UNIVERSIDADE FEDERAL DE VIÇOSA CAMPUS DE RIO PARANAÍBA SISTEMAS DE INFORMAÇÃO

GLEIDSON VINÍCIUS GOMES BARBOSA – 6331 MARCELA ROCHA SOUZA - 5443 BRUNO CAETANO DE OLIVEIRA - 6683

PESQUISA OPERACIONAL APLICADA À GESTÃO LOGÍSTICA: DESENVOLVIMENTO DE UM MODELO DE CROSS-DOCKING COM ROTEAMENTO DE VEÍCULOS

RIO PARANAÍBA 2022

Lista de ilustrações

Figura 1 – Esquema de cross docking
Figura 2 – Dados de entrada
Figura 3 — Arquivo de entrada de dados parte 1
Figura 4 – Arquivo de entrada de dados parte 2
Figura 5 — Declaração e leitura dos conjuntos
Figura 6 — Declaração dos dados de entrada
Figura 7 — Inicialização dos dados de entrada
Figura 8 — Leitura e definição dos dados de entrada parte 1
Figura 9 — Leitura e definição dos dados de entrada parte 2
Figura 10 – Variável rd
Figura 11 – Variável atraso
Figura 12 – Variável C
Figura 13 – Variável tentrega
Figura 14 – Variável x
Figura 15 – Variável y
Figura 16 – Variável tempos
Figura 17 – Variável
Figura 18 — Declaração da Função Objetivo
Figura 19 — Funções necessárias para auxiliar nas restrições
Figura 20 — Primeira restrição
Figura 21 — Segunda restrição
Figura 22 — Terceira restrição
Figura 23 — Quarta restrição
Figura 24 — Quinta restrição
Figura 25 — Sexta restrição
Figura 26 — Sétima restrição
Figura 27 — Oitava restrição
Figura 28 — Nona restrição
Figura 29 — Décima e décima primeira restrições
Figura 30 — Décima segunda restrição
Figura 31 — Décima terceira restrição
Figura 32 — Décima quarta restrição
Figura 33 — Execução do programa parte 1
Figura 34 – Execução do programa parte 2

Figura 35 – Execução do programa parte 3	
Figura 36 – Execução do programa modificado	
Figura 37 – Exibição dos valores das variáveis de de	cisão e solução ótima 30

Sumário

1	Intr	odução	. 4								
2	Arq	uivo de entrada de dados	. 5								
3	Dad	Dados de entrada e variáveis de decisão									
	3.1	Conjuntos	. 8								
	3.2	Dados de entrada	. 9								
	3.3	Variáveis de decisão	. 14								
4	Fun	Função Objetivo e Restrições									
	4.1	Função Objetivo	. 18								
	4.2	Restrições	. 18								
5	Rod	Rodando o programa									
	5.1	Tentativa com todas as restrições	. 27								
	5.2	Excluindo as restrições Um e Dois	. 29								
6	Fina	alizando a implementação	. 30								
	6.1	Impressão dos dados gerados	. 30								
Re	eferêr	ncias	. 31								

1 Introdução

O cross docking é um conceito logístico funciona de forma que quando um produto é comprado, ele será encaminhado a um centro de distribuição que o envia ao cliente por meio de um sistema de redistribuição.

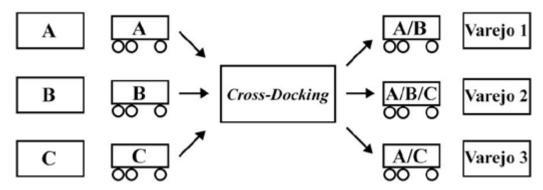


Figura 1: Esquema básico de funcionamento de um Cross-Docking

Figura 1 – Esquema de cross docking.

O modelo sobre o qual trabalhamos Ananias et al. (2021) estimou dados, variáveis e restrições de forma a modelar um problema que ao ser solucionado nos dará os melhores valores para trabalhar em torno de minimizar o atraso com base na importância de um produto. Tais variáveis e dados serão especificados nas próximas seções deste documento onde abordaremos e detalharemos a função de cada um dos componentes desse problema e tentaremos chegar a um resultado satisfatório que irá melhorar o funcionamento desse sistema.

2 Arquivo de entrada de dados

Introduzimos aqui nosso arquivo de entrada de dados, arquivo que fornecerá os dados iniciais para nosso programa trabalhar, ele será melhor explicado no próximo tópico.

