Úvod

Tento dokument pojednává o funkčnosti, tvorbě a základních informacích o tvorbě simulátoru modelů P/T¹ Petriho sítí ve formě knihovny k programovacímu jazyku C++. Za pomocí statické a nebo dynamické knihovny je možné vytvořit model Petriho sítě a následně jej nasimulovat. Jedná se stochastické černobílé P/T Petriho sítě s rozšířenými vlastnostmi o pravděpodobnosti, prioritu a časování přechodů, které jim dávají výpočetní sílu Turingova stroje, tedy jsou schopny počítat všechny vyčíslitelné funkce.

1.1 kapitola

Na projektu pracoval dvoučlenný tým složený ze studentů bakalářského studia, úkoly byly rozděleny následovně:

- Dušan Kovačič (vedoucí týmu) jádro simulace, dokumentace.
- Jaroslav Sendler kalendář, generátory pseudonáhodných čísel, statistika a výpisy, dokumentace.

Pro účely řešení tohoto projektu nebyl využit žádný pravidelný poradce, tudíž nebylo použito žádných rad z třetích stran až na jednu konzultaci s hodnotícím, panem Hrubým Martinem, Ing., Ph.D.. Odborná a pomocná literatura:

- 1. Rábová Z. a kol: Modelování a simulace, VUT Brno, 1992, ISBN 80-214-0480-9
- 2. Soubor materiálů prezentovaných na přednáškách
- 3. JANOUŠEK, Vladimír: Modelování objektů Petriho sítěmi, Brno, 1998. 137 s. Dizertační práce. VUT, Fakulta elektrotechniky a informatiky

¹Place/Transitions

Rozbor tématu a použitých metod/technologií

Petriho sít je matematická reprezentace diskrétních distribuovaných systémů.

Definice 2.1. Základní zápis Petriho sítě je možný v grafické formě popisující stavy a přechody mezi stavy, umožňuje vyjádření paralelismu a nedeterminismu (odkaz na předmět¹, opora IMS strana 31)

Definici v podobě matematického zápisu viz. Definice P/T Petriho sítě (odkaz na předmět, slajd 126).

Definice 2.2. Petriho sit je šestice $\Sigma = (P, T, F, W, C, M_0)$

kde:

- P je množina míst
- T je množina přechodů, $P \cap T = 0$
- $F \subseteq (P \times T) \cup (T \times P)$ incidenční relace
- $W: F \rightarrow \{1,2,...\}$ váhová funkce
- Kapacity míst. $C: P \rightarrow N$
- M_0 počáteční značení, $M_0:P\to N$
- (M se nazývá značení Petriho sítě)

Petriho síť je tvořena pomocí následujících objektů (odkaz na předmět, slajd 127):

Místa

Místa (Places), modelují parciální stavy systému. Jejich vizuální vyjádření v grafu Petriho sítí je ukázáno na obrázku 2.1.



Obrázek 2.1: Vyjádření místa v grafu

Vlastnosti míst jsou definovány pomocí značek (tokens), které vyjadřují okamžitý stav systému. Tento stav je zobrazen na obrázku číslo 2.2.

¹https://www.fit.vutbr.cz/study/courses/index.php?id=7409



Obrázek 2.2: Vyjádření místa s 5 značkami v grafu

Je-li značka v místě přítomna, modeluje to skutečnost, že dané stanovisko, uplatňované při posuzování, stavu je momentálně aktuální, nebo-li podmínka je splněna. Každé místo má nadefinovaný počáteční stav (počet značek na začátku) a kapacitu (maximální počet značek na místě). Místo bez ohodnocení je chápáno jako místo s neomezenou kapacitou.

Přechody

Přechod (Transitions), definují vzory možných událostí. Mezi vlastnosti jež definují přechod patří vstupní a výstupní místa, které jsou vyjádřeny orientovanými hranami spojující místa a přechody (viz.2).

Obrázek 2.3 zobrazuje grafický náčrt přechodů. Část A ukazuje zapsání vstupu do přechodu a část B zapsání výstupu.



