卒業論文

計算問題の特徴分布にもとづく類題選出による 自己学習支援

Self Learning Support by Automatic Selection of Calculation Exercises based on Feature Distribution of Exercises

成蹊大学理工学部情報科学科 宮地 雄也

要旨

本研究では自然言語処理の技術を人工言語の数式に適応し、分類ができるかどうかを目的とした。またその評価指標として累代選出も行い実際まちがえているのかどうかも検討した。分散表現で文字の特徴量を抽出したのちその特徴量を用いて数式の分散表現化も行い、式のベクトルを得る。この結果から現在では間違った問題から人をクループ化していたシステムから問題をグループ化してその問題を間違えた人の最適化学習支援を行い、より繊細で効果的な学習が期待できる。この研究の先には大量の個人情報を扱うアダプティブラーニングにおいて問題から分類できるようになれば、学習データが少なくても十分に効果を発揮することが期待できる。

目次

第1章	序論	1
第2章	分散表現	3
2.1	Continuous Bag-of-Words Model	4
2.2	Skip Gram	5
第3章	LSTM(Long short-term memory)	6
3.1	forget ゲート	7
3.2	output ゲート	7
3.3	hidden ゲート	7
3.4	input ゲート	7
3.5	LSTM のまとめ	8
第 4 章	系列変換	9
第 5 章	Exericises Vecter Representation	11
5.1	システム全体の流れ	11
5.2	計算式の特徴量抽出	11
5.3	系列変換モデルの検討	16
第6章	結果とその検討	19
6.1	実験	19
6.2	実験結果	20
6.3	考察	27
第7章	関連研究	30
第8章	結論と今後の課題	32
女女		2/

第1章

序論

昨今,小・中学生の理系離れが問題視されている。平成30年度全国学力・学習状況調査(全国学力テスト)の結果では平均正答率は小学校では算数Bが51.7%,中学校数学では47.6%とどちらも最も低く,ついで国語,理科の順で正答率が低い。小中どちらとも理系教科の習熟度が低いことを示している。この要因の一つに,数学は一つの計算方法が様々な分野に横断していくことが一度,苦手を生んでしまったらそこからの分野の理解度が下がり,次の分野での応用がきかないために連鎖的に苦手が蓄積することが原因ではないかと考えた。各単元のちょっとした積み残しが,後々,尾を引いていることが全国学力テストの結果から見て取れる。この状況を打破するには子供一人一人の苦手と向き合い,苦手と感じる前に理解していくしかない。しかしながら,生徒と向き合うべき教師の労働時間は過酷を極めており,ベネッセ教育総合研究所の調査では小中高の教員の領導時間は増加の一途を辿っていることを明らかにした。表1.1 は文献[4]での調査の結果の抜粋である。

表 1.1 によると, 教員の労働時間は 2010 年に比べて 2016 年の方が各年次とも増加しており, 教員のやることが増えている一方で, 主であるはずの教材研究や教務準備に時間が避けていないことを示している. この状況では先生が生徒一人一人に時間をさき, 指導することは難しい現状がつづいている.

この打開策として、IT 技術駆使した個人別最適化学習に注目が集まっている,しかし,教育の情報は,生徒の情報と結びついている個人情報なためオープン化できず,現在でているサービスでは各サービス利用者の利用状況からデータを取得し,その運用に利用しているため一部の大手企業が情報を独占している.そこで個人の統計データではなく,解く数式の方に着目し,計算式自体の特徴を抽出し,間違えた問題と同様の特徴を持つ問題が復習する類題として最適なのではないかという仮定のもと,本論文では数式の特徴を掴むために自然言語処理の分野で使用される分散表現を適用し,さらに再帰ニューラルネットワークを用いて数式ベクトルを作り出すことを目標とし,そ

表 1.1 出勤時刻・退勤時刻・学校にいる時間(平均時間、経年比較(教員年齢別[公立全体]))

	調査年	25 歳以上	26~30 歳	31~40 歳	41~50 歳	51~60 歳
	2010	7:44	7:43	7:44	7:42	7:42
出勤時間	2016	7:44	7:43	7:44	7:42	7:42
	2010	19:30	19:40	19:10	18:57	18:31
退勤時間	2016	20:00	19:54	19:26	19:05	18:46
	2010	11 時間 46 分	11 時間 57 分	11 時間 26 分	11 時間 15 分	10 時間 49 分
学校にいる時間	2016	12 時間 26 分	12 時間 18 分	11 時間 46 分	11 時間 26 分	11 時間 06 分

のベクトルを用いて実際に復習問題推定を行った.

第2章

分散表現

自然言語処理ではコンピューターで演算するために各単語を判別するために単語一つ一つを onehot ベクトルというものに置き換える. onehot ベクトルとはある語彙数 V の文章の中の単語 w_i がある時,次元数 V のベクトルに対し i 番目の要素のみ 1 で残りが全て 0 になっているベクトルのことである (式 2.1).

$$\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \\ \vdots \\ 0 \end{pmatrix} \quad (\mathbf{i} = 3 \ の時) \tag{2.1}$$

これにより単語一つ一つを別々のベクトルとして区別して表記することができる。しかし onehot ベクトルには問題点があり、一つ目として、ある単語の語彙数 V が増加すると比例して onehot ベクトルの次元 V も大きくなり、処理に時間がかかる点がある。また二つ目として onehot ベクトルでは情報が 0 か 1 しかないので疎なベクトルができる。疎なベクトルとは次元数が大きくてもそのベクトルの持つ意味が薄いベクトルをさす、このような問題を解決しようと考えられた のが分散表現である。

分散表現とは疎な onehot ベクトルを密な密な実数値をの集合をベクトルとして扱い、その実数値で単語の意味を表そうとする手法である。これにより疎なベクトルであった単語のベクトルを密な表現ができ、また、密度が上がることでベクトルの次元数を削減することができる。以下、3手法はその分散表現を得るにあたって機械学習を応用した推論をベースとして編み出された手法である。

2.1 Continuous Bag-of-Words Model

Continuous Bag-of-Words Model(以降,CBOW と略記) は文献 [1] で提唱された手法である。 ある単語数 v の単語列 $w_0,w_1,w_2,\ldots,w_{v-2},w_{v-1},w_v$ がある時,単語 w_t が文脈中で前後 m 単語 をコンテキスト C とする時の前後 m 単語が共に共起する事前確率が増大するように学習するモデルである(図 2.2).

図 2.1 より w_t をターゲットにした時の周辺単語 m 個を対象としたときの事後確率は式 2.2 のように書くことができる。 つまり CBOW モデルでは式 2.2 の最大化問題と見ることができる。 そこで CBOW の損失関数は,単に式 2.2 の確率に対数を取りマイナスをつけ,最小化問題として解く。式 2.3 はコーパス全体に拡張した形を示す。

$$P(w_t|w_{t-m},...,w_{t+m}) (2.2)$$

$$L = -\frac{1}{T} \sum_{t=0}^{T} \log P(w_t | w_{t-m}, ..., w_{t+m})$$
(2.3)

$$w_1, w_2, \dots, w_{t-1}, w_t, w_{t+1}, \dots w_{T-1}, w_T,$$

図 2.1 単語の列からターゲットとなる単語を推測する (m=1)

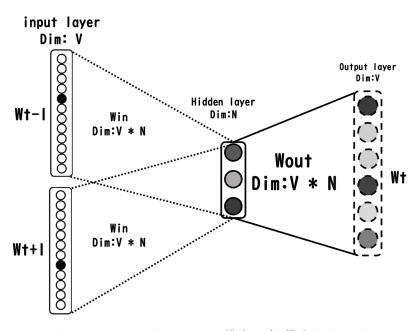


図 2.2 CBOW のネットワーク構成モデル模式図 (m=1)

