Supplement to Criteria to Reevaluate Cutpt

Charles Tan

When assessing previously determined cut points using in-study baseline samples or for a new population, it is a good practice not too quick to change when the sample size is small. Tan et al. (2020) provided some distribution-free criteria on when the evidence is sufficient that adjustment is needed. Here, I seek to document the calculations in Tan et al. (2020), and provide the detailed criteria for different sample sizes in a table format to assist the use of the paper in practice.

Calculations behind Table 1

```
source("Funs.R")
  CalcLmt(size=c(50,100,150,200,250,300,400,500), pct=0.95)
  size lower upper outlow outupp
   50
1
          45
                50 0.0000 0.1000
2
  100
          91
                98 0.0200 0.0900
3
  150
               147 0.0200 0.0800
         138
  200
         185
               195 0.0250 0.0750
5
   250
         232
               243 0.0280 0.0720
   300
         279
               291 0.0300 0.0700
6
7
   400
         373
               387 0.0325 0.0675
  500
         467
               483 0.0340 0.0660
  CalcLmt(size=c(50,100,150,200,250,300,400,500), pct=0.99)
 size lower upper
                         outlow
                                    outupp
          48
   50
                50 0.000000000 0.04000000
2
  100
          97
               100 0.000000000 0.03000000
  150
         146
               150 0.000000000 0.02666667
3
  200
         195
               200 0.000000000 0.02500000
```

```
5 250 245 250 0.000000000 0.02000000
6 300 294 299 0.003333333 0.02000000
7 400 392 399 0.002500000 0.02000000
8 500 491 498 0.004000000 0.01800000
```

Data behind Figs 1 & 2

Figs 1 & 2 plot the same calculations on more refined grid: from sample size 20 to 500 for tier 1 cut point, and 100 to 500 for tier 2 cut point.

```
T1crit <- CalcLmt(size=20:500, pct=0.95)
T2crit <- CalcLmt(size=100:500, pct=0.99)</pre>
```

Here are the detailed criteria for tier 1 cut point:

T1crit

```
size lower upper
                          outlow
                                      outupp
1
      20
            17
                  20 0.00000000 0.15000000
2
      21
            18
                  21 0.00000000 0.14285714
3
      22
            19
                  22 0.00000000 0.13636364
      23
4
            20
                  23 0.00000000 0.13043478
      24
            21
                  24 0.00000000 0.12500000
5
                  25 0.00000000 0.12000000
6
      25
            22
7
      26
            23
                  26 0.00000000 0.11538462
      27
                  27 0.00000000 0.11111111
8
            24
9
      28
            25
                  28 0.00000000 0.10714286
10
      29
            25
                  29 0.00000000 0.13793103
                  30 0.00000000 0.13333333
11
      30
            26
12
            27
                  31 0.00000000 0.12903226
      31
                  32 0.00000000 0.12500000
13
      32
            28
14
      33
            29
                  33 0.00000000 0.12121212
15
      34
            30
                  34 0.00000000 0.11764706
      35
                  35 0.00000000 0.11428571
16
            31
17
      36
            32
                  36 0.00000000 0.11111111
      37
            33
                  37 0.00000000 0.10810811
18
19
      38
            34
                  38 0.00000000 0.10526316
      39
            35
                  39 0.00000000 0.10256410
20
                  40 0.00000000 0.10000000
21
      40
            36
22
      41
            36
                  41 0.00000000 0.12195122
23
      42
            37
                  42 0.00000000 0.11904762
```

```
24
      43
            38
                   43 0.00000000 0.11627907
      44
            39
25
                   44 0.00000000 0.11363636
26
      45
            40
                   45 0.00000000 0.11111111
27
      46
            41
                   46 0.00000000 0.10869565
            42
28
      47
                   47 0.00000000 0.10638298
            43
                   48 0.00000000 0.10416667
29
      48
30
      49
            44
                   49 0.00000000 0.10204082
31
      50
            45
                   50 0.00000000 0.10000000
            46
                   51 0.00000000 0.09803922
32
      51
33
      52
            47
                   52 0.00000000 0.09615385
34
      53
            48
                   53 0.00000000 0.09433962
            48
                   54 0.00000000 0.11111111
35
      54
36
      55
            49
                   55 0.00000000 0.10909091
            50
37
      56
                   56 0.00000000 0.10714286
38
      57
            51
                   57 0.00000000 0.10526316
            52
                   58 0.00000000 0.10344828
39
      58
40
      59
            53
                   58 0.01694915 0.10169492
41
      60
            54
                   59 0.01666667 0.10000000
42
            55
                   60 0.01639344 0.09836066
      61
43
      62
            56
                   61 0.01612903 0.09677419
44
      63
            57
                   62 0.01587302 0.09523810
45
      64
            58
                   63 0.01562500 0.09375000
46
      65
            59
                   64 0.01538462 0.09230769
                   65 0.01515152 0.09090909
47
      66
            60
48
      67
            61
                   66 0.01492537 0.08955224
49
      68
            61
                   67 0.01470588 0.10294118
            62
                   68 0.01449275 0.10144928
50
      69
51
      70
            63
                   69 0.01428571 0.10000000
52
      71
            64
                   70 0.01408451 0.09859155
53
      72
            65
                   71 0.01388889 0.09722222
54
      73
            66
                   72 0.01369863 0.09589041
55
      74
            67
                   73 0.01351351 0.09459459
56
      75
            68
                   74 0.01333333 0.09333333
57
      76
            69
                   75 0.01315789 0.09210526
      77
            70
                   76 0.01298701 0.09090909
58
59
      78
            71
                   77 0.01282051 0.08974359
60
      79
            72
                   78 0.01265823 0.08860759
      80
            73
                   79 0.01250000 0.08750000
61
62
      81
            74
                   80 0.01234568 0.08641975
63
      82
            74
                   81 0.01219512 0.09756098
64
      83
            75
                   82 0.01204819 0.09638554
65
      84
            76
                   83 0.01190476 0.09523810
66
      85
            77
                   84 0.01176471 0.09411765
```

```
67
      86
            78
                   85 0.01162791 0.09302326
      87
            79
                   86 0.01149425 0.09195402
68
69
      88
            80
                   87 0.01136364 0.09090909
70
      89
            81
                   88 0.01123596 0.08988764
                   89 0.01111111 0.08888889
71
      90
            82
            83
                   90 0.01098901 0.08791209
72
      91
73
      92
            84
                   91 0.01086957 0.08695652
74
      93
            85
                   91 0.02150538 0.08602151
                   92 0.02127660 0.08510638
75
      94
            86
76
      95
            87
                   93 0.02105263 0.08421053
77
            87
                   94 0.02083333 0.09375000
      96
78
      97
                   95 0.02061856 0.09278351
            88
79
      98
            89
                   96 0.02040816 0.09183673
                   97 0.02020202 0.09090909
80
      99
            90
81
     100
            91
                   98 0.02000000 0.09000000
     101
            92
                   99 0.01980198 0.08910891
82
83
     102
            93
                  100 0.01960784 0.08823529
84
     103
            94
                  101 0.01941748 0.08737864
     104
                  102 0.01923077 0.08653846
85
            95
86
     105
            96
                  103 0.01904762 0.08571429
87
     106
            97
                  104 0.01886792 0.08490566
                  105 0.01869159 0.08411215
88
     107
            98
89
     108
            99
                  106 0.01851852 0.08333333
90
                  107 0.01834862 0.08256881
     109
            100
91
     110
            101
                  108 0.01818182 0.08181818
92
                  109 0.01801802 0.09009009
            101
     111
93
            102
                  110 0.01785714 0.08928571
     112
94
     113
            103
                  111 0.01769912 0.08849558
95
                  112 0.01754386 0.08771930
     114
            104
96
     115
            105
                  113 0.01739130 0.08695652
97
                  114 0.01724138 0.08620690
     116
            106
98
     117
            107
                  115 0.01709402 0.08547009
99
     118
            108
                  116 0.01694915 0.08474576
100
     119
            109
                  117 0.01680672 0.08403361
     120
                  118 0.01666667 0.08333333
101
            110
     121
102
            111
                  119 0.01652893 0.08264463
                  120 0.01639344 0.08196721
103
     122
            112
104
     123
            113
                  121 0.01626016 0.08130081
105
     124
                  121 0.02419355 0.08064516
           114
106
     125
           115
                  122 0.02400000 0.08000000
     126
107
                  123 0.02380952 0.08730159
            115
108
     127
                  124 0.02362205 0.08661417
            116
109
     128
            117
                  125 0.02343750 0.08593750
```

```
110
     129
                  126 0.02325581 0.08527132
           118
111
     130
           119
                  127 0.02307692 0.08461538
112
     131
           120
                  128 0.02290076 0.08396947
113
     132
                  129 0.02272727 0.08333333
           121
114
     133
           122
                  130 0.02255639 0.08270677
                  131 0.02238806 0.08208955
115
     134
           123
116
     135
           124
                  132 0.02222222 0.08148148
117
     136
           125
                  133 0.02205882 0.08088235
                  134 0.02189781 0.08029197
118
     137
           126
119
     138
           127
                  135 0.02173913 0.07971014
120
     139
           128
                  136 0.02158273 0.07913669
     140
121
           129
                  137 0.02142857 0.07857143
122
     141
           129
                  138 0.02127660 0.08510638
123
     142
           130
                  139 0.02112676 0.08450704
124
     143
           131
                  140 0.02097902 0.08391608
125
     144
                  141 0.02083333 0.08333333
           132
126
     145
           133
                  142 0.02068966 0.08275862
127
     146
           134
                  143 0.02054795 0.08219178
128
     147
                  144 0.02040816 0.08163265
           135
129
     148
                  145 0.02027027 0.08108108
           136
130
     149
           137
                  146 0.02013423 0.08053691
131
     150
           138
                  147 0.02000000 0.08000000
132
     151
           139
                  148 0.01986755 0.07947020
133
                  149 0.01973684 0.07894737
     152
           140
134
     153
           141
                  149 0.02614379 0.07843137
135
     154
           142
                  150 0.02597403 0.07792208
                  151 0.02580645 0.07741935
136
     155
           143
137
     156
           143
                  152 0.02564103 0.08333333
138
     157
           144
                  153 0.02547771 0.08280255
139
     158
           145
                  154 0.02531646 0.08227848
140
                  155 0.02515723 0.08176101
     159
           146
141
     160
           147
                  156 0.02500000 0.08125000
142
     161
           148
                  157 0.02484472 0.08074534
     162
143
           149
                  158 0.02469136 0.08024691
144
     163
           150
                  159 0.02453988 0.07975460
145
     164
           151
                  160 0.02439024 0.07926829
146
     165
           152
                  161 0.02424242 0.07878788
147
     166
                  162 0.02409639 0.07831325
           153
148
                  163 0.02395210 0.07784431
     167
           154
149
     168
           155
                  164 0.02380952 0.07738095
150
     169
                  165 0.02366864 0.07692308
           156
                  166 0.02352941 0.07647059
151
     170
           157
152
     171
           158
                  167 0.02339181 0.07602339
```

```
153
     172
           158
                  168 0.02325581 0.08139535
     173
                  169 0.02312139 0.08092486
154
           159
155
     174
           160
                  170 0.02298851 0.08045977
156
     175
                  171 0.02285714 0.08000000
           161
                  172 0.02272727 0.07954545
157
     176
           162
                  173 0.02259887 0.07909605
158
     177
           163
159
     178
           164
                  174 0.02247191 0.07865169
160
     179
           165
                  175 0.02234637 0.07821229
     180
