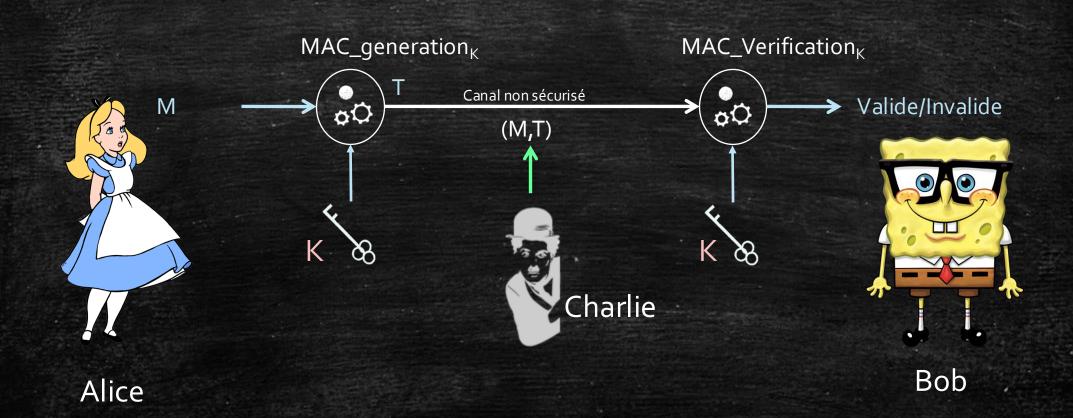
- Clé K de taille k > 128
- Message M de taille <u>n quelconque</u>
- ValeurT:
 - Appelé tag ou MAC
 - Taille constante t > 128 (recommandée)



- K ← keygen(k), k taille de la clé
- T ← MAC_generation(K, M) déterministe (en général)
- Valide/Invalide ← Mac_verification(K, M,T) déterministe



MAC : authenticité de la donnée



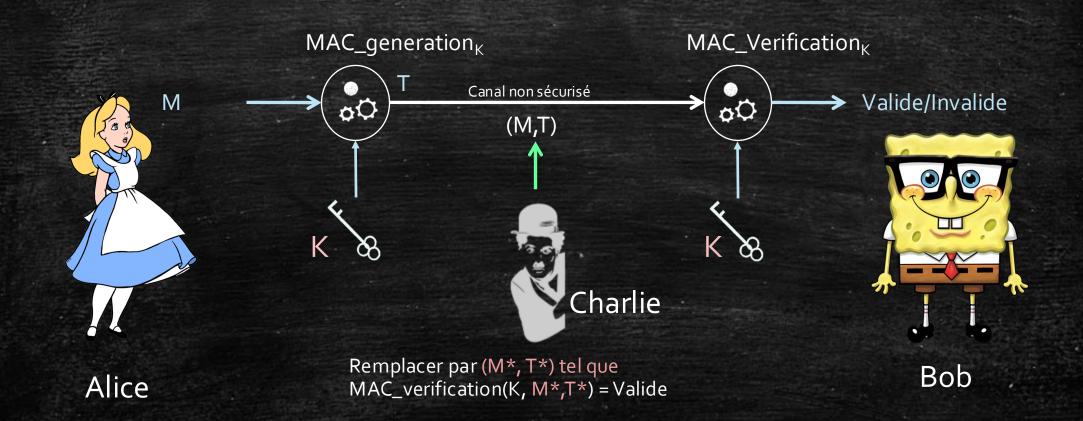
Cryptographie - Louiza Khati

 $MAC_generation(K, M) = T$

13

MAC_verification(K, M,T) = Valide/Invalide

MAC : authenticité de la donnée



But de l'attaquant : construire une contrefaçon (M*, t*)

 $MAC_generation(K, M) = T$

MAC_verification(K, M,T) = Valide/Invalide

MAC : Modèles d'attaquants

- À messages connus : l'adversaire a accès à des couples (M, T) de messages déjà authentifiés (interception de MACs)
- À messages choisis : l'adversaire demande le MAC de messages qu'il choisit (accès à un oracle de génération de MACs)
 - Attaque non adaptative : l'ensemble des messages est choisi a priori
 - Attaque adaptative : l'adversaire choisit les messages en fonction des réponses de l'oracle

Retrouver la clé

- Retrouver la clé
- Forger un MAC pour n'importe quel message

- Retrouver la clé
- Forger un MAC pour n'importe quel message
- Forger un MAC pour un message M choisi
- Forger un MAC pour un message M non choisi

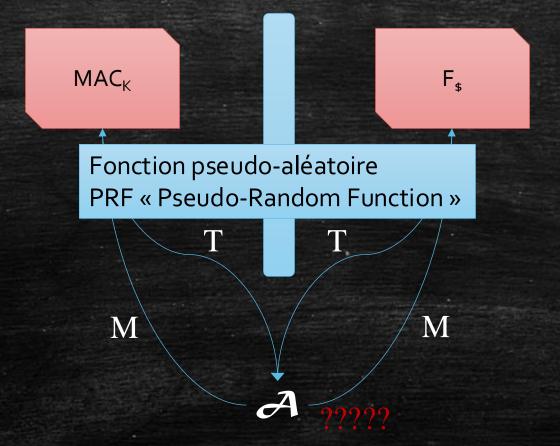
- Retrouver la clé
- Forger un MAC pour n'importe quel message
- Forger un MAC pour un message M choisi
- Forger un MAC pour un message M non choisi
- Distinguer un MAC d'une sortie aléatoire

- Retrouver la clé
- Forger un MAC pour n'importe quel message
- Forger un MAC pour un message M choisi
- Forger un MAC pour un message M non choisi
 Attaque de plus
- en plus simple Distinguer un MAC d'une sortie aléatoire

Attaquant de plus en plus fort!