Skip Gram 2.2

Skip Gram は文献 [1] で紹介されている章 2.1 で述べた CBOW とは別の手法である. CBOW とは逆に中心の単語 w_t から m 個の周辺単語を推測するモデルである. ネットワーク構成は図 2.4のようになる.

$$w_1, w_2, \dots, w_{t-1}, w_t, w_{t+1}, \dots w_{T-1}, w_T,$$

図 2.3 単語の列からターゲットとなる単語を推測する (m=1)

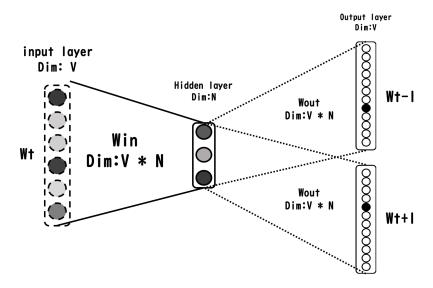


図 2.4 SkipGram のネットワーク構成モデル模式図 (m=1)

ある単語 w_t が入力層に入力され、周辺単語の $w_{t-m},...,w_{t+m}$ を推測する時、その全てが同時に 起こる確率は式 2.4 となる.

$$P(w_{t-m}, ..., w_{t+m}|w_t) (2.4)$$

ここで SkipGram モデルは $w_{t-m},...,w_{t+m}$ のそれぞれのあいだに関係性がないと仮定し、交差 エントロピーを用いて損失関数 (式 2.5) を定義する.

$$\log P(w_{t-m}, ..., w_{t+m}|w_t) = -\log \prod_{k=0}^{m} P(w_{t-k}|w_t)$$

$$= -\sum_{k=0}^{m} \log P(w_{t-k}|w_t)$$
(2.5)

そして式 2.5 をコンテキスト C をコーパス全体に拡張すると式 2.6 となり、この式を学習によっ て最小化していく.

$$\sum_{C} \log P(w_{t-m}, ..., w_{t+m} | w_t) = \sum_{C} -\log \prod_{k=0}^{m} P(w_{t-k} | w_t)$$

$$= -\sum_{C} \sum_{k=0}^{m} \log P(w_{t-k} | w_t)$$
(2.6)

第3章

LSTM(Long short-term memory)

順伝播ニューラルネットワークでは前の情報はつかわないため文章や音声など,一つ前の情報に影響を受けるデータに対しては有用ではない.そこで,ある時刻 t の出力の際,過去の情報も扱う再帰ニューラルネットワーク(以降 RNN と省略)というものが発案された.これは時刻 t の入力を x_t とする時,各ネットワークは過去の情報を記憶しているようにみなすことができる.しかしながら通常の RNN の場合,時間が経つほどに前の情報は薄れていく勾配消失が起こることがあった.これを解決しようとしたのが記憶情報ごとにメモリーの役割を果たすネットワークを分けた Long short-term memory(以降,LSTM と省略)というモデルである.LSTM では前の時刻 t-1 の C_{t-1} , h_{t-1} ,現時刻の x_t が入力ベクトルとして受け取る. C_{t-1} は LSTM で導入された時刻 0 から t-1 までの情報を記録しているベクトル, h_{t-1} は一時刻前の出力ベクトル, x_t は時刻 t の入力ベクトルである.それぞれのセルを計算するために4つのゲートを導入する.それぞれのゲートは入力セルの情報をどれくらい加味するかを重み付けするゲートである.様々なバージョンがある中でもっとも基本的なネットワーク構成を模式図を図 t 1.1 に示す.以下各ゲートに対して説明する.

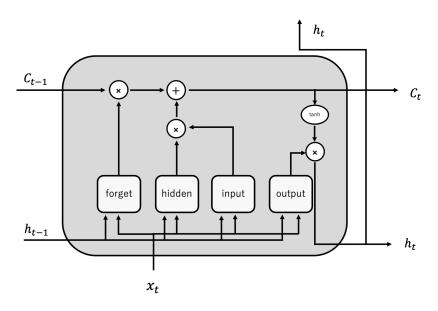


図 3.1 LSTM のネットワーク構成モデル模式図: 図中の forget, hidden, input output はそれ ぞれゲートが扱う情報を示している

3.1 forget ゲート

forget ゲートは過去の情報が詰まっている C セルをどの程度次の今の時刻に使うかを決める重みである。その重みは入力と一時刻前の隠れ層の出力が使われており、その式を 3.1 に示す

$$f = sigmoid(x_t W_x^{(f)} + h_{t-1} W_h^{(f)} + b^{(f)})$$
(3.1)

これにより時刻tの C_t は式3.2と求められる.

$$C_t = f \odot C_{t-1} \tag{3.2}$$

3.2 output ゲート

ouput ゲートでは次の時刻にどれくらい現在の情報を渡すかを決める重みである. その重みは入力と一時刻前の隠れ層の出力が使われており、その式を 3.3 に示す

$$o = sigmoid(x_t W_x^{(o)} + h_{t-1} W_h^{(o)} + b^{(o)})$$
(3.3)

これにより時刻 t の C_t は式 3.4 と求められる.

$$C_t = o \odot \tanh(C_t) \tag{3.4}$$

3.3 hidden ゲート

hidden ゲートでは forget ゲートで差し引かれた記憶セル C に新たな情報を加えるゲートである.

その情報は入力と一時刻前の隠れ層の出力を用いて算出する. (式 3.5)

$$\bar{h} = \tanh(x_t W_r^{(h)} + h_{t-1} W_h^{(h)} + b^{(h)})$$
(3.5)

この \bar{h} が一時刻前の C_{t-1} に加算されることで新たな記憶を追加する.

3.4 input ゲート

input ゲートでは hidden ゲートで追加しようとした新たな記憶をどのくらい加算するかを決める重みを求めるゲートである。その重みは入力と一時刻前の隠れ層の出力が使われており、その式を 3.6 に示す

$$i = sigmoid(x_t W_x^{(i)} + h_{t-1} W_h^{(i)} + b^{(i)})$$
(3.6)

これにより時刻tの C_t は式3.7と求められる.

$$C_t = sigmoid(C_t + i) (3.7)$$

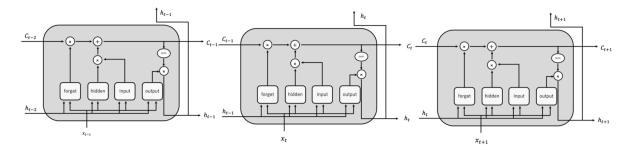


図 3.2 LSTM の 3 時刻展開:記憶を守る機構によりより高い濃度で次の時刻に情報を渡すことができる

3.5 LSTM のまとめ

章 3.1, 章 3.2, 章 3.4, 章 3.5 で紹介したものをまとめると式 3.8 のようになる.

$$f = sigmoid(x_{t}W_{x}^{(f)} + h_{t-1}W_{h}^{(f)} + b^{(f)})$$

$$o = sigmoid(x_{t}W_{x}^{(o)} + h_{t-1}W_{h}^{(o)} + b^{(o)})$$

$$\bar{h} = \tanh(x_{t}W_{x}^{(h)} + h_{t-1}W_{h}^{(h)} + b^{(h)})$$

$$i = sigmoid(x_{t}W_{x}^{(i)} + h_{t-1}W_{h}^{(i)} + b^{(i)})$$
(3.8)

$$c_t = f \odot c_{t-1} + g \odot i \tag{3.9}$$

$$h_t = o \odot \tanh(c_t) \tag{3.10}$$

LSTM モデルを 3 時刻分展開したものを図 3.2 に示す.

第4章

系列変換

系列変換とは再帰ニューラルネットワークを用いて時系列データを時系列データに変換することをさす. モデルの構成図の例を図 4.1 にしめす.

