蜂考速成课

《光学》

习题答案 (微信扫一扫)



版权声明:

内容来自高斯课堂原创,讲义笔记和相关图文均有著作权,视频课程已申请版权,登记号: 陕作登字-2018-I-00001958,根据《中华人民共和国著作权法》、《中华人民共和国著作权法 实施条例》、《信息网络传播权保护条例》等有关规定,如有侵权,将根据法律法规提及诉讼。

课时一 双缝干涉

考点	重要程度	占分	常见题型
1. 相干光	**	0~2	选择、填空
2. 光程差	****	2~5	填空
3. 杨氏双缝干涉	必考	5~10	大题

1. 相干光

题 1. 获得相干光的两种方法为______, ____。

解:分波阵面法,分振幅法

2. 光程差

题 1. 如图所示,两光源 S_1 , S_2 发出波长为 λ 的单色光,分别通过两种介质(折射率分别为 n_1 和 n_2)射到介质的分界面上的 P 点,已知 $S_1P=S_2P=r$,则这两条光的几何路程 Δr ,光程差

δ 和相位差 $\Delta \varphi$ 分别是:()

A.
$$\Delta r = 0$$
, $\delta = 0$, $\Delta \varphi = 0$

B.
$$\Delta r = (n_2 - n_1)r$$
, $\delta = (n_2 - n_1)r$, $\Delta \varphi = \frac{2\pi (n_2 - n_1)}{\lambda}$

C.
$$\Delta r = 0$$
, $\delta = (n_2 - n_1)r$, $\Delta \varphi = 2\pi (n_2 - n_1)r$

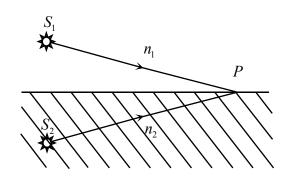
D.
$$\Delta r = 0$$
, $\delta = (n_2 - n_1)r$, $\Delta \varphi = \frac{2\pi (n_2 - n_1)r}{\lambda}$



$$S_1P = S_2P = r$$
, 所以几何路程 $\Delta r = 0$

光程差
$$\delta = n_2 r - n_1 r = (n_2 - n_1)r$$

相位差
$$\Delta \varphi = \frac{2\pi}{\lambda} \delta = \frac{2\pi (n_2 - n_1)r}{\lambda}$$

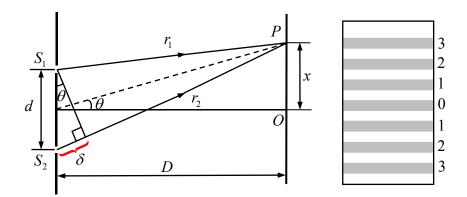


光程: nr (真空中 n = 1)

光程差: $\delta = n_2 r_2 - n_1 r_1$

相位差: $\Delta \varphi = \frac{2\pi}{\lambda} \delta$

3. 杨氏双缝干涉



①光程差:
$$\delta = r_2 - r_1 \approx d \sin \theta = \frac{dx}{D}$$

②
$$\delta = \begin{cases} \pm k\lambda & \text{明纹 } (k=0,1,2,\cdots) \\ \pm (2k+1)\frac{\lambda}{2} & \text{暗纹 } (k=0,1,2,\cdots) \end{cases}$$

③明(暗)条纹间距:
$$\Delta x = \frac{D\lambda}{d}$$

④明纹位置:
$$x = \pm k \frac{D\lambda}{d}$$
 暗纹位置: $x = \pm \frac{2k+1}{2} \frac{D\lambda}{d}$

⑤可见明条纹最大级数:
$$k_{\text{max}} = \frac{d}{\lambda}$$
 (取整)

题 1. 在双缝干涉实验中,所用单色光波长 $\lambda=562.5nm$,双缝与观察屏的距离D=1.2m,若 测得屏上相邻明条纹间距 $\Delta x = 1.5 mm$,则双缝的间距为()。

A. 3.1mm

B. 0.9mm C. 0.45mm

D. 1.2mm

答案: C

自
$$\Delta x = \frac{D\lambda}{d}$$
 \Rightarrow $d = \frac{D\lambda}{\Delta x} = \frac{1.2 \times 562.5 \times 10^{-9}}{1.5 \times 10^{-3}} = 4.5 \times 10^{-4} m = 0.45 mm$

题 2. 在双缝干涉实验中,为使屏上的干涉条纹间距变大,可以采取的办法是()。

A. 使屏靠近双缝

B. 使双缝的间距变小

C. 把两个缝的宽度稍微调窄 D. 改用波长较小的单色光源

答案:B

由
$$\Delta x = \frac{D\lambda}{d}$$
可得 $\Delta x \nearrow \Rightarrow D \nearrow$ 或 $\lambda \nearrow$ 或 $d \searrow$

题 3. 在双缝干涉实验中,单色光波长 $\lambda = 480$ nm 垂直入射到间距 $d = 2.0 \times 10^{-4}$ m 的双缝上,屏到双缝的距离 D = 2m,求:

- (1) 两相邻明纹的间距;
- (2) 中央明纹上方第5级明纹的位置,以及下方第3级暗纹的位置。

#: (1)
$$\Delta x = \frac{D\lambda}{d} = \frac{2 \times 480 \times 10^{-9}}{2 \times 10^{-4}} = 4.8 \times 10^{-3} m$$

(2) 上方明纹:
$$x_5 = k \frac{D\lambda}{d} = 5 \times 4.8 \times 10^{-3} = 2.4 \times 10^{-2} m$$

下方暗纹:
$$x_3 = -\frac{(2k+1)}{2}\frac{D\lambda}{d} = -\frac{2\times3+1}{2}\times4.8\times10^{-3} = -1.68\times10^{-2}m$$