Sécurité maximale

(MAC : Sécurité)



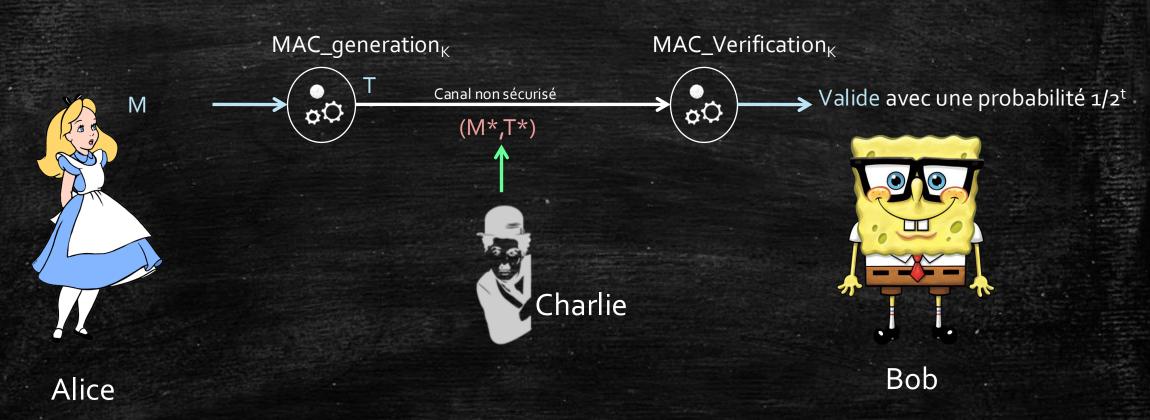
Sans connaitre K, A peut-il distinguer MAC_K et F_{\$}?

Notion d'indistinguabilité



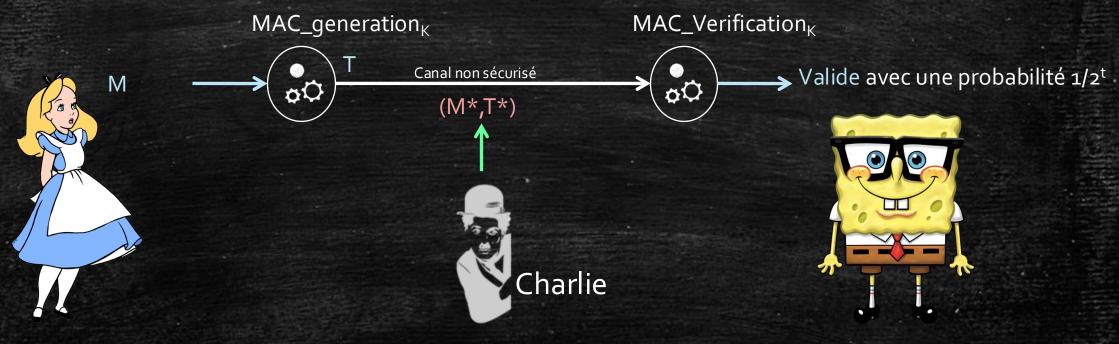
MAC : Sécurité

Probabilité minimale qu'un adversaire produise une contrefaçon : 1/2^t



MAC : Sécurité

Probabilité minimale qu'un adversaire produise une contrefaçon : 1/2^t



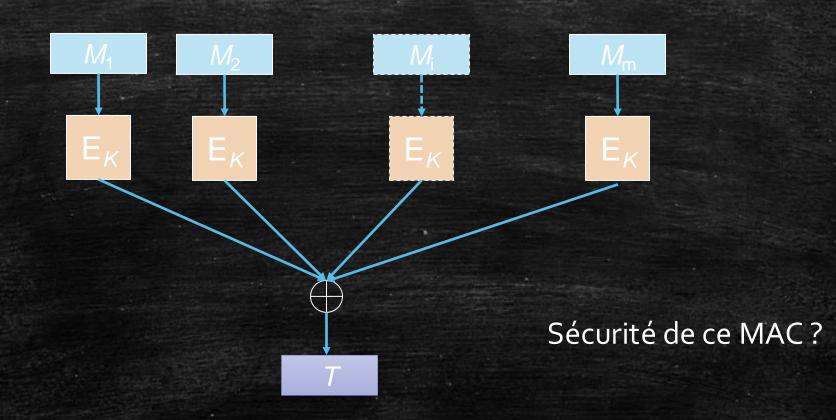
Alice

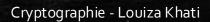
Probabilité de forger un MAC doit être proche de o!

