

### Descrierea informala a solutiei utilizate:

1. Am retinut in memorie alfabet: "ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ", pentru a putea accesa mai usor literele si un vector prin care pot realiza corespondenta intre puterea  $k$  si  $(\text{generator}^k) \% p$ .

2. Citesc numarul  $p$  si verific daca este prim:

- daca  $p < 2$ , evident  $p$  nu este numar prim, asa ca afisez mesajul corespunzator;
- daca  $p = 2$ , atunci  $p$  nu are generator;
- daca  $p > 2$ , iau pe rand posibiliti divizori incepand de la 2 pana la  $[p/2]$  si testez daca  $p$  se imparte la vreunul dintre ei. Daca da, numarul nu este prim. Daca nu se imparte la niciunul dintre aceste numere, inseamna ca  $p$  este numar prim. In continuare, citesc mesajul care trebuie criptat si mesajul care trebuie decriptat.

3. Caut generatorul  $g$ , care poate lua valori de la 2 la  $p-1$ .

Pentru a verifica daca  $g$  este generator, retin mereu ultima putere mod  $p$ , adica:

$$g^k \bmod p = (g \cdot (g^{k-1} \bmod p)) \bmod p = g \cdot g_{\text{pas\_anterior}} \bmod p.$$

Daca intre doua resturi egale cu 1 succesive se afla  $p-1$  termeni, inseamna ca numarul respectiv este generatorul. Daca nu,  $g++$  si testez din nou.

4. Dupa ce am gasit acest generator, construiesc vectorul  $v$  pentru a retine corespondenta dintre puterea  $k$  si  $(\text{generator}^k) \% p$ .

5. Codarea mesajului: caut fiecare litera din mesajul dat in alfabet si retin pozitia  $x$  pe care aceasta se afla in alfabet (indexarea incepand de la 0), apoi caut litera din alfabet corespunzatoare lui  $v[x]$ .

Ex:  $A \rightarrow \text{pozitia } 0 \text{ in alfabet} \rightarrow \text{alfabet}(v[0])$

6. Decodarea mesajului: caut fiecare litera din mesajul dat in alfabet si retin pozitia  $y$  pe care aceasta se afla in alfabet (indexarea incepand de la 0); caut numarul  $x$  astfel incat  $v[x] = y$  si apoi caut litera de pozitia  $x$  din alfabet.

Ex:  $G \rightarrow \text{pozitia } 6 \text{ in alfabet} \rightarrow v[x] = 6 \rightarrow \text{alfabet}(x)$

### Exemple:

1. Daca  $p=13$ , generatorul este 2  
Mesajul care trebuie codat ABDG  $\Rightarrow$  BCIM  
Mesajul care trebuie decodat CDEK  $\Rightarrow$  BECK
2. Daca  $p=17$ , generatorul este 3  
Mesajul care trebuie codat MOCP  $\Rightarrow$  ECJG  
Mesajul care trebuie decodat HJIN  $\Rightarrow$  LCKE
3. Daca  $p=23$ , generatorul este 5  
Mesajul care trebuie codat TRBL  $\Rightarrow$  HPFW  
Mesajul care trebuie decodat QMEB  $\Rightarrow$  IUEA
4. Daca  $p=6 \Rightarrow$  numarul citit nu este prim
5. Daca  $p=2 \Rightarrow$  numarul nu are generator

### Codul sursa:

.data

p: .space 4 #Numarul citit p

v: .space 400 #Vectorul in care se retin  $(g^k) \% p$  - corespondenta

```

npr: .asciiiz "Numarul citit nu este prim" #Mesajul afisat daca p nu este prim
s: .space 100 #Mesajul care trebuie criptat
sdc: .space 100 #Mesajul care trebuie decriptat
alfabet: .asciiiz "ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ"
sp: .asciiiz "\n"
mcr: .asciiiz "Mesajul criptat este:"
mdcr: .asciiiz "Mesajul decriptat este:"
mg: .asciiiz "Generatorul este:"
ng: .asciiiz "Numarul 2 nu are generator"

