WYZNACZANIE ABERRACJI SFERYCZNEJ SOCZEWEK I ICH UKŁADÓW



Rys. 1. Widok układu pomiarowego.

1. Opis teoretyczny

Na stronie <u>www.wtc.wat.edu.pl</u> w dziale DYDAKTYKA – FIZYKA – ĆWICZENIA LABORATORYJNE zamieszczone są:

- opis teoretyczny do ćwiczenia,
- przykładowe pytania kontrolne.

Podstawowymi celami ćwiczenia są:

- 1. wyznaczenie aberracji sferycznej (podłużnej i poprzecznej) pojedynczej soczewki płasko-wypukłej (A lub B);
- 2. wyznaczenie aberracji sferycznej (podłużnej i poprzecznej) układu soczewek płasko-wypukłych (A oraz B);

Zadania dodatkowe do wyznaczenia i analizy:

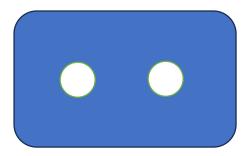
- 3. Wykonać pomiary jak w punktach 1 i 2 ale ze większa ilością powtórzeń położenia ognisk F_i z użyciem pozostałych przesłon h_i oraz z uwzględnieniem niepewności $u(h_i)$. Wyniki poddać analizie, wyciągnąć wnioski.
- 4. Wyznaczyć podłużną aberrację sferycznej soczewek płasko-wypukłych w innych wariantach ułożenia względem źródła światła. Wyniki poddać analizie, wyciągnąć wnioski.
- 5. Wyznaczyć poprzeczną aberrację sferycznej soczewek płasko-wypukłych w innych wariantach ułożenia względem źródła światła. Wyniki poddać analizie, wyciągnąć wnioski.

2. Opis układu pomiarowego

Układ pomiarowy (Rys.1) składa się ze:

- skalowanej ławy optycznej,
- · źródła światła Z,
- zestawu wymiennych przesłon w postaci dwóch otworów kołowych oddalonych od siebie o pewną wartość *h* podanej na każdej przesłon
- dwóch uchwytów mocujących soczewki A i B (ich pozycje X_A i X_B w trakcie ćwiczenia są stałe),
- ekranu E zamocowanego na ruchomym uchwycie zaopatrzonym w ostrze wskazujące jego położenie na skalowanej ławie optycznej.

Konstrukcja stanowisk mocujących soczewki pozwala na ich łatwe osadzanie i wyjmowanie oraz na obrót wokół osi mocowania. Zadaniem przesłon jest formowanie dwóch wiązek świetlnych odległych o wartość *h* od osi optycznej soczewki (rys. 2).

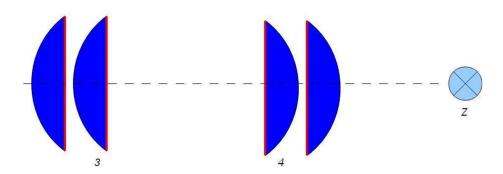


Rys. 2. Kształt przesłon formujących wiązki świetlne .

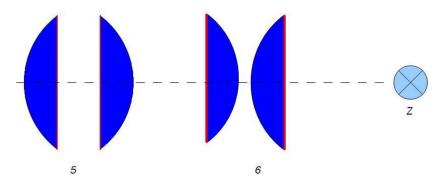
Każda z przesłon wycina ze źródła światła dwa promienie świetlne. Pierwsza w zestawie przesłona (oznaczona h_o) wycina promienie biegnące w pobliżu osi optycznej. Ostatnia (oznaczona h_s) wycina promienie skrajne biegnących tuż przy krawędzi soczewki. Ponadto w zestawie przesłon znajdują się cztery przesłony o pośrednich wartościach h_i , które wykorzystywane są do sporządzenia charakterystyki $c = f(\Delta h_i)$ gdzie $\Delta h_i = h_i \cdot h_0$, i = 1, 2, ... s.