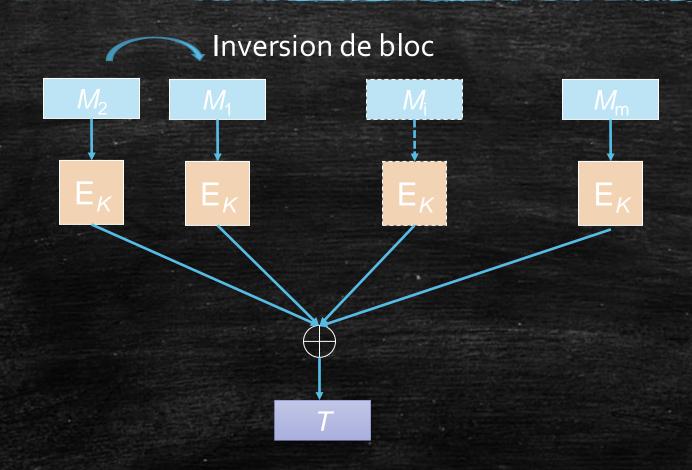
Bob

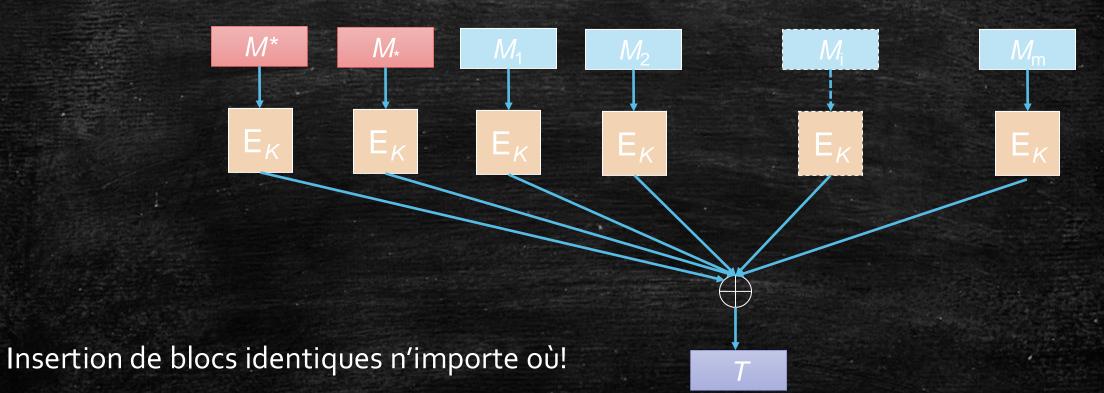
MACs part 1

Basés sur une primitive de chiffrement par bloc



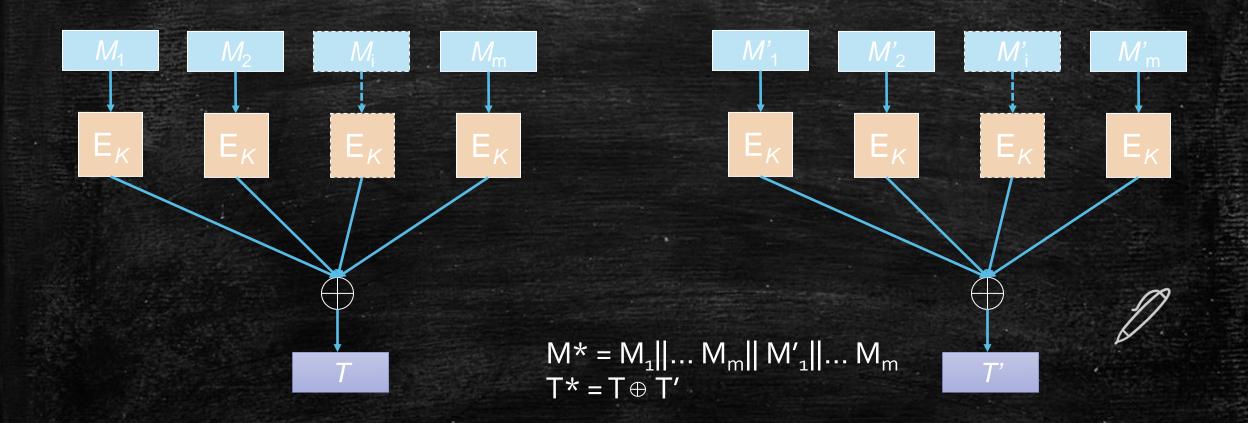


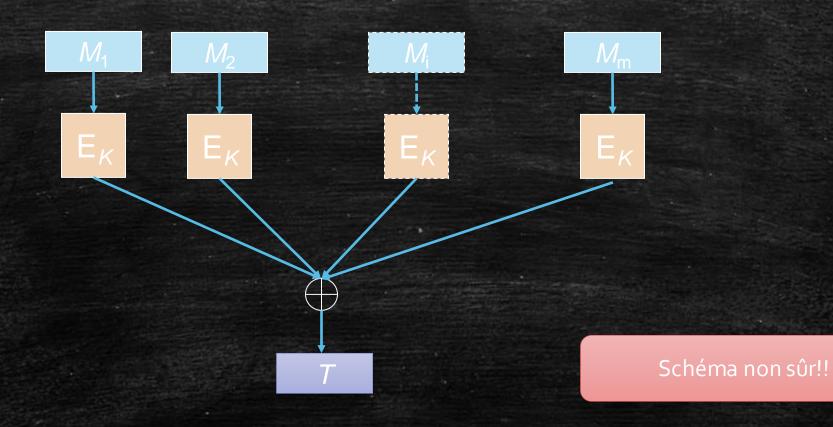




Cryptographie - Louiza Khati

27





MAC : Exemples

CBC-MAC

Basé sur le chiffrement CBC sans IV

EMAC

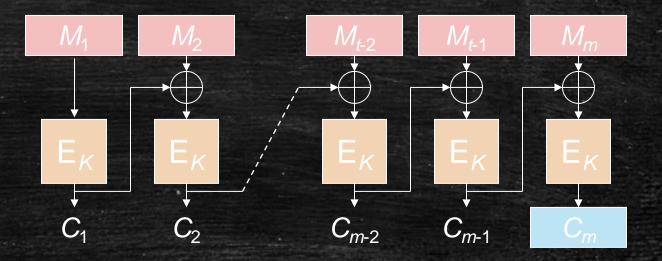
- CBC-MAC surchiffré
- Utilisations de deux clés : deux clés dérivées de la même clé maitresse
- Prouvé sûr pour des messages de tailles variables sous des hypothèses raisonnables

HMAC

- Très utilisé!
- Utilise une fonction de hachage
- Prouvé sûr pour des messages de tailles variables sous des hypothèses raisonnables