Obrázek 2.3: A - Vstup do přechodu, B - výstup z přechodu

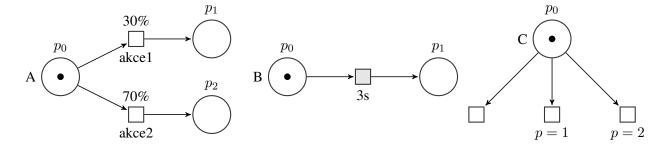
Přechod je proveditelný pouze pokud splňuje vstupní a následně výstupní podmínky. Jako vstupní podmínky se jeví obsah značek v místě vstupu. Při provádění přechodu se značky ze vstupního místa odeberou a přesunou se na výstupní místo, tímto se použijí výstupní podmínky. Zavedením rozšíření pro Petriho sítě zvětšujeme jejich popisnou sílu. Jsou to:

priority přechodů - (odkaz na předmět, slajd 131) je-li přechod s vyšší prioritou proveditelný, tak se provede dřív než kterýkoliv proveditelný přechod s nižší prioritou. Pokud přechodu neurčíme velikost priority jako defaultně je brána hodnota θ , tato hodnota je i rezervována pro přechody časované. Díky prioritě je možno řešit deterministické konflikty.

pravděpodobnosti přechodů - (odkaz na předmět, slajd 133) je udávána v procentech. Celkový součet pravděpodobnosti všech přechodů ve stejné úrovni musí být *I*, neboli *100%*.

časování přechodů - (odkaz na předmět, slajd 135) do Petriho sítí přináší možnost pracovat s časem. Doposud byly všechny změny v síti provedeny okamžitě. Nyní změny mohou trvat určitou dobu.

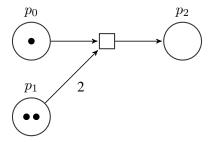
Tato rozšíření se navzájem nesmí kombinovat (odkaz na předmět, slajd 134). Obrázek 2.4 ukazuje použití P/T s rozšířeními.



Obrázek 2.4: A - pravděpodobnost přechodu, B - časovaný přechod, C - priority přechodů

Orinetované hrany

Hrany (Arcs), spojují místa s přechody nebo přechody s místy. Vlastnost, která udává počet značek, které se současně po hraně přesunou se označuje *váhová funkce* (odkaz na předmět, slajd 127). Defaultně se chápe s hodnotou *I*. Obrázek 2.5 zobrazuje příklad možnosti zápisu.



Obrázek 2.5: Hrana s kapacitou

2.1 Tvorba simulátoru

Simulátor byl navržený tak, aby uspokojoval nejzákladnější parametry využití a byl jednoduchý a srozumitelný pro uživatele. Základní cíle byly tedy stanoveny na jednoduchost a intuitivnost. S trochou představivosti je předvídatelné co každá zadaná funkce dělá a jaké je její použití. Na výsledný simulátor by bylo poměrně jednoduché navázat grafické uživatelské rozhraní. Dalším významným kriteriem při tvorbě, byla nutnost eliminovat co nejvíce chyb při samotném zápise zkoumaného modelu. Při prvním pohledu na složitější model, může být jeho význam nejasný, ale po podrobnějším prostudování je koncepčně totožný s grafickým zápisem. Samotný nápad o zápis modelu a jeho ovládání je výhradně dílem autora, inspirovaný podobnou knihovnou SIMLIB (odkaz na předmět, slajd 167).

2.2 Podněty tvorby

PetriSim 1.0.0 byl vytvořený jen z poznatků a nápadů autorů, bez ovlivnění studováním funkčnosti jiných podobných nástrojů pro simulaci. Použité algoritmy nejen, že umožňují zápis a simulaci Petriho sítě s rozšířeními definovanými v úvodu, ale i sémantickou kontrolu správnosti výsledného modelu a schopnost adekvátní simulace. Bez této kontroly by byl například možný nekonečný cyklus v nulovém čase, a nebo průběh nekonečně trvající simulace. V případě takovýchto zjištění, je uživatel okamžitě upozorněný o vzniklé situaci a je mu navrhnuto řešení. Největší motivací pro nekopírování nápověd byla tužba vymyslet něco originálního. Autoři při začátku tvorby již měli zkušenosti s danou problematikou.