Dla każdej z przesłon ustalane jest takie położenie ekranu E na skalowanej ławie optycznej w którym obrazy dwóch kołowych otworów z przesłony pokryją się tworząc pojedynczy, wyraźny krążek sygnalizujący osiągnięcie pozycji ogniskowej (ogniska).

Pomiarowi podłużnej aberracji sferycznej podlegają następujące konfiguracje soczewek płaskowypukłych w stosunku do położenia źródła światła Z (rys. 3 - 4):



Rys. 3. Konfiguracje (1, 2) pojedynczej soczewki płasko-wypukłej.



Rys. 4. Konfiguracje (3, 4, 5, 6) dwóch pojedynczych soczewek płasko-wypukłych.

Zmiana orientacji soczewek w stosunku do źródła światła Z odbywa się poprzez jej obrót na stanowisku mocującym o 180°.

3. Przeprowadzenie pomiarów

<u>Pojedyncza soczewka płasko-wypukła</u> pomiary wykonać dla obu soczewek A oraz B

- 1. Wybrać dla pojedynczej soczewki płasko-wypukłej (A lub B) konfigurację 1 albo 2 (rys. 3) oraz gniazdo mocujące (położenie na ławie optycznej X_A i X_B).
- 2. Wykonać minimum 5 niezależnych pomiarów położenia ogniska F_o z użyciem przesłony h_o (promienie bliskie osi optycznej). Wyniki zanotować.
- 3. Wykonać minimum 5 niezależnych pomiarów położenia ogniska F_s z użyciem przesłony h_s (promienie dalekie od osi optycznej). Wyniki zanotować.
- 4. Wykonać po minimum 1 pomiarze położenia ognisk F_i z użyciem pozostałych przesłon h_i . Wyniki zanotować.
- 5. Oszacować niepewność maksymalną pomiarów położenia ogniska ΔF_i (ekranu z ostrym obrazem). Wynik zanotować.

Układ soczewek płasko-wypukłych

pomiary wykonać w konfiguracji w jakiej soczewki były mierzone pojedynczo

- 6. Ustawić jednocześnie obie soczewki w tych samych:
 - gniazdach mocujących (położeniach na ławie optycznej X_A i X_B),
 - położeniach względem źródła światła (konfiguracjach 1 albo 2 z rys. 3), jak dla pomiarów pojedynczej soczewki.
- 7. Wykonać minimum 5 niezależnych pomiarów położenia ogniska F_o z użyciem przesłony h_o (promienie bliskie osi optycznej). Wyniki zanotować.
- 8. Wykonać minimum 5 niezależnych pomiarów położenia ogniska F_s z użyciem przesłony h_s (promienie dalekie od osi optycznej). Wyniki zanotować.
- 9. Wykonać po 1 pomiarze położenia ognisk F_i z użyciem pozostałych przesłon h_i . Wyniki zanotować.
- 10. Oszacować niepewność maksymalną pomiarów położenia ogniska ΔF_i (ekranu z ostrym obrazem). Wynik zanotować.

4. Opracowanie wyników pomiarów

Jeżeli wyznaczana jest tylko aberracja podłużna należy wykonać punkty 1-13 Opracowania. Jeżeli wyznaczana jest tylko aberracja poprzeczna należy wykonać punkty 1-9 i 14-19 Opracowania.

<u>Położenie ogniska soczewek płasko-wypukłych i jego niepewności</u> obliczenia przeprowadzić dla: a) soczewki A, b) soczewki B, c) układu soczewek A i B