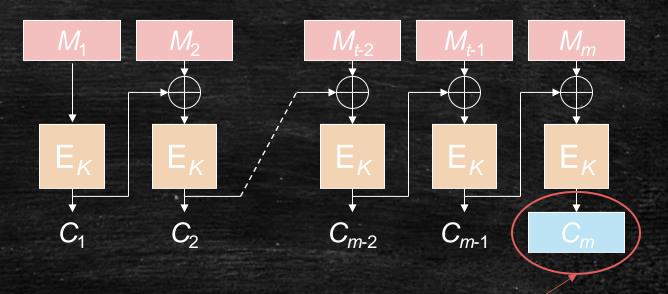
MAC : CBC-MAC

- CBC
 - Pas d'IV
 - $T = C_m$
 - Valeurs C_i non publiques
 - o<i<m



MAC : CBC-MAC

- CBC
 - Pas d'IV
 - $T = C_m$
 - Valeurs C_i non publiques
 - o<i<m

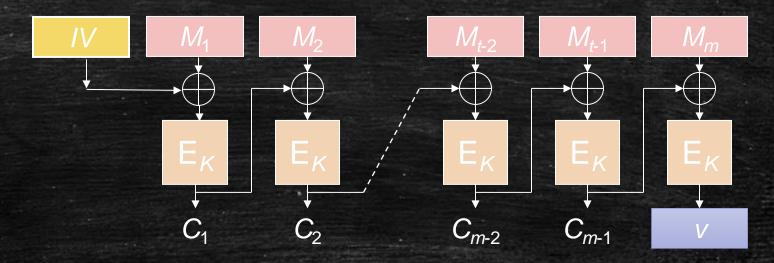


T = C_m et dépend de tous les blocs

CBC-MAC : IV

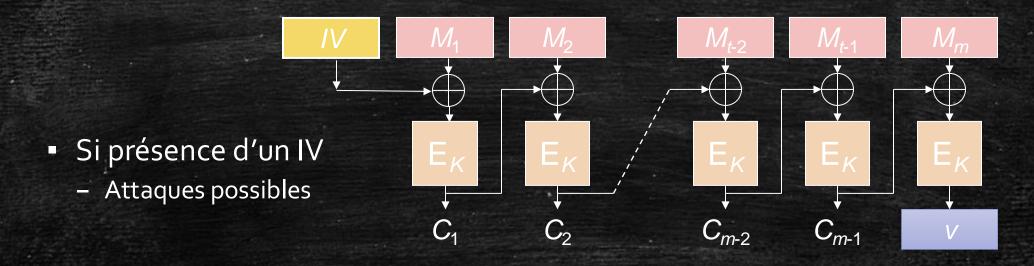
Si présence d'un IV

$$- T = (IV, v)$$



- Possibilité d'utiliser l'IV pour forger
 - Si l'attaquant possède (M,(IV,v)) avec $M = M_1$ (message composé d'un bloc)
 - Contrefaçon (M*,T*) tel que IV' = $M_1 + IV + M'_1$, M*= M_1 , T* = (IV',v)

CBC-MAC : Pas d'IV

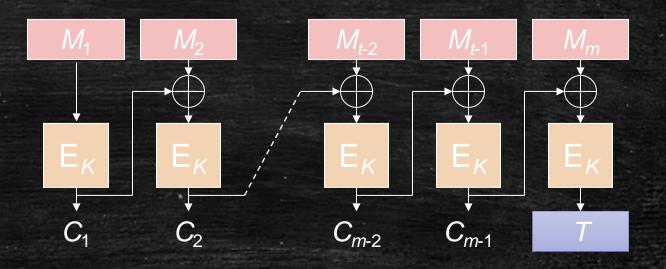


Pas d'IV dans le cadre de CBC-MAC!

MAC : CBC-MAC

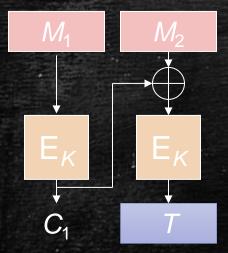
- CBC
 - Pas d'IV
 - T = C_m
 - Valeurs C_i non publiques
 - o<i<m

Sécurité?

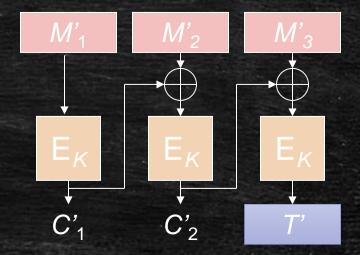


MAC: CBC-MAC

Message $M = M_1 || M_2$ Tag T



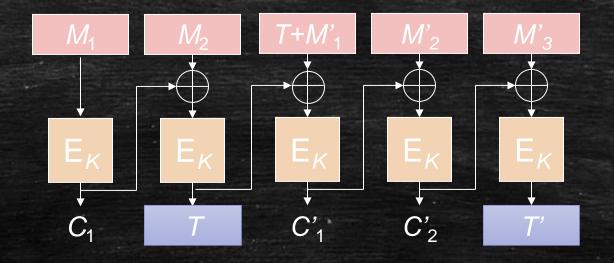
Message $M' = M'_1 || M'_2 || M'_3$ Tag T'



Message
$$M^* = M_1 || M_2 || T + M'_1 || M'_2 || M'_3$$

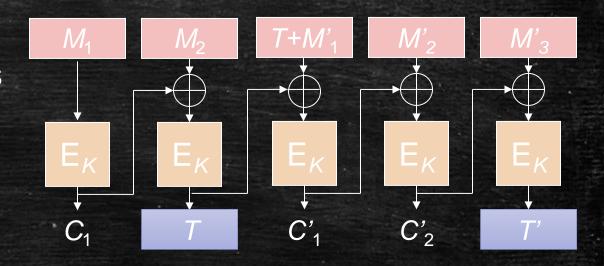
Tag $T^* = T'$

MAC : CBC-MAC



Message $M^* = M_1 || M_2 || T + M'_1 || M'_2 || M'_3$ Tag $T^* = T'$ MAC : CBC-MAC

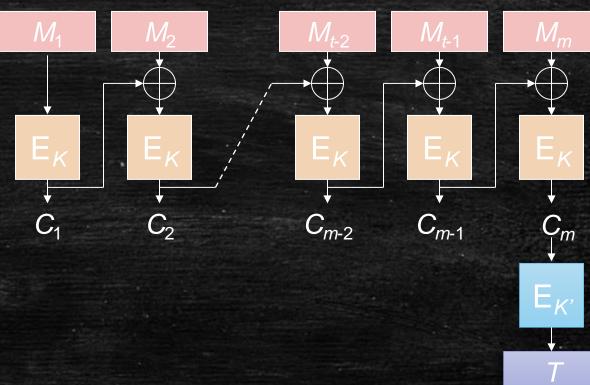
- Pas d'IV
- CBC-MAC sûr pour des messages de taille fixe seulement



Message $M^* = M_1 || M_2 || T + M'_1 || M'_2 || M'_3$ Tag $T^* = T'$

MAC : EMAC

- CBC-MAC surchiffré sûr pour des messages de taille variable.
 - Sécurité prouvée : q << 2^{n/2}
 - Attaque pour q = 2^{n/2}



Fonctions de hachage

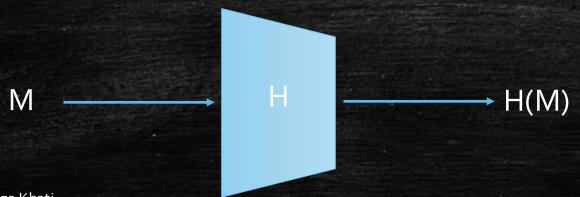
Fonction de hachage

• Une fonction de hachage H est une fonction :

$$H : \{0,1\}^* --> \{0,1\}^n$$
 $M --> H(M)$

M est un message de taille quelconque

H(M) est appelé « hash », « haché » ou encore « empreinte » de taille n.