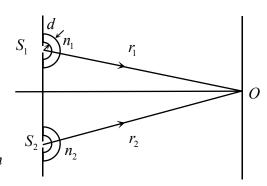
题 4. 在图示的双缝干涉实验中,若用半圆筒形的薄玻璃片(折射率 $n_1 = 1.4$)覆盖缝 S_1 ,用同样厚度的玻璃片(折射率 $n_2 = 1.7$)覆盖缝 S_2 ,将使屏上原来未放玻璃时的中央明纹所在处 O变为第五级明纹,设单色光波长 $\lambda = 480nm$,求玻璃片的厚度 d。

解: 未覆盖 $r_2 - r_1 = 0$

覆盖后 $(r_2 - d + n_2 d) - (r_1 - d + n_1 d) = 5\lambda$

整理得 $r_2 - r_1 + (n_2 - n_1)d = 5\lambda$

联立可得 $d = \frac{5\lambda}{n_2 - n_1} = \frac{5 \times 480 \times 10^{-9}}{1.7 - 1.4} = 8 \times 10^{-6} m$



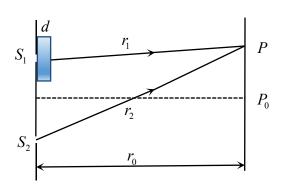
题 5. 如图所示,把折射率 n=1.5 的玻璃插入杨氏双缝干涉实验的一束光路中,光屏原来是 5 级亮纹所在的位置变为中央亮纹,已知光波长 $\lambda=6.0\times10^{-7}m$,求插入玻璃片的厚度。

解: 未覆盖前 $r_2 - r_1 = 5\lambda$

覆盖后 $r_2-(r_1-d+nd)=0$

整理得 $r_2 - r_1 + (1-n)d = 0$

联立可得 $d = \frac{5\lambda}{n-1} = \frac{5 \times 6 \times 10^{-7}}{1.5 - 1} = 6 \times 10^{-6} m$



课时一 练习题

- 1. 若一束光在折射率为n的介质中传播3r的距离。另一束光则在真空中传播3r的距离,那 么这两束光的光程差为____。
- 2. 若两点 A, B 相位差为 4π ,则此路径 AB 的光程为()。

Α. 2λ

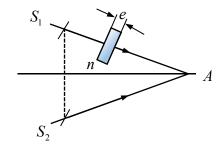
 $B.2\lambda/n$

 $C.2n\lambda$

 $D.4\lambda$

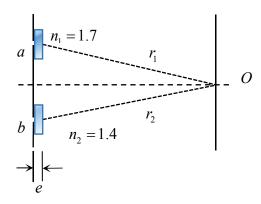
- 3. 在相同时间内,一束波长为 λ 的单色光在空气中和玻璃中()。
 - A. 传播的路程相等, 光程相等
- B. 传播的路程相等, 光程却不相等
- C. 传播的路程不相等,光程亦不相等 D. 传播的路程不相等,光程相等
- 4. 杨氏双缝干涉实验中, 两条狭缝相距1mm, 离屏幕400cm, 用600nm 的光照射时, 干涉 条纹的相邻明纹间距为 mm。
- 5. 在双缝干涉实验中, 若使两缝之间的距离增大, 则屏幕上干涉条纹间距____, 若使单色 光波长减小,则干涉条纹间距 (填增大,减小或不变)。
- 6. 在双缝干涉实验中,用波长 $\lambda=546.1$ nm 的单色光照射,双缝与屏的距离 D=300nm,测 得中央明条纹两侧的两个第五级明条纹的间距为12.2mm,则双缝间的距离为多少?
- 7. 双缝干涉实验装置如图所示,双缝与屏之间的距离 D=120cm,两缝之间的距离 d=0.50mm, 用波长 $\lambda=500nm$ ($1nm=10^{-9}m$) 的单色光垂直照射双缝。
- (1) 求原点O (零级明条纹所在处)上方的第五级条纹的坐标x:
- (2) 如果用厚度 $e = 3.0 \times 10^{-3} mm$, 折射率n = 1.50的透明薄膜覆盖在图中的 s_1 缝后面, 求原点 O处为第几级明纹。

8. 如图所示,假设有两个相干点光源 S_1 和 S_2 ,波长为 λ , A 是它们连线的中垂线上的一点。若 S_1 与 A 之间插入厚度为 e ,折射率为 n 的薄玻璃片,则两光源发出的光在 A 点的相位差 $\Delta \varphi =$ _______,若已知 $\lambda = 500 nm$, n=1.5 , A 点恰为第四级明纹中心,则 e=_______ nm 。



- 9. 用一束 $\lambda = 632.8nm$ 的激光垂直照射一双缝,在缝后2.0m 处的墙上观察到中央明纹和第一级明纹的间隔为14cm,求:
 - (1) 双缝的间距;
- (2) 在中央明纹以上还能看到几条明纹? (应用相邻条纹间距公式)

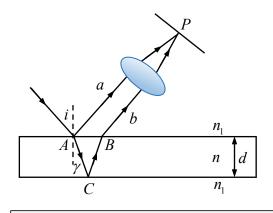
10. 如图,在双缝干涉实验中,原来的零级明纹在O处,若用薄玻璃片(折射率 $n_1 = 1.7$)覆盖缝a,用同样厚度为e的玻璃片(折射率 $n_2 = 1.4$)覆盖缝b,零级明纹将向_____移动。两束相干光至原中央明纹O处的光程差为_____。

