পরিশিষ্ট

প্রথম অধ্যায় : বাস্তব সংখ্যা ও অসমতা

বহুনির্বাচনি প্রশ্ন

গুলের কেত্রে IR এর অভেদক নিচের কোনটি?

- খ. 0
- গ. 1
- 2. $A = \left\{ \frac{n}{n+1} : n \in \mathbb{N} \right\}$ হলে A এর সূপ্রিমাম ও ইনফিমাম যথাক্রমে কত?

 - ক. 0 ও ∞ খ. 1 ও $\frac{1}{2}$ গ. $\frac{1}{2}$ ও 0 ঘ. 0 ও 1
- $3. \quad \frac{2x}{3} + 2 \le 0$ অসমতার সমাধান সংখ্যারেখায় কোনটি?



- 9. → ₹. →
- 4. $x^2 8x + 12 > 0$ অসমতাটির সমাধান সেট কোনটি?
 - $\overline{\Phi}$. $(-\infty,2] \cup [6,\infty)$
- খ. [2, 6]
- $\P. \quad (-\infty,2) \cup (6,\infty)$
- ঘ. (2, 6)
- ব্যবিধ [5, 7) ∪ (7, 10] এর অসমতার্প কোনিটি?
 - Φ . $\{x \in \mathbb{R} : 5 < x < 10\}$
 - \forall . {x ∈ R : 5 ≤ x ≤ 10}
 - 9. $\{x \in \mathbb{R} : 5 < x < 10, x ≠ 7\}$
 - \forall . $\{x \in \mathbb{R} : 5 \le x \le 10, x \ne 7\}$
- 6. বাস্তব সংখ্যার বর্গ সর্বদা কোন ধরনের সংখ্যা?
 - ক. মৌলিক খ. বাস্তব গ. পূর্ণ
- ঘ. স্বাভাবিক
- 7. কোনটি সীমিত সেট?
 - **季**. {0, ±1, ±2....}
 - খ. $\{x \in \mathbb{N} : x^2 > 16 \text{ এবং } x^3 < 400\}$
 - গ. $\left\{\frac{p}{q}: p, q \in \mathbb{Z} \text{ এবং } q \neq 0\right\}$
- 8. a < b এবং a > 0, b > 0 ফলে নিচের কোনটি সঠিক?
- ক. $\frac{1}{a} < \frac{1}{b}$ খ. $\frac{1}{a} > \frac{1}{b}$ গ. a > b
- 9. -5<x<7 হলে পরম মানের প্রকাশ কোনটি?
 - **.** ▼ . | x-3| < 6
- খ. |x−2|<4
- গ. |x-2|<6
- ঘ, |x−1|<6
- 10. 4x 3y 4 = 0 সরলরেখা x-অক্ষকে কোন বিন্দুতে ছেদ
 - 季. (0,1)
- $\forall.\left(0,\frac{4}{-3}\right)$
- গ. (1,0)
- 11. $|x-9| < \frac{2}{10}$ এর একটি বাস্তব সমাধান কোনটি?
- গ. 9.3

- 12. 2x 5y 8 > 0 রেখাটি কোন অঞ্চল আবন্দ্র করে?
 - ক. মূলবিন্দুর বিপরীত দিক
 - খ. মৃলবিন্দুর দিক
 - গ. শুধুমাত্র সরলরেখার অঞ্চল
 - ঘ. শুধুমাত্র মূলবিন্দু
- 13. x, y ∈ R হলে নিচের কোনটি সঠিক?
 - $\mathbf{\Phi}. ||\mathbf{x}\mathbf{y}|| = |\mathbf{x}||\mathbf{y}|$
- \forall . |xy| < |x||y|
- গ. |xy| > |x||y|
- ঘ. $|xy| \le |x||y|$

- 14. S = {x : 5x² 16x + 3 ≤ 0} এর ক্ষুদ্রতম উধ্বসীমা নিচের কোনটি? ক. 1 খ. 2 গ. 3

- 15. ||2-6|-10+|7-3|| এর মান কত?