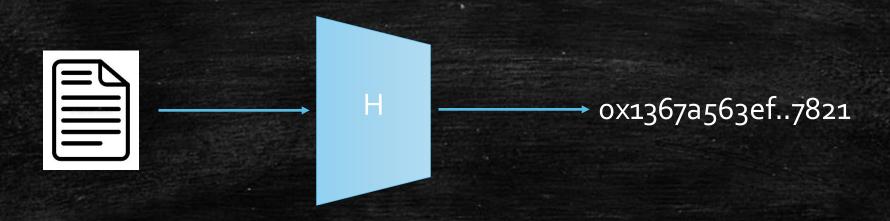
Fonction de hachage : Propriétés

- Pas de clé
- Pas d'algorithme inverse
- Rapidité du traitement des données
- Répartition des images sur l'ensemble de sortie
- Compression des données



Fonction de hachage

 Une fonction de hachage cryptographique est une fonction de hachage qui compresse de manière sécurisée une entrée de longueur arbitraire et une sortie de taille fixe.



Fonction de hachage : Utilisations

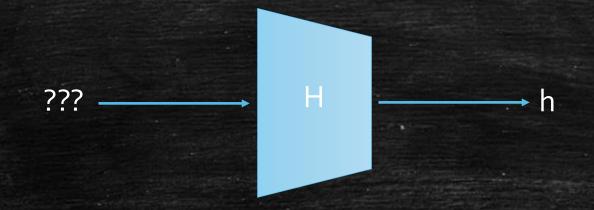
- MACs (dans la suite)
- Stockage de mots de passe
 - Quelle propriété intéressante des fonctions de hachage ?
- Générateur d'aléa
- Signature (dans la suite)
- Dérivation de clé
 - Quelle propriété intéressante des fonctions de hachage ?

Fonctions de hachage

- Se comporte comme un « oracle aléatoire »
 - «Comme une fonction aléatoire »
- Pas de clé utilisée --> la fonction est totalement publique
 - Garantir l'intégrité d'une donnée avec une fonction de hachage? -> Pas seule!
- Propriétés spécifiques aux fonctions de hachage :
 - Résistance en collisions
 - Résistance en préimages
 - Résistance en seconde préimage

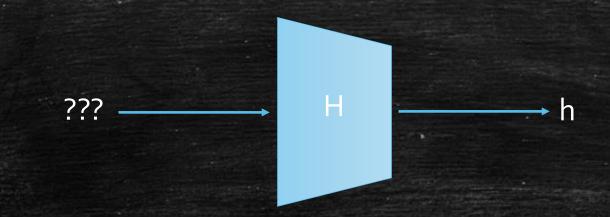
Propriété de sécurité : préimage

■ Etant donné $h \in \{0,1\}^n$, trouver M tel que H(M) = h



Propriété de sécurité : préimage

■ Etant donné $h \in \{0,1\}^n$, trouver M tel que H(M) = h



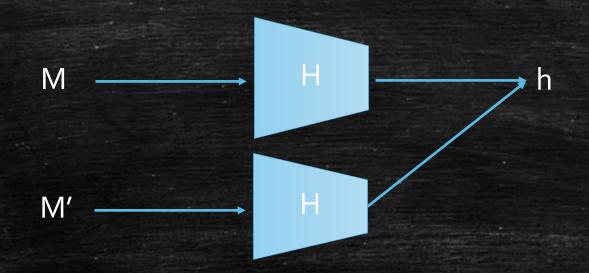
Complexité attaque générique : de l'ordre de 2ⁿ

Propriété de sécurité : préimage

- Entrée h
- Meilleure attaque générique : recherche exhaustive
- Probabilité de trouver une préimage : 1/2ⁿ
- Calculer H(M) pour des messages aléatoires
- Après 2ⁿ messages on s'attend à trouver M tel que H(M) = h
- Complexité recherche probabiliste : O(2ⁿ)

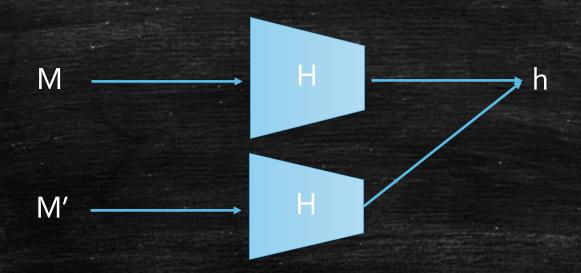
Propriété de sécurité : seconde préimage

■ Etant donné $M \in \{0,1\}^*$, trouver $M' \neq M$ tel que H(M) = H(M')



Propriété de sécurité : seconde préimage

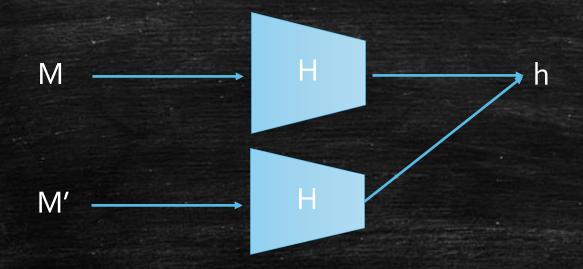
■ Etant donné $M \in \{0,1\}^*$, trouver $M' \neq M$ tel que H(M) = H(M')



Complexité attaque générique : de l'ordre de 2ⁿ

Propriété de sécurité : collisions

Trouver M' ≠ M tel que H(M) = H(M')



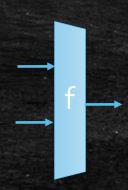
- Complexité attaque générique : de l'ordre de 2^{n/2}
 - Paradoxe des anniversaires

Fonction de hachage : Sécurité

- Cryptanalyse:
 - Trouver une attaque plus efficace qu'une attaque générique
 - 2^{n/2} calculs de hachés pour les collisions
 - 2ⁿ calculs pour les (secondes) préimages
- En pratique : la résistance aux collisions est la plus difficile à obtenir
- La taille de la sortie est déterminante!
 - Recommandation guide crypto ANSSI: n ≥ 200