				Dados o	de Entrada			ofinido noto bosivo	nto do tomas UT		
Período	Т							efinido pelo horizo	inte de tempo H1.		
Tempo				Defir	nidos por um fo	r de 1 em 1	até o horizonte	de tempo			
Tempo	J1 3										
CaminhãoEntrada 1	P1j 345	Data de Início 0									
Aj Produto por caminhão de entrada	Smartphone 20	Smartwatch 10	Capinha 100	Controle 25	VideoGame 50	Televi	são He	adset Noteb 30 12	ook Mouse Gar 20	mer Teclado 40	
CaminhãoEntrada2	P1j 553	Data de Início 1									
Aj Produto por caminhão de entrada	Smartphone 8	Smartwatch 15	Capinha 300	Controle 20	VideoGame 50	Televi 35		adset Noteb 40 13		mer Teolado 30	
CaminhãodeEntrada3	P1j 322	Data de Início 2									
Aj Produto por caminhão de entrada	Smartphone 2	Smartwatch 15	Capinha 100	Controle 5	VideoGame 50	Televi		adset Noteb 30 10	70	mer Teclado 80	
	J2							3			
CaminhãoSaída1	P2j 680										
Bj Produto por caminhão de saída	Smartphone 10	Smartwatch 15	Capinha 100	Controle 25	VideoGame 40	Televi	são He	adset Noteb 40 10		mer Teclado 20	
CaminhãoSaída2	P2j 910	Connetworted	Canista	Controls	\6de-C-	Tale	eño II-	ndent Notes	ook Marras Co	mas Trains	
Bj Produto por caminhão de saída	Smartphone 10 P2j	Smartwatch 15	Capinha 200	Controle 20	VideoGame 60	Televi	sao He	adset Noteb 30 10	ook Mouse Gar 60	mer Teclado 80	
CaminhãoSaída3 Bj	870 Smartphone	Smartwatch	Capinha	Controle	VideoGame	Televi	são Ha	adset Noteb	ook Mouse Gar	mer Teclado	
Produto por caminhão de saída	10 P	10	200	5	50	40	aav ne	30 15	60	50	
	Tempo de	Tempo de	Tempo limite	Peso do		Núme	o de				
Nome do produto	descarregamento	carregamento	para entrega	produto	Importância	produ	tos				
Smartphone	1	2	10,00	0,2	10	30					
Smartwatch	1	2	10	0,1	5	40	_				
Capinha Controle	1	2	20 20	0,05	1 2	50					
Controle VideoGame	2	4	10	0,2 5	5	15					
VideoGame Televisao	2 2	5	10	20	8	10					
Headset	1	2	20	0.4	5	10	_				
Notebook	2	4	10	8	10	35					
Notebook MouseGamer	1	2	10 5	0,1	4	15					
MouseGamer Teclado	1	2	5	1,5	4	15					
				-1-	-						
Cliente i/j							cliente I ao				
0	1	2	3	4		5	6	7	8	9	10
1	0	1	2	3	_	4	5	8	7	8	9
2	1	0	1	2		3	4	5	8	7	8
3 4	3	1 2	1	1 0		1	2	3	5 4	5	7 6
5	4	3	2	1		0	1	2	3	4	5
6	5	4	3	2		1	0	1	2	3	4
7	8	5	4	3		2	1	0	1	2	3
8	7	8	5	4		3	2	1	0	1	2
9	8	7	6	5		4	3	2	1	0	1
10	9	8	7	6		5	4	3	2	1	0
Numéro de caminhões do primeiro estágio	3										
Número de Caminhões do Segundo Estágio	3										
Número de Docas do primeiro estágio	3										
Número de Docas do segundo estágio	3										
Capacidade de caminhões de saída	500										
Número suficientemente grande para comparar	140703128616957	,									

Figura 2 – Dados de entrada.

```
3 3 11
CaminhaoEntrada1
20
10
                           0
100
25
50
30
30
12
20
40
CaminhaoEntrada2 1
8
15
300
20
50
35
40
13
60
30
CaminhaoEntrada3 2
2
15
100
5
50
35
30
10
70
80
CaminhaoSaida1
10
15
100
40
30
40
10
30
20
```

Figura 3 – Arquivo de entrada de dados parte 1.

```
CaminhaoSaida2
10
15
200
20
60
30
30
10
60
80
CaminhaoSaida3
10
10
200
5
50
40
30
15
60
50
Cliente
                   00.00 0 0 00 00 000
Smartphone
                   00.20 1 2 10 10 030
Smartwatch
                   00.10 1 2 10 05 040
Capinha
                   00.05 1 2 20 01
                                      500
Controle
                   00.20 1 2 20 02 050
VideoGame
                   05.00 2 4 10 05 150
Televisao
                   20.00 2 4 10 06 100
Headset
                   00.40 1 2 20 05 100
Notebook
                   06.00 2
                            4 10 10 035
                   00.10 1 4 05
                                  04 150
MouseGamer
Teclado
                   01.50 1
                            4 05
                                  04 150
             2
                                5
                                      6
0
                   3
                         4
                                            7
                                                   8
                                                         9
                                                               10
                                      5
1
      0
            1
                   2
                         3
                               4
                                            6
                                                   7
                                                         8
                                                               9
2
                                      4
                                            5
                                                   6
                                                         7
      1
            0
                   1
                         2
                               3
                                                               8
3
      2
            1
                   0
                         1
                                2
                                      3
                                            4
                                                   5
                                                         6
                                                               7
4
                                                         5
                                                               6
      3
            2
                   1
                         0
                               1
                                      2
                                            3
                                                  4
5
      4
            3
                   2
                         1
                               0
                                      1
                                            2
                                                   3
                                                         4
                                                               5
6
      5
            4
                   3
                         2
                               1
                                      0
                                            1
                                                   2
                                                         3
                                                               4
7
      6
            5
                   4
                         3
                                2
                                      1
                                            0
                                                   1
                                                         2
                                                               3
8
      7
                   5
                               3
                                      2
            6
                         4
                                            1
                                                   0
                                                         1
                                                               2
9
      8
                         5
             7
                   6
                               4
                                      3
                                            2
                                                   1
                                                         0
                                                               1
10
      9
            8
                   7
                         6
                               5
                                            3
                                                   2
                                                         1
                                                               0
                                      4
    3 3 500.0 140703128616957LL
```

Figura 4 – Arquivo de entrada de dados parte 2.

3 Dados de entrada e variáveis de decisão

3.1 Conjuntos

Para essa implementação trabalharemos com 4 conjuntos sendo representados em nosso arquivo de entrada de dados de 3 deles na primeira linha com seus respectivos tamanhos, co exceção do conjunto T que será dado por ht, sendo eles:

- T tamanho determinado pelo horizonte de tempo— Conjunto discreto dos períodos de tempo, ele será definido pelos nossos próprios dados de entrada visto que ele se dará de 1 em 1 com o máximo do horizonte de tempo.
- J1 tamanho 3 é o conjunto que representa os caminhões do estágio 1, ele contém os caminhões <u>CaminhaoEntrada1</u>, <u>CaminhaoEntrada2</u> e <u>CaminhaoEntrada3</u> e os dados dependentes deles.
- **J2 tamanho 3** é o conjunto que representa os caminhões do estágio 2, ele contém os caminhões <u>CaminhaoSaida1</u>, <u>CaminhaoSaida2</u> e <u>CaminhaoSaida3</u> e os dados dependentes deles.
- P tamanho 11 é o conjunto que representa os produtos, nele o primeiro dado, ou seja, o dado na posição 0 VariavelCliente é usado apenas para comparações envolvendo clientes e suas ordens de entrega. Além deste estarão contidos os produtos Smartphone, Smartwatch, Capinha, Controle, VideoGame, Televisao, Headset, Notebook, Mouse, Teclado todos com seus respectivos dados.