 - ক. 1 খ. 2

- 16. $|3 + 2x| \le 7$ অসমতাটির সমাধান কোনটি?
 - $\overline{\Phi}$. $-3 \le x \le 5$
- ₹. -5 ≤ x ≤ 2
- **す.** −5 < x < 5
- \forall . $2 \le x \le 7$
- 17. | 2 5 | | -20 3 | এর মান কোনটি?
 - ক. 20 খ. 16
- গ. -10
- 18. S = {x ∈ ℝ : $x^2 9x + 20 < 0$ } সেটির কুদ্রতম উর্ধ্বসীমা (sup S) নিচের কোনটি?
 - **季**. 3
- খ. 4
- গ. 5
- 19. নিচের কোনটি মূলদ সংখ্যা?
- খ. π গ. $\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{27}}$ ঘ. $\frac{1}{\sqrt{3}}$
- 20. –4 < x < 8 হলে পরম মানের প্রকাশ কোনটি?
- Φ . |x−3|<6
- খ. |x−2|<4
- গ. |x-2|<6
- 21. যোগের ক্ষেত্রে 🗷 এর অভেদক কোনটি?
 - ক. -2 খ. -1 গ. 0
- 22. নিচের কোনটিকে দুইটি পূর্ণসংখ্যার অনুপাতে প্রকাশ করা
 - ক. $\sqrt{2}$ খ. $\sqrt[3]{11}$ গ. π
- 23. 2 ও 3 এর মধ্যে মূলদ সংখ্যা করটি?
- খ. 2
 - 7. 3
- ঘ. অসংখ্য
- 24. নিচের কোনটির বর্গমূল অমূলদ সংখ্যা?
 - ক. 196
- খ. 225 গ. 361
- 25. $|x-1| < \frac{1}{5}$ এর সমাধানের মাঝে করটি স্বাভাবিক মান আছে?
- খ. 2
- 26. x∈[2, 5] এর সংখ্যারেখায় সমাধান কোনটি?

27. 0.26 সংখ্যাটি কোন সেটের অন্তর্ভক্ত?

적. Z

ঘ. O'

28. -2, 1, 4, $\frac{1}{2}$, $\sqrt{5}$, 0 এর প্রভ্যেকটি নিচের কোন প্রকারের সংখ্যা?

क. मुनम সংখ্যা

খ. পূর্ণ সংখ্যা

গ. মৌলিক সংখ্যা

ঘ. বাস্তব সংখ্যা

29. $\frac{1}{|x-1|} > 3$ অসমতাটির

i. সমাধান:
$$\frac{2}{3} < x < \frac{4}{3}$$
 এবং $x \ne 1$

ii. সমাধান সেট:
$$\left\{ x \in \mathbb{R} : \frac{3}{2} < x < \frac{3}{4}$$
 এবং $x \neq 1 \right\}$

নিচের কোনটি সঠিক?

ক. iওii খ. i ও iii গ. ii ও iii ঘ. i, ii ও iii

30. x ও y দুইটি অমূলদ সংখ্যা এবং

0 < x < y **श्ल**—

i. x+y অমূলদ সংখ্যা ii. x-y অমূলদ সংখ্যা iii. xy অবশ্যই অমূলদ সংখ্যা

নিচের কোনটি সঠিক?

ক. i ଓ ii খ. iওiii গ. iiওiii ঘ. i, iiওiii

31. বাস্তব সংখ্যার সেট R এর জন্য —

সকল a ∈ R এর জন্য a.1 = 1.a = a

ii. সকল a, b, $c \in \mathbb{R}$ এবং a > b, b > c হলে a > c

iii. সকল $a, b \in \mathbb{R}$ এবং a > b হলে ac > bc যখন c >0 এবং ac < bc যখন c < 0

নিচের কোনটি সঠিক?

季. i g ii ર. ાં ઉં ાંં ગે. ાં ઉં ાંં ઇ. ાં, ાં ઉં ાંં

32. সার্বিক সেট U = {x : x ∈ IR} এর জন্য—

A = {x : x = 2ⁿ, n∈N} একটি নিম্ন সীমিত সেট

ii. B = {x : x ∈ R, x < 1 অর্থবা x > 2} সেটটি সীমিত নয়

iii. № = {1, 2, 3,} সেটটি নিম্ন সীমিত নয় নিচের কোনটি সঠিক?