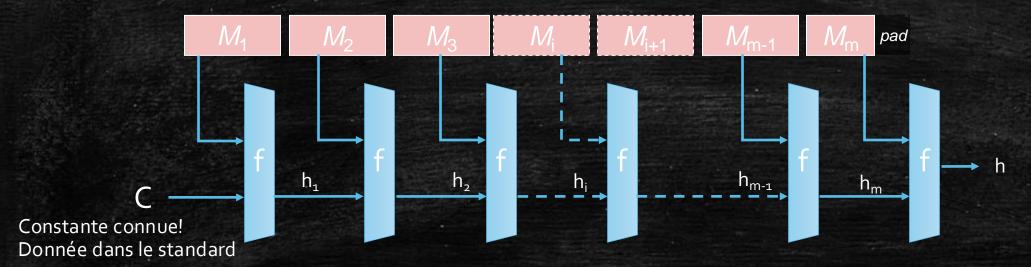
Fonctions de hachage : construction

- Découpage du message M en bloc de b bits
- Padding du message M (b = taille de bloc)
- Utilisation d'une construction itérative
 - Intégration des blocs de messages
 - Fonction de compression $f : \{0,1\}^{n_1} \times \{0,1\}^n --> \{0,1\}^n$
- Algorithme d'extension de domaine
 - Ou encore « Mode opératoire »



Construction: Merkle-Damgard (1979)

- Construction très utilisée
- La fonction f est résistante en « pseudo-collision »
 - Difficile de trouver $(x,y) \neq (x',y')$ tel que f(x,y) = f(x',y')
 - Pad(M): padding classique + encodage de la taille du message



Fonctions de hachage : constructions

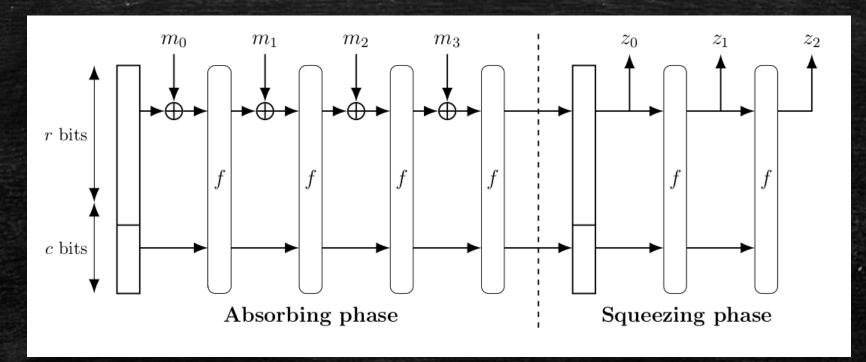
- Merkle-Damgard : structure très utilisée
 - MD5, SHA1, RIPEMD-160
 - Famille SHA2
- Nouvelle structure : fonction éponge
 - Nouveau standard SHA₃

Construction éponge « sponge »

Nouvelle structure utilisée dans SHA3

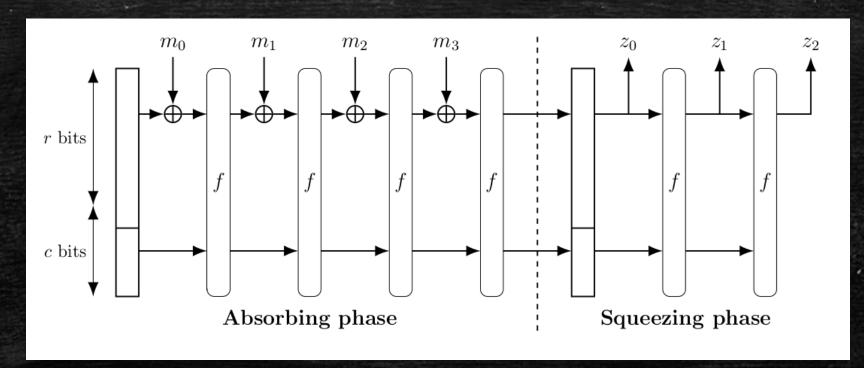
Fonction éponge

- Permutation f sur r+c bits
- Rate sur r bits et capacité sur c bits



Fonction éponge

- Différentes tailles de sorties possibles : z₁, z₂,...
- Message découpé en bloc de r bits -->Performance!



Fonction éponge

- Sécurité : Taille de la capacité
 - Résistance en collision : 2^{c/2}
 - Résistance en seconde-préimage : 2^{c/2}
 - Résistance en préimage : 2^{c/2}



- Guido Bertoni, Joan Daemen, Seth Hoffert, Michaël Peeters, Gilles Van Assche and Ronny Van Kee
- Août 2015 : publication des normes FIPS 180-4 et FIPS 202
- Normalisation de plusieurs variantes
 - Capacité de 512 bits : SHA3-224, SHA3-256, SHAKE-256 (taille de sortie variable)
 - Capacité de 1024 bits : SHA3-384, SHA3-512, SHAKE-512 (taille de sortie variable)
- Il existe des MACs basés sur la fonction éponge (différent de HMAC)



Fonctions de hachage : Sécurité

- Il est recommandé d'utiliser des fonctions de hachage dont la taille d'empreinte est d'au moins 256 bits (Guide ANSSI 2021)
- MD5 (128 bits) cassée! --> ne pas utiliser
- SHA1 --> fortement déconseillée
 - présente des vulnérabilités
 - Empreinte trop petite pour l'état de l'art actuel
- Famille de fonctions de hachage SHA-2 (structure similaire à SHA1)
 - SHA2-224, SHA2-256, SHA2-384, SHA2-512 (utilisée)
- Concours SHA3 (fin octobre 2012) par le NIST « au cas où » (utilisable)
 - Nouveau standard : Keccak gagnante (fonction éponge)
 - Empreinte de tailles variables 224, 256, 384 et 512 bits par exemple

Fonctions de hachage : Exemples

Fonction de hachage	Taille empreinte	Remarque
MD ₅	128	cassé
SHA1	160	NIST (déconseillée)
SHA2 (256, 512)	256,512	NIST
RIPEMD-*	128,160	(déconseillée)
Whirlpool	512	
SHA3 (224,, 512)	224,, 512	NIST