Também Serão utilizados dois subconjuntos A e B que são subconjuntos de P mas são definidos por J1 e J2 respectivamente.

Declaração e leitura dos conjuntos:

Figura 5 – Declaração e leitura dos conjuntos.

3.2 Dados de entrada

Definiremos aqui o significado de cada dado de entrada e especificaremos a coluna correspondente a ele no arquivo de dados de entrada, lembrando que as linhas dependentes de cada conjuntos são definidas em nossa primeira linha, o que significa que as após a primeira linha, 26 serão dependentes do conjunto T, 3 do conjunto J1, 3 do conjunto J2 e 11 do conjunto P.

• Ligados ao conjunto T:

- tempo: Tempo para o conjunto dos períodos de tempo (dados por ht, trabalhando de 1 em 1)

• Ligados ao conjunto J1:

- **nomeCaminhaoJ1**: Nome para identificar os caminhões do primeiro estágio (1ª coluna)
- r: Determina a data de início de cada caminhão do estágio 1 (2ª coluna)
- A: Um subconjunto do conjunto P, dado por J2. Este conjunto contem a quantidade de determinado produto carregado naquele caminhão.
- nA: A quantidade de cada produto carregado naquele caminhão.
- **p1**: Representa o tempo de processamento, apesar de ser dependente, utilizaremos um valor fixo o qual será definido por um somatório dos tempos de carregamento de cada produto do conjunto A. (Definido como variável independente dos índices do conjunto)
- **n1**: número de caminhões no estágio 1(Definido como variável independente dos índices do conjunto)

• Ligados ao conjunto J2:

- **nomeCaminhaoJ2**: Nome para identificar os caminhões do segundo estágio (1ª coluna)
- B: Um subconjunto do conjunto P, dado por J2. Este conjunto contem a quantidade de determinado produto carregado naquele caminhão.
- nB: A quantidade de cada produto carregado naquele caminhão.
- **p2**: Representa o tempo de processamento, apesar de ser dependente, utilizaremos um valor fixo o qual será definido por um somatório dos tempos de carregamento de cada produto do conjunto B. (Definido como variável independente dos índices do conjunto)
- k: Capacidade dos caminhões de saída (Definido como variável independente dos índices do conjunto)
- n2: número de caminhões no estágio 2(Definido como variável independente dos índices do conjunto)

• Ligados ao conjunto P:

- nomeProduto: Nome para identificar os produtos (1ª coluna)
- \mathbf{pd} : É o tempo necessário para o descarregamento do produto no estágio 1 (2ª coluna)
- pc: É o tempo necessário para o carregamento do produto no estágio 2 (3ª coluna)
- d: Tempo limite para entrega daquele produto (4ª coluna)
- s: Peso do produto (5ª coluna)
- w: Importância (6ª coluna)
- n: Número de produtos (7^a coluna)
- dc: Tempo de viagem por cliente, utilizando o conjunto P para determinar clientes.
 Incluso nos dados de entrada por meio de uma matriz.
- ht: Horizonte de tempo, é determinado por um somatório de tempo de descarregamento+tempo de carregamento de cada produto (Definido como variável independente dos índices do conjunto)

• Independentes de conjuntos

- m1: número de docas no estágio 1 (Definido como variável independente dos índices do conjunto)
- m2: número de docas no estágio 2 (Definido como variável independente dos índices do conjunto)
- m: Número suficientemente grande para comparações, sendo este declarado como long long int (Definido como variável independente dos índices do conjunto)

Declaração, inicialização e leitura dos dados de entrada:

Figura 6 – Declaração dos dados de entrada

```
//por T Definidos após a leitura de dados pois são dependentes deles
nomeCaminhaoJ1 = new char* [J1];
for (int j1 = 0; j1 < J1; j1++)
    nomeCaminhaoJ1[j1] = new char[51];
A = new int* [J1];
for (int j1 = 0; j1 < J1; j1++)
    A[j1] = new int[P];
nA = new int* [J1];
for (int j1 = 0; j1 < J1; j1++)
    nA[j1] = new int[P];
r = new int[J1];
p1 = new int[J1];
nomeCaminhaoJ2 = new char* [J2];
for (int j2 = 0; j2 < J2; j2++)
    nomeCaminhaoJ2[j2] = new char[51];
B = \text{new int* [J2]};
for (int j2 = 0; j2 < J2; j2++)
    B[j2] = new int[P];
nB = new int* [J2];
for (int j2 = 0; j2 < J2; j2++)
    nB[j2] = new int[P];
p2 = new int[J2];
nomeProduto = new char* [P];
for (int p = 0; p < P; p++)
    nomeProduto[p] = new char[51];
pd = new int[P];
pc = new int[P];
d = new int[P];
s = new float[P];
w = new int[P];
n = new int[P];
dc = new int* [P];
for (int i = 0; i < P; i++)
    dc[i] = new int[P];
```