                  176 0.02222222 0.07777778
161
           166
162
     181
           167
                  176 0.02762431 0.07734807
163
                  177 0.02747253 0.07692308
     182
           168
164
     183
           169
                  178 0.02732240 0.07650273
165
     184
                  179 0.02717391 0.07608696
           170
166
     185
           171
                  180 0.02702703 0.07567568
167
     186
           172
                  181 0.02688172 0.07526882
     187
                  182 0.02673797 0.07486631
168
           173
169
     188
           173
                  183 0.02659574 0.07978723
170
     189
           174
                  184 0.02645503 0.07936508
     190
                  185 0.02631579 0.07894737
171
           175
172
     191
           176
                  186 0.02617801 0.07853403
173
     192
           177
                  187 0.02604167 0.07812500
174
     193
           178
                  188 0.02590674 0.07772021
175
     194
           179
                  189 0.02577320 0.07731959
176
                  190 0.02564103 0.07692308
     195
           180
177
     196
           181
                  191 0.02551020 0.07653061
     197
178
           182
                  192 0.02538071 0.07614213
     198
                  193 0.02525253 0.07575758
179
           183
180
     199
           184
                  194 0.02512563 0.07537688
181
     200
           185
                  195 0.02500000 0.07500000
182
     201
           186
                  196 0.02487562 0.07462687
183
     202
                  197 0.02475248 0.07425743
           187
184
     203
           188
                  198 0.02463054 0.07389163
185
     204
           188
                  199 0.02450980 0.07843137
     205
           189
                  200 0.02439024 0.07804878
186
187
     206
           190
                  201 0.02427184 0.07766990
188
     207
           191
                  202 0.02415459 0.07729469
189
     208
           192
                  202 0.02884615 0.07692308
190
     209
           193
                  203 0.02870813 0.07655502
191
                  204 0.02857143 0.07619048
     210
           194
192
     211
           195
                  205 0.02843602 0.07582938
193
     212
                  206 0.02830189 0.07547170
           196
                  207 0.02816901 0.07511737
194
     213
           197
195
     214
           198
                  208 0.02803738 0.07476636
```

```
196
     215
           199
                  209 0.02790698 0.07441860
197
     216
           200
                  210 0.02777778 0.07407407
198
     217
           201
                  211 0.02764977 0.07373272
199
           202
                  212 0.02752294 0.07339450
     218
200
     219
           203
                  213 0.02739726 0.07305936
     220
201
           203
                  214 0.02727273 0.07727273
202
     221
           204
                  215 0.02714932 0.07692308
203
     222
           205
                  216 0.02702703 0.07657658
     223
204
           206
                  217 0.02690583 0.07623318
205
     224
           207
                  218 0.02678571 0.07589286
     225
206
           208
                  219 0.02666667 0.07555556
207
     226
           209
                  220 0.02654867 0.07522124
208
     227
                  221 0.02643172 0.07488987
           210
209
     228
           211
                  222 0.02631579 0.07456140
210
     229
           212
                  223 0.02620087 0.07423581
     230
                  224 0.02608696 0.07391304
211
           213
212
     231
           214
                  225 0.02597403 0.07359307
213
     232
                  226 0.02586207 0.07327586
           215
     233
                  227 0.02575107 0.07296137
214
           216
215
     234
           217
                  227 0.02991453 0.07264957
216
     235
           218
                  228 0.02978723 0.07234043
217
     236
           218
                  229 0.02966102 0.07627119
218
     237
           219
                  230 0.02953586 0.07594937
     238
219
           220
                  231 0.02941176 0.07563025
220
     239
           221
                  232 0.02928870 0.07531381
221
     240
           222
                  233 0.02916667 0.07500000
222
     241
                  234 0.02904564 0.07468880
           223
223
     242
           224
                  235 0.02892562 0.07438017
224
     243
           225
                  236 0.02880658 0.07407407
225
     244
           226
                  237 0.02868852 0.07377049
226
     245
                  238 0.02857143 0.07346939
           227
227
     246
           228
                  239 0.02845528 0.07317073
228
     247
           229
                  240 0.02834008 0.07287449
229
     248
           230
                  241 0.02822581 0.07258065
230
     249
           231
                  242 0.02811245 0.07228916
231
     250
           232
                  243 0.02800000 0.07200000
232
     251
           233
                  244 0.02788845 0.07171315
233
     252
           233
                  245 0.02777778 0.07539683
234
     253
           234
                  246 0.02766798 0.07509881
235
     254
           235
                  247 0.02755906 0.07480315
236
     255
                  248 0.02745098 0.07450980
           236
237
     256
           237
                  249 0.02734375 0.07421875
238
     257
           238
                  250 0.02723735 0.07392996
```

```
239
     258
           239
                  251 0.02713178 0.07364341
240
     259
           240
                  252 0.02702703 0.07335907
241
     260
           241
                  252 0.03076923 0.07307692
242
     261
           242
                  253 0.03065134 0.07279693
243
     262
           243
                  254 0.03053435 0.07251908
                  255 0.03041825 0.07224335
244
     263
           244
245
     264
           245
                  256 0.03030303 0.07196970
246
     265
           246
                  257 0.03018868 0.07169811
                  258 0.03007519 0.07142857
247
     266
           247
248
     267
           248
                  259 0.02996255 0.07116105
249
     268
           249
                  260 0.02985075 0.07089552
250
     269
           249
                  261 0.02973978 0.07434944
251
     270
           250
                  262 0.02962963 0.07407407
252
     271
           251
                  263 0.02952030 0.07380074
253
     272
           252
                  264 0.02941176 0.07352941
254
     273
                  265 0.02930403 0.07326007
           253
255
     274
           254
                  266 0.02919708 0.07299270
256
     275
           255
                  267 0.02909091 0.07272727
     276
           256
                  268 0.02898551 0.07246377
257
258
     277
           257
                  269 0.02888087 0.07220217
259
     278
           258
                  270 0.02877698 0.07194245
     279
260
           259
                  271 0.02867384 0.07168459
261
     280
           260
                  272 0.02857143 0.07142857
262
                  273 0.02846975 0.07117438
     281
           261
263
     282
           262
                  274 0.02836879 0.07092199
264
     283
           263
                  275 0.02826855 0.07067138
     284
                  276 0.02816901 0.07042254
265
           264
266
     285
           264
                  277 0.02807018 0.07368421
267
     286
           265
                  277 0.03146853 0.07342657
268
     287
           266
                  278 0.03135889 0.07317073
269
     288
                  279 0.03125000 0.07291667
           267
270
     289
           268
                  280 0.03114187 0.07266436
271
     290
           269
                  281 0.03103448 0.07241379
272
     291
           270
                  282 0.03092784 0.07216495
     292
273
           271
                  283 0.03082192 0.07191781
274
     293
           272
                  284 0.03071672 0.07167235
275
     294
           273
                  285 0.03061224 0.07142857
276
     295
           274
                  286 0.03050847 0.07118644
277
     296
                  287 0.03040541 0.07094595
           275
278
     297
           276
                  288 0.03030303 0.07070707
                  289 0.03020134 0.07046980
279
     298
           277
280
     299
                  290 0.03010033 0.07023411
           278
281
     300
           279
                  291 0.03000000 0.07000000
```

```
282
     301
           279
                  292 0.02990033 0.07308970
     302
283
           280
                  293 0.02980132 0.07284768
284
     303
           281
                  294 0.02970297 0.07260726
285
     304
           282
                  295 0.02960526 0.07236842
286
     305
           283
                  296 0.02950820 0.07213115
                  297 0.02941176 0.07189542
287
     306
           284
288
     307
           285
                  298 0.02931596 0.07166124
289
     308
           286
                  299 0.02922078 0.07142857
     309
                  300 0.02912621 0.07119741
290
           287
291
     310
           288
                  301 0.02903226 0.07096774
292
     311
           289
                  301 0.03215434 0.07073955
293
     312
           290
                  302 0.03205128 0.07051282
294
     313
           291
                  303 0.03194888 0.07028754
295
     314
           292
                  304 0.03184713 0.07006369
296
     315
           293
                  305 0.03174603 0.06984127
297
     316
                  306 0.03164557 0.06962025
           294
298
     317
           295
                  307 0.03154574 0.06940063
299
     318
           295
                  308 0.03144654 0.07232704
     319
           296
                  309 0.03134796 0.07210031
300
301
     320
           297
                  310 0.03125000 0.07187500
302
     321
           298
                  311 0.03115265 0.07165109
303
     322
           299
                  312 0.03105590 0.07142857
304
     323
           300
                  313 0.03095975 0.07120743
305
                 314 0.03086420 0.07098765
     324
           301
306
     325
           302
                 315 0.03076923 0.07076923
307
     326
           303
                  316 0.03067485 0.07055215
     327
308
           304
                  317 0.03058104 0.07033639
309
     328
           305
                  318 0.03048780 0.07012195
     329
310
           306
                  319 0.03039514 0.06990881
311
     330
           307
                  320 0.03030303 0.06969697
312
     331
                  321 0.03021148 0.06948640
           308
313
     332
           309
                  322 0.03012048 0.06927711
314
     333
           310
                  323 0.03003003 0.06906907
     334
                  324 0.02994012 0.06886228
315
           311
316
     335
           311
                  325 0.02985075 0.07164179
                  325 0.03273810 0.07142857
317
     336
           312
318
     337
           313
                  326 0.03264095 0.07121662
319
     338
                  327 0.03254438 0.07100592
           314
320
                 328 0.03244838 0.07079646
     339
           315
321
     340
           316
                  329 0.03235294 0.07058824