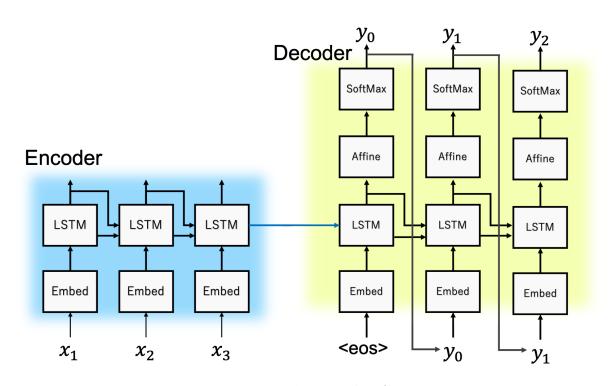


図 4.1 LSTM を用いた基本的な系列変換モデルの 3 時刻展開

大きく分けて Encoder と Decoder に分かれる。Encoder 側は入力を受け取り Embedding 層で入力系列 x_i を埋め込み行列に変換し、LSTM に入力として渡す。Encoder では LSTM が時系列 データを記憶するメモリーのように振る舞い次の時刻へ情報を渡していく、時刻 t の時の LSTM の隠れ層の出力 h_t には LSTM が渡してきた $1\sim t$ までの情報が溜め込まれており,入力系列を変換するために必要な情報がエンコードされて任意の固定長ベクトルに溜め込まれる。この固定長ベクトル Decoder 側の最初の LSTM の前の時刻の h として入力され,区切れ文字ieosieosieoieosieoieosieoieos

$$softmax(x_i) = \frac{e^{x_i}}{\sum e^{x_i}} \tag{4.1}$$

区切れ文字 <EOS> によって出力された y_0 を次の時刻の入力とし,2 時刻目として y_1 を出力し再び区切れ文字を出力するまで繰り返す,この技術を応用して機械翻訳など時系列データを扱う.

第5章

Exericises Vecter Representation

5.1 システム全体の流れ

数式の特徴を取り出しS次元のベクトルに変換し、その分布から類題選出を行うシステムを作成する。概要を図5.1に示す、ExericisesEncoder は数式を数式をベクトル表現に変換し蓄積しておく。その変換結果のベクトルと間違えた問題も同様の手段でベクトル化し蓄積した式のベクトル表現との類似度を算出し、その類似度が高い式を類題として出力する。

Exericises Vecter Representation 概要

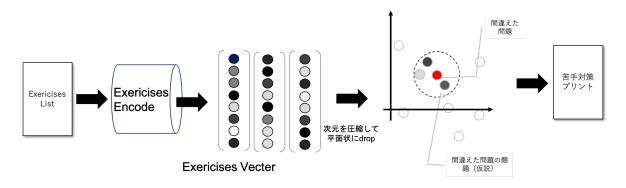


図 5.1 ExericisesEncoder 模式図

5.2 計算式の特徴量抽出

5.2.1 概要

数式を分布化する際、そのベクトルの中に数式の特徴を入れ込んだベクトルを生成する手法が確立していない。そこで本論文では数式の各文字、記号を単語のようにみなし、onehot ベクトルを作成し、それを埋め込み層で特徴を踏まえたベクトルに変換したのち、系列変換モデルで読み込むことで数式の特徴を掴んだベクトルを生成できないかと考えた。

この考えを実現するために数式は我々が目にする 2x+3=5, $\frac{3x-1}{2}+4=\frac{2}{5}$ ではなく,テキスト化かつその特徴を強く受けた形に変換する必要がある.そこで本論文では数式をある一定のルールの中でテキスト化されている $T_{\rm EX}$ 形式の数式を用いる.上記の計算式なら 2x+3=5.\frac{3x-1}{2}+4=\frac{2}{5}とし,このテキストデータを用いて文字単位の埋め込

んだベクトルを作成する. この式を数字, 文字, 小数点, 符号, 丸括弧, 波括弧でわけそれぞれ 1-of-k 表記でベクトル化する.

実験を行った手法は以下の2種法で行い、それぞれ分布を python を用いて確認した.

- CBOW
- SkipGram

5.2.2 文字分布の予備実験結果

予備実験として埋め込み層に利用する CBOW, SkipGram で文字の特徴が得られているかを確認した. 以下その結果である.

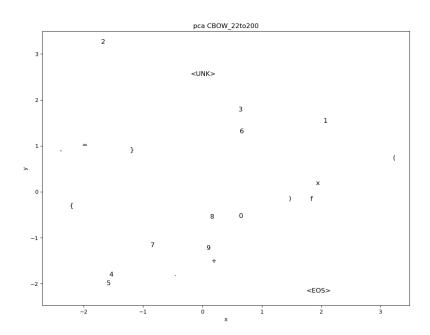


図 5.2 CBOW にて 22 次元を 200 次元に分散表現を変換したのち pca で再構成しグラフ化した結果

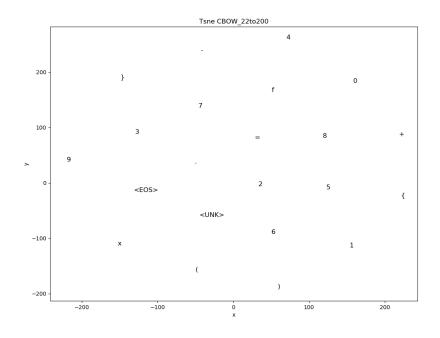


図 5.3 CBOW 22 次元を 200 次元に分散表現を変換したのち T-SNE で再構成しグラフ化した結果

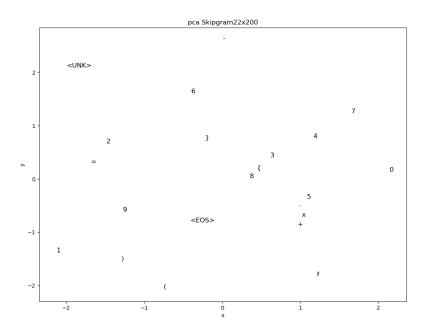


図 5.4 SkipGram にて 22 次元を 200 次元に分散表現を変換したのち pca で再構成しグラフ化した結果

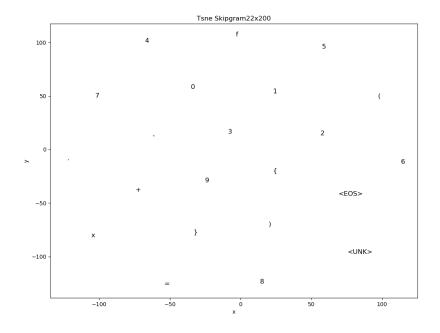


図 5.5 SkipGram にて 22 次元を 200 次元に分散表現を変換したのち T-SNE で再構成しグラフ化した結果

図 5.2 や図 5.3 を見るとそれぞれの文字に関係はないように見える。実際にベクトルの類似度のランキングは以下のようになった。

input -> f	input -> (
f > : 1.0	(> : 1.0
1 > : 0.17398714	8 > : 0.09469227
(> : 0.0753936	f > : 0.0753936
0 > : 0.074519895	1 > : 0.041964278
9 > : 0.073732376	<eos> > : 0.037387587</eos>
input -> {	input ->)
{ > : 1.0) > : 1.0
. > : 0.13987027	+ > : 0.09924331
5 > : 0.09743428	9 > : 0.09857762
= > : 0.095088534	6 > : 0.097303286
) > : 0.08915341	1 > : 0.092290804
input -> }	input -> x
} > : 1.0	x > : 1.0
2 > : 0.16118826	3 > : 0.10958019
<eos> > : 0.0995764</eos>	1 > : 0.09617383
. > : 0.08879773	<eos> > : 0.06585052</eos>
= > : 0.07274125	4 > : 0.04960839