季. i g ii খ. i ও iii গ. ii ও iii ঘ. i, ii ও iii

33. $S = \{x \in \mathbb{R} : (x-3)(x-5) < 0\}$

i. Inf S = 3 ii. sup S = 5 iii. S = [3, 5]নিচের কোনটি সঠিক?

 i g ii ₹. i ઉiii গ. ii ઉiii ೪. i, ii ઉiii

|7 - x| ≤ 2 অসমতাটির সমাধান সেটের—

i. বৃহত্তম নিমুসীমা 9

ii. একটি উর্ধ্বসীমা 10

iii. সংখ্যারেখা: < 7

নিচের কোনটি সঠিক?

খ. i ও iii গ. ii ও iii ঘ. i, ii ও iii **ず**. i g ii

35. বিভিন্ন সংজ্ঞায়িত সেটের জন্য—

i. স্বাভাবিক সংখ্যার সেট IN = {1, 2, 3,....}

ii. মৌলিক সংখ্যার সেট P = {1, 3, 5, 7, 11, 13,}

iii. পূর্ণ সংখ্যর সেট **ℤ** = {..., -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3...} নিচের কোনটি সঠিক?

ず. i g ii খ. ાં ઉં iii જે. ii ઉં iii પ. i, ii ઉં iii নিচের চিত্রের আলোকে (36 ও 37) নং প্রস্নের উত্তর দাও:

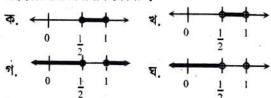
36. উপরের সংখ্যারেখাটির ব্যবধি কোনটি?

季. [2, 6) খ. [2, 6] গ. [2, 5] ঘ. [2, 5]

37. সংখ্যারেখা হতে উৎপন্ন সেটের ইনফিমাম (Inf) কত?

খ. 5 গ. 4 নিচের তথ্যের আলোকে (38 ও 39) নং প্রশ্নের উত্তর দাও: $2x^2 - 3x + 1 \ge 0$

38. সংখ্যারেখায় সমাধান কোনটি?



39. নিচের কোন অসমতার সমাধান সেট প্রদত্ত অসমতার সমাধান সেটের পুরক সেট নির্দেশ করে?

$$\Phi$$
. $|x-\frac{3}{4}|<\frac{1}{4}$

$$\forall . |x-\frac{3}{4}| > \frac{1}{4}$$

গ.
$$|x-\frac{1}{2}| < 1$$

$$\forall . |x-1| < \frac{1}{2}$$

নিচের তথ্যের আলোকে (40 ও 41) নং প্রশ্নের উত্তর দাও: R এর উপসেট $\{x: x^2-25 < 0\}$ এর ক্ষেত্রে

40. গরিষ্ঠ নিম্নসীমা (Inf S) হলো —

क. 5 খ. 4

ঘ. - 5

41. পৃথিষ্ঠ উর্ধ্বসীমা (sup S) নিচের কোনটি?

খ. 4 গ. 3 নিচের তথ্যের আলোকে (42 ও 43) নং প্রশ্নের উত্তর দাও:

42. সংখ্যারেখাটির দ্বারা গঠিত সেটের ইনঞ্চিমাম কোনটি?

খ. 3 গ. 2

43. সংখ্যারেখার সমাধানের মধ্যে স্বাভাবিক সংখ্যা কয়টি? খ, 1 নিচের তথ্যের আলোকে (44 ও 45) নং প্রশ্নের উত্তর দাও:

$$f(x) = \begin{cases} 3x-5 > -2 & \text{যখন } x > \frac{5}{3} \\ 3x-5 < 2 & \text{যখন } x < \frac{5}{3} \end{cases}$$

44. উপরের তথ্যের পরমমান প্রকাশ কোনটি?

$$\overline{\Phi}. \quad |3x-5| < 2$$

$$\forall . |3x-5| < \frac{3}{5}$$

$$\P. \ |3x-5| > \frac{3}{5} \qquad \qquad \P. \ |3x-5| > 2$$

$$\forall . |3x-5| > 2$$

45. উদ্দীপকের ফাংশনের সমাধান কোনটি?

 $\overline{\Phi}, \ \frac{1}{2} < x < 2$

 $\forall 1 < x < \frac{7}{3}$

গ. 3<x<5

₹. 4 < x < 5

নিচের তথ্যের আলোকে (46 ও 47) নং প্রয়ের উত্তর দাও: f(x) = |x - 5|

46. x এর কোন মানের জন্য $f(x) \le 2$ হবে?