Koncepce simulátoru

Simulátor je postavený na konceptu jednoduchosti a intuitivnosti, aby se co nejvíce přiblížil logikou grafickému zápisu a byl tak pochopitelný pro uživatele. Skládá se z třech hlavních tříd a to SCTransition, SCPlace a SCDirectedArc, přičemž každá z nich reprezentuje určitou část grafického zápisu. Třída SCTransition přechod, třída SCPlace místo a třída SCDirectedArc hranu. Každé třídě je možné přidělit nastavení podle definice Petriho sítě. Podobně jako při grafickém zápise, je na vytvoření konečného modelu potřebné propojit všechny elementy. Podle definice je možné spojit přechod s místem, na což slouží funkce TrToPl (přechod, míto, hrana), zkratka "TransitionToPlace", a nebo místo s přechodem pomocí funkce PlToTr (místo, přechod, hrana), zkratka "PlaceToTransition". Konkrétní funkčnost, přesné možnosti nastavení jednotlivých elementů, jako i nastavení výpisu statistik a provedení simulace budou popsány v dalších kapitolách.

Architektura simulačního modelu/simulátoru

Pro samotné použití knihovny je nutné ve zdrojovém souboru jazyka C++ přidat hlavičkový soubor PetriSim.h, který plně zpřístupní danou knihovnu. Na výběr je statická a nebo dynamická knihovna, kterou je nutné přilinkovat při kompilaci výsledného programu.

4.1 Třídy

SCBase

Základní rozhraní pro třídy SCPlace a SCTransition

METODY

WEIGET	
string GetName()	
žádné	
vrátí aktuální jméno objektu	
jméno objektu	
void SetName (string name)	
jméno- string	
nastavení jména objektu	
žádná	
int GetStatus()	
žádné	
vrátí status objektu	
aktuální stav objektu, bližší informace v	
StatusList.h	

SCPlace: SCBase

Je náhradou místa v grafické reprezentaci.

METODY

```
int SetArgCapacity (unsigned int capacity)
parametry kapacita - unsigned int
funkčnost nastavení místu maximální kapacitu
vrácená hodnota aktuální stav místa

int SetArgStartVal (unsigned int startVal)
parametry počáteční hodnota - unsigned int
funkčnost nastavení počáteční hodnotu značek
vrácená hodnota aktuální stav místa
```

SCTransition:SCBase

Je náhradou přechodů v grafické reprezentaci.

METODY

```
int SetArgPrio(unsigned int prio)
                  priorita - unsigned int
       parametry
                  nastavení přechodu zadanou prioritu
       funkčnost
  vrácená hodnota
                  aktuální stav přechodu
int SetArgTime(double time, int type = TIME_ABS)
       parametry
                  čas - double
                  typ času - int
                  TIME_NORM - základní čas, absolutní čas
                  TIME_EXP - exponenciální rozložení
       funkčnost
                  nastaví čas a jeho typ
  vrácená hodnota
                  aktuální stav přechodu
int SetArgTimeEx(double from, double to, int type = TIME_ROV)
       parametry
                  interval čas od - double
                  interval čas do - double
                  typ času - int
                  TIME_ROV - základní čas,rovnoměrné rozložení
       funkčnost
                  nastaví čas a jeho typ
  vrácená hodnota
                  aktuální stav přechodu
int SetArgProbability(double probability)
                  pravděpodobnost - double
       parametry
       funkčnost
                  nastaví pravděpodobnost danému přechodu
  vrácená hodnota
                  žádná
```

SCStats

Třída starající se o statistiky simulace. Výpis statistiky závisí na použití funkcí PrintSteps (bool stat) a PrintSummary (bool stat). Počáteční hodnota tisku statistik se nachází ve stavu "tiskni". Pokud je příznak tisku nastaven, statistiky se tisknou na standardní výstup. Funkce PrintSteps ovládá tisk výpisů po jednotlivých krocích, tiskne se tedy pokud proběhne v simulaci změna. Druhá funkce PrintSummary se stará o tisk souhrnné výsledné statistiky.

