

ctexh宏包是对CJK和xeCJK的进一步封装，包含了ctexart、ctexrep、ctexbook三大标准文档类。T_EX users 两个或者以上的回车视为换行，或者使用

来进行换行。反斜杠的表示方法：\L_AT_EX中英文标点的表达‘blah’ “blah”
各种横线：- – —

西欧中的重音：naïve cliché

不同符号¶ §

© ™

hello

斜体字

行内数学公式： $a^2 + b^2 = c^2$

行间数学公式：

$$a^2 + b^2 = c^2 \quad (1)$$

$$1 + 1 = 3 \quad (666)$$

$$1 + 1 = 4$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^{n^2} \frac{1}{k^2} = \frac{\pi^2}{6}.$$

$$\frac{\partial x}{\partial y}$$

Here I am gonna deal with my homework of database

$$\Pi_{person_name}(\sigma_{city="Miami"}(employee))$$

$$\Pi_{person_name}(\sigma_{salary>100,000}(works))$$

$$\Pi_{person_name}(\sigma_{city="Miami" \wedge salary>100,000}(employee \bowtie works))$$

$$\Pi_{course_id,ID}(\sigma_{dept_name=Comp.Sci.}(takes))$$

$$\Pi_{salary}(instructor) - \Pi_{instructor.salary}(\sigma_{instructor.salary < i.salary}(instructor \times \rho_i(instructor)))$$

$$\Pi_{ID,course_id}(\sigma_{dept_name=Comp.Sci.}(student)) \div \Pi_{course_id}(\sigma_{dept_name=Comp.Sci.}(course))$$

$$\Pi_{ID,title}((instructor \bowtie teaches) \bowtie course) \div \Pi_{title}(\sigma_{title="D.B.S." \wedge title="O.S."}(course))$$

$$\Pi_{customer_name,can_spend}(g(limit-credit_balance) \text{ as } can_spend(credit_info))$$

$$instructor \leftarrow instructor - \sigma_{dept_name="Physics"}(instructor)$$

$$instructor \leftarrow \sigma_{salary < 4,0000 \vee salary > 60,000}(instructor)$$

$$\Pi_{title}(\sigma_{dept_name="Comp.Sci." \wedge credits=3}(course))$$

$\Pi_{ID}(students) - (\Pi_{ID}(students) - \Pi_{takes.ID}(\sigma_{name="Einstein"}(\Pi_{ID,t.ID}((takes \bowtie \rho_{teaches}(t))) \bowtie instructor))))$

$\Pi_{sec.id,count(ID)}(sec.idg_{count(ID)} \wedge (year=2009 \wedge semester="Autumn"))(takes))$

$r \leftarrow \Pi_{sec.id,count(ID)}(sec.idg_{count(ID)} \wedge (year=2009 \wedge semester="Autumn"))(takes))$

$\Pi_{ENROLLMENT} \rho_q(SEC_NAME, ENROLLMENT)((\sigma_{r.count(ID) < s.count(ID)}(r \times \rho_s(r))))$

假设第*i*天做实验的次数为 b_i ,第1至第*i*天做的实验次数之和为 a_i ,即 $a_i = b_1 + b_2 + \dots + b_i$.

由题意, $p^\circ \{a_n\} (1 \leq n \leq 50)$ 各项值域为 $[50, 75]$.

令 $c_i = a_i + 24$,构造数列 c_n ,其各项的值域为 $[75, 99]$.

而 $a_1, a_2, \dots, a_{50}, c_1, c_2, \dots, c_{50}$ 共有100项,由定理2.1.1 可得: $\exists k, j \subseteq [1, 50]$ 且 $k < j$,使得 $a_k = c_j$.

$\therefore \sum_{n=k}^j b_n = 24$,命题证毕.

要使两个点所连线段中点坐标也是整数,只需要两个点的横坐标之和为偶数且纵坐标之和也为偶数.

而一个点的坐标的情况根据横纵坐标奇偶总共可以分为四种情况(o,e),(o,o),(e,e),(e,o)(用o表示奇数,e表示偶数,以下同).

由定理2.1.1,五个点中必有至少两点符合以上四种情况中的同一情况.

