

## Оглавление

<b>1. Постановка задачи.....</b>	<b>3</b>
1.1. Цель курсовой работы.....	3
1.2. Информация позволяющая понять постановку задачи.....	3
<b>2. Алгоритм.....</b>	<b>3</b>
2.1. Алгоритм Фано.....	3
2.2. Псевдокод.....	4
2.3. Сложность.....	11
<b>3. Инструкция пользователя.....</b>	<b>11</b>
<b>4. Текстовые примеры.....</b>	<b>11</b>
<b>5. Список литературы.....</b>	<b>13</b>

# **1. Постановка задачи.**

## **1.1. Цель курсовой работы**

Задачей данной курсовой работы является разработка программы, которая должна архивировать и разархивировать одиночные файлы, используя алгоритм Фано.

## **1.2 Информация, позволяющая понять постановку задачи.**

При запуске вводится имя кодируемого или декодируемого файла, в зависимости от действия, мы либо кодируем символы, те что встречаются чаще коротким кодом, те что реже более длинным, это помогает на несколько процентов сжать исходный файл, а при большой вероятности некоторых элементов, мы можем сжать файл чуть больше чем в 2 раза. Это поможет нам выделять для него меньше памяти и сократить время передачи. Либо мы декодируем полученный файл и получаем данные практически без потерь.

# **2. Алгоритм.**

## **2.1 Алгоритм Фано.**

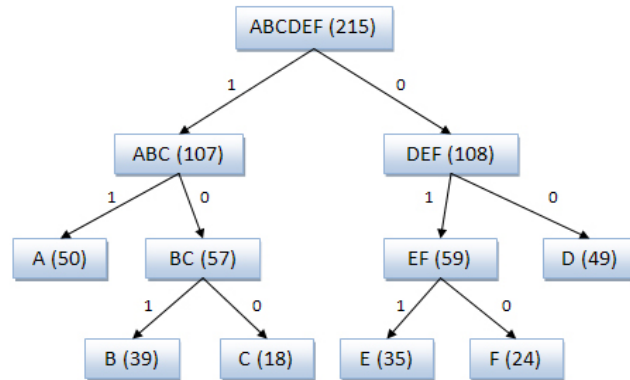
Код Шеннона — Фано строится с помощью дерева. Построение этого дерева начинается от корня. Всё множество кодируемых элементов соответствует корню дерева (вершине первого уровня). Оно разбивается на два подмножества с примерно одинаковыми суммарными вероятностями. Эти подмножества соответствуют двум вершинам второго уровня, которые соединяются с корнем. Далее каждое из этих подмножеств разбивается на два подмножества с примерно одинаковыми суммарными вероятностями. Им соответствуют вершины третьего уровня. Если подмножество содержит единственный элемент, то ему соответствует концевая вершина кодового дерева; такое подмножество разбиению не подлежит. Подобным образом поступаем до тех пор, пока не получим все концевые вершины. Ветви кодового дерева размечаем символами 1 и 0, как в случае кода Хаффмана.

При построении кода Шеннона — Фано разбиение множества элементов может быть произведено, вообще говоря, несколькими способами. Выбор разбиения на уровне  $n$  может ухудшить варианты разбиения на следующем уровне ( $n + 1$ ) и привести к неоптимальности кода в целом. Другими словами, оптимальное поведение на каждом шаге пути ещё не гарантирует оптимальности всей совокупности действий. Поэтому код Шеннона — Фано не является оптимальным в

общем смысле, хотя и дает оптимальные результаты при некоторых распределениях вероятностей. Для одного и того же распределения вероятностей можно построить, вообще говоря, несколько кодов Шеннона — Фано, и все они могут дать различные результаты. Если построить все возможные коды Шеннона — Фано для данного распределения вероятностей, то среди них будут находиться и все коды Хаффмана, то есть оптимальные коды.