Fonctions de hachage : Exemples

```
khati@khati-ThinkPad-X280:~$ echo "voici mon message"|sha1sum
024ac31a5cef3979283fa54825d432ab93872dc7 -
khati@khati-ThinkPad-X280:~$ echo "voici mon messagf"|sha1sum
62e1ffec976a358e783f4a049639d02346c61cc2 -
khati@khati-ThinkPad-X280:~$ echo "voici mon messag2"|sha2
sha224sum sha256sum
khati@khati-ThinkPad-X280:~$ echo "voici mon messag2"|sha224sum
eab0fa6eda20f8c9154695fa3cad5e5e2bd29e1ecb57faf7e89174cf -
khati@khati-ThinkPad-X280:~$ echo "voici mon messag2"|sha256sum
9969ff68c9794a83dbce37a3d3e73df6b9275dbca009c337d6fb2734d7113879 -
```

```
>>> len("9969ff68c9794a83dbce37a3d3e73df6b9275dbca009c337d6fb2734d7113879"
64
>>> 64*4
256
>>> len("eab0fa6eda20f8c9154695fa3cad5e5e2bd29e1ecb57faf7e89174cf")
56
>>> 56*4
224
```

Fonctions de hachage : usages

- Ne garantit <u>aucune sécurité concrète seule!</u>
- Utilisée généralement avec un secret
 - Avec une clé symétrique (MAC)
 - Avec un mot de passe (stockage de mots de passe)
 - Dériver des clés (secrètes)
- Vérification empreinte logicielle
 - L'authenticité de l'empreinte est garantie par le serveur (site web en question)

MACs part 2

Basés sur une fonction de hachage (HMAC)

HMACs

- « Hash-based MACs »
- Construire un MAC avec une fonction de hachage
 - Fonction de hachage : pas de clé
 - MAC : utilise une clé
- Comment introduire la clé?
- Idées naturelles
 - Clé en tant que préfixe : $MAC_{K}(M) = H(K \parallel M)$
 - Clé en tant que suffixe : $MAC_{K}(M) = H(M || K)$
 - Clé en tant que préfixe et suffixe : MAC_K(M) = H(K | M | K)

MAC basé sur une fonction de hachage

Clé en tant que préfixe : $MAC_{\kappa}(M) = H(K || M)$

- H basée sur Merkle-Damgard : avec $t = MAC_{K}(M) = H(K \parallel M)$, on peut calculer le MAC de n'importe quelle extension de M
 - Il suffit d'utiliser t en tant que variable de chainage
 - Adapter le calcul du dernier bloc dans le cas où la taille du message est prise en compte
- Pourrait permettre de forger des MACs facilement
 - Dépend de H

MAC basé sur une fonction de hachage

Clé en tant que suffixe : $MAC_{K}(M) = H(M || K)$

- Collision (M,M') sur la fonction H (paradoxe des anniversaires 2^{n/2}) « hors ligne »
 - Collision sur MAC_{K} : sit = $MAC_{K}(M)$ alors t = $MAC_{K}(M')$
 - Le tag t est valable pour M'

Clé en tant que préfixe et suffixe : $MAC_{K}(M) = H(K \parallel M \parallel K)$

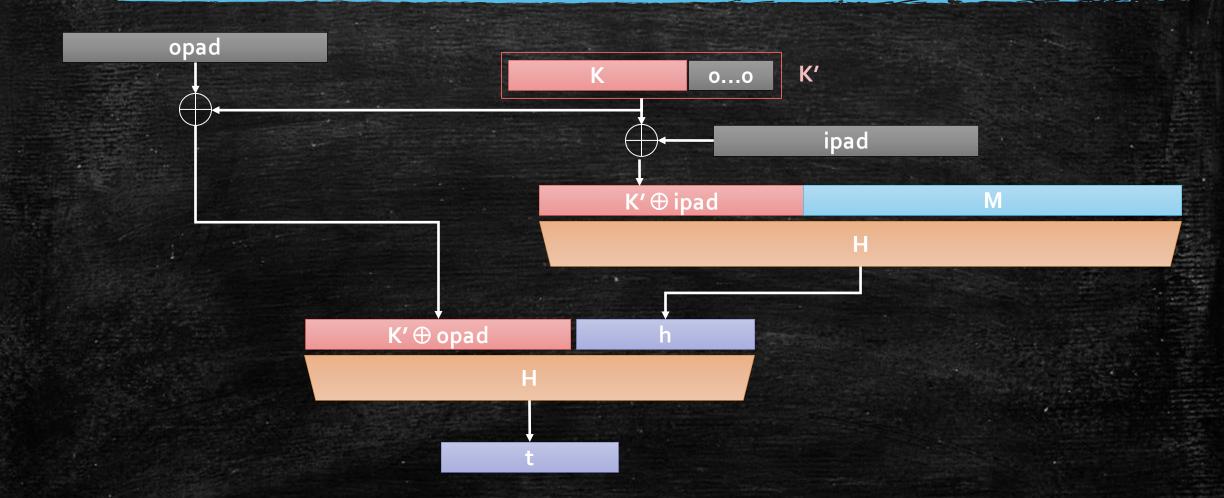
Idée de HMAC

HMAC

$HMAC_{K}(M) = H(K' \oplus opad || H(K' \oplus ipad || M))$

- Taille de bloc b (b=512 généralement)
- Clé K' : Clé K « paddée » avec des 'o' (taille b)
- opad : constante (octets 'ox5c' --> taille b)
- ipad : constante (octets 'ox36' --> taille b)

HMAC-H



HMAC : Sécurité

- Taille de la clé : recherche exhaustive sur la clé
- La fonction de hachage choisie : non cassée
- La taille de la sortie (taille du MAC >= 128 bits) : recherche exhaustive sur le tag/MAC

- Preuve de sécurité (Crypto 2006)
 - HMAC est une bonne PRF (une bonne fonction aléatoire) sous l'hypothèse que la fonction de hachage sous-jacente est « une bonne fonction de hachage ».

