## 简单卜筮学练习题

根据题意模拟即可。

## 简单运筹学练习题

考虑 dp:  $\Diamond f_i$  表示以 i 为根的子树,所有节点到 i 的路径长度之和。

接下来考虑进行换根操作,进行 up&down dp。 (出这道题是为了普及一下树形 dp 和 up&down dp)

## 简单图论练习题

首先可以发现一个性质: 从 1 到某个节点再回到 1 是一个封闭的回路,所以 n-1 条这样的回路相互独立,不会互相影响,只要分别求出再加起来即可。对于 1 到 x 再回到 1,最优的走法是两段都走最短路,最少所需时间为  $dis_{i,x}+dis_{x,i}$ ,注意是有向图所以  $dis_{i,x}\neq dis_{x,i}$ 。

## 简单谶纬学练习题

对于 70% 的部分分,一个简单的 dp 是这样的:  $f_i = \min\{f_j + 1(j < i, s[i...j] \in \{t_n\})\}$ ,直接暴力 dp,复杂度是  $O(|s|^2n|t|)$ 。

对于 100% 的分数,考虑如何优化 dp:注意到 dp 的最大开销在于判断  $s[i\mathinner{.\,.} j]\in\{t_n\}$ ,考虑使用 trie 树优化:建出  $\{t_n\}$  的 trie 树,然后我们考虑使用刷表法 dp:当前我们已经求出了  $f_{1\mathinner{.\,.} x}$ ,现在我们需要用  $f_x$  更新  $f_{x+1\mathinner{.\,.} |s|}$ ,考虑从小到大更新 x+1 到 |s|,在这个过程中跳 trie 树即可。