 $\overline{\Phi}$. $-3 < \chi < 5$

♥. x ∈ [3, 7]

গ. 3 < x < 7

₹. 3 < x ≤ 7

47. x = -15 হলে f(x) এর মান কোনটি?

季. 10

খ. 15

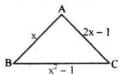
গ. 20

ঘ. 25

▶ সৃজনশীল প্রশ্ন

- রহমত সাহেব তার ব্যবসা সম্প্রসারণের জন্য একটি
 আয়তাকার জমি ক্রয় করতে চান যার প্রস্থ অপেক্ষা দৈর্ঘ্য
 15 মিটার বেশি হতে হবে। তিনি তার মূলধন হিসাব করে
 দেখলেন যে তিনি বড়জোড় 1000 বর্গমিটার জমি কিনতে
 পারবেন। জমির প্রস্থকে x মিটার ধরে তিনি একটি
 অসমতার সম্পর্ক তৈরি করলেন।
 - ক. $x \in \mathbb{N}$ এবং $2 \le x \le 5$ হলে $\{f(x) = 2x 5\}$ এর সূপ্রমাম ও ইনফিমাম নির্ণয় কর।
 - খ. অসমতাটিকে একটি পরমমান চিহ্নের সাহায্যে প্রকাশ কর।
 - জমির প্রস্থের সম্ভাব্য নেট S হলে S সেটের ইনফিমাম ও সুপ্রিমাম নির্ণয় কর।

2.



 $AB \le AC \le BC$

- ক. x = 2 হলে ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।
- খ. $|AB-1| < \frac{1}{10}$ হলে দেখাও যে, $|BC| < \frac{21}{100}$.
- গ. x-এর ওপর কি শর্ত আরোপ করলে ABC ত্রিভুজটি অঙকন করা সম্ভব, সংখ্যা রেখার সাহায্যে দেখাও।
- 3. f(x) = x + 1. এবং g(x) = 2x 1
 - ক. $x^2 + 4x 21 > 0$ এর সমাধান কর।
 - খ. সংখ্যা রেখার সাহায্যে |f(x)| + |f(x-2)| ≤ 5 অসমতার সমাধান কর।
 - গ. $\frac{3}{|g(x)|} \ge 4$ কে পরম মান চিহ্ন ব্যতীত প্রকাশ কর।
- 4. দৃশ্যকল ১: -1 < 2x 3 < 5

দৃশ্যকল ২: $x + 2y \le 10, x + y \le 6, x \le 4, x, y \ge 0$

- ক. ||2 6| |1 9 || এর মান নির্ণয় কর ।
- খ. দৃশ্যকর ১ এ বর্ণিত অসমতাটির সমাধান নির্ণয় করে সংখ্যারেখায় দেখাও।
- গ, ছক কাণজের সাহায্যে দৃশ্যকল্প-২ এ বর্ণিত অসমতাগুলির সমাধান অঞ্চল নির্ণয় কর।

- 5. f(x) = x 1 $\P(x) = x + 1$
 - ক. |3+|-1-4|-3-|-8|| এর মান নির্ণয় কর।
 - খ. $|f(x)| < \frac{1}{10}$ হলে দেখাও যে, $|f(x)| g(x)| < \frac{21}{100}$
 - গ. $\frac{1}{|g(x)|} > 3$ এর সমাধান কর এবং সমাধান সেট সংখ্যা রেখায় দেখাও।
- 6. R ও Q হলো যথাক্রমে বাস্তব ও মূলদ সংখ্যার সেট এবং $a \in R, b \in R \setminus Q$
 - ক. প্রমাণ কর যে, |ab| = |a|.|b|
 - খ. স্বীকার্যের সাহায্যে প্রমাণ কর যে, $a-b \in \mathbb{R} \setminus \mathbb{Q}$.
 - গ. প্রমাণ কর যে, |a b| ≥ |a| |b|
- 7. f(x) = 5x + 1 এবং g(x) = 7x 3.
 - ক. ||f(-1)| |f(1)|| নির্ণয় কর।
 - খ. $-3 \le 1 g(x) \le 18$ হলে $x \in \mathbb{R}$ এর সীমা নির্ণয় কর।
 - গ. y > f(x) এবং y < g(x) অসমতা যুগলের সমাধান সেটের লেখচিত্র অঁজকন কর।
- 8. দৃশ্যকর-১: a, b, c ∈ R·