Stockage de mots de passe

- Idées ...
 - Stocker le mot de passe en clair dans la base de données (BD)
 - Stocker le chiffré du mot de passe dans la BD
 - Stocker l'empreinte du mot de passe dans la BD : h = H(mdp)
 - Stocker l'empreinte salée et le sel dans la BD : h = H(sel, mdp)

MACs : Conclusion

- Garantir l'intégrité des données
- Utilise une clé secrète (symétrique)
- Peut utiliser
 - Sur un chiffrement par bloc (taille de clé, taille de bloc)
 - Sur une fonction de hachage (taille de clé, taille de la sortie)
- Sécurité :
 - Brique sous-jacente : chiffrement par bloc, fonction de hachage
 - Taille de la clé, taille du MAC/tag t

A retenir : MACs

- MAC permet de garantir l'intégrité d'une donnée
 - Permet de détecter si le message a été modifié
- MAC : construit à l'aide
 - D'un chiffrement par bloc (Ex : AES-128-CBC-MAC)
 - D'une fonction de hachage (Ex : HMAC-SHA2-256)
- Sécurité :
 - Taille de la clé (>=128 bits car clé symétrique)
 - Taille du tag (>= 128 bits recommandé → recherche exhaustive)
 - Sécurité de la construction + sécurité de la brique de base

A retenir : MACs

- Ne permet pas de garantir la non répudiation du message
 - Clé symétrique = clé partagée
 - → au moins deux personnes partagent la clé!!
- Ne permet pas de garantir la confidentialité des données
 - Différent du chiffrement
- Possibilité de combiner :
 - Chiffrement symétrique + MAC pour garantir confidentialité +intégrité
 - (certaines constructions le font nativement -> chiffrements authentifiés)

A retenir : Fonction de hachage

- Propriétés de sécurité
 - Résistance que collisions
 - Résistance à la préimage / second préimage
- Sécurité :
 - Taille de la sortie \geq 200 bits (à cause de l'attaque générique en collision $2^{n/2}$)
 - Pas de preuve
 - Confiance : résistance à la cryptanalyse
- Ne s'utilise jamais seule!!!!!!

Annexes

Modèle de sécurité

- Un mécanisme qui assure à la fois la confidentialité et l'intégrité des données
- Garantir la sécurité contre les attaques à chiffrés choisis
- Sécurité au sens le plus fort (IND-CCA)

Chiffrement authentifié

- Notions de sécurité assurées
 - Confidentialité
 - Intégrité/ authenticité des données (« data authenticity »)
- Combinaisons naturelles :
 - « Encrypt-and-MAC » (pas toujours sûr)
 - « MAC-then-Encrypt » (pas toujours sûr)
 - « Encrypt-then-MAC » (composition sûre)
- Algorithmes dédiés en « une passe »

Chiffrement authentifié

- Permet de garantir la confidentialité et l'authenticité des données
- Idée naturelle : utiliser un chiffrement symétrique et un MAC sur la donnée à protéger
 - Encrypt-and-MAC
 - MAC-then-Encrypt
 - Encrypt-then-MAC
- Mode de chiffrement authentifié
 - Modes spécifiques garantissant confidentialité et authenticité des données
 - Plus rapides
 - Compétition CAESAR

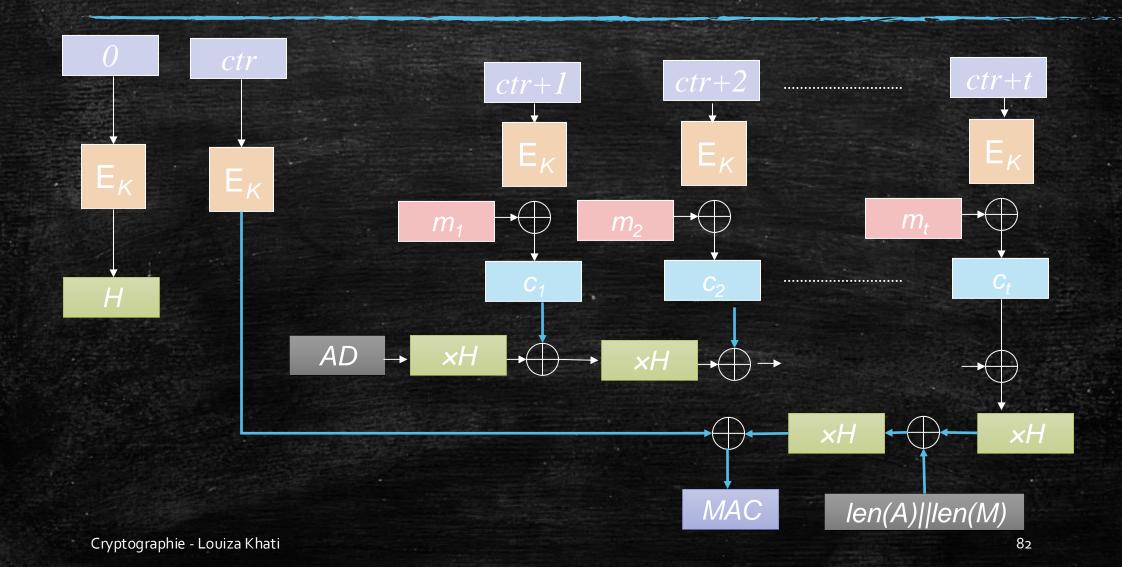
Chiffrement authentifié : CAESAR

- Compétition CAESAR (https://competitions.cr.yp.to/caesar.html)
 - Début annoncé en 2013
 - Portfolio final annoncé en 2020
- Portfolio
 - Applications lightweight : 1. Ascon 2. ACORN
 - Applications hautes performances : AEGIS-128 et OCB
 - Défense en profondeur : 1. Deoxys-II 2. COLM

Chiffrement authentifié

- AEAD: Authenticated Encryption with Associated Data
 - Associated Data : Protection en intégrité seulement
 - Message M : protégé en confidentialité et intégrité
- Mode GCM « Galois Counter Mode »
 - Standard NIST SP 800-38D
 - Très utilisé : TLS, chiffrement de fichiers, etc...
 - Multiplication dans le corps GF(2128)

Mode GCM



Chiffrement authentifié

- AEAD: Authenticated Encryption with Associated Data
 - Associated Data : Protection en intégrité seulement
 - Message M : protégé en confidentialité et intégrité
- Mode GCM « Galois Counter Mode »
 - Très utilisé : TLS, chiffrement de fichiers, etc...
 - Multiplication dans le corps GF(2128)
- Preuve de sécurité :
 - E_{κ} est une PRP
 - Le nonce CTR est unique