- 1. Przyjąć jedną niepewność maksymalną ΔF_i pojedynczego pomiaru położenia dowolnego z elementów (soczewka, ekran) na ławie optycznej w każdym z przypadków jako większą z wartość uzyskanych z pomiarów w punktach 5 i 10.
- 2. Wyznaczyć wartość średnią położenia ogniska F_o z użyciem przesłony h_o $\overline{F_0} = \frac{1}{n} \sum_{i=0}^{n} F_{0i}$.
- 3. Wyznaczyć niepewność standardową położenia ogniska F_o wynikająca z przeprowadzenia n pomiarów $u(\overline{F_0}) = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (F_{0i} \overline{F_0})^2}{n(n-1)}}$
- 4. Wyznaczyć wartość średnią położenia ogniska F_s z użyciem przesłony h_s $\overline{F}_s = \frac{1}{n} \sum_{i=0}^n F_{si}$.
- 5. Wyznaczyć niepewność standardową położenia ogniska F_s wynikająca z przeprowadzenia n pomiarów $u(\overline{F}_s) = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (F_{si} \overline{F}_s)^2}{n(n-1)}}$
- 6. Wyznaczyć ogniskową dla wiązki skrajnej $f_S = |X_i \overline{F}_S|$. gdzie X_i to położenie gniazda w którym właśnie jest zamocowana soczewka $(X_A \ albo \ X_B)$ a przy układzie soczewek gniazda położonego bliżej ekranu.
- 7. Wyznaczyć niepewność standardową złożoną ogniskowej dla wiązki skrajnej $u_c(f_S) = \sqrt{\frac{(\Delta F_i)^2}{3} + u(\overline{F}_S)^2}$.

<u>Podłużna aberracja pojedynczej soczewek płasko-wypukłych i jej niepewności</u> obliczenia przeprowadzić dla: a) soczewki A, b) soczewki B, c) układu soczewek A i B

- 8. Wyznaczyć wartość podłużnej aberracji sferycznej $c = |F_S F_0|$.
- 9. Wyznaczyć niepewność standardową złożoną (wykonanie 2 razy po n pomiarów z użyciem narzędzi pomiarowych obarczonych niepewnościami) podłużnej aberracji sferycznej $u_c(c) = \sqrt{u(\overline{F_0})^2 + u(\overline{F_S})^2 + 2\frac{(\Delta F_i)^2}{3}}$
- 10. Wyznaczyć niepewność rozszerzoną (ze współczynnikiem rozszerzenia 2) podłużnej aberracji sferycznej $U(c)=2u_c(c)$
- 11. Wyznaczyć niepewność względną podłużnej aberracji sferycznej $u_{c,r}(c) = \frac{u_c(c)}{c}$

Wykres 1 - charakterystyka podłużnej aberracji soczewek płasko-wypukłych

- 12. Na jednym wykresie nanieść wyznaczone wielkości aberracji podłużnej wraz z niepewnościami standardowymi: a) soczewki A, b) soczewki B, c) układu soczewek A i B w funkcji odległości promieni od środka soczewki $c = f(\Delta h_i)$ gdzie $\Delta h_i = h_i h_0$, i = 1, 2, ... s.
- 13. Wykreślić prostą przechodzącą przez zakres niepewności standardowych punków na Wykresie 1.

Poprzeczna aberracja soczewek płasko-wypukłej i jej niepewności

obliczenia przeprowadzić dla: a) soczewki A, b) soczewki B, c) układu soczewek A i B

- 14. Wyznaczyć aberrację poprzeczną soczewki płasko-wypukłej $r_0 = c \frac{h_S}{f_S}$
- 15. Wyznaczyć niepewność standardową złożoną poprzecznej aberracji sferycznej

$$u_c(r_0) = \sqrt{\left[\frac{h_S}{f_S}u(c)_c\right]^2 + \left[\frac{ch_S}{f_S^2}u_c(f_S)\right]^2}$$

- 16. Wyznaczyć niepewność standardową względną poprzecznej aberracji sferycznej $u_{c,r}(r_0) = \frac{u_c(r_0)}{r_0}$
- 17. Wyznaczyć niepewność rozszerzoną (ze współczynnikiem rozszerzenia 2) poprzecznej aberracji sferycznej $U(r_0) = 2u_c(r_0)$

Wykres 2 - charakterystyka poprzecznej aberracji soczewek płasko-wypukłych

- 18. Na jednym wykresie nanieść wyznaczone wielkości aberracji poprzecznej wraz z niepewnościami standardowymi: a) soczewki A, b) soczewki B, c) układu soczewek A i B w funkcji odległości promieni od środka soczewki $r_0 = f(\Delta h_i)$ gdzie $\Delta h_i = h_i$ - h_0 , i = 1, 2, ... s.
- 19. Wykreślić prostą przechodzącą przez zakres niepewności standardowych punków na Wykresie 2.

