

## Capítulo 5

Relaciones y funciones.

1. Si  $\_ = N$ ;  $A = (1; 2; 3; 4)$ ;  $B = (2; 5)$  y  $C = (3; 4; 7)$ ; Determine  $A \times B$ ;  $B \times A$ ;

$A \times B$ :

$((1; 2); (1; 5); (2; 2); (2; 5); (3; 2); (3; 5); (4; 2); (4; 5))$

$B \times A$ :

$((2; 1); (2; 2); (2; 3); (2; 4); (5; 1); (5; 2); (5; 3); (5; 4))$

2. Con los valores anteriores determine  $(A \cup B) \times C$

$((1; 3); (1; 4); (1; 7); (2; 3); (2; 4); (2; 7); (3; 3); (3; 4); (3; 7); (4; 3); (4; 4); (4; 7); (5; 3); (5; 4); (5; 7))$

3. Determine  $(A \times C) \cup (B \times C)$  con los valores anteriores.

$A \times C$ :

$((1; 3); (1; 4); (1; 7); (2; 3); (2; 4); (2; 7); (3; 3); (3; 4); (3; 7); (4; 3); (4; 4); (4; 7))$

$B \times C$ :

$((2; 3); (2; 4); (2; 7); (5; 3); (5; 4); (5; 7))$

$(A \times C) \cup (B \times C)$ :

$((1; 3); (1; 4); (1; 7); (2; 3); (2; 4); (2; 7); (3; 3); (3; 4); (3; 7); (4; 3); (4; 4); (4; 7); (5; 3); (5; 4); (5; 7))$

4. Si  $\_ = (1; 2; 3; 4; 5)$ ;  $A = (1; 2; 3)$  y  $B = (2; 4; 5)$  de ejemplos de tres relaciones no vacías de A en B.

$A \times B$ :

$((1; 2); (1; 4); (1; 5))$

5. Si  $\_ = (1; 2; 3; 4; 5)$ ;  $A = (1; 2; 3)$  y  $B = (2; 4; 5)$  de ejemplos de tres relaciones binarias no vacías en A.

$((1; 1); (1; 2); (1; 3))$

6. Sea  $A = (1; 2; 4; 8; 16)$  y  $B = (1; 2; 3; 4; 5; 6; 7)$  si  $(2 \nmid x; 5) \in A \times B$ ; ¿Se cumple que  $(2 \nmid x; 5) = (4; y \nmid 2)$ ?

$$2 \nmid x = 4y \Rightarrow y \nmid 2$$

$$2 \nmid 4; 5 + 2 = y$$

$$2 \nmid 2 = x; 7 = y; \text{ por lo tanto se cumple para } x = 2y = 7$$

1

7. Sea  $A_1 = (0; 1; 2; 3; n)$ ;  $A_2 = (1; 2; 3; 7; 12)$ ;  $A_3 = (0; 1; 2; 4; 8; 16; 32)$  y  $A_4 = (3; 2; 1; 0; 1; 2; 3)$

Sea  $R_1 = A_1 \times A_2 \times A_3 \times A_4$  donde  $R_1 = (w; x; y; z)$  ¿Cuántas 4-tuplas ordenadas

o cuaternas hay en una relación?

$W \times X \times Y \times Z = 0$  si y solo si por lo menos uno de los 4 números son 0, entonces se agarra los pares con una coordenada 0, por lo tanto el resultado es  $4^4 - 3^4 = 256 - 81 = 175$

8. Sea  $A_1 = (0; 1; 2; 3; n)$ ;  $A_2 = (1; 2; 3; 7; 12)$ ;  $A_3 = (0; 1; 2; 4; 8; 16; 32)$  y  $A_4 = (3; 2; 1; 0; 1; 2; 3)$

Si  $R_2 = A_1 \times A_2 \times A_3 \times A_4$  es la relación cuaternaria donde  $(a; b; c; d) \in R_2$  si x solo

si  $a + b + c + d = 0$  ¿Cuánto vale  $R_2$ ?

En este caso es similar al anterior como en el conjunto  $A_4$  existe 3 números negativos entonces sería  $4^4 - 3^4 = 256 - 81 = 175$

9. Para  $A; B; \_$  como el ejercicio 5, determine lo  $|A \times B|$

$$|A| = 5 \text{ y } |B| = 3; \text{ entonces } |A \times B| = 15$$

10. Para  $A; B; \_$  como el ejercicio 5, determine el número de relaciones binarias de A en B.

El número de relaciones es  $2^{|A \times B|} = 2^{15} = 32768$