莫队

张敬东

2023年12月26日

目录

前言 简介 普通莫队 算法基础 算法优化 例题 带修莫队 简介 例题 其他莫队 结束

后记

目录

前言

简子

普通莫图

算法基础

知 知 師

例题

例题

其他莫以

三岩



今天的题单: 点我

今天是我第一次上台, PPT 可能不是那么美观, 如果有错误请 大胆指出。

例题不会很难, 请放心食用。

目录

前言

简介

普通莫队 算法基础 算法优化

带修莫队 简介 例题

其他莫队

结束

后证

莫队简介

什么是莫队?

莫队是由莫涛大神提出的一种暴力区间操作算法,它框架简单、板子好写、复杂度优秀。

然而由于莫队算法应用的毒瘤,很多莫队题难度评级都很高(蓝紫黑),令很多初学者望而却步。但如果你真正理解了莫队的算法原理,它用起来还是挺简单的。

莫队简介

什么是莫队?

莫队是由莫涛大神提出的一种暴力区间操作算法,它框架简单、 板子好写、复杂度优秀。

然而由于莫队算法应用的毒瘤,很多莫队题难度评级都很高(蓝紫黑),令很多初学者望而却步。但如果你真正理解了莫队的算法原理,它用起来还是挺简单的。

前置知识

- ▶ 分块思想。
- ▶ sort 的用法 (包括重载运算符或 cmp 函数,多关键字排序)。

使用莫队的情境

若 m = O(n) (即 m、n 同阶),且 [l, r] 的答案能 O(1) 地转换到 [l-1, r], [l, r+1], [l+1, r], [l, r-1] 区间(即相邻区间)的答案,那么莫队可以在 $O(n\sqrt{n})$ 的时间复杂度内离线求出所有询问的答案。

使用莫队的情境

若 m = O(n) (即 m、n 同阶),且 [l, r] 的答案能 O(1) 地转换到 [l-1, r], [l, r+1], [l+1, r], [l, r-1] 区间(即相邻区间)的答案,那么莫队可以在 $O(n\sqrt{n})$ 的时间复杂度内离线求出所有询问的答案。

注意

莫队是离线算法。如果题目强制在线,则不以可用莫队。

什么是离线、在线?

如果算法需要知道所有询问才能开始算法,则称此算法为离线算法。

读入一个询问,回答一个询问的算法叫在线算法。 强制在线就是要求你读入一个询问就立马回答。

莫队的基本思想

离线存下所有询问,借助分块按照一定的顺序处理这些询问,使得询问之间可以互相利用(一般情况下为了方便,只会是本次询问利用上次询问的答案),以减小时间复杂度。

目录

前言

普通莫队 算法基础 算法优化 例题

带修莫队 简介 例题

其他莫队

结束

后证



算法流程

1. 离线存下所有询问。

算法流程

- 1. 离线存下所有询问。
- 2. 以二元组 ($bel[l_i]$, r_i) 为关键字升序对所有询问排序。 其中 i 表示当前询问编号, $bel[l_i]$ (belong,属于)表示 l_i 所在的块的编号。

算法流程

- 1. 离线存下所有询问。
- 2. 以二元组 ($bel[l_i]$, r_i) 为关键字升序对所有询问排序。 其中 i 表示当前询问编号, $bel[l_i]$ (belong,属于)表示 l_i 所在的块的编号。
- 3. 遍历每个询问,维护两个指针 [l, r] 表示当前区间,tmpans 表示当前答案。

初始时 l=1, r=0(如果 l=0,那么我们还需要删除 a_0 ,导致一些奇怪的错误)。

l, r 需区别于 l_i, r_i ,它们一对是我们维护的指针(下标),一对是数据给出的询问。

算法流程

- 1. 离线存下所有询问。
- 2. 以二元组 ($bel[l_i]$, r_i) 为关键字升序对所有询问排序。 其中 i 表示当前询问编号, $bel[l_i]$ (belong,属于)表示 l_i 所在的块的编号。
- 3. 遍历每个询问,维护两个指针 [l,r] 表示当前区间,tmpans 表示当前答案。
 - 初始时 l=1, r=0(如果 l=0,那么我们还需要删除 a_0 ,导致一些奇怪的错误)。
 - l, r 需区别于 l_i, r_i ,它们一对是我们维护的指针(下标),一对是数据给出的询问。
- 4. 移动区间 $[l, r] \rightarrow [l_i, r_i]$ 。途中维护区间 [l, r] 的答案 tmpans。