```

```
.text
```

```
main:
```

```
#Citire numar p:
```

```

li $v0,5
syscall
move $t0, $v0
sw $t0,p

```

```
#Verific daca numarul citit  $p < 2$ : atunci p nu este numar prim
```

```

li $t1,2
blt $t0, $t1, nueprim

```

```
#Verific daca  $p = 2$ : atunci nu exista generatoR
```

```

beq $t0, $t1, nuexistag
j prim #daca  $p \neq 2$ , testeaz daca e prim
nuexistag:
la $a0, ng
li $v0, 4
syscall
li $v0, 10
syscall

```

```
# $p \geq 2$ : Verificare p nr. prim
```

```
prim:
```

```

div $t1, $t0, 2 #t1 - partea intreaga [ $p/2$ ]
li $t2, 2 #registrul t2 indica divizorul

```

```
testareprim:
```

```

bgt $t2, $t1, eprim #daca  $t2(\text{divizor}) > t1 ([p/2])$ : numarul este prim
rem $t3, $t0, $t2 #retin in registrul t3 -  $p \% \text{divizor}$ 
beq $t3, $0, nueprim #daca  $t3(p \% \text{divizor}) == 0$ : numarul nu este prim
addi $t2, $t2, 1 #divizor++
j testareprim

```

```
nueprim: #Numarul citit p nu este prim, afisez mesajul corespunzator si ies din
```

```
program
    la $a0, npr
    li $v0, 4
    syscall
    li $v0, 10
    syscall
```

```
eprim: #Numarul citit p este prim
#Citesc mesajul ce trebuie criptat
    la $a0, s
    li $a1, 99
    li $v0, 8
    syscall
```

```
#Citesc mesajul ce trebuie decriptat
    la $a0, sdc
    li $a1, 99
    li $v0, 8
    syscall
```

```
li $t1, 1 #registrul t1 este folosit pentru indicele i=1
li $t2, 2 #primul generator, retinul in registrul t2, este 2
move $t3, $t2 #in registrul t3 calculam puterile generatorului
j generare #generam puterile
```

```
generare:
    beq $t3, 1, verificare #daca puterea generatorului==1, verificam daca indicele == p-1
    mul $t3, $t3, $t2 # $g^k = g^{(k-1)} * g$ 
    rem $t3, $t3, $t0 # $t3 = (g^k) \% p$ 
    addi $t1, $t1, 1 #i++
    j generare
```

```
verificare:
    subi $t4, $t0, 1 #t4=p-1
    beq $t1, $t4, codare #indice=p-1: am gasit generatorul, deci codez si decodez mesajul
    #daca indicele!=p-1, reinitializez si reiau calculul puterilor generatorului
    j reinitializare
```

```
reinitializare:
    li $t1, 1 #registrul t1 este folosit pentru indicele i=1
    addi $t2, $t2, 1 #generator++
    move $t3, $t2 #in registrul t3 calculez puterile generatorului
    j generare
```

codare:

afisare: #afisez generatorul retinut in \$t2 si trec la rand nou

la \$a0, mg

li \$v0, 4

syscall

move \$a0, \$t2

li \$v0, 1

syscall

la \$a0, sp

li \$v0, 4

syscall

#Construiesc un vector pentru corespondentele dintre puterea k si  $(g^k) \% p$

li \$t1, 0 #registrul \$t1 e folosit pentru a sari locatii in memorie din 4 in 4

li \$t3, 1 #indicele i=1;

li \$t4, 1 #generator<sup>0</sup>==1

calculvector:

bge \$t3, \$t0, codaremesaj #daca i>=p:codaremesaj

sw \$t4, v(\$t1) #retin puterea generatorului in vector

mul \$t4, \$t4, \$t2 # $g^k = g^{(k-1)} * g$

rem \$t4, \$t4, \$t0 # $(g^k) \% p$

addi \$t1, \$t1, 4 #sar locatia in memorie din 4 in 4

addi \$t3, \$t3, 1 #i++

j calculvector

codaremesaj:

#afisez mcr: "Mesajul criptat este:"

la \$a0, mcr

li \$v0, 4

syscall

li \$t1, 0 #registrul \$t1 e folosit pentru a sari locatii in memorie din 1 in 1

lb \$t3, s(\$t1) #retin in reg.t3 prima litera a mesajului care trebuie codat

for1:

beq \$t3, '\n', decodare #daca ajung la sfarsitul mesajului, trec la functia de decodare al celui de-al doilea mesaj

li \$t4, 0 #registrul \$t4 e folosit pentru a sari locatii in memorie din 1 in 1

lb \$t5, alfabet(\$t4) #in reg.t5 retin, pe rand, literele alfabetului

cautarelitera: #caut litera din mesaj in alfabet

beq \$t5, \$t3, numar #daca litera din alfabet este aceeaasi cu litera din mesaj

addi \$t4, \$t4, 1 #urmatoarea locatie din memorie

lb \$t5, alfabet(\$t4) #urmatoarea litera din alfabet

j cautarelitera

numar:

mul \$t4, \$t4, 4 #indicele pentru a accesa vectorul=pozitia pe care este gasita litera\*4

lw \$t6, v(\$t4) #in reg.t6 retin cifra corespunzatoare

#afisez litera din alfabet corespunzatoare cifrei retinute in reg.t6

lb \$a0, alfabet(\$t6)

li \$v0, 11

syscall

addi \$t1, \$t1, 1 #urmatoarea locatie din memorie a mesajului care trebuie criptat

lb \$t3, s(\$t1) #urmatoarea litera din mesaj

j for1

decodare:

#Trec la rand nou

la \$a0, sp

li \$v0, 4

syscall

#Afisez mdc: "Mesajul decriptat este:"

la \$a0, mdc

li \$v0, 4

syscall

li \$t0, 0 #registrul \$t0 e folosit pentru a sari locatii in memorie din 1 in 1

lb \$t1, sdc(\$t0) #retin in reg.t1 prima litera a mesajului care trebuie decodat

for2:

beq \$t1, '\n' exit #daca ajung la sfarsitul mesajului, exit

li \$t2, 0 #registrul \$t2 e folosit pentru a sari locatii in memorie din 1 in 1 pentru a parcurge alfabetul

lb \$t3, alfabet(\$t2) #in reg.t3 retin, pe rand, literele alfabetului

cautarepozitie:

beq \$t3, \$t1, ivector #daca litera din alfabet este egala cu litera din mesaj, caut in vector

addi \$t2, \$t2, 1 #urmatoarea locatie din memorie din alfabet

lb \$t3, alfabet(\$t2) #urmatoarea litera din alfabet

j cautarepozitie

ivector:

li \$t4, 0 #registrul \$t4 e folosit pentru a sari locatii in memorie din 4 in 4 in vectorul v

cautare:

```
lw $t5, v($t4) #in reg.t5 retin, pe rand, elementele din v
beq $t2, $t5, transformare #daca t5/v(t4)==pozitia literei in alfabet
addi $t4, $t4, 4 #urmatoarea locatie din memorie pentru vectorul v
j cautare
```

transformare:

```
div $t4, $t4, 4 #obtin pozitia pentru litera corespunzatoare din alfabet impartind
indicele pentru memorie din v la 4
#afisez litera din alfabet
lb $a0, alfabet($t4)
li $v0, 11
syscall
```

```
addi $t0, $t0, 1 #urmatoarea locatie din memorie
lb $t1, sdc($t0) #urmatorul caracter din mesajul care trebuie decodat
j for2
```

exit:

```
li $v0, 10
syscall
```