দৃশ্যকল-২: $f(x) = \sqrt{x}$

- ক. |-2-8| + |2 + 8| এর মান নির্ণয় কর।
- খ. দৃশ্যকল্প-১ এর সাহায্যে প্রমাণ করো যে,
 - (i) ac = bc এবং c ≠ 0 হলে a = b হবে ।
 - (ii) $|a c| \le |a b| + |b c|$
- গ. দৃশ্যকল্প-২ অনুসারে দেখাও যে, f(2) একটি অমূলদ সংখ্যা।
- 9. $A = \left\{ n \in \mathbb{N} : \frac{3n+2}{2n+1} \right\}; B = \left\{ n \in \mathbb{N} : 1 \frac{1}{n} \right\}$
 - ক. সকল স্বাভাবিক সংখ্যার সেটের সুপ্রিমাম ও ইনফিমাম নির্ণয় কর।
 - খা. A ও B সেটদ্বয়কে তালিকা পশ্বতিতে প্রকাশ কর।
 - গ. দেখাও যে, A ও B সেটদ্বয় সীমিত।
- 10. দৃশ্যকল-১: a, b, c, ∈ R এবং a ≤ b

দৃশ্যকল-২: $\frac{x-4}{x-2} - \frac{x-6}{x-3} > 0$

- ক. -2 < x < 6 কে পরমমান চিহ্নের সাহায্যে প্রকাশ কর।
- খ. দেখাও যে, c > 0 হলে $ac \le bc$ এবং c < 0 হলে $ac \ge bc$
- গ. দৃশ্যকল্প-২ এর অসমতাটির সমাধান কর।
- 11. বাস্তব সংখ্যার উপসেট $S = \{x : 3x^2 7x + 2 < 0\}$

এবং $T = \left\{ \frac{1}{5p} : p \in \mathbb{Z}; p \neq 0 \right\}$

- ক. $\left\{-2, \frac{-3}{2}, \frac{-4}{3}, \frac{-5}{4}, \dots \right\}$ এর নিম্নসীমা ও উর্ধ্বসীমা নির্ণয় কর।
- খ. সংখ্যারেখার সাহায্যে S সেটটি প্রকাশ কর ৷
- গ. Sup T ও Inf T নির্ণয় কর।

- 12. $f(x) = 5x^2 16x + 3$ (43% g(x) = x(x-3)
 - ম ∈ R₊ হলে, y = x² এর লেখচিত্র মুক্তহন্তে অঙকন
 কর।
 - খ. S = {x : f(x) < 0} সেটের সুপ্রিমাম এবং ইনফিমাম নির্ণয় কর।
 - গ. লেখচিত্রের সাহায্যে f(x) < 4g(x) অসমতাটির সমাধান কর।
- 13. m = |x 1| একটি পরমমান সংবলিত রাশি |
 - ক. || 2 6 | | 1 9 || এর মান নির্ণয় কর।
 - . খ. x = 4 হলে দেখাও যে, √m একটি অমূলদ সংখ্যা।
 - গ. m < 3 হলে প্রমাণ কর যে, $|x^3 1| < 63$.
- 14. f(x) = x 1
 - ক. $\left\{-2, \frac{-3}{2}, \frac{-4}{3}, \frac{-5}{4}, \dots \right\}$ এর উর্ধ্বসীমা এবং নিম্নসীমা নির্ণয় কর।
 - খ. $\frac{1}{|3f(x)-2|} > 2$ অসমতাটির সমাধান সেট সংখ্যারেখায় দেখাও।
 - গ. 5| f(x-2) | < 1 হলে দেখাও যে, 25| f(x-2) × f(x+2) | < 21.
- 15. $\alpha, \beta \in \mathbb{R}$ $4 < f(x) = 4x^2 + 5x 6$.
 - উদাহরণের মাধ্যমে বাস্তব সংখ্যার সীমিত সেটের ব্যাখ্যা
 দাও।
 - খ. প্রমাণ কর যে, $|\alpha \beta| \ge ||\alpha| |\beta||$
 - গ. $f(x) \ge 0$ এর সমাধান কর এবং সমাধান সেট সংখ্যারেখায় দেখাও।
- 16. f(x, y) = 4x + 5y 3 এবং g(x, y) = 3x + 2y 5 ক. -9 < 5y < 7 হলে দেখাও যে, |f(1, y)| < 8.
 - খ. |f(0, p)| ≤ |g(3, 2p)| + 3 সমাধান করে সমাধান সেট সংখ্যারেখায় দেখাও।
 - গ. f(x, y) > 0 এবং g(x, y) < 0 অসমতা যুগলের সমাধান সেটের লেখচিত্র অঙকন কর।