算法流程

- 1. 离线存下所有询问。
- 2. 以二元组 ($bel[l_i]$, r_i) 为关键字升序对所有询问排序。 其中 i 表示当前询问编号, $bel[l_i]$ (belong, 属于) 表示 l_i 所在的块的编号。
- 3. 遍历每个询问,维护两个指针 [*l*, *r*] 表示当前区间,*tmpans* 表示当前答案。

初始时 l=1, r=0 (如果 l=0,那么我们还需要删除 a_0 ,导致一些奇怪的错误)。

- l, r 需区别于 l_i, r_i ,它们一对是我们维护的指针(下标),一对是数据给出的询问。
- 4. 移动区间 $[l, r] \rightarrow [l_i, r_i]$ 。途中维护区间 [l, r] 的答案 tmpans。
- 5. 移动结束后,记录区间 $[l_i, r_i]$ 的答案 ans_i 。 $(ans_i \leftarrow tmpans)$ 。

算法代码:洛谷 P3901 数列找不同(模板题)【有其他解法】

```
constexpr int N=114514:
int n,m,a[N],S;// S: 块长
// [1.S] 区间的块编号为 1, [S+1.2S] 区间的块编号为 2, 以此类推。
inline int bel(int x){return (x-1)/S+1;}
struct query// 询问结构体
   int 1.r.id:// 分别为每个询问区间的左端点、右端点、询问的编号。
   friend inline bool operator < (query x,query y)
   {return (bel(x.1) == bel(y.1)?x.r<y.r:bel(x.1) <bel(y.1));}
ጉ:
query q[N];// 查询数组
bitset<N> ans;// 答案数组
// cnt [i]: i 这个数在当前区间 [1.r] 出现次数, cf: 重复出现的数的数量。
// 如果 cf=0, [1.r] 中没有重复出现的数。
int cnt[N],cf=0;
// 移动区间
inline void add(int pos)// 添加 a[pos]
ł
   cnt[a[pos]]++;// 将 a[pos] 的出现次数 +1。
   if(cnt[a[pos]]==2)cf++;// 如果已经出现两次,则重复了, cf++。
inline void del(int pos)// 删除 a[pos]
   cnt[a[pos]]--;// 将 a[pos] 的出现次数 -1。
   if(cnt[a[pos]]==1)cf--;// 如果当前只出现一次,则之前一定重复(出现两次),
   // 而现在不重复了, cf--。
```

算法代码: 洛谷 P3901 数列找不同(模板题)【有其他解法】

```
void mt()
   S=int(ceil(pow(n,0.5)));// S=sqrt(n), 根号分块
   sort(q+1,q+m+1);// 结构体排序
   for(int i=1,1=1,r=0;i<=m;i++)// 遍历每个询问
      #define q q[i]// 偷懒
      while(q.1<1)add(--1);// 向左扩展 1-1
      while(r<q.r)add(++r);// 向右扩展 r+1
      while(1<q.1)del(1++);// 向右删除 1
      while(q.r<r)del(r--);// 向左删除 r
      // 注意上面四句的顺序,需要先扩展在删除。
      // 同时注意自减自加运算符是前置还是后置。
      ans[q.id]=!cf;// 记录当前答案
      #undef q
}
int main()
   // input
   mt();// 莫队
   for(int i=1;i<=m;i++)puts(ans[i]?"Yes":"No");// 输出
   return 0:
```

算法复杂度

下面的讨论中 m = O(n)。 单次移动 l, r 中的一个复杂度显然 O(1)。

算法复杂度

下面的讨论中 m = O(n)。 单次移动 l, r 中的一个复杂度显然 O(1)。 考虑 l, r 分别移动的次数。

算法复杂度

下面的讨论中 m = O(n)。 单次移动 l, r 中的一个复杂度显然 O(1)。 考虑 l, r 分别移动的次数。

▶ 考虑 l: 设块 i 内的询问的左端点个数为 x_i ,则块 i 中移动 l 的次数顶多 $x_i \times \sqrt{n}$ 。一共 \sqrt{n} 个块,移动 l 的总时间复杂 度为:

$$\sum_{i=1}^{\sqrt{n}} (x_i \times \sqrt{n})$$

$$= (\sqrt{n}) \times \sum_{i=1}^{\sqrt{n}} (x_i)$$

$$= \sqrt{n} \times m$$

$$= O(n\sqrt{n})$$

算法复杂度

▶ 考虑 r: 每块内的 x_i 个 $l_j(1 \le j \le x_i)$ 肯定一一对应着 x_i 个 r_j 。显然这 x_i 个 r_j 最多会使 r 移动 n 的长度(l_j 同一块时,按 r_j 升序,故不降)。
—共 \sqrt{n} 个块,移动 r 的总时间复杂度为: $\sqrt{n} \times n = O(n\sqrt{n})$ 。