Pomocí privátní proměnné třídy CSPlace lze měnit tisk statistiky po krocích pro jednotlivá místa. Tato proměnná je pro každé místo nastavena na true, její hodnotu můžeme změnit funkcí SetArgPrint (bool stav).

4.2 Funkce

```
void SetSimulationLength(double time)
        parametry
                   maximální délka simulace - double
        funkčnost
                   nastaví maximální délku běhu simulace
  vrácená hodnota
                   žádná
int Run()
        parametry
                   žádné
                   provede celou simulaci, zkontroluje validitu modelu a správný běh simulace
        funkčnost
                   v případě jak nastane chyba s modelem nebo s jeho úspěšným dokončením, upozorní
  vrácená hodnota
                    uživatele a vrátí -1
                   v případě úspěšného provedení simulace vrátí 0
int PrintSummary (bool stat)
        parametry
                   zapnutí/vypnutí statistiky - bool
        funkčnost
                   zapne nebo vypne vypisování konečné souhrnné statistiky
  vrácená hodnota
                   žádná
int PrintSteps (bool stat)
                   zapnutí/vypnutí statistiky - bool
        parametry
        funkčnost
                   zapne nebo vypne vypisování statistiky po kroku simulace
  vrácená hodnota
                   žádná
int ClearSimulation()
        parametry
                   žádné
                   provede vynulování statistiky
        funkčnost
  vrácená hodnota
                   žádná
```

4.3 Použití knihovny

Použití knihovny je demonstrováno na modelu číslo 5.4.

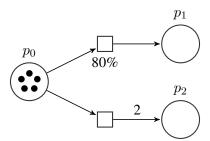
```
PrintSteps(true)
                                   // nastavení tisku statistiky po krocích
                                   // vypnutí tisku celkové souhrnné statistiky
PrintSummary(false)
                                   // vytvoření místa
SCPlace p;
SCDirectedArc a;
                                   // vytvoření přechodu
                                   // vytvoření šipky (hrany)
SCTransition t;
                                   // nastavení přechodu
t.SetArgTime(5,TIME_EXP);
                                   // urření vazby mezi přechodem a místem, orientovaná šipka
TrToPl(&t,&p,&a);
SetSimulationLength(100);
                                   // nastavení délky běhu simulace
                                   // start simulace
Run();
```

Podstata simulačních experimentů a jejich průběh

Model byl vytvořen na základě dokázání správnosti našeho analyzátoru. Experimentováním s různými primitivními modely byla zkontrolována korektnost simulátoru.

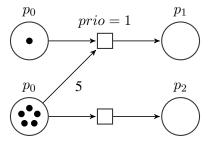
5.1 Primitivní modely

Obrázek 5.1 reprezentuje funkčnost pravděpodobnosti přechodů.



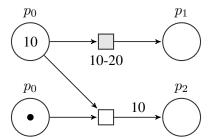
Obrázek 5.1: Model reprezentující procenta přechodů

Obrázek 5.2 reprezentuje funkčnost priorit přechodů.



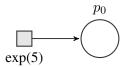
Obrázek 5.2: Model reprezentující prioritu přechodů

Obrázek 5.3 reprezentuje funkčnost časování přechodů.



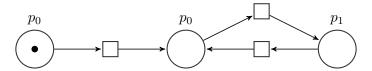
Obrázek 5.3: Model reprezentující časovaný přechod

Obrázek 5.4 reprezentuje funkčnost generování značek s exponenciálním rozložením 5.



Obrázek 5.4: Model reprezentující časovaný přechod

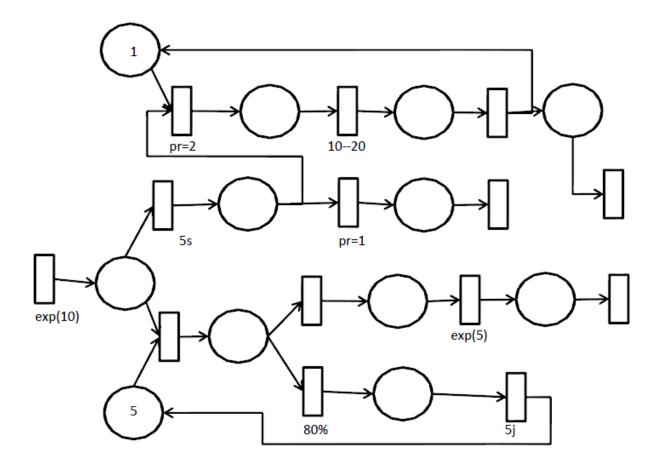
Obrázek 5.5 reprezentuje funkčnost nekonečné smyčky.