                 330 0.03225806 0.07038123
322
     341
           317
323
                  331 0.03216374 0.07017544
     342
           318
324
     343
           319
                  332 0.03206997 0.06997085
```

```
325
     344
           320
                  333 0.03197674 0.06976744
     345
326
           321
                  334 0.03188406 0.06956522
327
     346
           322
                  335 0.03179191 0.06936416
328
           323
                  336 0.03170029 0.06916427
     347
329
     348
           324
                  337 0.03160920 0.06896552
330
     349
           325
                  338 0.03151862 0.06876791
331
     350
           326
                  339 0.03142857 0.06857143
332
     351
           327
                  340 0.03133903 0.06837607
333
                  341 0.03125000 0.07102273
     352
           327
334
     353
           328
                  342 0.03116147 0.07082153
335
     354
           329
                  343 0.03107345 0.07062147
336
     355
           330
                  344 0.03098592 0.07042254
337
     356
                  345 0.03089888 0.07022472
           331
338
     357
           332
                  346 0.03081232 0.07002801
339
     358
           333
                  347 0.03072626 0.06983240
340
                  348 0.03064067 0.06963788
     359
           334
341
     360
           335
                  349 0.03055556 0.06944444
342
     361
                  349 0.03324100 0.06925208
           336
     362
                  350 0.03314917 0.06906077
343
           337
344
     363
           338
                  351 0.03305785 0.06887052
345
     364
           339
                  352 0.03296703 0.06868132
346
     365
           340
                  353 0.03287671 0.06849315
347
     366
           341
                  354 0.03278689 0.06830601
348
                  355 0.03269755 0.06811989
     367
           342
349
     368
           342
                  356 0.03260870 0.07065217
350
     369
           343
                  357 0.03252033 0.07046070
                  358 0.03243243 0.07027027
351
     370
           344
352
     371
           345
                  359 0.03234501 0.07008086
353
     372
           346
                  360 0.03225806 0.06989247
354
     373
           347
                  361 0.03217158 0.06970509
355
     374
                  362 0.03208556 0.06951872
           348
356
     375
           349
                  363 0.03200000 0.06933333
357
     376
           350
                  364 0.03191489 0.06914894
           351
                  365 0.03183024 0.06896552
358
     377
359
     378
           352
                  366 0.03174603 0.06878307
360
     379
           353
                  367 0.03166227 0.06860158
361
     380
           354
                  368 0.03157895 0.06842105
362
     381
           355
                  369 0.03149606 0.06824147
363
     382
           356
                  370 0.03141361 0.06806283
364
     383
           357
                  371 0.03133159 0.06788512
365
     384
                  372 0.03125000 0.06770833
           358
366
     385
           358
                  373 0.03116883 0.07012987
367
     386
           359
                  373 0.03367876 0.06994819
```

```
368
     387
           360
                  374 0.03359173 0.06976744
     388
                  375 0.03350515 0.06958763
369
           361
370
     389
                  376 0.03341902 0.06940874
           362
371
     390
                  377 0.03333333 0.06923077
           363
372
     391
           364
                  378 0.03324808 0.06905371
373
     392
                  379 0.03316327 0.06887755
           365
374
     393
           366
                  380 0.03307888 0.06870229
375
     394
           367
                  381 0.03299492 0.06852792
376
     395
                  382 0.03291139 0.06835443
           368
377
     396
           369
                  383 0.03282828 0.06818182
378
     397
           370
                  384 0.03274559 0.06801008
379
     398
           371
                  385 0.03266332 0.06783920
380
     399
           372
                  386 0.03258145 0.06766917
381
     400
           373
                  387 0.03250000 0.06750000
382
     401
           374
                  388 0.03241895 0.06733167
383
     402
                  389 0.03233831 0.06965174
           374
384
     403
           375
                  390 0.03225806 0.06947891
385
     404
           376
                  391 0.03217822 0.06930693
     405
                  392 0.03209877 0.06913580
386
           377
387
     406
           378
                  393 0.03201970 0.06896552
                  394 0.03194103 0.06879607
388
     407
           379
389
     408
           380
                  395 0.03186275 0.06862745
390
     409
           381
                  396 0.03178484 0.06845966
391
                  396 0.03414634 0.06829268
     410
           382
392
     411
           383
                  397 0.03406326 0.06812652
     412
393
           384
                  398 0.03398058 0.06796117
394
                  399 0.03389831 0.06779661
     413
           385
395
     414
           386
                  400 0.03381643 0.06763285
396
     415
           387
                  401 0.03373494 0.06746988
397
     416
           388
                  402 0.03365385 0.06730769
398
     417
                  403 0.03357314 0.06714628
           389
399
     418
           390
                  404 0.03349282 0.06698565
400
     419
           390
                  405 0.03341289 0.06921241
401
     420
                  406 0.03333333 0.06904762
           391
     421
402
           392
                  407 0.03325416 0.06888361
403
     422
           393
                  408 0.03317536 0.06872038
404
     423
           394
                  409 0.03309693 0.06855792
405
     424
           395
                  410 0.03301887 0.06839623
406
                  411 0.03294118 0.06823529
     425
           396
407
     426
           397
                  412 0.03286385 0.06807512
408
     427
                  413 0.03278689 0.06791569
           398
409
     428
                  414 0.03271028 0.06775701
           399
410
     429
           400
                  415 0.03263403 0.06759907
```

```
411
     430
           401
                  416 0.03255814 0.06744186
412
     431
           402
                  417 0.03248260 0.06728538
413
     432
           403
                  418 0.03240741 0.06712963
414
     433
                  419 0.03233256 0.06697460
           404
415
     434
           405
                  419 0.03456221 0.06682028
416
     435
           406
                  420 0.03448276 0.06666667
417
     436
           406
                  421 0.03440367 0.06880734
418
     437
           407
                  422 0.03432494 0.06864989
419
     438
           408
                  423 0.03424658 0.06849315
420
     439
           409
                  424 0.03416856 0.06833713
421
     440
                  425 0.03409091 0.06818182
           410
422
     441
           411
                  426 0.03401361 0.06802721
423
     442
                  427 0.03393665 0.06787330
           412
424
     443
           413
                  428 0.03386005 0.06772009
425
     444
           414
                  429 0.03378378 0.06756757
426
     445
                  430 0.03370787 0.06741573
           415
427
     446
           416
                  431 0.03363229 0.06726457
428
     447
           417
                  432 0.03355705 0.06711409
429
     448
                  433 0.03348214 0.06696429
           418
430
     449
           419
                  434 0.03340757 0.06681514
431
     450
           420
                  435 0.03333333 0.06666667
432
     451
           421
                  436 0.03325942 0.06651885
433
     452
           422
                  437 0.03318584 0.06637168
434
                  438 0.03311258 0.06843267
     453
           422
435
     454
           423
                  439 0.03303965 0.06828194
436
     455
           424
                  440 0.03296703 0.06813187
                  441 0.03289474 0.06798246
437
     456
           425
438
     457
           426
                  442 0.03282276 0.06783370
439
     458
           427
                  442 0.03493450 0.06768559
440
     459
           428
                  443 0.03485839 0.06753813
441
     460
                  444 0.03478261 0.06739130
           429
442
     461
           430
                  445 0.03470716 0.06724512
443
     462
           431
                  446 0.03463203 0.06709957
444
     463
           432
                  447 0.03455724 0.06695464
445
     464
           433
                  448 0.03448276 0.06681034
446
     465
           434
                  449 0.03440860 0.06666667
447
     466
           435
                  450 0.03433476 0.06652361
448
     467
                  451 0.03426124 0.06638116
           436
449
     468
           437
                  452 0.03418803 0.06623932
450
     469
           438
                  453 0.03411514 0.06609808
451
     470
                  454 0.03404255 0.06808511
           438
452
     471
           439
                  455 0.03397028 0.06794055
453
     472
           440
                  456 0.03389831 0.06779661
```

```
454
     473
           441
                  457 0.03382664 0.06765328
455
     474
           442
                  458 0.03375527 0.06751055
456
     475
           443
                  459 0.03368421 0.06736842
457
     476
           444
                  460 0.03361345 0.06722689
458
     477
           445
                  461 0.03354298 0.06708595
                  462 0.03347280 0.06694561
459
     478
           446
460
     479
           447
                  463 0.03340292 0.06680585
461
     480
           448
                  464 0.03333333 0.06666667
462
     481
                  465 0.03326403 0.06652807
           449
463
     482
           450
                  465 0.03526971 0.06639004
464
     483
           451
                  466 0.03519669 0.06625259
     484
465
           452
                  467 0.03512397 0.06611570
466
     485
           453
                  468 0.03505155 0.06597938
467
     486
           454
                  469 0.03497942 0.06584362
468
     487
           455
                  470 0.03490760 0.06570842
469
     488
           455
                  471 0.03483607 0.06762295
470
     489
           456
                  472 0.03476483 0.06748466
471
     490
           457
                  473 0.03469388 0.06734694
472
     491
                  474 0.03462322 0.06720978
           458
473
     492
           459
                  475 0.03455285 0.06707317
474
     493
           460
                  476 0.03448276 0.06693712
475
     494
           461
                  477 0.03441296 0.06680162
476
     495
           462
                  478 0.03434343 0.06666667
477
     496
                  479 0.03427419 0.06653226
           463
478
     497
           464
                  480 0.03420523 0.06639839
479
     498
           465
                  481 0.03413655 0.06626506
     499
                  482 0.03406814 0.06613226
480
           466
481
     500
           467
                  483 0.03400000 0.06600000
```