算法复杂度

- ▶ 考虑 r: 每块内的 x_i 个 $l_j(1 \le j \le x_i)$ 肯定一一对应着 x_i 个 r_j 。显然这 x_i 个 r_j 最多会使 r 移动 n 的长度(l_j 同一块时,按 r_j 升序,故不降)。 一共 \sqrt{n} 个块,移动 r 的总时间复杂度为: $\sqrt{n} \times n = O(n\sqrt{n})$ 。
- ▶ 则总时间复杂度为 $O(1) \times [O(n\sqrt{n}) + O(n\sqrt{n})] = O(n\sqrt{n})$ 。

奇偶性排序

刚才的复杂度分析中提出了一些极端情况: $x_i
ho r_j$ 最多使 r 移动 n 的长度。而 \sqrt{n} 个块都可能使 r 移动 n 的长度,例如下列询问(n=100,S=10):

- 1 1
- 10 100
- 11 1
- 20 100

奇偶性排序

刚才的复杂度分析中提出了一些极端情况: $x_i
ho r_j$ 最多使 r 移动 n 的长度。而 \sqrt{n} 个块都可能使 r 移动 n 的长度,例如下列询问(n=100, S=10):

- 1 :
- 10 100
- 11 1
- 20 100

按原先的排序策略,r 需要反复横跳,十分浪费时间。如果将处理顺序改为以下顺序将大大加速:

- 1 1
- 10 100
- 20 100
- 11 1

奇偶性排序

怎么修改排序策略?

依然以 $bel[l_i]$ 为第一关键字升序排序,若 $bel[l_i]$ 为奇数,以 r_i 为第二关键字升序排序,反之若 $bel[l_i]$ 为偶数,以 r_i 为第二关键字降序排序。

奇偶性排序

怎么修改排序策略?

依然以 $bel[l_i]$ 为第一关键字升序排序,若 $bel[l_i]$ 为奇数,以 r_i 为第二关键字升序排序,反之若 $bel[l_i]$ 为偶数,以 r_i 为第二关键字降序排序。

这样我们的 r 指针在处理完这个奇数块的问题后,将在返回的途中处理偶数块的问题,再向 n 移动处理下一个奇数块的问题,优化了 r 指针的移动次数,一般情况下,这种优化能让程序快 30% 左右。——OI-Wiki。

奇偶性排序

怎么修改排序策略?

依然以 $bel[l_i]$ 为第一关键字升序排序,若 $bel[l_i]$ 为奇数,以 r_i 为第二关键字升序排序,反之若 $bel[l_i]$ 为偶数,以 r_i 为第二关键字降序排序。

这样我们的 r 指针在处理完这个奇数块的问题后,将在返回的途中处理偶数块的问题,再向 n 移动处理下一个奇数块的问题,优化了 r 指针的移动次数,一般情况下,这种优化能让程序快 30% 左右。——OI-Wiki。

实测: $810 \text{ ms} \rightarrow 622 \text{ ms}$ 。 快约 23.2%。

奇偶性排序:代码

```
struct query
{
    int l,r,id;
    friend inline bool operator < (query x,query y)
    {
         if(bel(x.1)!=bel(y.1))return bel(x.1) < bel(y.1);</pre>
         if(bel(x.1)&1)return x.r<y.r;</pre>
         else return x.r>y.r;
};
```

常数级展开

发现 add(), del() 两个函数可以压行并展开到 mt() 中。 这看似鸡肋的优化实测 572 ms——又优化了 50 ms。

常数级展开

```
发现 add(), del() 两个函数可以压行并展开到 mt() 中。
这看似鸡肋的优化实测 572 \text{ ms}——又优化了 50 \text{ ms}。
代码:
void mt()
   S=int(ceil(pow(n,0.5)));
   sort(q+1,q+m+1);
   for(int i=1,l=1,r=0;i<=m;i++)
       #define q q[i]
       // 压行并展开:
       while(q.1<1)cf+=(++cnt[a[--1]]==2);// 与 add(--1) 等价
       while(r<q.r)cf+=(++cnt[a[++r]]==2);// 与 add(++r) 等价
       while(l<q.l)cf-=(--cnt[a[l++]]==1);// 与 del(l++) 等价
       while(g.r<r)cf-=(--cnt[a[r--]]==1);// 与 del(r--) 等价
       ans[q.id]=!cf;
       #undef q
```

