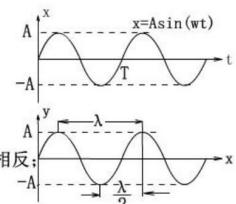
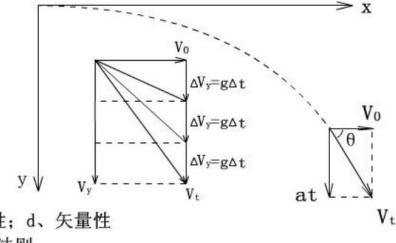
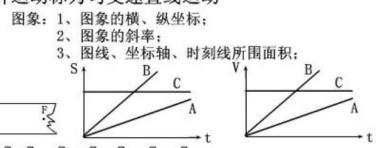
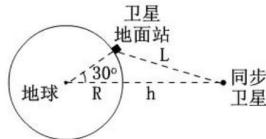
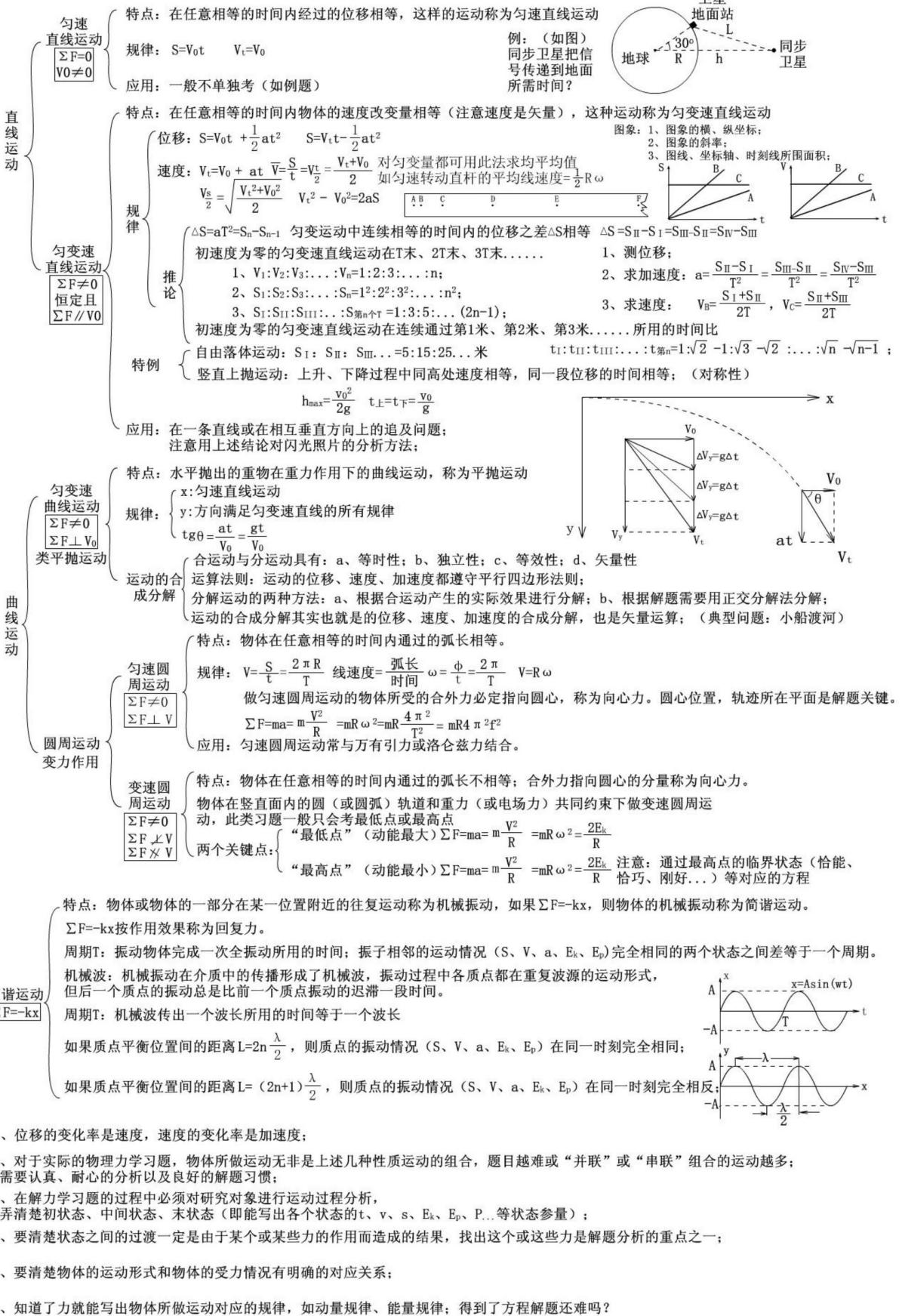
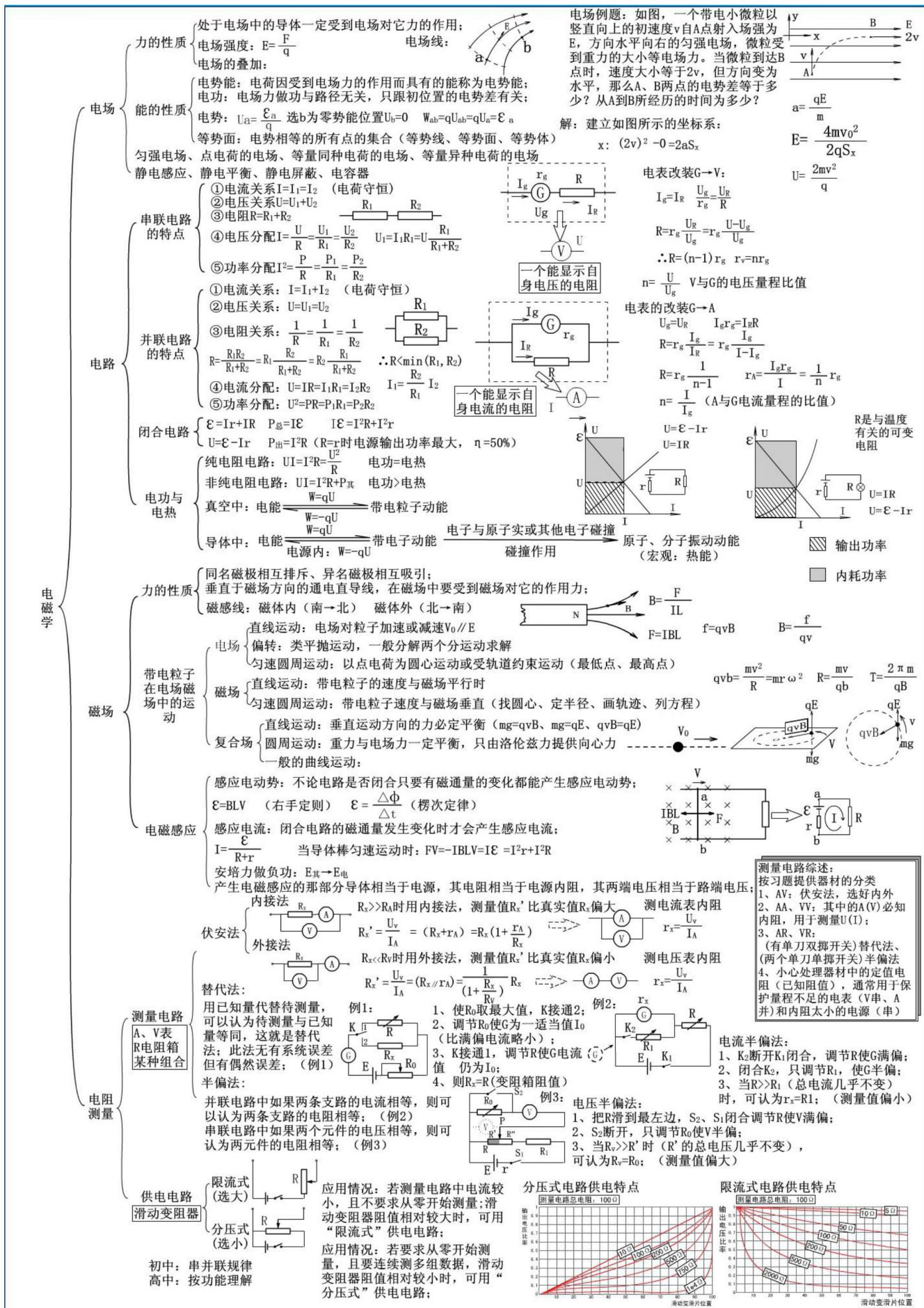