Figura 7 – Inicialização dos dados de entrada

```
// Conjunto T será definido após a leitura de dados pois este depende dos dados de entrada

// Conjunto J1

for (int j1 = 0; j1 < J1; j1++)
{
    fscanf(fp, "8d", 8n(j1));
    fscanf(fp, "8d", 8n(j1));
    for (int p = 1; p < P; p++)
{
        fscanf(fp, "8d", 8nA[j1][p]); //Lendo Número de produtos carregados em A
    }
}

// Conjunto J2

for (int j2 = 0; j2 < J2; j2++)
{
    fscanf(fp, "8d", 8nB[j2][p]); //Lendo Número de produtos carregados em B
    }
}

// Conjunto P

for (int p = 0; p < P; p++)
{
    fscanf(fp, "8d", 8nB[j2][p]); //Lendo Número de produtos carregados em B
    }

// Conjunto P

for (int p = 0; p < P; p++)
{
    fscanf(fp, "8d", 8nB[p]); //Lendo peso do produto
    fscanf(fp, "8d", 8nB[p]); //Lendo tempo de descarregamento
    fscanf(fp, "8d", 8nB[p]); //Lendo tempo de carregamento
    fscanf(fp, "8d", 8nB[p]); //Lendo timite de tempo para entrega
    fscanf(fp, "8d", 8n[p]); //Lendo imite de tempo para entrega
    fscanf(fp, "8d", 8n[p]); //Lendo imite de tempo para entrega
    fscanf(fp, "8d", 8n[p]); //Lendo imite de tempo para entrega
    fscanf(fp, "8d", 8n[p]); //Lendo imite de tempo para entrega
    fscanf(fp, "8d", 8n[p]); //Lendo imite de tempo para entrega
    fscanf(fp, "8d", 8n[p]); //Lendo imite de tempo para entrega
    fscanf(fp, "8d", 8n[p]); //Lendo Número de produtos
}

for (int j = 0; j < P; j++)
{
    for (int j = 0; j < P; j++)
    {
        for (int j = 0; j < P; j++)
        {
            for (int j = 0; j < P; j++)
        {
            for (int j = 0; j < P; j++)
        {
            for (int j = 0; j < P; j++)
        {
            for (int j = 0; j < P; j++)
        {
            for (int j = 0; j < P; j++)
        {
            for (int j = 0; j < P; j++)
        {
            for (int j = 0; j < P; j++)
        {
            for (int j = 0; j < P; j++)
        {
            for (int j = 0; j < P; j++)
        {
            for (int j = 0; j < P; j++)
        {
            for (int j = 0; j < P; j++)
        {
            for (int j = 0; j < P; j++)
```

Figura 8 — Leitura e definição dos dados de entrada parte 1.

```
//Variáveis independentes de conjuntos

for (int p = 1; p < P; p++)
{
    ht += n[p] * (pc[p] + pd[p]);
}

T = ht; // o maior tempo é definido pelo horizonte de tempo
tempo = new int[T]; // Inicializando neste local pois depende do valor do horizonte de tempo
for (int i = 0; i < ht; i++)
{
    tempo[i] = i; //o conjunto discreto de tempo é definido pelos tempo de 0 ao horizonte de tempo
}
for (int j1 = 0; j1 < J1; j1++)
{
    for (int p = 1; p < sizeof(B); p++)
    {
        pl[j1] += pd[p]*nA[j1][p]; //calculando p1
    }
}
for (int p = 1; p < sizeof(B); p++)
{
        for (int p = 1; p < sizeof(B); p++)
        {
            p2[j2] += pc[p]*nB[j2][p]; //calculando p1
        }
}
fscanf(fp, "%d" &ml);
fscanf(fp, "%d" &m2);
fscanf(fp, "%d", &n2);
fscanf(fp, "%d", &n
```

Figura 9 – Leitura e definição dos dados de entrada parte 2.

3.3 Variáveis de decisão

Abordaremos aqui as variáveis de decisão e sua implementação, faremos em ordem de dimensões:

• rd: Variável de uma dimensão, representa o tempo que um produto p termina de ser descarregado no estágio 1. Declaração:

```
IloNumVarArray rd(env, P, 0, IloInfinity, ILOFLOAT); // tipo float

// adicionar as variáveis ao modelo
for (int p = 1; p < P; p++) //P só inclui o 0 em caso de tratar com clientes
{
    stringstream var;
    var << "rd[" << p << "]";
    rd[p].setName(var.str().c_str());
    modelo.add(rd[p]);
}</pre>
```

Figura 10 – Variável rd

• atraso: Variável de uma dimensão, representa o tempo de atraso do produto p.

Declaração:

```
IloNumVarArray atraso(env, P, 0, IloInfinity, ILOFLOAT); // tipo float

// adicionar as variáveis ao modelo
for (int p = 0; p < P; p++)// P só inclui o 0 em caso de representar clientes
{
    stringstream var;
    var << "atraso[" << p << "]";
    atraso[p].setName(var.str().c_str());
    modelo.add(atraso[p]);
}</pre>
```

Figura 11 – Variável atraso

• C: Variável de uma dimensão, representa o tempo de conclusão do carregamendo no estágio 2: Declaração:

```
IloNumVarArray C(env, J2, 0, IloInfinity, ILOFLOAT); // tipo float

// adicionar as variáveis ao modelo
for (int j2 = 0; j2 < J2; j2++)
{
    stringstream var;
    var << "C[" << j2 << "]";
    C[j2].setName(var.str().c_str());
    modelo.add(C[j2]);
}</pre>
```

Figura 12 – Variável C

• tentrega: Variável de uma dimensão, tempo em que o produto p foi entregue ao cliente. Declaração:

```
IloNumVarArray tentrega(env, P, 0, IloInfinity, ILOFLOAT); // tipo float

// adicionar as variáveis ao modelo
for (int p = 1; p < P; p++)// P só inclui o 0 em caso de representar clientes
{
    stringstream var;
    var << "tentrega[" << p << "]";
    tentrega[p].setName(var.str().c_str());
    modelo.add(tentrega[p]);
}</pre>
```