玄学剪枝

我考虑到有时候可能转移大半天还不如暴力重新算,所以想出了 一个玄学剪枝:

```
// 如果转移代价大于重新算的代价
if(abs(q.l-l)+abs(q.r-r)>(r-l+1)+(q.r-q.l+1))
{
    while(l<=r)cf-=(--cnt[a[r--]]==1);// 清除
    r=(l=q.l)-1;// 直接跳转
}
```

(这段语句加在 #define q q[i] 后面。) 没想到只优化了 1 ms(悲。也许是每次都判断的代价太大,抵 消了直接跳转的优化。

预处理 bel

我写好几题才发现其他大佬都预处理了 bel,于是赶紧改过来。 快了 58 ms。

```
int S;int bel[N];
inline void initbel()// 1~S: 1
{
    S=int(ceil(pow(n,0.5)));// S=sqrt(n)
    for(int i=1;i \le n;i++)bel[i]=(i-1)/S+1;
}
void mt()
    initbel();
    sort(q+1,q+m+1);
```

例题

例题: DQUERY - D-query

•00000000

简要题意:给出一个长度为n的数列a,m个询问,每次询问给

出数对 l, r 表示查询区间 [l, r] 中有多少不同的数。数据范围: $n \le 3 \times 10^5, m \le 2 \times 10^5, a_i \le 10^6$ 。

例题

例题: DQUERY - D-query

简要题意:给出一个长度为 n 的数列 a, m 个询问,每次询问给出数对 l, r 表示查询区间 [l,r] 中有多少不同的数。数据范围: $n \le 3 \times 10^5, m \le 2 \times 10^5, a_i \le 10^6$ 。板子题,难度在于如何 O(1) 转移答案。

例题

例题: DQUERY - D-query

简要题意:给出一个长度为 n 的数列 a, m 个询问,每次询问给出数对 l, r 表示查询区间 [l,r] 中有多少不同的数。

数据范围: $n \le 3 \times 10^5, m \le 2 \times 10^5, a_i \le 10^6$ 。

板子题,难度在于如何 O(1) 转移答案。

考虑用数组 cnt_i 表示 [l,r] 中 i 出现了几次,变量 bt 表示 [l,r] 中有多少不同的数。

要添加 a_{pos} ,那么 $cnt[a_{pos}] \leftarrow cnt[a_{pos}] + 1$ 。

此时若 $cnt[a_{pos}] = 1$,即多了一个不同的数,那么 $bt \leftarrow bt + 1$ 。

同理删除 a_{pos} 时 $cnt[a_{pos}] \leftarrow cnt[a_{pos}] - 1$,若 $cnt[a_{pos}] = 0$ (少了一个数), $bt \leftarrow bt - 1$ 。

其他的正常地跑莫队即可。但此题似乎卡常。

例题: P2709 小 B 的询问

简要题意:给出一个长度为 n 的数列 a (值域 [1,k]),m 个询问,每次询问给出数对 l,r 表示查询:

$$\sum_{i=1}^{k} c_i^2$$

其中 c_i 表示数字 i 在 [l, r] 中的出现次数。数据范围: $1 \le n, m, k \le 5 \times 10^4$ 。

例题: P2709 小 B 的询问

简要题意:给出一个长度为 n 的数列 a (值域 [1,k]),m 个询问,每次询问给出数对 l,r 表示查询:

$$\sum_{i=1}^{k} c_i^2$$

其中 c_i 表示数字 i 在 [l, r] 中的出现次数。数据范围: $1 \le n, m, k \le 5 \times 10^4$ 。**难度依然在于如何** O(1) **转移答案**。

例题: P2709 小 B 的询问

简要题意:给出一个长度为 n 的数列 a (值域 [1,k]),m 个询问,每次询问给出数对 l,r 表示查询:

$$\sum_{i=1}^{k} c_i^2$$

其中 c_i 表示数字 i 在 [l, r] 中的出现次数。

数据范围: $1 \le n, m, k \le 5 \times 10^4$ 。

难度依然在于如何 O(1) 转移答案。

c数组很好维护,但答案(设它为 s)就不那么好维护了。由于每次添加或删除数时只会改变 $c_{a[pos]}$,而且只会 ± 1 。所以:

例题: P2709 小 B 的询问

由

$$s = \sum_{i=1}^{k} c_i^2 = c_1^2 + \dots + c_{a[pos]}^2 + \dots + c_k^2$$

可得

$$s' = c_1^2 + \dots + (c_{a[pos]} + 1)^2 + \dots + c_k^2$$

$$= c_1^2 + \dots + c_{a[pos]}^2 \pm 2 \times c_{a[pos]} + 1 + \dots + c_k^2$$

$$= s \pm 2 \times c_{a[pos]} + 1$$

转移时修改即可。



例题: P5268 [SNOI2017] 一个简单的询问

简要题意: 给出一个长度为 n 的数列 a (值域 [1, n]), m 个询问,每次询问给出数对 h_1, r_1, h_2, r_2 表示查询:

$$\sum_{r=0}^{\infty} \gcd(l_1, r_1, x) \times \gcd(l_2, r_2, x)$$

get(l, r, x) 表示区间 [l, r] 中 x 的出现次数。数据范围: $n, m \le 5 \times 10^4, 1 \le a_i \le n$ 。

例题: P5268 [SNOI2017] 一个简单的询问

00000000

首先因为每次询问给出的是一个四元组,所以莫队不能直接做。

例题: P5268 [SNOI2017] 一个简单的询问

首先因为每次询问给出的是一个四元组,所以莫队不能直接做。考虑对询问进行拆分。

可以发现,get(l, r, x) = get(1, r, x) - get(1, l - 1, x)。展开: (为方便,记 g(p) = get(1, p, x))

$$\sum_{x=0}^{\infty} \gcd(l_1, r_1, x) \times \gcd(l_2, r_2, x)$$

$$= \sum_{x=0}^{\infty} (g(r_1) - g(l_1 - 1)) \times (g(r_2) - g(l_2 - 1))$$

$$= \sum_{x=0}^{\infty} g(r_1) \times g(r_2) - g(l_1 - 1) \times g(r_2)$$

$$- g(l_2 - 1) \times g(r_1) + g(l_1 - 1) \times g(l_2 - 1)$$

例题: P5268 [SNOI2017] 一个简单的询问

若记 ask
$$(l, r) = g(l) \times g(r)$$
,

原式 =
$$ask(r_1, r_2) - ask(l_1 - 1, r_2) - ask(l_2 - 1, r_1) + ask(l_1, l_2)$$

肉眼可见,我们将原来的四元询问转换为四个二元询问。虽然 l,r 并不表示区间,但我们可以用相同的思想处理询问。 如何 O(1) 转移 ask(l,r)? 考虑若其中一个(g(l),g(r))增加 1,则它们的积会增加另一个数。具体见代码。 核心代码:

例题: P5268 [SNOI2017] 一个简单的询问

0000000

```
// cl[i]: [1,1] 中 i 的个数; cr[i]: [1,r] 中 i 的个数; now: sum(cl[i]*cr[i]) int cl[N],cr[N],now,ans[N]; void mt() {
    init();
    sort(q+1,q+(m<<2)+1);// 原来的一个询问拆成四个,所以 <<2 for(int i=1,1=0,r=0;i<=(m<<2);i++) {
        #define q q[i]
        while(1<q.1)++cl[a[++]],now+=cr[a[1]];// 相应的转移
        while(r<q.r)++cr[a[++r]],now+=cl[a[r]];
        while(q.1<1)--cl[a[1]],now-=cr[a[1--]];
        while(q.r<r)--cr[a[r]],now-=cl[a[r--]];
        ans[q.id]+=(q.t*now);
        #undef q
    }
}
```

例题: P5268 [SNOI2017] 一个简单的询问

0000000

```
int main() {
    ...
    for(int i=1,11,r1,12,r2,p=1;i<=m;i++) {
        scanf("%d %d %d",&11,&r1,&12,&r2);
        q[p++]={min(11-1,12-1),max(11-1,12-1),i,1 };// 拆开
        q[p++]={min(11-1,r2), max(11-1,r2), i,-1);
        q[p++]={min(12-1,r1), max(12-1,r1), i,-1};
        q[p++]={min(r1,r2), max(r1,r2), i,1 };
    }
    ...
    return 0;
```

目录

带修莫队 简介 例题

简介

如何实现带修莫队?