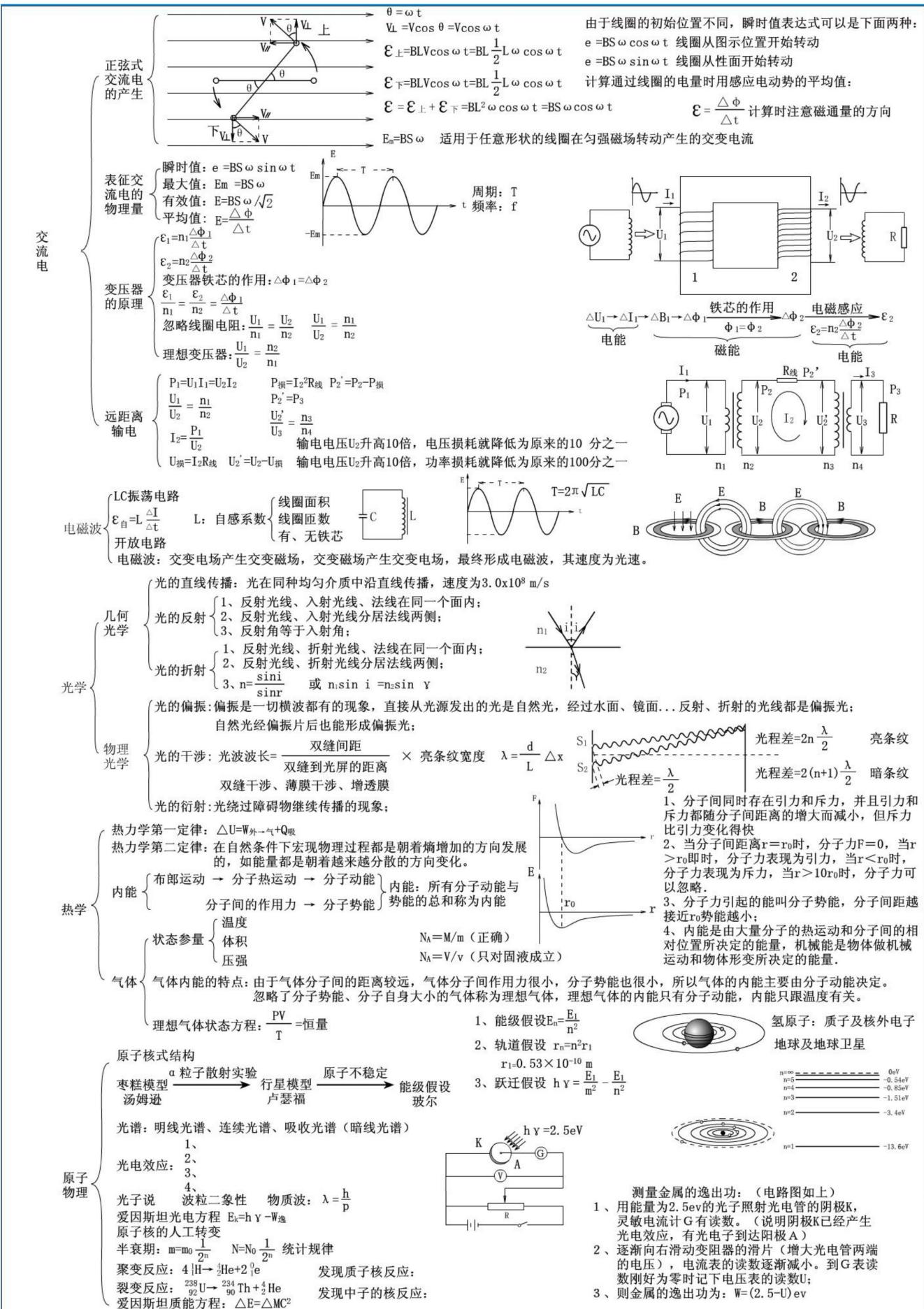
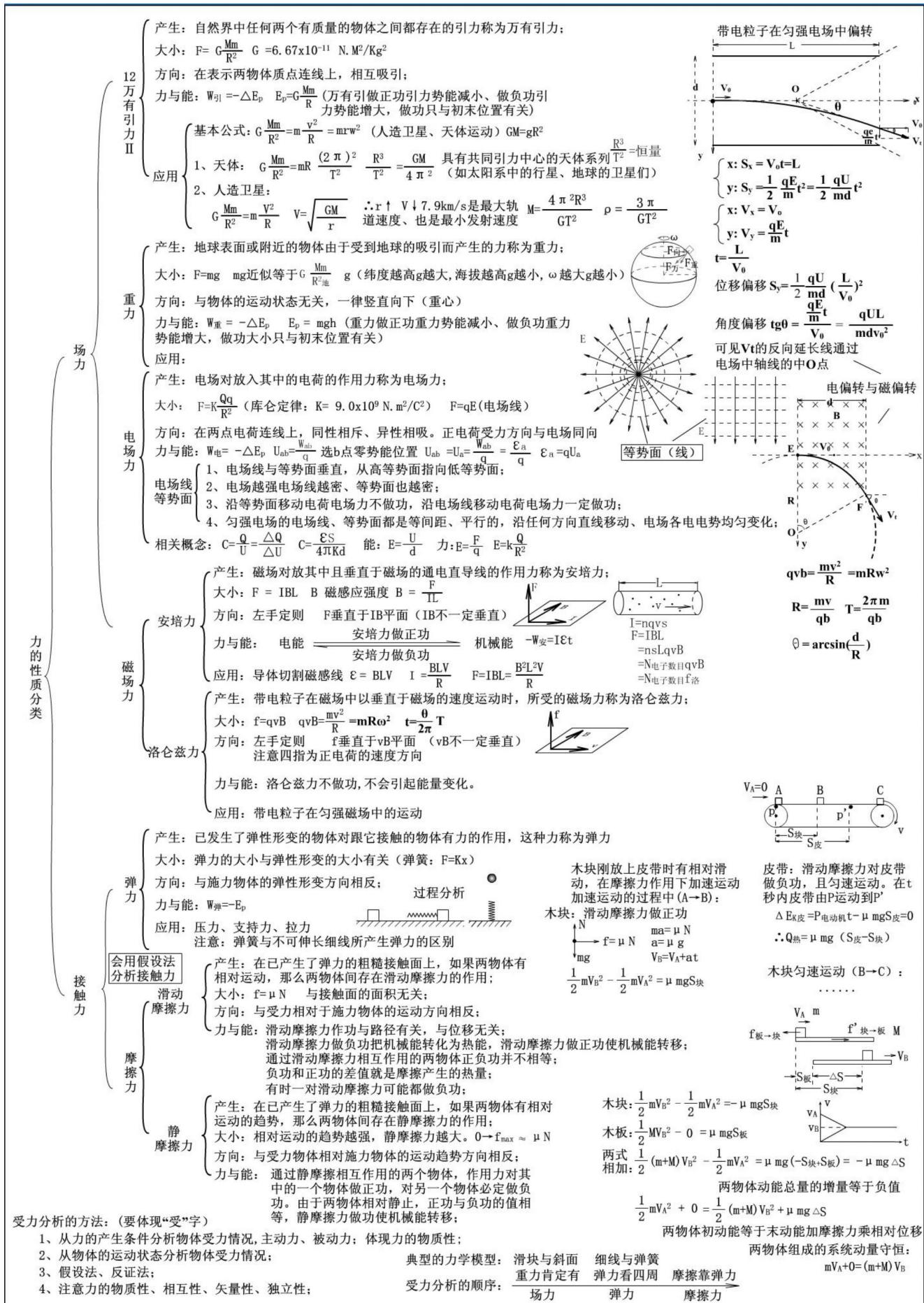