Figura 13 – Variável tentrega

• **x**: Variável de duas dimensões, variável binária que representa se o caminhão do primeiro estágio começa o processamento no tempo t =0. Declaração:

```
IloNumVarMatrix x(env, J1);
for (int j1 = 0; j1 < J1; j1++)
{
    x[j1] = IloNumVarArray(env, T, 0, 1, ILOBOOL); // Variável Binária
}
// adicionar as variáveis no modelo
for (int j1 = 0; j1 < J1; j1++)
{
    for (int t = 0; t < T; t++)
    {
        stringstream var;
        var << "x[" << j1 << "][" << t << "]";
        x[j1][t].setName(var.str().c_str());
        modelo.add(x[j1][t]);
    }
}</pre>
```

Figura 14 – Variável x

• y: Variável de duas dimensões, variável binária que representa se o caminhão do segundo estágio começa o processamento no tempo t =0. Declaração:

Figura 15 – Variável y

• **tempos**: Variável de duas dimensões, representa o tempo de viagem do caminhão do segundo estágio de um cliente ao outro, sendo o conjunto P utilizando a variavelCliente utilizado para representar os clientes. Declaração:

```
IloNumVarMatrix tempos(env, J2);
for (int j2 = 0; j2 < J2; j2++)
{
    tempos[j2] = IloNumVarArray(env, P, 0, IloInfinity, ILOFLOAT); // tipo float
}
// adicionar as variáveis no modelo
for (int j2 = 0; j2 < J2; j2++)
{
    for (int n = 0; n < P; n++) // P se inicia em 0 em caso de P representar clientes
    {
        stringstream var;
        var << "tempos[" << j2 << "][" << n << "]";
        tempos[j2][n].setName(var.str().c_str());
        modelo.add(tempos[j2][n]);
    }
}</pre>
```

Figura 16 – Variável tempos

• rotas: Variável de três dimensões, variável binária que representa se o caminhão do segundo estágio faz o percurso entre os clientes indicados, sendo o conjunto P utilizando a variavelCliente utilizado para representar os clientes. Declaração:

```
IloNumVar3Matrix rotas(env, J2);
for (int j2 = 0; j2 < J2; j2++)
{
    rotas[j2] = IloNumVarMatrix(env, P);
    for (int i = 0; i < P; i++)
    {
        rotas[j2][i] = IloNumVarArray(env, P, 0, 1, ILOBOOL); // Variável Binária
    }
}

// adicionar as variáveis no modelo
for (int j2 = 0; j2 < J2; j2++)
{
    for (int i = 0; i < P; i++) // P se inicia em 0 em caso de P representar clientes
    {
        for (int K = 0; K < P; K++)
        {
            stringstream var;
            var << "rotas[" << j2 << "][" << i << "][" << K << "]";
            rotas[j2][i][K].setName(var.str().c_str());
            modelo.add(rotas[j2][i][K]);
        }
}</pre>
```

Figura 17 – Variável

4 Função Objetivo e Restrições

4.1 Função Objetivo

Mesmo com tantas variáveis e dados a serem analisados, nossa função objetivo é extremamente simples, ela se resume a minimizar o somatório do produto entre atraso e importância para cada produto.

$$MIN: \sum_{p \in P} atraso_p * w_p \tag{4.1}$$

Declaração da função Objetivo:

```
IloExpr fo(env);
for (int p = 1; p < P; p++) //Somatório por p de P, atraso+importância, P só inclui o 0 em caso de representar com clientes
{
    fo += atraso[p] * w[p];
}
//IloMinimize e IloMaximize
modelo.add(IloMinimize(env, fo));</pre>
```

Figura 18 – Declaração da Função Objetivo

4.2 Restrições

Aqui abordaremos nossas várias restrições para alcançarmos o objetivo de nossa função, utilizaremos duas funções declaradas para auxiliar nas restrições, são elas:

```
int tamanho(int arr[])//Função para definir o tamanho de um array
{
    return sizeof arr / sizeof arr[0];
}

int maior(int a, int b)//Função para determinar o maior dentre 2 números
{
    if (a > b)
    {
        return a;
    }
    else
    {
        return b;
    }
}
```

Figura 19 – Funções necessárias para auxiliar nas restrições.

Informadas as funções extras que utilizaremos, seguem as restrições:

$$(1) \sum_{t=0}^{T-p1_j} t * x_{jt} \ge r_j, \forall j \in J_1$$
(4.2)

Essa restrição garante que os caminhões do primeiro estágio só podem ser alocados após chegarem ao centro de distribuição. Declaração:

```
for (int j1 = 0; j1 < J1; j1++)//para todo
{
    IloExpr soma(env);
    for (int t = 0; t < (ht - p1[j1]); t++)
    {
        soma += tempo[t] * x[j1][t];
    }
    //declarar a restição
    IloRange rest_um(env, r[j1], soma, IloInfinity);
    //nomeando a restrição
    stringstream rest;
    rest << "um: ";
    rest_um.setName(rest.str().c_str());
    //adicionar ao modelo
    modelo.add(rest_um);
}</pre>
```

Figura 20 – Primeira restrição

$$(2) \sum_{t=0}^{T-p1_j} t * x_{jt} = 1, \forall j \in J_1$$

$$(4.3)$$

Essa restrição garante que cada caminhão do primeiro estágio só seja alocado em uam data no horizonte de tempo. Declaração:

```
for (int j1 = 0; j1 < J1; j1++)//para todo
{
    IloExpr soma(env);
    for (int t = 0; t < (ht - p1[j1]); t++)
    {
        soma += tempo[t] * x[j1][t];
    }
    //declarar a restição
    IloRange rest_dois(env, 1, soma, 1);
    //nomeando a restrição
    stringstream rest;
    rest << "dois: ";
    rest_dois.setName(rest.str().c_str());
    //adicionar ao modelo
    modelo.add(rest_dois);
}</pre>
```