input -> =	2 > : 1.0
= > : 1.0	<unk> > : 0.199631</unk>
2 > : 0.13625735	} > : 0.16118826
{ > : 0.095088534	= > : 0.13625735
4 > : 0.093133554	- > : 0.1244827
- > : 0.08290612	
	input -> 3
input -> +	3 > : 1.0
+ > : 1.0	x > : 0.10958019
4 > : 0.12931207	1 > : 0.107833974
7 > : 0.12860014	6 > : 0.09221797
) > : 0.09924331	4 > : 0.04106327
5 > : 0.06933217	
	input -> 4
input -> -	4 > : 1.0
- > : 1.0	5 > : 0.17106494
7 > : 0.13888691	. > : 0.13893604
2 > : 0.1244827	+ > : 0.12931207
<unk> > : 0.09517622</unk>	= > : 0.093133554
= > : 0.08290612	
	input -> 5
input -> .	5 : 1.0
. > : 1.0	4 : 0.17106494
<eos> > : 0.1587607</eos>	9 : 0.14783658
{ > : 0.13987027	8 : 0.101983085
4 > : 0.13893604	{ : 0.09743428
} > : 0.08879773	
	input -> 6
input -> 0	6 : 1.0
0 > : 1.0	<unk> : 0.18014975</unk>
7 > : 0.1502817	7 : 0.100414015
<eos> > : 0.09792947</eos>) : 0.097303286
9 > : 0.084178284	3 : 0.09221797
- > : 0.077697314	
	input -> 7
input -> 1	7 : 1.0
1 > : 1.0	0 : 0.1502817
f > : 0.17398714	- : 0.13888691
3 > : 0.107833974	+ : 0.12860014
x > : 0.09617383	6 : 0.100414015
) > : 0.092290804	
	input -> 8
input -> 2	8 : 1.0

9 :0.11858558 <EOS> : 1.0

 <UNK>
 : 0.10947606
 .
 : 0.1587607

 5
 : 0.101983085
 }
 : 0.0995764

 (
 : 0.09469227
 0
 : 0.09792947

) : 0.09064378

input -> 9

9 : 1.0 input -> <UNK>
5 : 0.14783658 <UNK> : 1.0

 8
 : 0.11858558
 2
 : 0.199631

)
 : 0.09857762
 6
 : 0.18014975

 0
 : 0.084178284
 8
 : 0.10947606

- : 0.09517622

input -> <EOS>

これを見てもベクトル間に関係が現れていないように見える. [2] であるようにベクトル間の演算はできないが、丸括弧(,)と波括弧 {} のベクトル間距離を測ると

() の距離 27.04968437532474

{} の距離 27.04968437532474

このように完全に一致した.このことから word2vec を数式に用いた場合,今回の一次方程式がコーパスの際には記号の位置関係だけ学びが数字自体の演算はできないが数式の形状は取り出せる事がわかった.

なお、ベクトル間の距離を式 5.1、類似度を式 5.2 で算出する

$$|\vec{a} - \vec{b}| = \sqrt{|\vec{a}|^2 + |\vec{b}|^2 - 2\vec{a} \cdot \vec{b}}$$
 (5.1)

$$\cos \theta = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{a}||\vec{b}|} \tag{5.2}$$

5.3 系列変換モデルの検討

本論文の目的としては系列変換の過程で用いれる Encoder から Decoder に渡す最終出力 h を式ベクトルとしてみなす。よって h の精度を高めていくモデルが必要となる。そこで実験するモデルは比較対象として通常の LSTM で行う系列変換を多層に積み上げるモデル(図 5.6)と通常 Decoder が側で利用される SkipConnection を Encoder で採用し、層を熱くすることで勾配が消失を防ぎ過学習を起こしにくくした SkipConnection モデル(図 5.7),前時刻の情報も用いる Bi-Directional(図 5.8)を採用した双方向 RNN モデルの三種を実装した。

今回、この実験ではエンコーダー側がより精度の高いベクトルを生成してもらうことが目的なのでデコーダ側は通常のLSTMを一層で行う系列変換で確認を行うこととした。

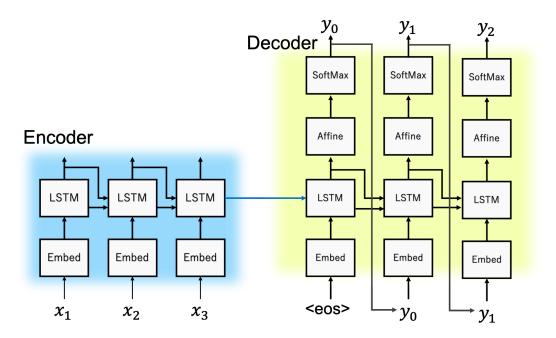


図 5.6 基本モデル

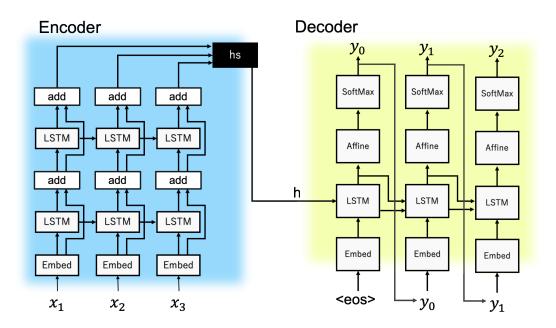


図 5.7 SkipConnection モデル

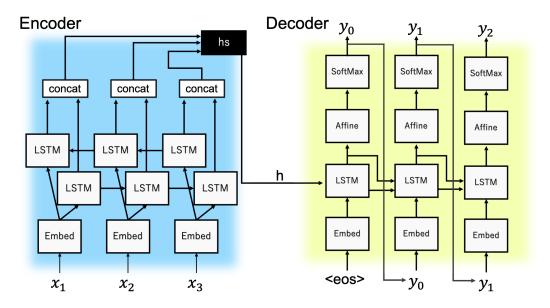


図 5.8 bi-directionl モデル

第6章

結果とその検討

6.1 実験

以下の目的,方法,を元に実験を行った.

6.1.1 実験1:計算式の特徴量抽出

- 目的. 数式のベクトル表現は可能なのかどうか
- 方法. 埋め込み層, ネットワーク構成を変えながら Encoder の出力値を pca,t-sne で二次元ベクトルに圧縮し図示し確認する

実験で試したネットワーク構成を表 6.1 に示す.

表 6.1 ネットワーク構成

モデル	入力サイズ	Encoder の出力サイズ	LSTM 層の数
Normal	22	200	1
		200	4
		200	8
		500	1
		500	4
		500	8
		1000	1
		1000	4
		1000	8
SkipConnect	22	200	1
		200	4
		200	8
		500	1
		500	4
		500	8
		1000	1
		1000	4
		1000	8
BiDirectional	22	200	1
		500	1
		1000	1

6.1.2 実験2:計算式の類題選出

- 目的. 数式のベクトル表現は類題選出として利用可能かどうかの検証
- 方法.以下の5種類の式に近い式を算出した.式の選定基準は一つ目は単純な式,二つ目は分数を含む式,三つ目は小数を含む式,四つ目はかっこが含まれる式,五つ目は四つ目のかっこの前の係数だけ変更した式となっている.これらにより類題として選出されるものがどう変化するかを確認した.算出には cos 類似度を用いて算出している.
 - 1. x-3=7
 - 2. $f{4}{3}x-9=-10$
 - 3. 0.1x=0.5x-1.6
 - 4. 2(x+5)=6
 - 5. -4(x+5)=6

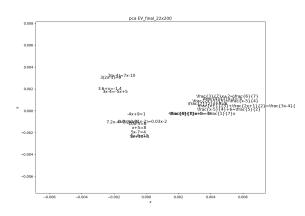
6.2 実験結果

6.2.1 実験1:計算式の特徴量抽出

学習データ 20 個を学習し、Encoder の出力の式の分散表現と思われるものの分布である. 学習 データの先頭 20 個を示す.