উত্তরমালা

▶ বহুনির্বাচনি প্রশ্ন

1.	গ	2.	খ	3.	খ	4.	গ	5.	ঘ	6.	খ
7.	খ	8.	খ	9.	ঘ	10.	গ	11.	খ	12.	ক
13.	ক	14.	গ	15.	খ	16.	খ	17.	ঘ	18.	গ
19.	গ	20.	গ	21.	গ	22.	ঘ	23.	ঘ	24.	ঘ
25.	क	26.	খ	27.		28.	ঘ	29.	খ	30.	ক
31.	घ	32.	क	33.	季	34.	গ	35.	খ	36.	খ
37.	ঘ	38.	গ	39.	ক	40.	ঘ	41.	ক	42.	গ
43.	গ	44.	ক	45.	খ	46.	খ	47.	গ		

সুজনশীল প্রশ্ন

- ক. সুপ্রিমাম, {f(x)} = 5 এবং ইনফিমাম, {f(x)} = -1
 খ. |2x + 15| ≤ 65 গ. ইনফিমাম = 0 ও সুপ্রিমাম = 25
- ক. 2√2 বর্গ একক গ. 0 < x < 3,

- 3. $\P. \{x \in \mathbb{R} : x < -7\} \cup \{x \in \mathbb{R} : x > 3\}$
 - $\Psi. \ \left\{ x \in \mathbb{R} : -\frac{5}{2} \le x \le \frac{5}{2} \right\};$
 - $91, \frac{1}{8} \le x \le \frac{7}{8}, x \ne \frac{1}{2}$
- 4. **₹.** 4 **₹.** {x ∈ R : 1 < x < 4}

- **5. 季.** 3
 - গ. সমাধান সেট: $\{x \in \mathbb{R} : -\frac{4}{3} < x < -\frac{2}{3}, x \neq -1\}$ সংখ্যারেখা: $\frac{1}{2}$ $\frac{4}{3}$ $\frac{4}{3}$ $\frac{4}{3}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{-2}{3}$ $\frac{1}{3}$
- 7. **ক.** 2; **খ.** -2 ≤ x ≤ 1;
- 8. 季. 20
- 9. ক. সুপ্রিমাম নাই, ইনফিমাম।
 - খ. $A = \left\{ \frac{5}{3}, \frac{8}{5}, \frac{11}{7}, \dots \right\}$ এবং $B = \{0, \frac{1}{2}, \frac{2}{3}, \dots \dots \}$
- 10. ক. |x-2|<4; গ. 0<x<2 অথবা x>3
- 41. 本. নিয়সীমা = -2; উধ্বসীমা = -1।
 - **₹.** $\{x \in \mathbb{R} : \frac{1}{3} \le x \le 2\}$
 - গ. সুপ্রিমাম = $\frac{1}{5}$, ইনফিমাম = $-\frac{1}{5}$
- 12. খ. S এর সুপ্রিমাম 3 এবং ইনফিমাম $\frac{1}{5}$ গ. 1 < x < 3
- 13. 季. 4:
- ক. নিম্নসীমা 2 এবং উর্ধ্বসীমা 1;
 - খ. সমাধান সেট, $S = \left\{ x \in \mathbb{R} : \frac{3}{2} < x < \frac{11}{6}, x \neq \frac{5}{3} \right\}$ সংখ্যারেখা: $\frac{3}{2}$ $\frac{5}{3}$ $\frac{11}{6}$
- 16. খ. সমাধান সেট = $\{p \in \mathbb{R} : -\frac{4}{9} \le p \le 10\}$ সংখ্যারেখা: