

Calcul de la fonction de transfert $H(z)$ du filtre en question

$$H(z) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} h[n] z^{-n}$$

$H(z)$ correspond à la transformée en z de $h[n]$

$$H(z) = \frac{1}{M} \sum_{n=0}^{M-1} z^{-n}$$

de plus $y[n] = x[n] * h[n]$

$$Y(z) = X(z) \cdot H(z)$$

$$Y(z) = X(z) H(z) = X(z) \cdot \frac{1}{M} \sum_{n=0}^{M-1} z^{-n}$$

$$Y(z) = \frac{1}{M} \sum_{n=0}^{M-1} X(z) z^{-n}$$

$$y[n] = \frac{1}{M} \sum_{n=0}^{M-1} x[n-k]$$

L'équation aux différences qui relie $y[n]$ à $x[n]$ et donc:

$$y[n] = \frac{1}{M} \sum_{n=0}^{M-1} x[n-k]$$