- x+5=8
- 5x-7=4
- \bullet 3.6+x=-1.4
- 3x-4=-5x+5
- $\frac{7}{2}x+9=6$
- 3(2x-1)=9
- $\frac{3}{7}x+2=\frac{6}{7}$
- $-\frac{4}{7}x+3=-\frac{1}{7}x$
- $\frac{x+1}{3}+\frac{2x+1}{2}=\frac{3x-4}{2}$
- -4x+9=1
- 5x-9=10
- 7.2x-4=2.2x+9
- 3(x-4)=7x-10
- $\frac{3}{7}x-3=-5$
- $-\frac{9}{8}x-4=-3x$
- $\frac{x-5}{4}+6=\frac{5}{2}$
- $\frac{2x+1}{5}=\frac{x-5}{4}$
- 0.8x-(0.01x-2)=0.03x-2
- -10x-5=8
- 5x+10=1

この 20 個の式を学習させ、pca を用いて 2 次元に圧縮し二次元座標平面状にプロットしたものが以下の図 6.1 から 6.10 である.



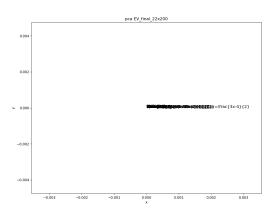
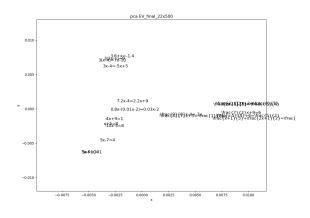


図 6.1 Normal LSTM 1 層 200 次元 学習 データ

図 6.2 Normal LSTM4 層 200 次元 学習データ



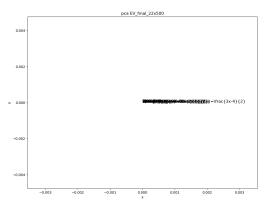
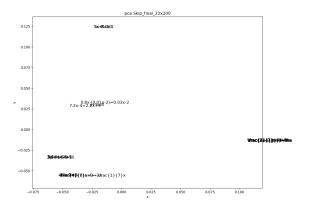


図 6.3 Normal LSTM 1 層 500 次元 学習 データ

図 6.4 Normal LSTM4 層 500 次元 学習データ



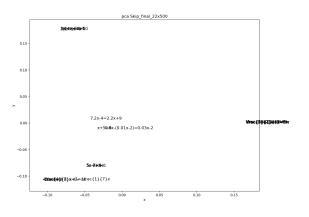
pca Skip final 22x200

0.123
0.123
0.050
0.050
0.023
7.2x-4=228398

0.000
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023
-0.023

図 6.5 Skipconnect : LSTM1 層 200 次元 学 習データ

図 6.6 Skipconnect : LSTM 4層 200 次元 学習データ



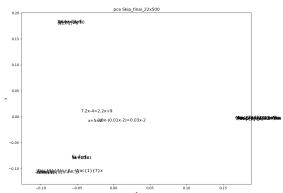
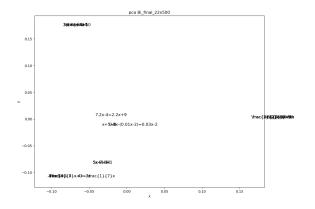


図 6.7 Skipconnect : LSTM1 層 500 次元 学 習データ

図 6.8 Normal LSTM4 層 500 次元 学習データ



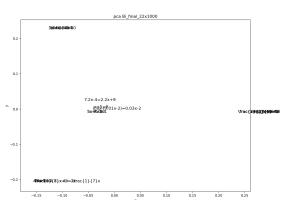


図 6.9 BiDirection : LSTM1 層 500 次元 学 習データ

図 6.10 BiDirection : LSTM1 層 1000 次元 学習データ

6.2.2 実験2:計算式の類題選出

(FOD 00-000 1)	F 0-10 > 0 40007F22
(E2D,22x200,1)	5x-9=10 > 0.42997533
input -> x-3=7	3x-4=-5x+5 > 0.40712854
x+5=8 > 0.63249105	
-4x+9=1 > 0.51575977	input -> f{4}{3}x-9=-10
3x-4=-5x+5 > 0.46359363	f{3}{7}x-3=-5 > 0.5422475
5x-7=4 > 0.37445745	f{3}{7}x+2=f{6}{7} > 0.5099867
-10x-5=8 > 0.34664097	f{7}{2}x+9=6 > 0.41349775
	$f\{x-5\}\{4\}+6=f\{5\}\{2\} > 0.41288218$
input -> $f{4}{3}x-9=-10$	$f{x+1}{3}+f{2x+1}{2}=f{3x-4}{2} > 0.40129977$
$f{3}{7}x-3=-5 > 0.7850381$	
$f{x+1}{3}+f{2x+1}{2}=f{3x-4}{2} > 0.77$	219iniput -> 0.1x=0.5x-1.6
$f{2x+1}{5}=f{x-5}{4} > 0.76056147$	5x+10=1 > 0.58841765
$f{3}{7}x+2=f{6}{7} > 0.7463832$	-10x-5=8 > 0.4436729
$f\{x-5\}\{4\}+6=f\{5\}\{2\} > 0.6864292$	x+5=8 > 0.4008802
	3.6+x=-1.4 > 0.36578417
input -> 0.1x=0.5x-1.6	0.8x-(0.01x-2)=0.03x-2 > 0.36264732
0.8x-(0.01x-2)=0.03x-2 > 0.6520523	
5x+10=1 > 0.2675685	input -> $2(x+5)=6$
-10x-5=8 > 0.2635844	3.6+x=-1.4 > 0.5942565
5x-9=10 > 0.23685867	5x+10=1 > 0.48992863
3.6+x=-1.4 > 0.21152465	-4x+9=1 > 0.48576206
	-10x-5=8 > 0.4486919
input -> 2(x+5)=6	3(2x-1)=9 > 0.44568402
3(2x-1)=9 > 0.35038313	
7.2x-4=2.2x+9 > 0.2327334	input -> $-4(x+5)=6$
-10x-5=8 > 0.18016028	3(x-4)=7x-10 > 0.47201797
3(x-4)=7x-10 > 0.14790037	3x-4=-5x+5 > 0.4246915
-4x+9=1 > 0.13934354	3(2x-1)=9 > 0.41776437
	3.6+x=-1.4 > 0.41684836
input -> -4(x+5)=6	-4x+9=1 > 0.405431
-4x+9=1 > 0.5840845	
-10x-5=8 > 0.42375866	(E2D,22x500,1)
$-f{4}{7}x+3=-f{1}{7}x > 0.3361272$	input -> x-3=7
$-f\{9\}\{8\}x-4=-3x > 0.33137092$	x+5=8 > 0.5041102
3(2x-1)=9 > 0.26606593	5x-7=4 > 0.43090042
3(22-1) 0 : 0.20000000	3x-4=-5x+5 > 0.4022961
(E2D,22x200,4)	-4x+9=1 > 0.36580664
input -> x-3=7	-10x-5=8 > 0.3566242
5x-7=4 > 0.54198825	101 0 0 7 0.0000212
3.6+x=-1.4 > 0.5128153	input -> f{4}{3}x-9=-10
J.UFX-1.4 / U.UIZOIUJ	τπδαρ -> τ/#λ/ολγ_2-10