Figura 21 – Segunda restrição

(3)
$$\sum_{t=0}^{T-p_{2j}} t * y_{jt} = 1, \forall j \in J_2$$
 (4.4)

Essa restrição garante que cada caminhão do segundo estágio só seja alocado em uma data do horizonte de tempo. Declaração:

```
for (int j2 = 0; j2 < J2; j2++)//para todo
{
    IloExpr soma(env);
    for (int t = 0; t < (ht - p2[j2]); t++)
    {
        soma += tempo[t] * y[j2][t];
    }
    //declarar a restição
    IloRange rest_tres(env, 1, soma, 1);
    //nomeando a restrição
    stringstream rest;
    rest << "tres: ";
    rest_tres.setName(rest.str().c_str());
    //adicionar ao modelo
    modelo.add(rest_tres);
}</pre>
```

Figura 22 – Terceira restrição

$$(4) \sum_{j \in J_1} \sum_{s=\max(0; t-p1_j+1)}^{t} x_{js} \le m_1, \forall t \in T$$
(4.5)

Essa restrição garante que o número de caminhões sendo processados no primeiro estágio é menor ou igual ao número de docas. Declaração:

Figura 23 – Quarta restrição

(5)
$$\sum_{j \in J_2} \sum_{s=\max(0; t-p2_j+1)}^t y_{js} \le m_2, \forall t \in T$$
 (4.6)

Essa restrição garante que o número de caminhões sendo processados no segundo estágio é menor ou igual ao número de docas. Declaração:

Figura 24 – Quinta restrição

$$(6)rd_p \ge \sum_{t \in T} (t + p1_j) * x_{jt}, \forall p \in A_j, \forall j \in J_1$$

$$(4.7)$$

Essa restrição garante que a data de disponibilidade de cada produto para ser carregado no segundo estágio é maior ou igual ao tempo de conclusão de processamento do caminhão no qual o produto estava carregado no primeiro estágio. Declaração:

```
for (int j1 = 0; j1 < J1; j1++)//para todo
{
    for (int a = 1; a < tamanho(A[j1]); a++)//para todo
    {
        IloExpr soma(env);
        for (int t = 0; t < T; t++)
        {
             soma += (tempo[t] + p1[j1])*x[j1][t];
        }
        //declarar a restrição
        IloRange rest_seis(env, 0, rd[a]-soma, IloInfinity);
        //nomeando a restrição
        stringstream rest;
        rest << "seis: ";
        rest_seis.setName(rest.str().c_str());
        //adicionar ao modelo
        modelo.add(rest_seis);
}
</pre>
```

Figura 25 – Sexta restrição

$$(7) \sum_{t=0}^{T-p2_j} t * y_{jt} \ge rd_p, \forall p \in B_j, \forall j \in J_2$$

$$(4.8)$$

Essa restrição garante que os caminhões no segundo estágio só podem iniciar seu processamento após seus produtos estarem liberados para o carregamento. Declaração:

```
for (int j2 = 0; j2 < J2; j2++)//para todo
{
    for (int b = 1; b < tamanho(B[j2]); b++)//para todo
    {
        IloExpr soma(env);
        for (int t = 0; t < (ht-p2[j2]); t++)
        {
             soma += tempo[t]*y[j2][t];
        }
        //declarar a restrição
        IloRange rest_sete(env, 0, soma-rd[b], IloInfinity);
        //nomeando a restrição
        stringstream rest;
        rest << "sete: ";
        rest_sete.setName(rest.str().c_str());
        //adicionar ao modelo
        modelo.add(rest_sete);
    }
}</pre>
```

Figura 26 – Sétima restrição

$$(8)C_j \ge p2_j + \sum_{t=0}^{T-p2_j} t * y_{jt}, \forall p \in B_j, \forall j \in J_2$$
(4.9)

Essa restrição garante que a data de conclusão de um caminhão do segundo estágio é maior ou igual a data de início do mesmo, mais o tempo de processamento de um caminhão j no segundo estágio. Declaração:

```
for (int j2 = 0; j2 < J2; j2++)//para todo
{
    for (int b = 1; b < tamanho(B[j2]); b++)//para todo
    {
        IloExpr soma(env);
        for (int t = 0; t < (ht - p2[j2]); t++)
        {
            soma += tempo[t]*y[j2][t];
        }
        soma += p2[j2];
        //declarar restrição
        IloRange rest_oito(env, 0, C[j2]-soma, IloInfinity);
        //nomeando a restrição
        stringstream rest;
        rest << "oito: ";
        rest_oito.setName(rest.str().c_str());
        //adicionar ao modelo
        modelo.add(rest_oito);
}
</pre>
```

Figura 27 – Oitava restrição

$$(9) \sum_{p \in P} rotas_{j,0,p} = 1, \forall j \in J_2$$
(4.10)

Essa restrição garante que o trajeto dos caminhões do segundo estágio inicia seus trajetos no centro de Cross-Docking (CD), que é o ponto de origem, onde ocorre o carregamento dos produtos. Declaração:

```
for (int j2 = 0; j2 < J2; j2++)//para todo
{
    IloExpr soma(env);
    for (int p = 1; p < P; p++)
    {
        soma += rotas[j2][0][p];
    }
    //declarar restrição
    IloRange rest_nove(env, 1, soma, 1);
    //nomeando a restrição
    stringstream rest;
    rest << "nove: ";
    rest_nove.setName(rest.str().c_str());
    //adicionar ao modelo
    modelo.add(rest_nove);
}</pre>
```

