Assignment #B: 图论和树算

Updated 1709 GMT+8 Apr 28, 2024

2024 spring, Complied by 同学的姓名、院系

说明:

- 1)请把每个题目解题思路(可选),源码Python,或者C++(已经在Codeforces/Openjudge上AC),截图(包含Accepted),填写到下面作业模版中(推荐使用 typora https://typoraio.cn,或者用word)。AC或者没有AC,都请标上每个题目大致花费时间。
- 2) 提交时候先提交pdf文件,再把md或者doc文件上传到右侧"作业评论"。Canvas需要有同学清晰头像、提交文件有pdf、"作业评论"区有上传的md或者doc附件。
- 3) 如果不能在截止前提交作业,请写明原因。

编程环境

(请改为同学的操作系统、编程环境等)

操作系统: macOS Ventura 13.4.1 (c)

Python编程环境: Spyder IDE 5.2.2, PyCharm 2023.1.4 (Professional Edition)

C/C++编程环境: Mac terminal vi (version 9.0.1424), g++/gcc (Apple clang version 14.0.3, clang-

1403.0.22.14.1)

1. 题目

28170: 算鹰

dfs, http://cs101.openjudge.cn/practice/28170/

思路:

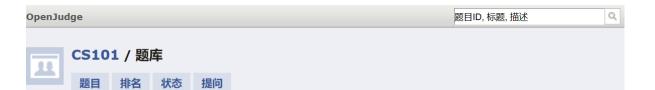
对每个位置进行dfs,根据dfs的次数确定连通数

```
def get_directions(i,j):
    a=[[i-1,j],[i+1,j],[i,j-1],[i,j+1]]
    ans=[]
    for s in a:
        if s[0]>=0 and s[1]>=0 and s[0]<=9 and s[1]<=9:
            ans.append(s)
    return ans

def dfs(i,j):
    if mapmatrix[i][j]=='-':
        return False</pre>
```

```
mapmatrix[i][j]='-'
    for direction in get_directions(i,j):
        nx=direction[0]
        ny=direction[1]
        dfs(nx,ny)
    return True
mapmatrix=[]
for _ in range(10):
    ipt=input()
    iptrow=[x for x in ipt]
    mapmatrix.append(iptrow)
cnt=0
for i in range(10):
    for j in range(10):
        if dfs(i,j):
            cnt+=1
print(cnt)
```

代码运行截图 (至少包含有"Accepted")



#44851143提交状态

基本信息

状态: Accepted

```
源代码
                                                                                    #: 4485114
                                                                                  题目: 28170
 def get directions(i, j):
                                                                                提交人: zxk
     a=[[i-1,j],[i+1,j],[i,j-1],[i,j+1]]
                                                                                  内存: 3868kB
     ans=[]
     for s in a:
                                                                                  时间: 21ms
         if s[0] >= 0 and s[1] >= 0 and s[0] <= 9 and s[1] <= 9:
                                                                                  语言: Python3
             ans.append(s)
                                                                              提交时间: 2024-05
     return ans
 def dfs(i,j):
     if mapmatrix[i][j]=='-':
         return False
     mapmatrix[i][j]='-'
     for direction in get_directions(i,j):
         nx=direction[0]
         ny=direction[1]
         dfs(nx,ny)
     return True
 mapmatrix=[]
 for \_ in range(10):
     ipt=input()
     iptrow=[x for x in ipt]
     mapmatrix.append(iptrow)
 cnt=0
 for i in range (10):
     for j in range (10):
         if dfs(i,j):
             cnt+=1
 print(cnt)
```

©2002-2022 POJ 京ICP备20010980号-1

02754: 八皇后

dfs, http://cs101.openjudge.cn/practice/02754/

思路:

抄的答案,首先定义了检查位置是否合理的函数,然后定义了寻找解的dfs,通过回溯找到合适的走法, 然后输出

```
def is_safe(board, row, col):
# 检查当前位置是否安全
# 检查同一列是否有皇后
for i in range(row):
    if board[i] == col:
        return False
```

```
# 检查左上方是否有皇后
   i = row - 1
   j = col - 1
   while i >= 0 and j >= 0:
       if board[i] == j:
          return False
       i -= 1
       j -= 1
   # 检查右上方是否有皇后
   i = row - 1
   j = col + 1
   while i >= 0 and j < 8:
       if board[i] == j:
          return False
       i -= 1
       j += 1
   return True
def queen_dfs(board, row):
   if row == 8:
       # 找到第b个解,将解存储到result列表中
       ans.append(''.join([str(x+1) for x in board]))
       return
   for col in range(8):
       if is_safe(board, row, col):
           # 当前位置安全,放置皇后
           board[row] = col
           # 继续递归放置下一行的皇后
           queen_dfs(board, row + 1)
           # 回溯,撤销当前位置的皇后
           board[row] = 0
ans = []
queen_dfs([None]*8, 0)
for _ in range(int(input())):
   print(ans[int(input()) - 1])
```