Here are the detailed criteria for tier 2 cut point:

T2crit

	size	lower	upper	outlow	outupp
1	100	97	100	0.000000000	0.03000000
2	101	98	101	0.000000000	0.02970297
3	102	99	102	0.000000000	0.02941176
4	103	100	103	0.000000000	0.02912621
5	104	101	104	0.000000000	0.02884615
6	105	102	105	0.000000000	0.02857143
7	106	103	106	0.000000000	0.02830189
8	107	104	107	0.000000000	0.02803738

```
9
     108
           105
                  108 0.000000000 0.02777778
                  109 0.000000000 0.02752294
10
     109
           106
           107
                  110 0.000000000 0.02727273
11
     110
12
                  111 0.000000000 0.02702703
     111
           108
                  112 0.000000000 0.02678571
13
     112
           109
                  113 0.000000000 0.02654867
14
     113
           110
15
     114
           111
                  114 0.00000000 0.02631579
16
     115
           112
                  115 0.000000000 0.02608696
17
                  116 0.000000000 0.02586207
     116
           113
18
     117
           114
                  117 0.000000000 0.02564103
                  118 0.000000000 0.02542373
19
     118
           115
                  119 0.000000000 0.02521008
20
     119
           116
21
     120
                  120 0.000000000 0.02500000
           117
22
                  121 0.000000000 0.02479339
     121
           118
23
     122
           119
                  122 0.000000000 0.02459016
24
     123
           120
                  123 0.000000000 0.02439024
25
     124
           121
                  124 0.000000000 0.02419355
26
     125
           122
                  125 0.000000000 0.02400000
27
     126
           123
                  126 0.000000000 0.02380952
28
     127
           124
                  127 0.000000000 0.02362205
29
     128
           125
                  128 0.000000000 0.02343750
                  129 0.000000000 0.02325581
30
     129
           126
31
     130
           127
                  130 0.000000000 0.02307692
32
                  131 0.000000000 0.02290076
     131
           128
33
     132
           129
                  132 0.000000000 0.02272727
                  133 0.000000000 0.02255639
34
     133
           130
                  134 0.000000000 0.02238806
35
     134
           131
                  135 0.000000000 0.02222222
36
     135
           132
37
                  136 0.000000000 0.02205882
     136
           133
38
     137
           134
                  137 0.000000000 0.02189781
39
     138
                  138 0.000000000 0.02898551
           134
40
     139
           135
                  139 0.000000000 0.02877698
41
     140
           136
                  140 0.000000000 0.02857143
42
     141
           137
                  141 0.000000000 0.02836879
                  142 0.000000000 0.02816901
43
     142
           138
44
     143
           139
                  143 0.000000000 0.02797203
                  144 0.00000000 0.02777778
45
     144
           140
46
     145
                  145 0.000000000 0.02758621
           141
47
                  146 0.000000000 0.02739726
     146
           142
48
     147
           143
                  147 0.000000000 0.02721088
49
                  148 0.000000000 0.02702703
     148
           144
                  149 0.000000000 0.02684564
50
     149
           145
51
     150
           146
                  150 0.000000000 0.02666667
```

```
52
     151
           147
                  151 0.000000000 0.02649007
                  152 0.000000000 0.02631579
53
     152
           148
54
     153
           149
                  153 0.000000000 0.02614379
55
     154
                  154 0.000000000 0.02597403
           150
                  155 0.000000000 0.02580645
56
     155
           151
57
                  156 0.000000000 0.02564103
     156
           152
58
     157
           153
                  157 0.000000000 0.02547771
59
     158
           154
                  158 0.000000000 0.02531646
60
                  159 0.000000000 0.02515723
     159
           155
61
     160
           156
                  160 0.000000000 0.02500000
62
                  161 0.000000000 0.02484472
     161
           157
                  162 0.000000000 0.02469136
63
     162
           158
                  163 0.000000000 0.02453988
64
     163
           159
65
                  164 0.000000000 0.02439024
     164
           160
                  165 0.000000000 0.02424242
66
     165
           161
67
                  166 0.000000000 0.02409639
     166
           162
68
     167
           163
                  167 0.000000000 0.02395210
69
     168
           164
                  168 0.000000000 0.02380952
70
     169
           165
                  169 0.000000000 0.02366864
71
     170
           166
                  170 0.000000000 0.02352941
                  171 0.000000000 0.02339181
72
     171
           167
73
                  172 0.000000000 0.02325581
     172
           168
74
     173
           169
                  173 0.000000000 0.02312139
75
                  174 0.000000000 0.02298851
     174
           170
76
     175
           171
                  175 0.000000000 0.02285714
77
                  176 0.000000000 0.02272727
     176
           172
78
                  177 0.000000000 0.02259887
     177
           173
79
                  178 0.000000000 0.02247191
     178
           174
80
     179
                  179 0.000000000 0.02234637
           175
81
     180
           176
                  180 0.000000000 0.02222222
82
           177
                  181 0.000000000 0.02209945
     181
83
     182
           178
                  182 0.000000000 0.02197802
84
     183
           179
                  183 0.000000000 0.02185792
85
           180
                  184 0.000000000 0.02173913
     184
                  185 0.000000000 0.02162162
86
     185
           181
87
     186
           182
                  186 0.000000000 0.02150538
                  187 0.000000000 0.02139037
88
     187
           183
89
     188
           184
                  188 0.000000000 0.02127660
90
                  189 0.000000000 0.02116402
     189
           185
                  190 0.000000000 0.02105263
91
     190
           186
92
     191
           187
                  191 0.000000000 0.02094241
93
     192
                  192 0.000000000 0.02083333
           188
94
     193
           189
                  193 0.000000000 0.02072539
```

```
95
     194
           190
                  194 0.000000000 0.02061856
96
     195
           191
                  195 0.000000000 0.02051282
97
     196
           192
                  196 0.000000000 0.02040816
     197
           193
                  197 0.000000000 0.02030457
98
99
     198
           194
                  198 0.000000000 0.02020202
100
     199
           194
                  199 0.000000000 0.02512563
101
     200
           195
                  200 0.000000000 0.02500000
102
     201
           196
                  201 0.000000000 0.02487562
     202
103
           197
                  202 0.000000000 0.02475248
104
     203
           198
                  203 0.000000000 0.02463054
105
     204
           199
                  204 0.000000000 0.02450980
106
     205
           200
                  205 0.000000000 0.02439024
107
     206
                  206 0.000000000 0.02427184
           201
108
     207
           202
                  207 0.000000000 0.02415459
109
     208
           203
                  208 0.000000000 0.02403846
     209
                  209 0.000000000 0.02392344
110
           204
111
     210
           205
                  210 0.000000000 0.02380952
112
     211
           206
                  211 0.000000000 0.02369668
     212
           207
                  212 0.000000000 0.02358491
113
114
     213
           208
                  213 0.000000000 0.02347418
115
     214
           209
                  214 0.000000000 0.02336449
116
     215
           210
                  215 0.000000000 0.02325581
117
     216
           211
                  216 0.000000000 0.02314815
118
     217
           212
                  217 0.000000000 0.02304147
119
     218
                  218 0.000000000 0.02293578
           213
120
     219
           214
                  219 0.000000000 0.02283105
     220
121
           215
                  220 0.000000000 0.02272727
122
     221
           216
                  221 0.000000000 0.02262443
123
     222
           217
                  222 0.000000000 0.02252252
124
     223
           218
                  223 0.000000000 0.02242152
125
     224
                  224 0.000000000 0.02232143
           219
126
     225
           220
                  225 0.000000000 0.02222222
127
     226
           221
                  226 0.000000000 0.02212389
128
     227
           222
                  227 0.000000000 0.02202643
129
     228
           223
                  228 0.000000000 0.02192982
130
     229
           224
                  229 0.000000000 0.02183406
131
     230
           225
                  230 0.000000000 0.02173913
132
     231
           226
                  231 0.000000000 0.02164502
133
     232
           227
                  232 0.000000000 0.02155172
134
     233
           228
                  233 0.000000000 0.02145923
     234
           229
                  234 0.000000000 0.02136752
135
     235
                  235 0.000000000 0.02127660
136
           230
137
     236