运动的性质分类
物体的受力和初始条件决定了物体的运动性质









动量联系

完全非弹性碰撞的推导:
 $m_1v_1 + m_2v_2 = (m_1+m_2)v$
 $\frac{1}{2}m_1v_1^2 + m_2v_2^2 = \frac{1}{2}(m_1+m_2)v^2 + \Delta E$
 ΔE 为碰撞损失的动能。

弹性碰撞的推导:
 $m_1v_1 + m_2v_2 = m_1v_1' + m_2v_2'$
 $\frac{1}{2}m_1v_1^2 + \frac{1}{2}m_2v_2^2 = \frac{1}{2}m_1v_1'^2 + \frac{1}{2}m_2v_2'^2$
以上两式变形可得:
 $m_1(v_1-v_1') = m_2(v_2'-v_2)$
 $\frac{1}{2}m_1(v_1^2-v_1'^2) = \frac{1}{2}m_1(v_2^2-v_2'^2)$
4式比3式, 可得: $v_1+v_1'=v_2'+v_2$
导出 v_2' 表达式代入1式可得:
 $v_1' = \frac{(m_1-m_2)v_1 + 2m_2v_2}{m_1+m_2}$
 $v_2' = \frac{2m_1v_1 + (m_2-m_1)v_2}{m_1+m_2}$
 $e = \frac{v_2' - v_1'}{v_1 - v_2}$
这是一个普遍形式, 利用它可以推演出其他弹性碰撞的特例。

碰撞过程遵守的原则:
1. 动量守恒; 2. 总动能不增加;
弹性碰撞总动能不变, 非弹性碰撞有动能损失, 完全非弹性总动能损失最多;
3. $v_1 > v_2$, $v_1' < v_2'$, v_1' 甚至会反向;

恢复系数

动量守恒定律

如图所示为很轻的两个圆盘, 可以绕竖直轴转动、一黑一白。黑的能完全吸收光线, 白的能完全反射光线, 用一束光同时照射到两个圆盘则圆盘的转动情况是: (由上往下看)
A、逆时针; B、顺时针; C、不转动; D、不能确定;

解: 取长为L, 截面为S的一小段水柱为研究对象
 $-Ft=0=mv$
 $m=\rho LS$
 $F=\rho SV^2$

动量定理

牛顿第一定律

牛顿第二定律: $F=ma$

牛顿第三定律

动能定理

例: 一质量为5千克的铅球由静止下落5米, 陷入沙子的深度为20cm求:
1. 铅球在沙子中受到的平均阻力?
2. 如果把铅球—沙子中的运动近似看成匀变速运动, 求铅球在沙子中的运动时间?
解: 在A→B→C的过程中对铅球列动量定理:
 $\frac{1}{2}mV_C^2 - \frac{1}{2}mV_A^2 = mg(h+d) - fd$

机械能守恒定律

功能原理

例: 一小球从高为h的斜面顶端自由滑下, 能无碰撞的进入竖直面的圆轨道, 圆轨道的半径为R, 小球刚好能在竖直面内完成圆周运动, 求h和R的比值?
解: 小球在A→B→C的过程中
 $\frac{1}{2}mV_C^2 - \frac{1}{2}mV_A^2 = mg(h-2R)$
小球在C点只受重力的作用:
 $mg = \frac{mv^2}{R}$
 $v = \sqrt{gR}$
 $\frac{h}{R} = 2.5$
 $\frac{1}{2}mgR - 0 = mg(h-2R)$

另外也可用机械守恒定律:
(选B点参考位置)
小球在A→B→C的过程中
 $\frac{1}{2}mV_A^2 + mgh = \frac{1}{2}mV_C^2 + mg2R$