代码运行截图 (至少包含有"Accepted")



03151: Pots

bfs, http://cs101.openjudge.cn/practice/03151/

思路:

分块运行,一个标准的bfs找到最终输出,同时记录每个节点的路径,一个find将字典转化成目标输出的路径,一个option将路径转化成操作表示

```
def option(pre,post):
    la,lb=pre
    na,nb=post
    if la>na and lb<nb:
        return 'POUR(1,2)'
    elif la<na and lb>nb:
```

```
return 'POUR(2,1)'
    elif la!=A and na==A:
        return 'FILL(1)'
    elif la!=0 and na==0:
        return 'DROP(1)'
    elif lb!=B and nb==B:
        return 'FILL(2)'
    elif lb!=0 and nb==0:
        return 'DROP(2)'
def find(ans):
    way=[]
    if ans==(0,0):
        return way
    else :
        way.append(pathdct[ans])
        way.extend(find(pathdct[ans]))
        return way
A,B,C=map(int,input().split())
queue=[]
pathdct={}
def get_directions(a,b):
    directions=[]
    if a!=0:
        directions.append((0,b))
    if b!=0:
        directions.append((a,0))
    if a!=A:
        directions.append((A,b))
    if b!=B:
        directions.append((a,B))
    db=B-b
    da=A-a
    if db>a:
        directions.append((0,a+b))
    else:
        directions.append((a-db,B))
    if da>b:
        directions.append((a+b,0))
    else:
        directions.append((A,b-da))
    return directions
def bfs(a,b,c):
    if a==c or b==c:
        return (a,b)
    extd=get_directions(a,b)
    for direction in extd:
        queue.append(direction+(a,b))
    while queue:
        na, nb, la, lb=queue.pop(0)
        if (na,nb) not in pathdct:
            pathdct[(na,nb)]=(la,lb)
```

```
return bfs(na,nb,c)
return 'impossible'

final=bfs(0,0,c)
if final=='impossible':
    print(final)
else :
    path=[final]+find(final)
    path.reverse()

# print(path)
    print(len(path)-1)
    for i in range(len(path)-1):
        pre=path[i]
        post=path[i+1]

# print(pre,'to',post)
        print(option(pre,post))
```

代码运行截图 (AC代码截图,至少包含有"Accepted")

状态: Accepted

```
基本信息
源代码
                                                                                    #: 44880
                                                                                  题目: 03151
 def option(pre,post):
                                                                                 提交人: zxk
     la, lb=pre
                                                                                  内存: 3752k
     na, nb=post
     if la>na and lb<nb:</pre>
                                                                                  时间: 19ms
         return 'POUR(1, 2)
                                                                                  语言: Pytho
     elif la<na and lb>nb:
                                                                               提交时间: 2024-
         return 'POUR(2, 1)'
     elif la!=A and na==A:
         return 'FILL(1)'
     elif la!=0 and na==0:
         return 'DROP(1)'
     elif lb!=B and nb==B:
        return 'FILL(2)'
     elif lb!=0 and nb==0:
         return 'DROP(2)'
 def find(ans):
     way=[]
     if ans==(0,0):
         return way
     else :
         way.append(pathdct[ans])
         way.extend(find(pathdct[ans]))
         return way
 A,B,C=map(int,input().split())
 queue=[]
 pathdct={}
 def get_directions(a,b):
     directions=[]
     if a!=0:
         directions.append((0,b))
     if b!=0:
         directions.append((a,0))
     if a!=A:
         directions.append((A,b))
     if b!=B:
         directions.append((a,B))
     db=B-b
     da=A-a
```

05907: 二叉树的操作

http://cs101.openjudge.cn/practice/05907/

思路:

三个字典,分别记录父左右,交换就是改动,查询就是顺着左找

```
def change(x, y):
    if parentdct[x] == parentdct[y]:
        p = parentdct[x]
        if lcdct[p]==x:
            lcdct[p]=y
            rcdct[p]=x
        else:
            lcdct[p]=x
            rcdct[p]=y
    else:
        px = parentdct[x]
        py = parentdct[y]
        if px in lcdct:
            if lcdct[px] == x:
                lcdct[px] = y
        else:
            rcdct[px] = y
        if py in lcdct:
            if lcdct[py] == y:
                lcdct[py] = x
        else:
            rcdct[py] = x
        parentdct[x] = py
        parentdct[y] = px
def find(x):
    if x not in lcdct:
        return x
    return find(lcdct[x])
t = int(input())
anslst = []
for _ in range(t):
    n, m = map(int, input().split())
    parentdct = {}
    1cdct = \{\}
    rcdct = {}
    for i in range(n):
        X, Y, Z = map(int, input().split())
        if Y != -1:
```

```
lcdct[X] = Y
    parentdct[Y] = X

if Z != -1:
    rcdct[X] = Z
    parentdct[Z] = X

for j in range(m):
    opt = [int(x) for x in input().split()]
    if opt[0] == 1:
        change(opt[1], opt[2])
    else:
        check = opt[1]
        anslst.append(find(check))

for x in anslst:
    print(x)
```

代码运行截图 (AC代码截图,至少包含有"Accepted")

```
#: 44878
                                                                               题目: 05907
                                                                               内存: 3796k
        p = parentdct[x]
        if lcdct[p]==x:
                                                                               时间: 62ms
            lcdct[p]=y
                                                                               语言: Pytho
           rcdct[p]=x
                                                                           提交时间: 2024-
        else:
           lcdct[p]=x
           rcdct[p]=y
    else:
       px = parentdct[x]
       py = parentdct[y]
       if px in lcdct:
           if lcdct[px] == x:
               lcdct[px] = y
           rcdct[px] = y
        if py in lcdct:
           if lcdct[py] == y:
               lcdct[py] = x
        else:
           rcdct[py] = x
        parentdct[x] = py
        parentdct[y] = px
def find(x):
    if x not in lcdct:
       return x
    return find(lcdct[x])
t = int(input())
anslst = []
for _ in range(t):
   n, m = map(int, input().split())
   parentdct = {}
    lcdct = {}
    rcdct = {}
```

18250: 冰阔落 I

Disjoint set, http://cs101.openjudge.cn/practice/18250/

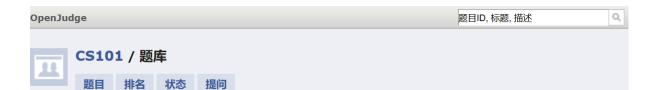
思路:

并查集

代码

```
def find(x):
    if bottles[x]!=x:
        bottles[x]=find(bottles[x])
    return bottles[x]
def union(x,y):
    rx=find(x)
    ry=find(y)
    if rx!=ry:
        bottles[ry]=rx
while True :
    try:
        n,m=map(int,input().split())
        bottles=list(range(n+1))
        for _ in range(m):
            a,b=map(int,input().split())
            if find(a)==find(b):
                print('Yes')
            else :
                print('No')
                union(a,b)
        not\_empty=set(find(x) for x in range(1,n+1))
        ans=sorted(not_empty)
        print(len(ans))
        print(*ans)
    except EOFError:
        break
```

代码运行截图 (AC代码截图,至少包含有"Accepted")



#44873655提交状态

基本信息

状态: Accepted

```
源代码
                                                                                  #: 4487365
                                                                                题目: 18250
 def find(x):
                                                                               提交人: zxk
     if bottles[x]!=x:
                                                                                内存: 5488kB
         bottles[x]=find(bottles[x])
     return bottles[x]
                                                                                时间: 364ms
 def union(x,y):
                                                                                语言: Python3
     rx=find(x)
                                                                             提交时间: 2024-05
     ry=find(y)
     if rx!=ry:
         bottles[ry]=rx
 while True :
     try:
         n,m=map(int,input().split())
         bottles=list(range(n+1))
         for _ in range(m):
             a,b=map(int,input().split())
             if find(a) == find(b):
                print('Yes')
             else :
                print('No')
                 union (a,b)
         not_empty=set(find(x) for x in range(1,n+1))
         ans=sorted(not_empty)
         print(len(ans))
         print(*ans)
     except EOFError:
         break
```