           231
                  236 0.000000000 0.02118644
```

```
138
     237
           232
                  237 0.000000000 0.02109705
     238
139
           233
                  238 0.000000000 0.02100840
140
     239
           234
                  239 0.000000000 0.02092050
141
     240
           235
                  240 0.000000000 0.02083333
142
     241
           236
                  241 0.000000000 0.02074689
143
     242
           237
                  242 0.000000000 0.02066116
144
     243
           238
                  243 0.000000000 0.02057613
145
     244
           239
                  244 0.000000000 0.02049180
146
     245
           240
                  245 0.000000000 0.02040816
147
     246
           241
                  246 0.000000000 0.02032520
148
     247
           242
                  247 0.000000000 0.02024291
149
     248
           243
                  248 0.000000000 0.02016129
150
     249
                  249 0.000000000 0.02008032
           244
151
     250
           245
                  250 0.000000000 0.02000000
152
     251
           246
                  251 0.000000000 0.01992032
     252
                  252 0.000000000 0.01984127
153
           247
154
     253
           248
                  253 0.000000000 0.01976285
155
     254
           249
                  254 0.000000000 0.01968504
     255
           250
                  255 0.000000000 0.01960784
156
     256
           251
                  256 0.000000000 0.01953125
157
158
     257
           252
                  257 0.000000000 0.01945525
159
     258
           253
                  258 0.000000000 0.01937984
160
     259
           254
                  259 0.000000000 0.01930502
     260
161
           255
                  260 0.000000000 0.01923077
162
     261
           256
                  261 0.000000000 0.01915709
163
     262
           257
                  262 0.000000000 0.01908397
164
     263
           257
                  263 0.000000000 0.02281369
165
     264
           258
                  264 0.000000000 0.02272727
166
     265
           259
                  265 0.000000000 0.02264151
167
     266
           260
                  266 0.000000000 0.02255639
168
                  267 0.000000000 0.02247191
     267
           261
169
     268
           262
                  268 0.000000000 0.02238806
170
     269
           263
                  269 0.000000000 0.02230483
     270
           264
                  270 0.000000000 0.02222222
171
172
     271
           265
                  271 0.000000000 0.02214022
173
     272
           266
                  272 0.000000000 0.02205882
174
     273
           267
                  273 0.000000000 0.02197802
175
     274
           268
                  274 0.000000000 0.02189781
176
     275
           269
                 275 0.000000000 0.02181818
177
     276
           270
                  276 0.000000000 0.02173913
178
     277
                 277 0.000000000 0.02166065
           271
     278
                  278 0.000000000 0.02158273
179
           272
180
     279
           273
                  279 0.000000000 0.02150538
```

```
181
     280
            274
                  280 0.000000000 0.02142857
182
     281
           275
                  281 0.000000000 0.02135231
183
     282
            276
                  282 0.000000000 0.02127660
     283
            277
                  283 0.000000000 0.02120141
184
185
     284
            278
                  284 0.000000000 0.02112676
186
     285
            279
                  285 0.000000000 0.02105263
187
     286
            280
                  286 0.000000000 0.02097902
188
     287
            281
                  287 0.000000000 0.02090592
189
     288
            282
                  288 0.000000000 0.02083333
190
     289
           283
                  289 0.000000000 0.02076125
191
     290
            284
                  290 0.000000000 0.02068966
192
     291
            285
                  291 0.000000000 0.02061856
193
     292
                  292 0.000000000 0.02054795
            286
194
     293
            287
                  293 0.000000000 0.02047782
195
     294
            288
                  294 0.000000000 0.02040816
196
     295
                  295 0.000000000 0.02033898
            289
197
     296
            290
                  296 0.000000000 0.02027027
198
     297
            291
                  297 0.000000000 0.02020202
     298
            292
                  298 0.000000000 0.02013423
199
200
     299
            293
                  298 0.003344482 0.02006689
201
     300
            294
                  299 0.003333333 0.02000000
202
     301
            295
                  300 0.003322259 0.01993355
203
     302
            296
                  301 0.003311258 0.01986755
204
     303
           297
                  302 0.003300330 0.01980198
205
     304
           298
                  303 0.003289474 0.01973684
206
     305
            299
                  304 0.003278689 0.01967213
                  305 0.003267974 0.01960784
207
     306
            300
208
     307
            301
                  306 0.003257329 0.01954397
209
     308
            302
                  307 0.003246753 0.01948052
210
     309
            303
                  308 0.003236246 0.01941748
                  309 0.003225806 0.01935484
211
     310
            304
212
     311
            305
                  310 0.003215434 0.01929260
213
     312
            306
                  311 0.003205128 0.01923077
214
                  312 0.003194888 0.01916933
     313
            307
215
     314
                  313 0.003184713 0.01910828
            308
216
     315
            309
                  314 0.003174603 0.01904762
217
     316
            310
                  315 0.003164557 0.01898734
218
     317
                  316 0.003154574 0.01892744
            311
219
     318
            312
                  317 0.003144654 0.01886792
220
     319
           313
                  318 0.003134796 0.01880878
221
     320
                  319 0.003125000 0.01875000
           314
222
     321
            315
                  320 0.003115265 0.01869159
223
     322
            316
                  321 0.003105590 0.01863354
```

```
224
     323
           317
                  322 0.003095975 0.01857585
     324
225
           318
                  323 0.003086420 0.01851852
226
     325
           319
                  324 0.003076923 0.01846154
227
     326
                  325 0.003067485 0.01840491
           320
228
     327
           321
                  326 0.003058104 0.01834862
229
     328
           322
                  327 0.003048780 0.01829268
230
     329
           323
                  328 0.003039514 0.01823708
231
     330
           323
                  329 0.003030303 0.02121212
232
     331
           324
                  330 0.003021148 0.02114804
233
     332
           325
                  331 0.003012048 0.02108434
234
     333
           326
                  332 0.003003003 0.02102102
235
     334
           327
                  333 0.002994012 0.02095808
236
     335
                  334 0.002985075 0.02089552
           328
237
     336
           329
                  335 0.002976190 0.02083333
238
     337
           330
                  336 0.002967359 0.02077151
239
     338
                  337 0.002958580 0.02071006
           331
240
     339
           332
                  338 0.002949853 0.02064897
241
     340
           333
                  339 0.002941176 0.02058824
     341
                  340 0.002932551 0.02052786
242
           334
243
     342
                  341 0.002923977 0.02046784
           335
244
     343
           336
                  342 0.002915452 0.02040816
245
     344
           337
                  343 0.002906977 0.02034884
246
     345
           338
                  344 0.002898551 0.02028986
247
     346
           339
                  345 0.002890173 0.02023121
248
     347
                  346 0.002881844 0.02017291
           340
249
     348
           341
                  347 0.002873563 0.02011494
250
     349
           342
                  348 0.002865330 0.02005731
251
     350
           343
                  349 0.002857143 0.02000000
252
     351
           344
                  350 0.002849003 0.01994302
253
     352
           345
                  351 0.002840909 0.01988636
254
                  352 0.002832861 0.01983003
     353
           346
255
     354
           347
                  353 0.002824859 0.01977401
256
     355
           348
                  354 0.002816901 0.01971831
                  355 0.002808989 0.01966292
257
     356
           349
258
           350
                  356 0.002801120 0.01960784
     357
259
     358
           351
                  357 0.002793296 0.01955307
260
     359
           352
                  358 0.002785515 0.01949861
261
     360
           353
                  359 0.002777778 0.01944444
262
                  360 0.002770083 0.01939058
     361
           354
263
     362
           355
                  361 0.002762431 0.01933702
264
                  362 0.002754821 0.01928375
     363
           356
265
     364
           357
                  363 0.002747253 0.01923077
     365
           358
                  364 0.002739726 0.01917808
266
```

```
267
     366
           359
                  365 0.002732240 0.01912568
268
     367
           360