3(x-4)=7x-10 > 0.4354707

 $f{2x+1}{5}=f{x-5}{4} > 0.6799136$

$f{3}{7}x+2=f{6}{7} > 0.66871506$	5x+10=1 > 0.40037552
$f{3}{7}x-3=-5 > 0.63221306$	-10x-5=8 > 0.38001946
f{7}{2}x+9=6 > 0.62045336	7.2x-4=2.2x+9 > 0.34014693
$f\{x-5\}\{4\}+6=f\{5\}\{2\} > 0.6126618$	5x-9=10 > 0.30816618
input -> 0.1x=0.5x-1.6	input -> 2(x+5)=6
0.8x-(0.01x-2)=0.03x-2 > 0.6608256	x+5=8 > 0.40354547
-10x-5=8 > 0.26563585	-4x+9=1 > 0.35677424
7.2x-4=2.2x+9 > 0.10729176	5x+10=1 > 0.3399427
5x+10=1 > 0.07186547	3x-4=-5x+5 > 0.32587215
5x-7=4 > 0.06983195	5x-9=10 > 0.30948675
input -> 2(x+5)=6	input $-> -4(x+5)=6$
3(2x-1)=9 > 0.34267813	-4x+9=1 > 0.45976484
3(x-4)=7x-10 > 0.26543015	3(2x-1)=9 > 0.44838655
x+5=8 > 0.14327708	3(x-4)=7x-10 > 0.44507775
7.2x-4=2.2x+9 > 0.09497703	3x-4=-5x+5 > 0.41550732
5x-7=4 > 0.09321747	5x+10=1 > 0.39120623
input -> -4(x+5)=6	(SkipConnect,22x200,1)
-4x+9=1 > 0.6462116	input -> x-3=7
$-f{4}{7}x+3=-f{1}{7}x > 0.5339517$	x+5=8 > 0.9992102
-10x-5=8 > 0.52086926	5x-7=4 > 0.103900485
$-f{9}{8}x-4=-3x > 0.4385273$	5x-9=10 > 0.10103803
3(2x-1)=9 > 0.22972853	5x+10=1 > 0.10090397
	0.8x-(0.01x-2)=0.03x-2 > 0.056252494
(E2D,22x500,4)	
input -> x-3=7	input -> $f{4}{3}x-9=-10$
5x-7=4 > 0.63509744	$f{x+1}{3}+f{2x+1}{2}=f{3x-4}{2} > 0.9995322$
3(x-4)=7x-10 > 0.35428092	$f{7}{2}x+9=6 > 0.99950767$
3x-4=-5x+5 > 0.32140106	$f{2x+1}{5}=f{x-5}{4} > 0.99944717$
5x-9=10 > 0.31671238	$f{3}{7}x-3=-5 > 0.9994374$
7.2x-4=2.2x+9 > 0.30203113	$f{3}{7}x+2=f{6}{7} > 0.99936974$
input -> $f{4}{3}x-9=-10$	input \rightarrow 0.1x=0.5x-1.6
$-f{4}{7}x+3=-f{1}{7}x > 0.526642$	0.8x-(0.01x-2)=0.03x-2 > 0.99956876
$-f{9}{8}x-4=-3x > 0.5013254$	7.2x-4=2.2x+9 > 0.15331809
$f{3}{7}x+2=f{6}{7} > 0.48038918$	5x+10=1 > 0.06821839
$f{3}{7}x-3=-5 > 0.44904423$	5x-9=10 > 0.06796204
$f\{x-5\}\{4\}+6=f\{5\}\{2\} > 0.43042234$	5x-7=4 > 0.06795898
input -> 0.1x=0.5x-1.6	input -> 2(x+5)=6
0.8x-(0.01x-2)=0.03x-2 > 0.44048625	-10x-5=8 > 0.07233458

$-f{9}{8}x-4=-3x > 0.07110687$	-10x-5=8 > 0.9905317
$-f\{4\}\{7\}x+3=-f\{1\}\{7\}x > 0.06979919$	$-f{9}{8}x-4=-3x > 0.99049413$
-4x+9=1 > 0.06909512	$-f{4}{7}x+3=-f{1}{7}x > 0.9898074$
7.2x-4=2.2x+9 > 0.06274002	3(x-4)=7x-10 > 0.12222159
input -> -4(x+5)=6	(SkipConnect, 22x500,1)
-4x+9=1 > 0.99952376	input -> x-3=7
-10x-5=8 > 0.9993909	x+5=8 > 0.9985129
$-f{9}{8}x-4=-3x > 0.9993892$	5x-9=10 > 0.08639299
$-f{4}{7}x+3=-f{1}{7}x > 0.9993443$	5x+10=1 > 0.08614361
3(2x-1)=9 > 0.10688299	5x-7=4 > 0.08450132
	7.2x-4=2.2x+9 > 0.022682244
(SkipConnect,22x200,4)	
input -> x-3=7	input -> f{4}{3}x-9=-10
x+5=8 > 0.9875939	f{7}{2}x+9=6 > 0.99893767
5x-7=4 > 0.12746142	$f\{x-5\}\{4\}+6=f\{5\}\{2\} > 0.9988778$
5x-9=10 > 0.117053255	$f{2x+1}{5}=f{x-5}{4} > 0.99882036$
5x+10=1 > 0.11581019	$f{x+1}{3}+f{2x+1}{2}=f{3x-4}{2} > 0.9987397$
7.2x-4=2.2x+9 > 0.062106866	f{3}{7}x-3=-5 > 0.998687
input -> $f{4}{3}x-9=-10$	input -> 0.1x=0.5x-1.6
$f\{x+1\}\{3\}+f\{2x+1\}\{2\}=f\{3x-4\}\{2\} > 0.992$	258888x - (0.01x - 2) = 0.03x - 2 > 0.9989714
$f{7}{2}x+9=6 > 0.99215454$	7.2x-4=2.2x+9 > 0.048562393
$f{2x+1}{5}=f{x-5}{4} > 0.99121284$	5x+10=1 > -0.0023969454
$f{3}{7}x-3=-5 > 0.9911232$	5x-7=4 > -0.0034068115
$f{3}{7}x+2=f{6}{7} > 0.9899465$	5x-9=10 > -0.0037735393
input -> 0.1x=0.5x-1.6	input -> 2(x+5)=6
0.8x-(0.01x-2)=0.03x-2 > 0.99327874	0.8x-(0.01x-2)=0.03x-2 > 0.053192772
7.2x-4=2.2x+9 > 0.14797597	3(x-4)=7x-10 > 0.030962994
5x+10=1 > 0.06948129	3(2x-1)=9 > 0.02977163
3(x-4)=7x-10 > 0.06899708	3x-4=-5x+5 > 0.029094115
5x-7=4 > 0.06783435	3.6+x=-1.4 > 0.026403673
input -> 2(x+5)=6	input -> -4(x+5)=6
-10x-5=8 > 0.06543746	-4x+9=1 > 0.9988102
7.2x-4=2.2x+9 > 0.06363101	$-f\{4\}\{7\}x+3=-f\{1\}\{7\}x > 0.9986133$
$-f\{9\}\{8\}x-4=-3x > 0.061529033$	-10x-5=8 > 0.9985031
$-f\{4\}\{7\}x+3=-f\{1\}\{7\}x > 0.056455687$	
-4x+9=1 > 0.054030705	3(2x-1)=9 > 0.042862155
innet > 4(=:5) C	(Main Garage et 200, 500, 4)
input -> -4(x+5)=6	(SkipConnect,22x500,4)
-4x+9=1 > 0.9925555	input -> x-3=7

input -> $f{4}{3}x-9=-10$	input -> 0.1x=0.5x-1.6
1.24 4-2.24 9 / 0.010401201	1 (2x, 1) (0) -1 (x 0) (4) / 0.3333500
5x-9=10 > 0.038846277 7.2x-4=2.2x+9 > 0.010487251	$f(2x+1){5}=f(x-5){4} > 0.99999195$
5x+10=1 > 0.038894806 5x-9=10 > 0.038846277	$f\{x-5\}\{4\}+6=f\{5\}\{2\} > 0.99999195$
5x-7=4 > 0.038947914 5x+10=1 > 0.038894806	$f{x+1}{3}+f{2x+1}{2}=f{3x-4}{2} > 0.9999934$ $f{7}{2}x+9=6 > 0.9999921$
x+5=8 > 0.9997734	$f{3}{7}x-3=-5 > 0.9999958$
input -> x-3=7	input -> f{4}{3}x-9=-10
(BiDirection, 22x1000,1)	innut > 4[4][2] 0 40
(B:B: 1: 00 1000 1)	7.2x-4=2.2x+9 > 0.024959242
5x-9=10 > 0.04998351	5x+10=1 > 0.087610476
$-f\{9\}\{8\}x-4=-3x > 0.97653407$	5x-9=10 > 0.0876671
-10x-5=8 > 0.97658247	5x-7=4 > 0.08769508
$-f\{4\}\{7\}x+3=-f\{1\}\{7\}x > 0.97842187$	x+5=8 > 0.9999731
-4x+9=1 > 0.9815212	input -> x-3=7
input -> -4(x+5)=6	(BiDirection, 22x500, 1)
3.6+x=-1.4 > 0.027438302	5x+10=1 > -0.0056551313
3x-4=-5x+5 > 0.03703344	5x-9=10 > -0.0054984926
3(2x-1)=9 > 0.04321651	5x-7=4 > -0.0052865595
3(x-4)=7x-10 > 0.04603839	7.2x-4=2.2x+9 > 0.05125433
0.8x-(0.01x-2)=0.03x-2 > 0.05081703	0.8x-(0.01x-2)=0.03x-2 > 0.99999374
input -> 2(x+5)=6	input -> 0.1x=0.5x-1.6
5x-7=4 > 0.0034504072	$-f{9}{8}x-4=-3x > 0.030304186$
5x-9=10 > 0.004513708	$-f\{4\}\{7\}x+3=-f\{1\}\{7\}x > 0.030395705$
5x+10=1 > 0.0113574555	-10x-5=8 > 0.030419663
7.2x-4=2.2x+9 > 0.041647438	-4x+9=1 > 0.030778404
0.8x - (0.01x - 2) = 0.03x - 2 > 0.98391217	
input -> 0.1x=0.5x-1.6	input -> 2(x+5)=6
$f{3}{7}x-3=-5 > 0.9795759$	$-f{4}{7}x+3=-f{1}{7}x > -0.0101345405$
$f{x+1}{3}+f{2x+1}{2}=f{3x-4}{2} > 0.9$	98049 419 0x-5=8 > -0.010107546
$f{2x+1}{5}=f{x-5}{4} > 0.9814349$	$-f{9}{8}x-4=-3x > -0.009895174$
$f\{x-5\}\{4\}+6=f\{5\}\{2\} > 0.9826198$	x+5=8 > 0.005331255
f{7}{2}x+9=6 > 0.98354775	0.8x-(0.01x-2)=0.03x-2 > 0.9999254
input -> f{4}{3}x-9=-10	input -> 0.1x=0.5x-1.6
3(2x-1)=9 > 0.029998895	$f{2x+1}{5}=f{x-5}{4} > 0.9999273$
5x-7=4 > 0.08161699	$f\{x-5\}\{4\}+6=f\{5\}\{2\} > 0.9999325$
5x+10=1 > 0.08693643	$f{3}{7}x+2=f{6}{7} > 0.9999357$
5x-9=10 > 0.08869101	$f{x+1}{3}+f{2x+1}{2}=f{3x-4}{2} > 0.99993575$
x+5=8 > 0.9761915	$f{3}{7}x-3=-5 > 0.9999632$

0.8x-(0.01x-2)=0.03x-2 > 0.999993743(2x-1)=9 > 0.026986057.2x-4=2.2x+9 > 0.051254333.6+x=-1.4 > 0.02692995x-7=4 > -0.00528655955x-9=10 > -0.0054984926input -> -4(x+5)=65x+10=1 > -0.0056551313 $-f{9}{8}x-4=-3x > 0.99998415$ -10x-5=8 > 0.9999834-4x+9=1 > 0.9999829input -> 2(x+5)=60.8x-(0.01x-2)=0.03x-2 > 0.05376342 $-f\{4\}\{7\}x+3=-f\{1\}\{7\}x > 0.9999825$ 3x-4=-5x+5 > 0.0271421243(2x-1)=9 > 0.04576244

6.3 考察

3(x-4)=7x-10 > 0.027122606

6.3.1 実験1:計算式の特徴量抽出について

今回の実験にて NormalEncoder, SkipConnection, BiDirectional の三種類の encoder について評価実験を行った. NormalEncoder でも 200 次元では分布として分かれていたが, LSTM を深くすると勾配が消失し,一点に集中している. しかし, SkipConnection を用いると四層の LSTM を繋いでも勾配消失が防ぐ事ができる事が確認できた.

また Bi-Directional ではテストデータでも高精度に分類できており、それぞれの encoder の効果がみて取れた.

図 6.2.1, 図 6.2.1, 図??のどれもが同系列そうな問題が近い分布となった。図 6.1 ですらは分数の中でも符号でも分かれており、拡大してみてみると式の始まりが負の方程式だけまとまっているところがありわずかながらその違いを表しているように見える(図 6.11)、¥

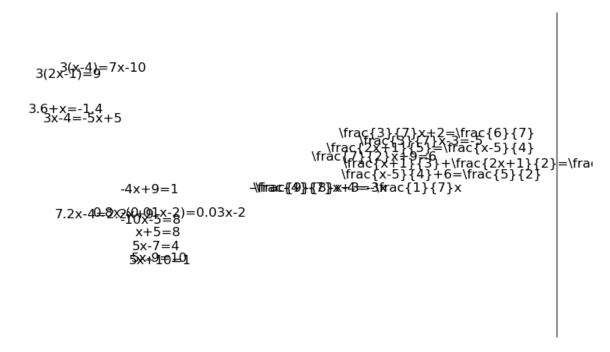


図 6.11 NormalRNN で作った 200 次元の Exericises Vecter の一部

みると小数を含む式と整数だけの式の距離がより離れ、分類がより正確になっているように見える.このことからより高次元で再構成すると高い再現率が期待でき、より高品質な式ベクトルだと言える.

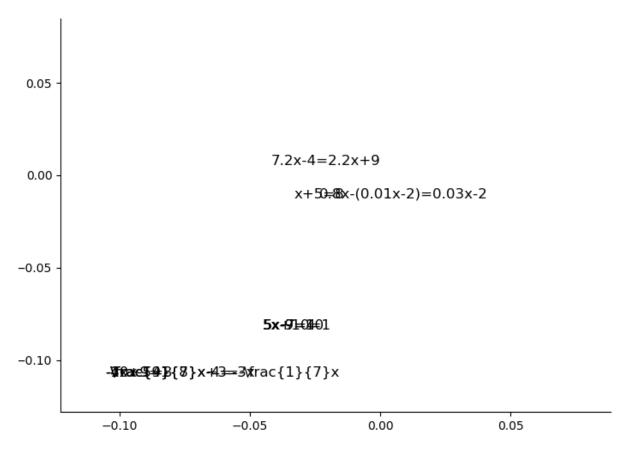


図 6.12 Bi-DirectionalRNN で作った 500 次元の Exericises Vecter の一部

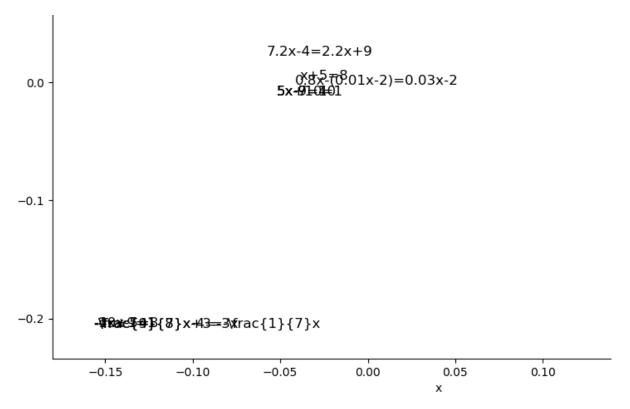


図 6.13 Bi-DirectionalRNN で作った 1000 次元の Exericises Vecter の一部

このことより系列変換を用いて数式の分類は可能であり応用の余地がある事が確認できた.ただし、SkipConnectでは層を深くしても過学習は怒らないが特徴をうまく捉え切ることができなかった