Figura 28 – Nona restrição

$$(10) \sum_{i \in \{0\} \cup P \mid p \neq i} rotas_{jip} = 1, \forall p \in B_j, \forall j \in J_2$$

$$(4.11)$$

$$(11) \sum_{p \in \{0\} \cup P \mid p \neq i} rotas_{jip} = 1, \forall i \in B_j, \forall j \in J_2$$

$$(4.12)$$

Ambas as restrições juntas garantem que todos os clientes de cada caminhão serão visitados uma única vez. Declaração:

Figura 29 – Décima e décima primeira restrições

$$(12)tentrega_P \ge tempos_{jp} + C_j, \forall p \in P, \forall j \in J_2$$

$$(4.13)$$

Essa restrição garante que o tempo de entrega do produto "p" é maior ou igual ao tempo de conclusão de carregamento do caminhão que contém esse produto (Cj,) somado ao tempo de viagem até o ponto de entrega. Declaração:

```
for (int j2 = 0; j2 < J2; j2++) // para todo j2
{
    for (int p = 0; p < P; p++)//para todo p, sendo P clientes a variável inicia em 0
    {
        IloExpr soma(env);
        soma = tempos[j2][p] + C[j2];
        //declarar restrição
        IloRange rest_doze(env, 0 , tentrega[p]- soma, IloInfinity);
        //nomeando a restrição
        stringstream rest;
        rest << "doze: ";
        rest_doze.setName(rest.str().c_str());
        //adicionar ao modelo
        modelo.add(rest_doze);
    }
}</pre>
```

Figura 30 – Décima segunda restrição

$$(13)atraso_p \ge tentrega_p - d_p, \forall p \in P \tag{4.14}$$

Essa restrição garante que o atraso de entrega do produto p é maior ou igual a diferença do tempo de entrega do produto "p" pelo tempo esperado de entrega do produto "p". Declaração:

```
for (int p=0; p < P; p++)//para todo
{
    IloExpr sub(env);
    sub += tentrega[p] - d[p];
    //declarar a restrição
    IloRange rest_treze(env, 0, atraso[p] - sub, IloInfinity);
    //nomeando a restrição
    stringstream rest;
    rest << "treze: ";
    rest_treze.setName(rest.str().c_str());
    //adicionar ao modelo
    modelo.add(rest_treze);
}</pre>
```

Figura 31 – Décima terceira restrição

```
(14)tempos_{jn} \ge tempos_{ji} + dc_{in} - M * (1 - rotas_{jin}), \forall n, i \in P \land n \ne 0, \forall j \in J_2 \quad (4.15)
```

A restrição (14) garante que o tempo de chegada no próximo cliente deve ser maior do que o tempo de chegada ao cliente anterior somado ao tempo de viagem até o cliente atual. Declaração:

```
for (int j2 = 0; j2 < J2; j2++)//para todo
{
    for (int n=0; n < P; n++)//para todo
    {
        for (int i=0; i < P; i++)
        {
             IloExpr soma(env);
            if (n != 0)
            {
                  soma = tempos[j2][i] + dc[i][n] - m*(1 - rotas[j2][i][n]);
            }
            IloRange rest_quatorze(env, 0, tempos[j2][n]-soma, IloInfinity);
            //nomeando a restrição
            stringstream rest;
            rest << "quatorze: ";
            rest_quatorze.setName(rest.str().c_str());
            //adicionar ao modelo
            modelo.add(rest_quatorze);
    }
}</pre>
```

Figura 32 – Décima quarta restrição

As demais restrições de nosso modelo são restrições de não negatividade e de variáveis binárias, todas essas são garantidas ao definir as variáveis de decisão.

Não Negatividade
$$(15) \ rd_p \geq 0, \forall p \in P$$

$$(16) \ atraso_p \geq 0, \forall p \in P$$

$$(17) \ tentrega_p \geq 0, \forall p \in P$$

$$(18) \ c_j \geq 0, \forall j \in J_2$$

$$(19) \ tempos_{jn} \geq 0, \forall j \in J_2, \forall n \in \{0\} \cup P$$

Variáveis binárias

$$(20) \ x_{jt} \in \{0,1\}, \forall j \in J_1, \forall t \in T$$

$$(21) \ y_{jt} \in \{0,1\}, \forall j \in J_2, \forall t \in T$$

$$(22) \ rotas_{jik} \in \{0,1\}, \forall j \in J_2, \forall i, k \in P.$$

5 Rodando o programa

5.1 Tentativa com todas as restrições

Após a implementação nos deparamos com problemas nas restrições, logo na primeira ela se apresentou como inviável, após diversas tentativas de solução não conseguimos uma forma de tratar o problema como viável e assumimos uma dificuldade de interpretação para o funcionamento do modelo utilizado. Seguem os resultados de execução do programa:

```
lumero de tempos: 5370
Numero de itens em J1: 3
Numero de itens em J2: 3
Numero de produtos: 11
Caminhoes do primeiro estagio:
CaminhaoEntrada1
Produtos carregados no caminhao CaminhaoEntrada1
Smartphone
Smartwatch
                  10
Capinha
                  100
Controle
                  25
VideoGame
                  50
Televisao
                  30
Headset
                  30
Notebook
MouseGamer
                  20
Γeclado
                  40
                           553
CaminhaoEntrada2
Produtos carregados no caminhao CaminhaoEntrada2
Smartphone
                  15
Smartwatch
Capinha
                  300
Controle
                  20
VideoGame
                  50
Televisao
Headset
                  40
Notebook
                  13
MouseGamer
                  60
Teclado
                  30
CaminhaoEntrada3
                           322
Produtos carregados no caminhao CaminhaoEntrada3
Smartphone
Smartwatch
                  15
Capinha
                  100
Controle
VideoGame
                  50
Televisao
                  35
Headset
                  30
Notebook
                  10
MouseGamer
                  70
Teclado
```

Figura 33 – Execução do programa parte 1.