                  366 0.002724796 0.01907357
269
     368
                  367 0.002717391 0.01902174
           361
270
                  368 0.002710027 0.01897019
     369
           362
271
     370
           363
                  369 0.002702703 0.01891892
272
     371
           364
                  370 0.002695418 0.01886792
273
     372
           365
                  371 0.002688172 0.01881720
274
     373
           366
                  372 0.002680965 0.01876676
     374
275
           367
                  373 0.002673797 0.01871658
276
     375
           368
                  374 0.002666667 0.01866667
277
     376
           369
                  375 0.002659574 0.01861702
278
     377
           370
                  376 0.002652520 0.01856764
279
     378
           371
                  377 0.002645503 0.01851852
280
     379
           372
                  378 0.002638522 0.01846966
281
     380
           373
                  379 0.002631579 0.01842105
282
     381
                  380 0.002624672 0.01837270
           374
283
     382
           375
                  381 0.002617801 0.01832461
284
     383
                  382 0.002610966 0.01827676
           376
                  383 0.002604167 0.01822917
285
     384
           377
286
     385
           378
                  384 0.002597403 0.01818182
287
     386
           379
                  385 0.002590674 0.01813472
288
     387
           380
                  386 0.002583979 0.01808786
289
     388
           381
                  387 0.002577320 0.01804124
290
                  388 0.002570694 0.01799486
     389
           382
291
     390
                  389 0.002564103 0.01794872
           383
292
     391
           384
                  390 0.002557545 0.01790281
293
                  391 0.002551020 0.01785714
     392
           385
294
     393
           386
                  392 0.002544529 0.01781170
295
     394
           387
                  393 0.002538071 0.01776650
296
     395
           388
                  394 0.002531646 0.01772152
297
                  395 0.002525253 0.01767677
     396
           389
298
     397
           390
                  396 0.002518892 0.01763224
299
     398
           391
                  397 0.002512563 0.01758794
     399
           392
                  398 0.002506266 0.01754386
300
301
     400
           392
                  399 0.002500000 0.02000000
302
     401
           393
                  400 0.002493766 0.01995012
303
     402
           394
                  401 0.002487562 0.01990050
304
     403
           395
                  402 0.002481390 0.01985112
305
     404
           396
                  403 0.002475248 0.01980198
306
     405
           397
                  404 0.002469136 0.01975309
                  405 0.002463054 0.01970443
307
     406
           398
308
     407
           399
                  406 0.002457002 0.01965602
309
     408
                  407 0.002450980 0.01960784
           400
```

```
310
     409
           401
                 408 0.002444988 0.01955990
311
     410
           402
                 409 0.002439024 0.01951220
     411
           403
                 410 0.002433090 0.01946472
312
                 411 0.002427184 0.01941748
313
     412
           404
314
     413
           405
                 412 0.002421308 0.01937046
315
     414
           406
                 413 0.002415459 0.01932367
316
     415
           407
                 414 0.002409639 0.01927711
317
     416
           408
                 415 0.002403846 0.01923077
318
     417
           409
                 416 0.002398082 0.01918465
319
     418
           410
                 417 0.002392344 0.01913876
320
     419
                 418 0.002386635 0.01909308
           411
     420
321
           412
                 419 0.002380952 0.01904762
322
     421
                 420 0.002375297 0.01900238
           413
323
     422
           414
                 421 0.002369668 0.01895735
324
     423
           415
                 422 0.002364066 0.01891253
325
     424
           416
                 423 0.002358491 0.01886792
326
     425
           417
                 424 0.002352941 0.01882353
327
     426
                 425 0.002347418 0.01877934
           418
     427
                 426 0.002341920 0.01873536
328
           419
329
     428
           420
                 427 0.002336449 0.01869159
330
     429
           421
                 428 0.002331002 0.01864802
331
     430
           422
                 429 0.002325581 0.01860465
332
     431
           423
                 430 0.002320186 0.01856148
333
     432
           424
                 431 0.002314815 0.01851852
334
     433
           425
                 432 0.002309469 0.01847575
335
     434
           426
                 433 0.002304147 0.01843318
     435
336
           427
                 434 0.002298851 0.01839080
337
     436
           428
                 435 0.002293578 0.01834862
338
     437
           429
                 436 0.002288330 0.01830664
339
     438
           430
                 437 0.002283105 0.01826484
340
     439
                 438 0.002277904 0.01822323
           431
341
     440
           432
                 439 0.002272727 0.01818182
342
     441
           433
                 440 0.002267574 0.01814059
343
     442
                 441 0.002262443 0.01809955
           434
344
     443
           435
                 442 0.002257336 0.01805869
345
     444
           436
                 443 0.002252252 0.01801802
346
     445
           437
                 444 0.002247191 0.01797753
347
     446
                 445 0.002242152 0.01793722
           438
348
     447
           439
                 446 0.002237136 0.01789709
349
     448
           440
                 447 0.002232143 0.01785714
350
     449
           441
                 448 0.002227171 0.01781737
351
     450
           442
                 449 0.002222222 0.01777778
352
     451
           443
                 450 0.002217295 0.01773836
```

```
353
     452
           444
                  451 0.002212389 0.01769912
354
     453
           445
                  452 0.002207506 0.01766004
355
     454
           446
                  453 0.002202643 0.01762115
           447
                  454 0.002197802 0.01758242
356
     455
357
     456
           448
                  455 0.002192982 0.01754386
358
     457
           449
                  456 0.002188184 0.01750547
359
     458
           450
                  457 0.002183406 0.01746725
360
     459
           451
                  458 0.002178649 0.01742919
361
     460
           452
                  459 0.002173913 0.01739130
362
     461
           453
                  460 0.002169197 0.01735358
363
     462
           454
                  461 0.002164502 0.01731602
364
     463
           455
                  462 0.002159827 0.01727862
365
                  463 0.002155172 0.01724138
     464
           456
366
     465
           457
                  464 0.002150538 0.01720430
367
     466
           458
                  465 0.002145923 0.01716738
                  466 0.002141328 0.01713062
368
     467
           459
369
     468
           460
                  467 0.002136752 0.01709402
370
     469
                  468 0.002132196 0.01705757
           461
     470
                  469 0.002127660 0.01702128
371
           462
372
     471
           463
                  470 0.002123142 0.01698514
373
     472
           463
                  471 0.002118644 0.01906780
374
     473
           464
                  471 0.004228330 0.01902748
375
     474
           465
                  472 0.004219409 0.01898734
376
     475
           466
                  473 0.004210526 0.01894737
377
     476
           467
                  474 0.004201681 0.01890756
     477
378
           468
                  475 0.004192872 0.01886792
     478
379
           469
                  476 0.004184100 0.01882845
380
     479
           470
                  477 0.004175365 0.01878914
381
     480
           471
                  478 0.004166667 0.01875000
382
     481
           472
                  479 0.004158004 0.01871102
383
                  480 0.004149378 0.01867220
     482
           473
384
     483
           474
                  481 0.004140787 0.01863354
385
     484
           475
                  482 0.004132231 0.01859504
     485
                  483 0.004123711 0.01855670
386
           476
387
     486
           477
                  484 0.004115226 0.01851852
388
     487
           478
                  485 0.004106776 0.01848049
389
     488
           479
                  486 0.004098361 0.01844262
390
     489
           480
                  487 0.004089980 0.01840491
                  488 0.004081633 0.01836735
391
     490
           481
392
     491
           482
                  489 0.004073320 0.01832994
393
     492
                  490 0.004065041 0.01829268
           483
     493
394
           484
                  491 0.004056795 0.01825558
395
     494
           485
                  492 0.004048583 0.01821862
```

```
396 495
          486
                493 0.004040404 0.01818182
397 496
          487
               494 0.004032258 0.01814516
398 497
          488
                495 0.004024145 0.01810865
399 498
          489
                496 0.004016064 0.01807229
                497 0.004008016 0.01803607
400 499
          490
401 500
          491
                498 0.004000000 0.01800000
```