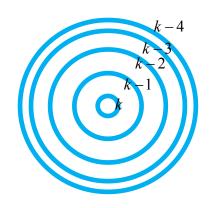


课时二 薄膜干涉

考点	重要程度	占分	常见题型
1. 等倾干涉	必考	5 ~ 10	大题
2. 劈尖干涉	火 芍	3~10	人概
3. 牛顿环	***	0~2	选择、填空
4. 迈克耳逊干涉仪	**	0~2	选择、填空

1. 等倾干涉





(1) 光程差:
$$\delta$$
=2nd cos γ + $\frac{\lambda}{2}$

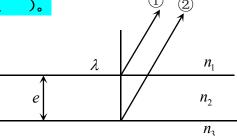
(2) 垂直入射,光程差:
$$\delta=2nd+\frac{\lambda}{2}=\begin{cases}k\lambda & \text{明纹}(k=1,2\cdots\cdots)\\(2k+1)\frac{\lambda}{2} & \text{暗纹}(k=0,1,\cdots\cdots)\end{cases}$$

(3) 半波损失: 光疏介质到光密介质有半波损失, 光密介质到光疏介质无半波损失

题 1. 如图所示,折射率为 n_2 ,厚度为 e 的透明介质薄膜的上方和下方的透明介质的折射率分别为 n_1 和 n_3 ,已知 n_1 < n_2 < n_3 ,若用真空中波长为 λ 的单色平行光垂直入射到该薄膜上,则

从上、下表面反射的光束(用①,②示意)的光程差是()。

A.
$$2n_2e$$
 B. $2n_2e - \frac{\lambda}{2n_2}$ C. $2n_2e - \lambda$ D. $2n_2e - \frac{\lambda}{2}$



答案: A.

由 $n_1 < n_2 < n_3$ 知,不存在半波损失,则 $\delta = 2n_2 e$

题 2. 一束波长为 2 的单色光由空气垂直入射到折射率为 n 的透明薄膜上,透明薄膜放在空气 中,要使反射光得到干涉加强,则薄膜的最小厚度为()。

$$A. \frac{\lambda}{4}$$

$$B. \frac{\lambda}{4n}$$

$$C. \frac{\lambda}{2}$$

$$D. \frac{\lambda}{2n}$$

答案:
$$B \qquad \delta = 2nd + \frac{\lambda}{2} = k\lambda \qquad \Rightarrow d = \frac{\left(k - \frac{1}{2}\right)\lambda}{2n}$$

$$k=1$$
时,有 $d_{\min} = \frac{\left(1-\frac{1}{2}\right)\lambda}{2n} = \frac{\lambda}{4n}$

题 3. 在照相机镜头表面镀一层折射率为1.38的增透膜,可以使太阳光的中心波长为550nm的 透射光增强。若镜头玻璃的折射率为1.52,则所镀薄膜的厚度至少为

解:透射增强⇔反射相消

$$\delta = 2nd = (2k+1)\frac{\lambda}{2}$$
 \Rightarrow $d = \frac{(2k+1)\lambda}{4n}$

$$k = 0$$
 时,有 $d_{\min} = \frac{\lambda}{4n} = \frac{550}{4 \times 1.38} = 99.6 nm$

题 4. 白光垂直照射在空气中厚度为 0.40 μm 的玻璃片上,玻璃的折射率为 1.50。试问在可见 光范围内, 哪些波长的光在反射中增强? 哪些波长的光在透射中增强?

M: (1)
$$\delta = 2ne + \frac{\lambda}{2} = k\lambda$$
 $(k = 1, 2 \cdots)$

$$\lambda = \frac{4ne}{2k-1} = \frac{4 \times 1.5 \times 0.4 \times 10^3}{2k-1} = \frac{2400}{2k-1}$$

可见光范围内只能取 $k=3 \Rightarrow \lambda = 480nm$

(2)
$$\delta = 2ne + \frac{\lambda}{2} = (2k+1)\frac{\lambda}{2} \quad (k=0,1,2\dots)$$

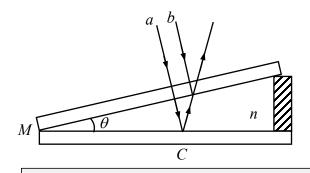
$$\lambda = \frac{2ne}{k} = \frac{2 \times 1.5 \times 0.4 \times 10^3}{k} = \frac{1200}{k}$$

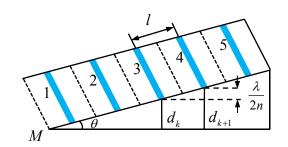
可见光范围内取 $k=2 \Rightarrow \lambda = 600nm$

$$k = 3 \implies \lambda = 400nm$$

可见光范围: 400nm ~ 760nm

2. 劈尖干涉





光程差:
$$\delta = 2nd + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k\lambda & \text{明纹}(k = 1, 2, 3 \dots) \\ (2k+1)\frac{\lambda}{2} & \text{暗纹}(k = 0, 1, 2 \dots) \end{cases}$$

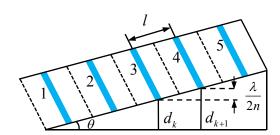
相邻两明(暗)条纹高度差:
$$\Delta h = \frac{\lambda}{2n}$$

相邻两明(暗)条纹间距: $l\sin\theta = \frac{\lambda}{2n}$

题 1. 两块长度为L=7cm 的平板玻璃,一端互相接触(称为棱边),另一端被高 $h=2.8\times10^{-4}cm$ 的金属膜隔开,形成空气劈尖。用波长 $\lambda=600nm$ 的平行光照射,求:

- (1) 此空气劈尖的劈尖角 θ :
- (2) 相邻明纹的间距1;
- (3) 棱边处为明纹还是暗纹;
- (4) 棱边数起第2条明纹距离棱边的距离 L_2 ;
- (5) 玻璃上可以看到的明纹数和暗纹数。





M: (1)
$$\theta \approx \tan \theta = \frac{h}{L} = \frac{2.8 \times 10^{-4}}{7} = 4 \times 10^{-5} \, rad$$

(3) 棱边处
$$d=0$$
, 光程差 $\delta=2d+\frac{\lambda}{2}=\frac{\lambda}{2}$, 故为暗纹

(4) 由
$$\delta = 2d + \frac{\lambda}{2} = k\lambda$$
 得 $d = \frac{\left(k - \frac{1}{2}\right)\lambda}{2} = \frac{\left(2 - \frac{1}{2}\right) \times 600 \times 10^{-9}}{2} = 4.5 \times 10^{-7} m$

(5) 由
$$\delta = 2d + \frac{\lambda}{2} = k\lambda$$
 得

$$k = \frac{2d}{\lambda} + \frac{1}{2} = \frac{2h}{\lambda} + \frac{1}{2} = \frac{2 \times 2.8 \times 10^{-6}}{600 \times 10^{-9}} + \frac{1}{2} = 9$$
 (取整),明纹有 9条

由
$$\delta=2d+\frac{\lambda}{2}=(2k+1)\frac{\lambda}{2}$$
 得

$$k = \frac{2d}{\lambda} = \frac{2h}{\lambda} = \frac{2 \times 2.8 \times 10^{-6}}{600 \times 10^{-9}} = 9$$
 (取整),暗纹有 9+1=10条

题 2.两块平板玻璃构成空气劈尖,左边为棱边,用单色平行光垂直入射,若上面的平玻璃以 棱边为轴,沿逆时针方向作微小转动,则干涉条纹的()。

间隔变小,并向棱边方向平移 B. 间隔变大,并向远离棱边方向平移

C.

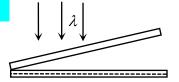
间隔不变,向棱边方向平移 D. 间隔变小,并向远离棱边方向平移

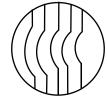
答案: A (涉及动画演示,详情见视频课程)

题 3. 在工件表面放一块平板玻璃,形成空气劈尖。观察到干涉条纹中部向棱边方向弯曲,如

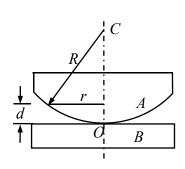
图,说明工件表面中部有____。(填凸起或凹陷)。

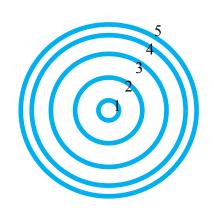
答案: _ 凹陷 (记住: 左凹, 右凸)





4. 牛顿环





光程差:
$$\delta = 2nd + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k\lambda & \text{明纹}(k=1,2\cdots) \\ (2k+1)\frac{\lambda}{2} & \text{暗纹}(k=0,1,\cdots) \end{cases}$$

明纹半径
$$r = \sqrt{\frac{(2k-1)R\lambda}{2n}}$$
 暗纹半径 $r = \sqrt{\frac{kR\lambda}{n}}$

题 1. 在图示三种透明材料构成的牛顿环装置上, 用单色光垂直照射, 在反射光中看到干涉条 纹, 则在接触点处形成的圆斑为 ()。

A. 全明

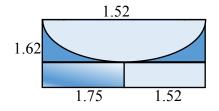
B. 左半部暗, 右半部明

C. 全暗

D. 左半部明, 右半部暗

答案: D. 左边: 光程差 δ =2nd

$$d=0$$
 时 $\delta=0$ 明纹
右边: 光程差 $\delta=2nd+\frac{\lambda}{2}$ $d=0$ 时 $\delta=\frac{\lambda}{2}$ 暗纹



题 2. 用单色光垂直照射在观察牛顿环装置上,设其平凸透镜可以在垂直方向上移动,在透镜离开平玻璃过程中,可以观察到这些环状干涉条纹将_____(填:形状不变,向中心收缩或向外扩展)。

解: $\delta=2nd+\frac{\lambda}{2}=k\lambda$, $d\nearrow \Rightarrow k\nearrow$, 同一位置k变大,条纹变密,向中心收缩。

题 3. 用紫色光观察牛顿环时,测得第 k 级暗环半径 $r_k = 4mm$;第 k+5 级暗环的半径 $r_{k+5} = 6mm$,所用平凸透镜的曲率半径 R=10m,求紫光的波长和级数 k。

解: 暗环半径
$$r = \sqrt{\frac{kR\lambda}{n}} = \sqrt{kR\lambda}$$

$$r_k = \sqrt{kR\lambda} = \sqrt{10k\lambda} = 4 \times 10^{-3}$$

$$r_{k+5} = \sqrt{(k+5)R\lambda} = \sqrt{10(k+5)\lambda} = 6 \times 10^{-3}$$

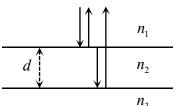
5. 迈克尔逊干涉

解得 k=4 $\lambda=4\times10^{-7}m$

题 1. 若在迈克尔逊干涉仪的可动反射镜 *M* 移动 0.600*mm* 过程中,观察到干涉条纹移动了 2000 条,则所用光波的波长为______*nm* 。

课时二 练习题

1. 如图所示,折射率为 n_2 ,厚度为d的薄膜上方和下方的介质的折射率分别是 n_1 和 n_3 ,已 知 $n_1 > n_2 > n_3$,如果波长为 λ 的单色光垂直入射到该薄膜上,则上下两表面的反射光的光程 差为δ=____



- 在玻璃(折射率 $n_3=1.60$)表面镀一层 MgF_2 (折射率 $n_2=1.38$)薄膜作为增透膜,为了 使波长为500nm的光从空气($n_1=1.00$)正入射时尽可能减少反射, MgF_2 薄膜的最少厚度应 nm
- 3. 波长为 λ 的平行单色光垂直入射在折射率为 n_3 的薄膜上,经上下两个表面反射的两束光 发生干涉,若薄膜厚度为e,而且 $n_1>n_2$, $n_2< n_3$,则两束光在相遇点的相位差为()。

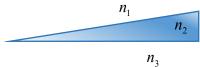
$$A.\frac{4\pi n_2 e}{\lambda}$$

$$B.\frac{2\pi n_2 e}{\lambda}$$

$$B.\frac{2\pi n_2 e}{\lambda} \qquad C.\frac{4\pi n_2 e}{\lambda} + \pi \qquad D.\frac{2\pi n_2 e}{\lambda} + \pi$$

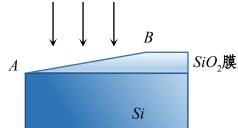
$$D.\frac{2\pi n_2 e}{\lambda} + \pi$$

- 用白光垂直照射置于空气中的厚度为 0.50 μm 的玻璃片, 玻璃片的折射率为 1.50, 在可见 光范围内(400nm~760nm), 哪些波长的反射光有最大限度的增强?
- 5. 用波长为 λ 的单色光垂直照射如图所示的,折射率为 n_2 的劈形膜 $(n_1 > n_2, n_3 > n_2)$,观 度 e = 。

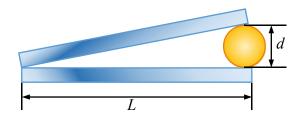


6. 波长为 λ 的单色光垂直照射到劈尖薄膜上,劈尖角为 θ ,劈尖薄膜的折射率为n,第k级 明条纹与k+5级明条纹之间的间距为____。

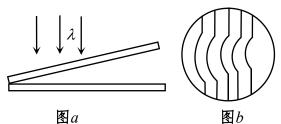
7. 在 Si 的平表面上形成了一层厚度均匀的 SiO₂ 的薄膜,为了测量它的厚度,将它的一部分置成劈形(图中 AB 段)。现用波长为 600nm 的平行光垂直照射,观察反射光形成的干涉条纹,在图中 AB 段共有 6 条暗纹,且 B 处恰为一条暗纹,求薄膜的厚度(Si 的折射率为 3.42, SiO₂ 的折射率为 1.50)



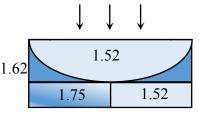
- 8. 如图所示,波长为680nm的平行光垂直照射到L=0.12m长的两块玻璃片上,两块玻璃片一边相互接触,另一边被直径d=0.048mm的细钢丝隔开,求:
- (1) 两片玻璃片间的夹角是多少?
- (2) 相邻两明条纹间的厚度差是多少?
- (3) 相邻两暗条纹的间距是多少?



9. 如图 a 所示,一光学平板玻璃 A 与待测工件 B 之间形成空气劈尖,看到的反射光的干涉条纹如图 b 所示,则工件的上表面缺陷是______(填"凸起"或"凹陷")。



- 10. [判断]牛顿环中相邻的暗环间的距离是相等的。 ()
- 11. 下图为牛顿环干涉装置,单色光垂直照射,则牛顿环中心 P 点处的圆斑是_____的。(填"左明右暗"、"左暗右明"、"全明"、"全暗")



图中各数字为折射率

12. 把牛顿环装置(都是用折射率为1.52的玻璃制成的)由空气搬入折射率为1.33的水中,则干涉条纹()。

- A. 中心暗斑变成亮斑
- B. 变疏
- C. 变密

D. 间距不变

13. 用单色光垂直照射在观察牛顿环的装置上,当平凸透镜垂直向上缓慢平移而远离平面玻璃时,可以观察到这些环状干涉条纹()。

- A. 向右平移
- B. 向中心收缩
- C. 向外扩张
- D. 静止不动

14. 在牛顿环装置的平凸透镜和平板玻璃间充以某种透明液体,观察到 **10** 个明环的直径由充液前的14.8cm,变成充液后的12.7cm,则这种液体的折射率 $n = _______$ 。

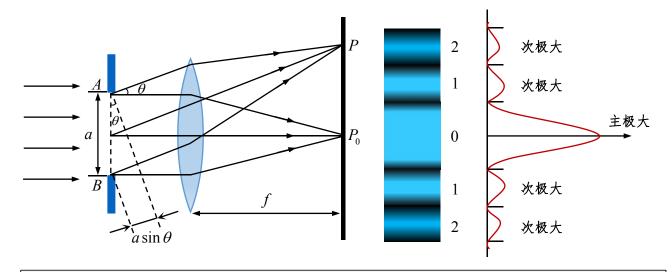
16. 在迈克尔逊干涉仪的反射镜 M 移动 Δd 的过程中,观察到干涉条纹移动了 N 条,则该光的波长为()。

- $A.2\Delta d/N$
- $B.2N/\Delta d$
- $C.N/\Delta d$
- $D.\Delta d/N$

课时三单缝衍射、光栅衍射

考点	重要程度	占分	常见题型
1. 单缝衍射	必考	5~10	选择、填空
2. 光栅衍射			大题

3. 单缝衍射



光程差:
$$\delta = a \sin \theta = \begin{cases} \pm k\lambda & \text{暗} \quad (k = 1, 2 \dots) \\ \pm (2k+1)\frac{\lambda}{2} & \text{明} \quad (k = 1, 2 \dots) \end{cases}$$

中央明条纹(主级大) 宽度: $\Delta x_0 = \frac{2f\lambda}{a}$

次级明条纹(次级大)宽度: $\Delta x = \frac{f \lambda}{a}$

明条纹中心位置: $x = \pm \frac{(2k+1)}{2} \frac{f\lambda}{a}$

暗条纹中心位置: $x = \pm k \frac{f\lambda}{x}$

半角宽度

 $a\sin\theta = \lambda \implies \sin\theta = \frac{\lambda}{a}$

当θ很小时

 $\theta \approx \sin \theta \approx \tan \theta = \frac{\lambda}{\lambda}$

题 1. 在单缝衍射实验中,若所用的入射平行单色光的波长 λ 与缝宽a的关系为 $a=4\lambda$,则对 应与第二级暗纹的衍射角为()。

$$A. \frac{\pi}{8}$$

$$B. \frac{\pi}{4}$$

$$B. \ \frac{\pi}{4} \qquad \qquad C. \ \frac{\pi}{6} \qquad \qquad D. \ \frac{\pi}{3}$$

$$D. \frac{\pi}{3}$$

答案: C. $a\sin\theta = k\lambda$ $\Rightarrow 4\lambda\sin\theta = 2\lambda$ $\Rightarrow \sin\theta = \frac{1}{2} \Rightarrow \theta = \frac{\pi}{6}$

题 2. 平行单色光垂直入射单缝上,观察夫琅禾费衍射,若屏上 P 点为第三级暗纹,则单缝处 波面相应地可划分为 个半波带,若将单缝宽度缩小一半, P 点将是第 级 纹。

解: $\delta = a \sin \theta = 3\lambda = 6 \times \frac{\lambda}{2}$ ⇒ 6个半波带

题 3. 在单缝夫琅禾费衍射实验中,设第一级暗纹衍射角很小,若钠黄光 $(\lambda = 589nm)$ 为入射

光,中央明纹宽度为4.0mm;若以蓝紫光 $(\lambda_2=442nm)$ 为入射光,则中央明纹宽度为_____mm

解: 由
$$\Delta x = \frac{2f\lambda}{a}$$
 \Rightarrow
$$\begin{cases} 4 \times 10^{-3} = \frac{2f \times 589 \times 10^{-9}}{a} \\ \Delta x = \frac{2f \times 442 \times 10^{-9}}{a} \end{cases} \Rightarrow \Delta x = 3 \times 10^{-3} m = 3mm$$

题 4. 在单缝夫琅禾费衍射实验中, 若减小缝宽其他条件不变, 则中央明纹()

A. 宽度变小

- B. 宽度变大
- C. 宽度不变,且中心强度也不变 D. 宽度不变但中心强度变小

答案:
$$B$$
. 由 $\Delta x = \frac{2f\lambda}{a}$ 若 a 则 Δx \nearrow

题 5. 波长为 600nm 的单色平行光,垂直入射到缝宽为 a=0.60mm 的单缝上,缝后有一焦距 f = 60cm 的透镜,在透镜焦平面上观察衍射图样。

- (1) 第二级明纹距中心的距离;
- (2) 中心明纹的宽度 Δx_0 和其他明纹的宽度 Δx_0 ;
- (3) 两个第三级暗纹之间的距离。

解: (1) 明纹位置
$$x = \frac{(2k+1)}{2} \frac{f\lambda}{a} = \frac{(2\times2+1)}{2} \times \frac{60\times10^{-2}\times600\times10^{-9}}{0.6\times10^{-3}} = 1.5\times10^{-3} m$$

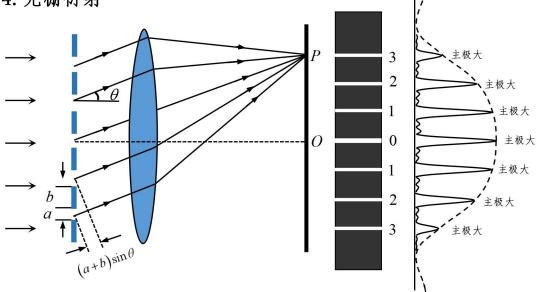
(2)
$$\Delta x_0 = \frac{2f\lambda}{a} = \frac{2 \times 60 \times 10^{-2} \times 600 \times 10^{-9}}{0.6 \times 10^{-3}} = 1.2 \times 10^{-3} m$$

$$\Delta x = \frac{\Delta x_0}{2} = \frac{1.2 \times 10^{-3}}{2} = 6 \times 10^{-4} m$$

(3) 暗纹位置
$$x = k \frac{f\lambda}{a} = 3 \times \frac{f\lambda}{a} = 3 \times 6 \times 10^{-4} = 1.8 \times 10^{-3} m$$

 $\Delta x_3 = 2 \times 1.8 \times 10^{-3} = 3.6 \times 10^{-3} m$

4. 光栅衍射



光栅方程: $(a+b)\sin\theta = \pm k\lambda$ $(k=0,1,2\cdots)$ 明纹

光栅常数: d = a + b

主级大最大级数: $k = \frac{a+b}{\lambda}$ (取整)

缺级: $k = \frac{a+b}{a}k'(k'=\pm 1,\pm 2\cdots)$

题 1. 某单色光垂直入射到一个每毫米有800条刻线的光栅上,光栅常数为____。如果第

一级谱线的衍射角为30°,则入射光的波长应为____。

M: (1)
$$a+b=\frac{1}{800}=1.25\times10^{-3}mm$$

$$1.25 \times 10^{-3} \sin 30^\circ = \lambda$$

$$\lambda = 6.25 \times 10^{-4} mm = 625 nm$$

题 2. 波长为 $\lambda = 550$ nm 的单色光垂直入射于光栅常数 $d = 2 \times 10^{-4}$ cm 的平面衍射光栅上,可能观察到的光谱线的最大级次为()。

A. 5

B. 4

C. 3

D. 2

答案:C. $k = \frac{d}{\lambda} = \frac{2 \times 10^{-4} \times 10^{-2}}{550 \times 10^{-9}} = 3$ (取整)

题 3. 一束白光垂直照射在一光栅上,在形成的同一级光栅光谱中,偏离中央明纹最远的是。(红光或紫光)

解: 光栅方程: $(a+b)\sin\theta = k\lambda$ $\Rightarrow \sin\theta = \frac{k\lambda}{(a+b)}$ λ 越大, 离中心越远, 故为红光

题 4. 波长为 λ = 600nm 的单色光垂直射到光栅上,测得第二级主级大的衍射角为 30°,且第三级缺级,求:

- (1) 光栅常数(a+b)是多少?透光缝可能的最小宽度a是多少?
- (2) 在选定了上述(a+b)和a之后,屏幕上可能出现的全部主级大的级数。

解: (1) 光栅方程 $(a+b)\sin\theta = k\lambda$

依题可得
$$(a+b)\sin 30^\circ = 2\lambda$$
 $\Rightarrow a+b = \frac{2\lambda}{\sin 30^\circ} = \frac{2\times 600\times 10^{-9}}{0.5} = 2.4\times 10^{-6}m$

缺级公式:
$$k = \frac{a+b}{a}k'$$

第三级缺级:
$$3 = \frac{a+b}{a}k'$$
 $\Rightarrow a = \frac{k'}{3}(a+b)$

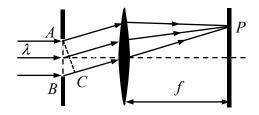
$$k' = 1$$
H, $a_{\min} = \frac{1}{3}(a+b) = \frac{1}{3} \times 2.4 \times 10^{-6} = 8 \times 10^{-7} m$

(2) 最大级数
$$k = \frac{a+b}{\lambda} = \frac{2.4 \times 10^{-6}}{600 \times 10^{-9}} = 4$$

即 $k = 0, \pm 1, \pm 2$ 主极大, $k = \pm 3$ 缺级, $k = \pm 4$ 不可见

课时三 练习题

- 1. 如图所示,一束波长为 λ 的平行单色光垂直入射到一单缝AB上,在屏幕上形成衍射图样,如果B是中央亮纹一侧第一个暗纹所在位置,则BC的长度为()。
 - $A. \frac{\lambda}{2}$
- *B*. λ
- $C. \frac{3\lambda}{2}$
- D. 2λ



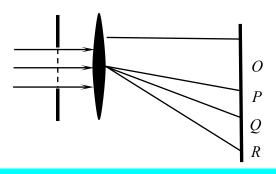
2. 在单缝夫琅禾费衍射实验中,如果缝宽等于单色入射光波长的 2 倍,则中央明纹边缘对应的衍射角 $\varphi=$ ______。

- 3. 在夫琅禾费单缝衍射实验中,波长为λ的单色光垂直入射在宽度为6λ的单缝上,对应衍射角为30°的方向,单缝处波阵面可分成的半波带数目为()。
 - A. 2个

B. 3↑

C. 4↑

- D. 6个
- 4. 单缝衍射中,如果单缝宽度变大,中央明纹位置_____,宽度____。
- 5. 夫琅禾费单缝衍射实验中,若屏幕上P点为第3级暗纹,则单缝处可分为___个半波带; 若入射光波长为600nm,缝宽a=0.6mm,透镜焦距T=1m,则中央明纹宽度 $\Delta x=$ ___mm。
- 6. 如图波长为 λ 的单色平行光垂直照射单缝,若由单缝边缘发出的光到达光屏上P,Q,R 三点的光程差分别为 2λ , 2.5λ , 3.5λ , 比较P,Q,R 三点的亮度,则有()。
 - A. P点最亮,Q点次之,R点最暗
 - B. O. R 两点亮度相同,P 点最暗
 - C. P. Q. R 三点亮度相同
 - D. O点最亮, R点次之, P点最暗



- 7. 一单色平行光垂直入射一单缝,其衍射第二级明纹位置恰好与另一波长为428.6nm 的单色 光垂直入射该单缝时衍射的第三极明纹位置重合,求该单色光的波长。
- 8. 某单色平行光垂直入射在单缝上,单缝宽度为a = 0.15mm,缝后放一个焦距f = 400mm的透镜,透镜的焦平面上,测得中央明纹两侧第三极暗纹之间的距离为8.0mm,求:
- ①入射光的波长
- ②第一级衍射明纹中心与中央明纹中心间的距离。
- 9. 波长为600nm(1nm=10⁻⁹m)的单色光垂直入射到宽度为0.1mm的单缝上,观察夫琅禾费衍射图样,透镜焦距为1.0m,屏在透镜的焦平面处,求:
- ①中央明纹的宽度 Δx_0 和其他明纹的宽度 Δx_0 ;
- ②光屏上第二级明纹中心位置 x2。
- 10. 一束白光垂直照射在一光栅上,在形成的第一段光栅光谱中,最靠近中央明纹的是()。
 - A. 紫光
- B. 绿光
- C. 黄光
- D. 红光

11. 透射光栅每厘米有 5000 条刻痕,此光栅的光栅常数为 $d = ______m$,用波长为 589.0 nm的平行光垂直入射到此光栅上,在衍射屏幕上一共可以看到 条衍射谱线。