5. Podsumowanie

1. Zestawić wyznaczone wartości wielkości:

aberrację soczewki A (podłużna/poprzeczną)
$$(c, u_c(c), u_{c,r}(c), U(c)) / (r_0, u_c(r_0), u_{c,r}(r_0), U(r_0))$$
 aberrację soczewki B (podłużna/poprzeczną) $(c, u_c(c), u_{c,r}(c), U(c)) / (r_0, u_c(r_0), u_{c,r}(r_0), U(r_0))$ aberrację układu (podłużna/poprzeczną) $(c, u_c(c), u_{c,r}(c), U(c)) / (r_0, u_c(r_0), u_{c,r}(r_0), U(r_0))$

- 2. Przeanalizować uzyskane rezultaty:
- a) która z niepewności pomiarowych wnosi największy wkład do niepewności złożonych;
- **b)** czy spełnione są relacje $u_{c,r}(c) \le 0.1$ lub $u_{c,r}(r_0) \le 0.1$ które mogą wskazywać na popełnienie małych błędów grubych lub systematycznych,
- c) czy spełniona są relacje $|c_{max} c_{min}| < U(c)$ lub $|r_{0-max} r_{0-min}| < U(r_0)$ które mogą wskazywać na skupienie wyników wokół wartości średniej;
- d) czy na wykresach widoczne są wpływy błędów: grubych, systematycznych lub przypadkowych oraz w jaki sposób aberracje pojedynczych soczewek wpływają na aberrację ich układu.
- **3.** Wnioski z analizy rezultatów.
- a) Wyciągnąć wnioski pod kątem występowania błędów grubych, systematycznych i przypadkowych oraz ich przyczyn.
- b) Zaproponować działania zmierzające do podniesienia dokładności wykonywanych pomiarów.
- c) Podać cele ćwiczenia i wyjaśnić czy zostały osiągnięte?

Grupa, zespół w składzie						
Cele ćwiczenia:						
1.a. wyznaczenie aberracji sferycznej podłużnej pojedynczej soczewki A;						
1.b. wyznaczenie aberracji sferycznej podłużnej pojedynczej soczewki B;						
1.c. wyznaczenie aberracji sferycznej podłużnej układu soczewek A oraz B;						
2.a. wyznaczenie aberracji sferycznej poprzecznej pojedynczej soczewki A;						
2.b. wyznaczenie aberracji sferycznej poprzecznej pojedynczej soczewki B;						
2.c. wyznaczenie aberracji sferycznej poprzecznej układu soczewek A oraz B;						
3.1 Wartości teoretyczne wielkości wyznaczanych lub określanych:						
3.2 Wartości parametrów i ich niepewności (<i>potwierdzić na stanowisku</i>):						
położenia gniazda soczewki Xa położenia gniazda soczewki Xb						
3.3 Pomiary i uwagi do ich wykonania:						
niepewność maksymalna położenia ogniska soczewki A ΔF_i						
niepewność maksymalna położenia ogniska soczewki B $\varDelta F_i$						
niepewność maksymalna położenia ogniska układu soczewek $\varDelta F_i$						

Soczewka A mocowana w gnieździe (szkic układu)							
Przesłona	Kolejne położenia ogniska F_i [cm]						
h ₀							
h ₁							
h ₂							
h ₃							
h ₄							
h5 =h8							
Soczewka B mocowana w gnieździe (szkic układu)							
Przesłona	Kolejne położenia ogniska F_i [cm]						
h ₀							
h ₁							
h ₂							
<i>h</i> ₃							
h ₄							
h5 =h8							
Układ soczewek A i B (szkic układu)							
Przesłona	Kolejne położenia ogniska F_i [cm]						
h ₀							
h ₁							
h ₂							
<i>h</i> ₃							
h ₄							
h ₅ =h _S							