Key Function

The calculations are done by customized function CalcLmt

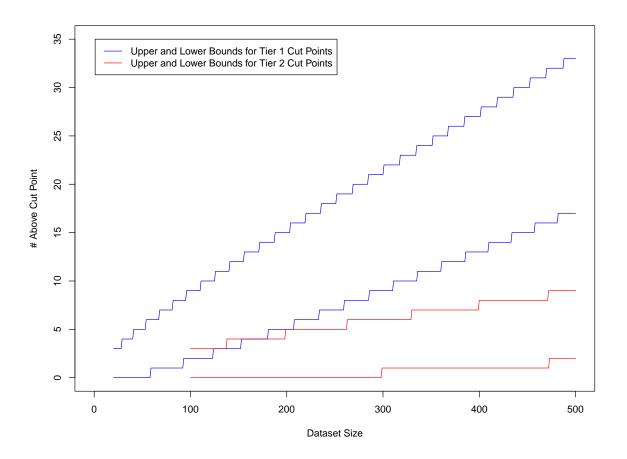
CalcLmt

```
function (size, pct, alpha = 0.05)
    n <- length(size)</pre>
    low <- rep(NA, n)</pre>
    upp <- rep(NA, n)
    for (i in 1:n) {
        k <- floor(size[i] * pct)</pre>
        pval <- pbinom(k, size = size[i], prob = pct, lower.tail = TRUE)</pre>
        while (pval \geq alpha & k \geq 0) {
             k < - k - 1
             pval <- pbinom(k, size = size[i], prob = pct, lower.tail = TRUE)</pre>
        if (pval < alpha) {
             low[i] <- k + 1
        }
        else {
             low[i] <- 0
        k <- ceiling(size[i] * pct)</pre>
        pval <- pbinom(k, size = size[i], prob = pct, lower.tail = FALSE)</pre>
        while (pval >= alpha & k < size[i]) {</pre>
             k < - k + 1
             pval <- pbinom(k, size = size[i], prob = pct, lower.tail = FALSE)</pre>
        if (pval < alpha) {
             upp[i] <- k
        else {
```

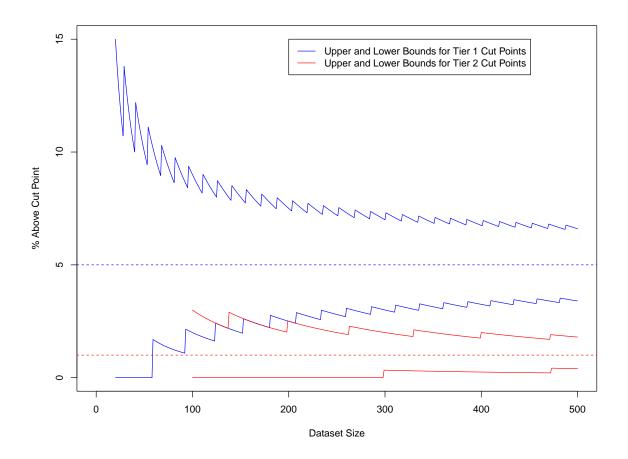
```
upp[i] <- size[i]</pre>
        }
    }
    lowpct <- low/size</pre>
    upppct <- upp/size
    if (pct > 0.5) {
        outlow <- 1 - upppct
        outupp <- 1 - lowpct
        out <- data.frame(size = size, lower = low, upper = upp,</pre>
            outlow = outlow, outupp = outupp)
    }
    else {
        out <- data.frame(size = size, lower = low, upper = upp,</pre>
             lowpct = lowpct, upppct = upppct)
    out
}
<bytecode: 0x0000000235677b8>
```

Codes to Produce Figs 1&2

Here are the codes to produce Fig 1:



Here are the codes to produce Fig 2:



Reference

Tan, Charles Y., Gregory S. Steeno, Zhiping You, Puneet Gaitonde, Chun-Hua Cai, John Kamerud, Boris Gorovits, and Daniel J. Baltrukonis. 2020. "Criteria to Reevaluate Anti-Drug Antibody Assay Cut Point Suitability in the Target Population." Journal Article. *The AAPS Journal* 22 (2): 19. https://doi.org/10.1208/s12248-019-0400-4.