6.3.2 実験2:計算式の類題選出

第7章

関連研究

自然言語処理を数式を適応した例は筆者が調べるかぎりはなく、自然言語以外に Word2vec を適用しようとした研究はいくつかある. 文献 [7] では文の特徴を Encoder-Decoder の機構を用いて学習し、本研究と同様に Encoder の隠れ層の出力により文章の類似度を算出している. 文献 [7] によると小説の一部を学習データに用いて、埋め込み層として SkipGram を適用している. gemsimの Doc2Vec との比較がなされているが、ユーザーにとって有益な評価方法の設定の難しさを述べている.

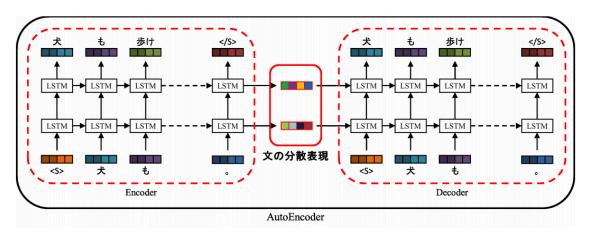


図 7.1 文献 [7] ネットワーク構成

文献 [5] ではエラーのあるプログラムコードを埋め込み、再構成して実行できるプログラムを再構成できるか試している。C 言語で書かれたプログラムを一文字ごと、1-of-k 符号化して読み込んでいる。この論文では大小文字を区別して学習し、1-D Convolution を用いて情報を圧縮し再構成することで上記のことが可能だと述べている。Dropout を用いると性能が向上しており、自然言語と同様に過学習が通常の RNN では起きるので対策として本論文でも Dropout を採用した。

文献 [8] では DeepLearing の技術の検索の際,ユーザーが求めている情報を推奨することを目的としている.評価方法として Movie Lens-100K での映画の推奨をパラメーター,ネットワークの構成を様々試しながら知見を集めている. AE は層を重ねても,性能は向上せず,各映画のユーザー平均を差し引いて正規化しても性能は大きく変化しない.これにより,特徴抽出の重要さを筆者は述べている.

文献 [3] では漢字などの象形文字から文字の分散表現をえる研究である。図 7.2 で示すように、画像データを畳み込みニューラルネットを持ちいて次元圧縮していき、最後には 1024 次元のベク

トルとして出力する.この最終層の出力を漢字の分散表現としてもちいて他の自然言語タスクを従来方法より超える結果を出している.特徴として漢字を現在旅用されている字体だけでなく,旧字体も用いて性能向上を図っている.(図 7.3)

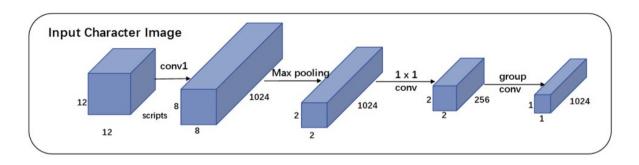


図 7.2 文献 [3] ネットワーク構成

	oracle bone jiaguwen	greater seal dazhuan	lesser seal xiaozhuan	clerkly script lishu	standard script kaishu
rén (*nin) human	7	?	\mathcal{R}	人	人
nǚ (*nra?) woman	Ø	#	帮	文	女
ěr (*nə?) ear	3	Ē	Ą	耳	耳
mă (*mrā?) horse	T	*	馬	馬	馬
yú (*ŋa) fish	옞	金	魚	魚	魚
shān (*srān mountain	M (₩	W	مل	Щ

図 7.3 象形文字も学習に使い、その文字がどのように変化してきたのかも考慮する

第8章

結論と今後の課題

本研究の結果によって系列変換により、人工言語である数式を特徴を捉えたベクトルに変換する事ができた.これにより数式データのみで最適な問題選択を可能とし、いまある個人情報と合わせるとより高い精度でシステムが提供できるように思う.これは人間が作り発展させてきたものはどこか本質的には同様の特徴を持っており、その特徴をコンピュータが学ぶことができるということではないだろうか.

しかしながら、未だ問題点はあり、計算問題には簡約な問題ほどパターンがなくなり、式から有用な情報が取り出せなくなる。また、多くの子供が苦手とする文章題は本研究では扱っていないが、Dec2Vec など文章をベクトル化する手法は提案されており、それを応用することにより可能性は広がるだろう。本研究で扱った一次方程式の特徴量を使って別の分野を分類し、個人のまちがえた問題の情報を元に転移学習を行うとより、包括的なアダプティブラーニングシステムの構築が行えるようになり自分で学ぶ際の道しるべとなることを期待している。

謝辞

この研究を進めるにあたって、私の興味の赴くまま進める中、様々な角度からご指導いただいた 千代教授に深く感謝申し上げます。また研究が行き詰まると、会話を通して気づきを与えてくれた 同研究室メンバーに感謝申し上げます。そしてこの研究では自然言語処理の奥深さをただただ感じ た。そんな時、常に参考になり研究の日々を共に過ごしたゼロから作る DeepLearning 2 自然言語 処理編(文献 [6])には山ほど助けられました。Python から scala に書き換えながら理解を進める ことができ芯から理解することができたように思います。

最後に、毎週たくさんの計算問題を宿題として解いてきてくれた私の塾の生徒たちに心から感謝と未来の活躍を祈るとともに必ず、この経験を糧に世の中により良い教育システムを提供し今まで手の届かなかった子供達の未来に手助けすることを約束し、謝辞といたします.

参考文献

- [1] Mikolov, T., Chen, K., Corrado, G. and Dean, J.: Efficient Estimation of Word Representations in Vector Space (2013).
- [2] Sutskever, I., Vinyals, O. and Le, Q. V.: Sequence to Sequence Learning with Neural Networks (2014).
- [3] Wu, W., Meng, Y., Han, Q., Li, M., Li, X., Mei, J., Nie, P., Sun, X. and Li, J.: Glyce: Glyph-vectors for Chinese Character Representations (2019).
- [4] ベネッセ教育総合研究所:第6回学習指導基本調査 DATA BOOK (高校版) (2016).
- [5] 河原崎徳之岡田龍治: Deep Learning を用いた人工言語の学習と獲得について, The 31st Annual Conference of the Japanese Society for Artificial Intelligence (2017).
- [6] 斎藤康毅:ゼロから作る DeepLearning 2 自然言語処理編, O.REILLY (2018).
- [7] 松本 啓之亮福田 清人: LSTM を用いた文の分散表現の獲得手法に関する一考察, 言語処理学会 第24回年次大会発表論文集 (2018).
- [8] 川上和也、松尾 豊: Deep Collaborative Filtering Deep Learning 技術推薦システムへ応用、 The 28th Annual Conference of the Japanese Society for Artificial Intelligence, (2014).