若有至少两点符合(o,e),可知其连线中点坐标也为整数.

其余情况同理.命题证毕.

6的一个完全剩余系为 $\{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$,由定理2.1.1,必存在a,b,使 $(a - b) \mid$

6.同理,在剩余的5个数字中也必存在c,d,使 $(c - d) \mid 4$.

$\therefore \exists a, b, c, d, \text{ `` } (a - b)(c - d) \mid 24$.

$$19 \times 4 + 1 = 77$$

$$a_n = n!$$

$$a_n = 8 - \frac{1}{2^n}$$

$$a_n = 3a_{n-1} + 3^n - 3^0$$

$$3^1 a_{n-1} = 3^2 a_{n-2} + 3^n - 3^1$$

$$\vdots$$

$$3^{n-1} a_1 = 3^n a_0 + 3^n - 3^{n-1}$$

将上式累加可得: $a_n = (n - \frac{1}{2})3^n + \frac{1}{2}$.

$$O(2^n)$$

(1)由题意: $T(n) = 4 + T(n - 3), (n \geq 4)$.

$$T(2) = 4, T(1) = 2.$$

$$\therefore T(n) = 2n.$$

(2)直觉上,要使时间最短,应该尽可能使烤架被充分使用.

比如在 $n=3$ 时,按照以上算法,在汉堡只剩1个时,烤架未被完全占用,用时4min.而事实上是可以让烤架被完全占用的,用时为3min.因而该算法并不最优.

(3)一个最优算法为:

$n \geq 5$ 时,两个汉堡同时烤并翻面,然后对余下的 $n-2$ 个汉堡递归应用同样的过程

$n \leq 3$ 时,若 $n=2$ 则两个汉堡同时烤并翻面,若 $n=3$,则先取1号和2号汉堡同时烤正面;然后将1号汉堡翻面,并取3号汉堡烤正面;最后将3号汉堡翻面,并取2号汉堡烤反面. $n_{* \Gamma M n} + n_{n/Mn} = n_{-MnpW}$

$\sigma_{dept_name=Comp.Sci.}(student \bowtie takes)$

$\Pi_{ID}(takes \div \Pi_{course_id}(\sigma_{dept_name="Comp.Sci."}(course)))$

先考虑安排总坐在前排和后排的同学,总共 $A_8^5 \times A_8^4$ 种坐法,剩下7位同学随意安排在剩余位置.

\therefore 共有 $A_8^5 \times A_8^4 \times A_7^6$ 种坐法.

从线排列考虑.所有线排列共有15!种.

而A与B相邻对应的线排列共 $(2 \times 14! - 2 \times 13!)$ 种,A与C相邻对应的线排列数也与之相同.

A与B、C同时相邻的线排列共 $2 \times (13! + 4 \times 12!)$ 种.

综上,排座方法总共有 $\frac{15! - 2 \times (2 \times 14! - 2 \times 13!) + 13! + 4 \times 12!}{15}$ 种.

$M - \{a\}$ 有 $\frac{11!}{2! \times 4! \times 5!}$ 种11-排列数.

$M - \{b\}$ 有 $\frac{11!}{3! \times 3! \times 5!}$ 种11-排列数.

$M - \{b\}$ 有 $\frac{11!}{3! \times 4! \times 4!}$ 种11-排列数.

\therefore 多重集M的11-排列数为: $\frac{11!}{2! \times 4! \times 5!} + \frac{11!}{3! \times 3! \times 5!} + \frac{11!}{3! \times 4! \times 4!}$.

$\binom{17}{10} - \binom{17}{12}$

$\frac{4}{9}$

$cost_{吃加速} - cost_{吃最近的食物} < valve1$,则吃加速

$cost_{吃斜走} - cost_{吃最近的食物} < valve2$,则吃斜走

$cost_{吃第二个斜走} - cost_{吃最近的食物} < valve3$,则吃第二个斜走

$cost_{我吃该食物} - cost_{对方吃该食物} > valve4$,则我放弃该食物,转而寻找下个食物

b^{depth}

$\sum_{k=1}^n k^2 B(n, k)$