Студент: Ирина Группа: М4136

Дата: 15 апреля 2019 г.

## Формальные языки 6

Задача 1. Перечислить слова языка  $L_1 \cap L_2$ , где  $L_1 = (ab)^n \mid n \ge 0$  и  $L_2 = a^m b^m \mid m \ge 0$ . Доказать, что других цепочек в пересечении нет.

Решение.  $L_1=\{\varnothing,\ ab,\ abab,\ ababab,\ ...\}$  - слова, состояние из п пар ab  $L_2=\{\varnothing,\ ab,\ aaabb,\ aaabbb,\ ...\}$  - слова, состояние из m a и m b  $L_1\cap L_2=\{\varnothing,\ ab\}.$ 

 ${f 3}$ адача  ${f 2}.$  Описать язык  ${f L}$ , порождаемый грамматикой  ${f <} \{0,1\}, \ \{{f S}\}, \ \{{f S} o 01 \ | \ 0{f S}1\}, \ {f S}>$ ,

• на естественном языке

Других цепочек нет - следует из структуры.

• как множество

 $\Pi$ ривести три различных дерева вывода для трех цепочек языка L.

Решение. Описание языка:

- $\bullet$  на естественном языке: в L входят слова, состоящие из равного количества 0 и 1, при этом сначала идут все 0, а затем все 1
- как множество:  $L = \{0^n 1^n \mid n \ge 1\}$

Деревья вывода:

- 01 → дерево
- ullet 0011 ightarrow дерево
- ullet 000111 ightarrow дерево

Задача 3. Привести контекстно-свободную грамматику для языка арифметических выражений с правильным приоритетом операций и ассоциативностью

Решение. Пусть  $\sum = \{\mathbb{N} \text{ (false} = 0, \text{true} = 1), \|, \&\&, =, \neq, \leq, <, \geq, >, +, -, *, /, ^} < \sum, \{\text{Atom, Or, And, Ord, Sum, Prod, Deg}\}, P, Atom > P:$ 

- Atom  $\rightarrow \sum | (Or)$
- ullet Or eta And | And (||) Or
- And → Ord | Ord (&&) And
- Ord  $\rightarrow$  Sum | Sum  $(= | \neq | \leq | < | \geq | >)$  Sum
- Sum  $\rightarrow$  Prod | Sum (+|-) Prod
- ullet Prod ullet Deg | Prod (\*|/) Deg
- ullet Deg  $\to$  Atom | Atom (^) Deg