©2002-2022 POJ 京ICP备20010980号-1

05443: 兔子与樱花

http://cs101.openjudge.cn/practice/05443/

思路:

dijkstra

```
class Vertex:
    def __init__(self,v):
        self.value=v
        self.connectedto={}

class Graph:
    def __init__(self):
```

```
self.vertexes={}
    def add_vertex(self,s):
        self.vertexes[s]=Vertex(s)
    def add_edge(self,s1,s2,w):
        if s1 not in self.vertexes:
            self.vertexes[s1]=Vertex(s1)
        if s2 not in self.vertexes:
            self.vertexes[s2]=Vertex(s2)
        V1=self.vertexes[s1]
        V2=self.vertexes[s2]
        V1.connectedto[s2]=w
        V2.connectedto[s1]=w
        self.vertexes[s1]=V1
        self.vertexes[s2]=V2
def dijkstra(v1,v2):
    sheet={}
    not_visited=set(map_graph.vertexes.keys())
    path={}
    for ver in map_graph.vertexes:
        sheet[ver]=99999999
    sheet[v1]=0
    nearest=v1
    while not_visited:
        nearest=None
        for vtx in not_visited:
            if not nearest or sheet[vtx]<sheet[nearest]:</pre>
                nearest=vtx
        not_visited.discard(nearest)
        neighbours=map_graph.vertexes[nearest].connectedto.keys()
        for neighbour in neighbours:
            nl=sheet[nearest]+map_graph.vertexes[nearest].connectedto[neighbour]
            if nl<sheet[neighbour]:</pre>
                sheet[neighbour]=n1
                path[neighbour]=
(nearest, map_graph.vertexes[nearest].connectedto[neighbour])
    way=[v2]
    while v2 in path:
        lastver, w=path[v2]
        way.append(f'({w})')
        way.append(lastver)
        v2=lastver
    way.reverse()
    return '->'.join(way)
vertexes=[]
P=int(input())
for _ in range(P):
    vertexes.append(str(input()))
#输入节点
edges=[]
Q=int(input())
for _ in range(Q):
```

```
v1,v2,weight=map(str,input().split())
    w=int(weight)
    edges.append((v1,v2,w))
#输入边
route=[]
R=int(input())
for _ in range(R):
    v1,v2=input().split()
    route.append((v1, v2))
#输入待求路线起止点
map_graph=Graph()
for v in vertexes:
    map_graph.add_vertex(v)
for e in edges:
    v1, v2, w=e
    map\_graph.add\_edge(v1,v2,w)
for begin, end in route:
    print(dijkstra(begin,end))
```

代码运行截图 (AC代码截图,至少包含有"Accepted")



2. 学习总结和收获

<mark>如果作业题目简单,有否额外练习题目,比如:OJ"2024spring每日选做"、CF、LeetCode、洛谷等网站</mark> 题目。

1.算鹰:好抽象的题目,使我理解错误,不是中心+四方算一个,而是连通区域,需要dfs,网上找到了一个更简单的方法,dfs的过程中对原图进行修改,这样就不用再单独记录每个节点是否访问过了,非常巧妙,但是这种整活题目的语义不明真的让人很费解(

2.八皇后:自己尝试了半天,但是还是没任何思路,于是翻了答案;之前对所谓的回溯不了解,其实和dfs类似,就是顺着往下走,走不通了就退一步找别的路走,这个题的区别是走通了也需要退回去接着走,体现在了递归调用dfs后均进行了回溯,并不停止

5.冰阔落:并查集并不熟悉,开始的时候是没有用并查集,之后反复改动都是wa,应当是并集时没有把根覆盖好,并查集一般都用列表,感觉有点怪,容易把所谓的原始编号和杯子的编号弄混,看来对并查集还是没弄懂

4.二叉树的操作:一开始的思路就是用字典和列表,但是代码实现卡了很久,莫名其妙就会出错,原来是树形没考虑到,主要是交换时候查询是左节点还是右节点的时候卡在了语法上,老师改动了之后才AC,之前用的列表表示子节点,应该也是这个问题,或许可以保留-1标志为叶节点,遇到-1表示到底了,但是判断也挺麻烦的

3.pots: bfs很不熟悉,认识到了很吊诡的一件事就是bfs本身就是最短路径了,至于具体为什么它就是最短的我不理解(,先是尝试了bfs然后比较大小选最小的,写着写着发现写成dfs了貌似。。。既然比较每个走法的长度岂不是需要先走一遍。。。后边意识到这一点于是放弃比较的想法,直接bfs,后又在语言实现上卡半天,对于我这种脑子不好使的就干脆多写几个函数,分部分写代码,输入什么输出什么,把问题转化一下,虽然麻烦但是AC了

6.兔子与樱花:竟然一遍过了!没做的时候看群里问来问去,还有新的什么算法,但是dijkstra也不错啊...或许是数据量不大吧,感觉自己手搓vertex、graph、dijkstra的能力得到了很大的锻炼(,对dijkstra的理解也更深了,虽然还是没太理解为啥这么走就是最短的

终于又能AC6, 花了很长的时间做作业, 五一结束但是作业压得太多了/(ToT)/~~