Obrázek 5.5: Model reprezentující nekonečnou smyčku

5.2 Model

Na obrázku 5.6 je vyobrazen komplexní model Petriho sítě. Tato síť byla vytvořena za účelem ukázat možnosti implementované knihovny. Tudíž nevychází z reality. Spojuje zde všechny požadované vlastnosti míst, přechodů i hran.



Obrázek 5.6: Model reprezentující všechnu funkčnost knihovny

5.3 Statistika

Příklad statistiky po krocích je zobrazen na obrázku 5.7. Každý řádek začíná parametrem time určující aktuální čas. Pomocí šipek -->(zvětšení kap.) nebo <--(zmenšení kap.) je graficky zobrazena změna kapacity místa. Část Place 0 ... zobrazuje jméno místa, následuje informace o změně kapacity, o váze hrany, přes kterou se proces provedl a o jméně přechodu.

```
time:'2.3' -->Place 0(Act. value ['0'-->'1'])--weight('1')--> Transition 0 time:'2.4' <--Place 0(Act. value ['1'-->'0'])--weight('1')--> Transition 8
```

Obrázek 5.7: Příklad statistiky po krocích

Obrázek 5.8 pojednává o celkové souhrnné statistice. Place count značí celkový počet míst v zadaném modelu, Transition count celkový počet přechodů v modelu a Directeds count celkový počet hran v modelu. Simulation time je čas běhu simulace.

```
************************************

* T

* O Places count: 12

* T Transitions count: 14

* A Directeds count: 27

* L

* S Simulation time: 68.8996
```

Obrázek 5.8: Příklad souhrnné statistiky

Na obrázku 5.9 je zobrazena statistika míst. Jednotlivé sloupce popořadě značí: pořadí prvků, jména prvků, kapacita míst, počáteční hodnota místa, koncová hodnota místa a poslední sloupec obsahuje celkový počet kuliček na daném místě.

```
----- places ------
      name | capcity | start state | final state tags | total tags
 .....
              inf |
 P 1 | Place 0 |
                        0 |
                                     0 |
                                          11
 L 2 | Place 1 |
              inf |
                         0 |
                                     0 1
                                          0
                         0 |
                                     0 1
 A 3 | Place 2 |
              inf |
                                          0
                                     0 |
 C 4 | Place 3 |
              inf |
                         0 |
```

Obrázek 5.9: Příklad souhrnné statistiky Místa

Statistika přechodů je zobrazena na obrázku 5.10. Obsahuje všechny důležité vlastnosti přechodů : pořadí prvku, jména přechodů, prioritu, časovaný přechod, pravděpodobnost, počet značek vstupujících a vystupujících z přechodu.

Obrázek 5.11 představuje charakteristiku hrany s vlastnostmi jméno a váha hrany.

Obrázek 5.10: Příklad souhrnné statistiky Přechodů

Obrázek 5.11: Příklad souhrnné statistiky Hran

Shrnutí simulačních experimentů a závěr

Experimentováním s mnoha primitivními modely jsme dokázali správnost řešení simulace Petriho sítě s rozšířené o prioritu, pravděpodobnost a časování hran našim simulátorem. Výsledky simulací širokospektrálních testů pozůstávajících s modelů Petriho sítí zaměřených na odhalení případných chyb neodhalily žádnou. Takže můžeme zkonstatovat, že daný simulátor se chová korektně a podává adekvátní výstupy zdokumentované v předešlých kapitolách. Některé validně zapsané Petriho sítě však není možné simulovat, proto tento simulátor obsahuje různé kontrolní mechanizmy na detekci takovýchto modelů a v konkretním případě upozorní na danou skutečnost uživatele, navrhne mu řešení a případně informace o chybovém stavu.