发现普通莫队不支持修改,那么如何使它支持修改操作呢? 考虑存询问时加一个变量 t_i 表示**进行此询问时前面修改了几次**。 同时存下每一个修改操作(无需排序)。

再新增一个指针 t 表示当前区间所在的时间位置。那么移动方向 就从 4 个变为 6 个:

[l-1,r,t],[l,r+1,t],[l+1,r,t],[l,r-1,t],[l,r,t-1],[l,r,t+1]。 新增的两个为时间轴上的移动。

例题: P1903 [国家集训队] 数颜色 / 维护队列

简要题意:给出一个长度为 n 的数列,m 个操作,要求支持两种操作:查询区间有多少不同的数、单点修改。

数据范围: $n, m \leq 1.33333 \times 10^5, a_i \leq 10^6$ 。

例题: P1903 [国家集训队] 数颜色 / 维护队列

简要题意:给出一个长度为 n 的数列,m 个操作,要求支持两种操作:查询区间有多少不同的数、单点修改。数据范围: $n, m \le 1.33333 \times 10^5, a_i \le 10^6$ 。板子题,直接上代码:

```
constexpr int N=214514,A=1145141;// A: a 的值域
int n,m,S,qm,a[N];// qm: 询问的个数
inline int bel(int x){return (x-1)/S+1;}// 分块
struct query
{
    int l,r,t,id;// 额外记录时间
    friend inline bool operator < (query x,query y)
    {// 若 1 所在块不同 按 1 的块的编号 否则 若 r 所在块不同 按 r 的块的编号 否则按时间排
        return (bel(x.1)^bel(y.1)?bel(x.1)<bel(y.1):(bel(x.r)^bel(y.r)?bel(x.r)<bel(y.r):x.t<y.t));
}
};query q[N];
struct modify// 新增: 修改操作
{int p,v;};modify mo[N];
```

例题: P1903 [国家集训队] 数颜色 / 维护队列

```
int cnt[A].bt.ans[N]:// 类似于普通莫队
void mt()
ł
   S=int(ceil(pow(n,0.66)));// 这里块长需要调整, 具体可以可以看
   // https://oi-wiki.org/misc/modifiable-mo-algo/ 中的证明
    sort(q+1,q+qm+1);
   for(int i=1.l=1.r=0.t=0:i<=am:i++)
       #define q q[i]
       #define p mo[t].p
       #define v mo[t].v
       while(q.1<1)bt+=(!(cnt[a[--1]]++));// 类似
       while (r < q.r)bt += (!(cnt[a[++r]]++));
       while(1<q.1)bt-=(!(--cnt[a[1++]]));
       while(q.r<r)bt-=(!(--cnt[a[r--]]));
       // 压行: 先加时间 如果在当前区间内
                                               相应的转移
                                                               *直接交换 v 和 a[p]
       while(t < q.t) \{t++; if(1 < p\&\&p < r)bt-=(!(-cnt[a[p]])-!(cnt[v]++)); swap(a[p],v); \}
       while(q.t<t)\{if(1<=p&&p<=r)bt-=(!(-cnt[a[p]])-!(cnt[v]++));swap(a[p],v);t--;\}
       ans[q.id]=bt;
       #undef q
       #undef p
       #undef v
```

目录

前言 简介 普通莫队 算法基础 算法优化 例题 带修莫队 简介

其他莫队

结束

简介

对于某些题目,普通莫队可能难以解决。如: AT_joisc2014_c 歴史の研究。

此题添加数很方便,但删除数却很麻烦。因为当最大值改变(如变小)时,我们无法确定新的最大值。

又如求区间 mex 时,删除数方便,添加数麻烦。

这时就要用到回滚莫队了。当删除和添加只有一个可实现时,就只用一个操作,剩下的就回滚解决。

简介

对于某些题目,普通莫队可能难以解决。如: AT_joisc2014_c 歴史の研究。

此题添加数很方便,但删除数却很麻烦。因为当最大值改变(如变小)时,我们无法确定新的最大值。

又如求区间 mex 时, 删除数方便, 添加数麻烦。

这时就要用到回滚莫队了。当删除和添加只有一个可实现时,就只用一个操作,剩下的就回滚解决。

当然还有树上莫队、二维莫队,由于难度过高,我自己也不会, 就不多做介绍了。可以通过 OI-Wiki 自学。

目录

后证

Thanks!



市修吳M 0 0 00 共他臭队 00 结束 00



目录

后记

此 PPT 是本人一边学习莫队一边写的,肯定有诸多不足,还请 包容。

注: 题单中 P4462 和 CF617E 基本一致, 但数据范围不同。