12. 一東平行单色光垂直入射在光栅上,当光栅常数(a+b)为下列哪些情况时(a代表每条 缝的宽度),k=3,6,9等级次的主级大均不出现()。

A.
$$a + b = 2a$$

B.
$$a + b = 3a$$

C.
$$a + b = 4a$$

D.
$$a + b = 5a$$

13. 一平面衍射光栅,每厘米有 2500 条透光缝,用波长 λ =500nm 的单色平行光垂直入射到此光栅上 $\left(1nm=10^{-9}m\right)$,发现第五级主级大缺级,求:

- ①此光栅的光栅常数 d:
- ②第四级主级极大的衍射角 θ ;
- ③光栅透光缝的最小宽度 a;
- ④取上述 a 时能观察到的全部主级大的级数。

14. 用波长 λ =600nm 的单色平行光垂直入射到一平面光栅,测得第二级主级大的衍射角 θ 满足 $\sin\theta$ =0.3,第三极谱线缺失,求此光栅的光栅常数和最小缝宽。

15. 用波长 $\lambda = 500$ nm 的单色光垂直入射到一光栅上,测得第三级主级大的衍射角为30°,求:

- ①光栅常数(a+b)
- ②若a=b,则能观察到的全部主级大的级次是哪些?

课时四 偏振光

考点	重要程度	占分	常见题型
1. 马吕斯定律	必考	2~4	选择、填空
2. 布儒斯特定律	74 4		

5. 马吕斯定律

题 1. 一東光强为 I_0 的自然光垂直穿过两个偏振片,且两偏振片的偏振化方向成 45° 角。则穿过两个偏振片后的光强为()。

$$A. \quad \frac{I_0}{4\sqrt{2}}$$

$$B. \frac{I_0}{4}$$

$$C. \frac{I_0}{2}$$

$$D. \ \frac{\sqrt{2}I_0}{2}$$

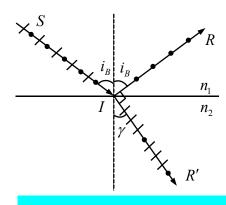
答案: B. 第一次穿过偏振片 $I_1 = \frac{I_0}{2}$

第二次穿过偏振片
$$I_2 = I_1 \cos^2 45^\circ = \frac{I_0}{2} \cdot \left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right)^2 = \frac{1}{4}I_0$$

题 2. 设偏振片没有吸收,光强为 I_0 的自然光垂直通过,两个偏振片后,出射光强 $I = \frac{I_0}{8}$,则两个偏振片的偏振化方向之间的夹角为_____。

解: 第一次穿过偏振片
$$I_1 = \frac{I_0}{2}$$
 第二次穿过偏振片 $I_2 = I_1 \cos^2 \theta = \frac{I_0}{2} \cdot \cos^2 \theta = \frac{1}{8} I_0$ $\Rightarrow \cos \theta = \frac{1}{2} \qquad \Rightarrow \theta = \frac{\pi}{3}$

6. 布儒斯特定律



- ①反射光为线偏振光 (完全偏振光),
- ②折射光 (透射光) 为部分偏射光
- ③反射光与折射光垂直: $i_B + \gamma = \frac{\pi}{2}$
- $4 \tan i_B = \frac{n_2}{n_1}$

题 1. 一束平行的自然光,以 60° 角入射到平玻璃表面上,若反射光束是完全偏振的,则透射

光束的折射角为_____

M:
$$\pm i_B + \gamma = 90^\circ \implies \gamma = 90^\circ - i_B = 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ$$

题 2. 自然光以布儒斯特角由空气入射到一玻璃平面上,反射光是___

- A. 在入射面内振动的完全偏振光
- B. 平行于入射面的振动占优势的部分偏振光
- C. 垂直于入射面振动的完全偏振光 D. 垂直入射面的振动占优势的部分偏振光

答案: C

题 3. 自然光入射到空气和玻璃的分界面上,当入射角为60°时,反射光为完全偏振光,则此 玻璃的折射率为。

解: 由
$$\tan i_B = \frac{n_2}{n_1} = n_2$$
 折射率为 $n_2 = \tan 60^\circ = \sqrt{3}$

课时四 练习题

1. 如果两个偏振片堆叠在一起,且偏振化方向之间夹角为60°,光强为I₀的自然光垂直入 在偏振片上,则出射光强为()。

 $A. I_0 / 8$

- B. $I_0 / 4$
- $C.3I_0/8$

2. 光强为 $I_{\scriptscriptstyle 0}$ 的自然光,经过两块偏振片后,出射光强变为 $rac{I_{\scriptscriptstyle 0}}{\circ}$,则两块偏振片的偏振化方向之 间的夹角为。(不考虑偏振片的吸收和反射)

3. 三个偏振片 P₁, P₂和 P₃ 堆叠在一起, P₁和 P₃ 的偏振化方向相互垂直, P₂和 P₁偏正化方向间 的夹角为 45° ,光强为 I_0 的自然光入射于偏振片 P_1 ,并依次透过偏振片 P_1 , P_2 和 P_3 ,则通过三 个偏振片后的光强为____。

4. 一束自然光从空气中射向一块平板玻璃,设入射角等于本儒特角i_g,则在平板玻璃表面的 反射光是()。

- A. 部分偏振光
- B. 线偏振光且光矢量的振动方向平行于入射面
- C. 自然光
- D. 线偏振光且光矢量的振动方向垂直于入射面

5. 一束平行的自然光,以 60° 角入射到平玻璃表面上,若玻璃的折射率为 $\sqrt{3}$,则反射光束 是_____。(填完全偏振光,部分偏振光,自然光)