CaminhaoSaida1	660						
Produtos carregad		caminhao	Caminhao	Saida1			
Smartphone	10						
Smartwatch	15						
Capinha	100						
Controle	25						
VideoGame	40						
Televisao	30						
Headset	40						
Notebook	10						
MouseGamer	30						
Teclado	20						
CaminhaoSaida2	910						
Produtos carregad	dos no	caminhao	Caminhao	Saida2			
Smartphone	10						
Smartwatch	15						
Capinha	200						
Controle	20						
VideoGame	60						
Televisao	30						
Headset	30						
Notebook	10						
MouseGamer	60						
Teclado	80						
CaminhaoSaida3	870						
Produtos carregad	dos no	caminhao	Caminhao	Saida3			
Smartphone	10						
Smartwatch	10						
Capinha	200						
Controle	5						
VideoGame	50						
Televisao	40						
Headset	30						
Notebook	15						
MouseGamer	60						
Teclado	50						
Produtos:							
Smartphone	1	2	10	0.20	10	30	
Smartwatch	1	2	10	0.10	5	40	
Capinha	1	2	20	0.05	1	500	
Controle	1	2	20	0.20	2	50	
VideoGame	2	4	10	5.00	5	150	
Televisao	2	4	10	20.00	6	100	
Headset	1	2	20	0.40	5	100	
Notebook	2	4	10	6.00	10	35	
MouseGamer	1	4	5	0.10	4	150	
Teclado	1	4	5	1.50	4	150	

Figura 34 – Execução do programa parte 2.

```
Matriz dos tempos de viagem do cliente i ao j:
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9
2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9
2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9
3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8
3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7
4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6
5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5
6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4
7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3
8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2
9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0
10 10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0
10 10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0
10 10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
10 9 8 7 6 5 4 3 2
```

Figura 35 – Execução do programa parte 3.

5.2 Excluindo as restrições Um e Dois

Após diversos testes não conseguimos solucionar o problema de inviabilidade das restrições um e dois visto que estas tomam para si a variável X para tratar as duas restrições e se tornam incompatíveis, assim não foi possível chegar ao ótimo. Porém ao remover tais restrições, conseguimos um possível ótimo, porém este não consegue ser impresso devido a dependência dessas restrições para determinar o valor de todas as restrições. Como os dados de entrada são os mesmos, apresentaremos a única diferença que é na saída da solução:

```
Warning: Output names have been modified due to duplicate names or characters invalid in LP format.

Version identifier: 20.1.0.0 | 2020-11-10 | 9bedb6d68
Tried aggregator 1 time.

MIP Presolve eliminated 10868 rows and 32611 columns.
MIP Presolve modified 108 coefficients.

Reduced MIP has 300 rows, 40 columns, and 600 nonzeros.

Reduced MIP has 0 binaries, 0 generals, 0 SOSs, and 0 indicators.

Presolve time = 0.83 sec. (994.84 ticks)

Tried aggregator 1 time.

Detecting symmetries...

Reduced MIP has 300 rows, 40 columns, and 600 nonzeros.

Reduced MIP has 0 binaries, 0 generals, 0 SOSs, and 0 indicators.

Presolve time = 0.00 sec. (0.33 ticks)

MIP emphasis: balance optimality and feasibility.

MIP search method: dynamic search.

Parallel mode: deterministic, using up to 12 threads.

Root relaxation solution time = 0.00 sec. (0.20 ticks)

Nodes

Node Left Objective IInf Best Integer Best Bound ItCnt Gap

* 0 0 integral 0 46812.0000 46812.0000 0 0.00%

Elapsed time = 1.06 sec. (1280.26 ticks, tree = 0.00 MB, solutions = 1)

Root node processing (before b&c):

Real time = 1.06 sec. (1281.13 ticks)

Parallel b&c, 12 threads:

Real time = 0.00 sec. (0.00 ticks)

Sync time (average) = 0.00 sec.

Wait time (average) = 0.00 sec.

Wait time (average) = 0.00 sec.

Wait time (average) = 0.00 sec.
```

Figura 36 – Execução do programa modificado.

6 Finalizando a implementação

6.1 Impressão dos dados gerados

Apesar de nosso problema não ter sido viável por algumas dificuldades com o modelo utilizado, todo o procedimento foi feito inclusive para impressão das variáveis e valor ótimo da FO. Implementação:

```
float variavel = cplex.getValue(C[j2]);
printf("Tempo em que o caminhao %s termina de ser carregado no estagio 2: %f\n", nomeCaminhaoJ2[j2], variavel);
(int j1 = 0; j1 < 31; j1++)//X
   int variavel = cplex.getValue(x[j1][t]);
printf("""\n");
    printf("1- Verdadeiro 0- Falso\nO caminhao %s comeca o processamento no tempo 0: %d\n", nomeCaminhao31[j1], variavel);
    int variavel = cplex.getValue(y[j2][t]);
    printf("1- Verdadeiro 0- Falso\nO caminhao %s comeca o processamento no tempo 0: %d\n", nomeCaminhao32[j2], variavel);
      int variavel = cplex.getValue(rotas[j2][i][k]);
       intf("1- Verdadeiro 0- Falso\mO caminhao %s faz o percurso entre os clientes %d e %d: %d\m", nomeCaminhao32[j2], i, k, variavel);
```

Figura 37 – Exibição dos valores das variáveis de decisão e solução ótima.

Referências

ANANIAS, L. F. N. et al. Pesquisa operacional aplicada à gestão logística: desenvolvimento de um modelo de Cross-Docking com roteamento de veículos. 2021. Disponível em: . Acesso em: 18 mar. 2022. Citado na página 4.