T1 猪国杀 (pig)

首先,容易发现当且仅当k<b时无解。

可以发现, 「闪」和「桃」是等价的, 同时, 「杀」也和「闪」和「桃」等价, 拿到一张「杀」和拿到一张「闪」或「桃」的效果是一样的。

Ava 要想获胜,至少需要获得 b张「杀」。同时,要阻止 Diana 使用「闪」和「桃」抵消「杀」,需要获得所有的「闪」和「桃」。

因此,答案为 b+d+p。

T2. 走迷宫

分析: 从任意一个状态 (位置,方向) 出发,路径都是完全确定的。我们只需要按照规则模拟,便能求出答案。

解法1:每次询问都模拟一次,这样能够得到50分。

解法2:在解法1的基础上,加上记忆化即可。换句话说,既然每个状态最终的答案确定,那么同一个状态我就不需要计算多次。已经计算过的状态我可以把答案存在数组里,每次模拟的时候,如果走到了一个已经计算过的状态,那么直接返回答案即可。这样做的复杂度不会超过状态的数量,可以轻松通过这道题。

T3.摘果实

解法一

dfs整棵树,记录下每个节点子树内最小的 c_i ,和已经成熟的果实个数 f_i

如果
$$f_i$$
< d_i 则再成熟 d_i-f_i 个代价为 c_i 的果实。

时间复杂度 O(n),期望得分100。

T4. 返校

解法1:搜索,可以得到20分。

解法2:用f[0/1][i][j]表示完成了前i个手续,最后一步是线上/线下(0/1),最后办的一段连续的手续有j个,最少需要多少时间。转移时,上一步做的手续不能超过 $\frac{j}{2}$ 。我们需要枚举上一次做了多少个手续,利用前缀和计算完成这一段需要多少贡献即可完成转移。

转移方程:
$$f[0][i][j] = \min_{2k \leq j} (f[1][i-j][k] + \sum_{t=i-j+1}^{i} a_t)$$
。 $f[1][...]$ 特移同理。 复杂度 $O(n^3)$,可以得到50分。

解法3:在解法2的基础上,加上前缀最小值优化,即可将复杂度降到 $O(n^2)$,得到100分。