Исходные символы:

- A (частота встречаемости 50)
- B (частота встречаемости 39)
- C (частота встречаемости 18)
- D (частота встречаемости 49)
- E (частота встречаемости 35)
- F (частота встречаемости 24)



Полученный код: A — 11, B — 101, C — 100, D — 00, E — 011, F — 010.

## 2.2 Псевдокод

```

#ifndef BYTE_CODE
#define BYTE_CODE

#include <vector>
#include <string>

class ByteCode
{
private:
    char byte;
    int freq;
    std::string code;
public:
    ByteCode(char b, int f) : byte(b), freq(f)
    {}
    char getByte()
    {
        return byte;
    }
    int getFrequency()
    {
        return freq;
    }
}

```

```

        std::string getCode()
        {
            return code;
        }
        void addCode(int c)
        {
            code.push_back(c);
        }
        ~ByteCode()
        {}
};

#endif

#pragma once

#include <vector>
#include <string>
#include <fstream>
#include <map>
#include <utility>
#include "ByteCode.h"
using namespace std;

class FanoEncoding
{
private:
    ifstream in;
    multimap<int, unsigned char> countFrequencies();
    void makeCodes(int first, int last, std::vector<ByteCode>& byteCodes);
    void writeToFile(ofstream &out, std::vector<ByteCode>& byteCodes, string& in_str);
    unsigned char stringToByte(int first, int last, string& code);
public:
    FanoEncoding();
    ~FanoEncoding();
    void fanoEncoding(string in_str);
};

#include "FanoEncoding.h"
#include <iostream>
#include <math.h>

FanoEncoding::FanoEncoding()
{}

FanoEncoding::~~FanoEncoding()
{}

void FanoEncoding::fanoEncoding(string in_str)
{
    in.open(in_str, ios::binary);
    if (!in.is_open())
    {
        cout << endl << "Невозможно открыть файл";
        exit(1);
    }
    multimap<int, unsigned char> frequencies = countFrequencies();

```

```

        std::vector<ByteCode> byteCodes;
        for (std::multimap<int, unsigned char>::iterator it = frequencies.begin(); it !=
frequencies.end(); ++it)
        {
            byteCodes.push_back(ByteCode(it->second, it->first));
        }
        makeCodes(0, byteCodes.size() - 1, byteCodes);
        ofstream out;
        out.open("encoded", ios::binary);
        writeToFile(out, byteCodes, in_str);
        in.close();
        out.close();
    }

```

```

multimap<int, unsigned char> FanoEncoding::countFrequencies()
{
    multimap<int, unsigned char> frequencies;
    vector<int> alf(256, 0);
    unsigned char a = in.get();
    while (!in.eof())
    {
        alf[a]++;
        a = in.get();
    }
    for (int i = 0; i < 256; i++)
    {
        if (alf[i] != 0)
        {
            frequencies.insert(make_pair(alf[i], i));
        }
    }
    return frequencies;
}

```

```

void FanoEncoding::makeCodes(int first, int last, std::vector<ByteCode>& byteCodes)
{
    if (first >= last)
    {
        return;
    }
    if (first == last - 1)
    {
        byteCodes[first].addCode('0');
        byteCodes[last].addCode('1');
    }
    int right = last;
    int left = first;
    int rightSum = byteCodes[right].getFrequency();
    int leftSum = byteCodes[left].getFrequency();
    while (left != right - 1)
    {
        if (leftSum > rightSum)
        {
            right--;
            rightSum += byteCodes[right].getFrequency();
        }
        else
        {

```

```

        left++;
        leftSum += byteCodes[left].getFrequency();
    }
}
for (int i = first; i <= left; i++)
{
    byteCodes[i].addCode('0');
}
for (int i = right; i <= last; i++)
{
    byteCodes[i].addCode('1');
}
makeCodes(first, left, byteCodes);
makeCodes(right, last, byteCodes);
}

void FanoEncoding::writeToFile(ofstream &out, std::vector<ByteCode>& byteCodes, string&
in_str)
{
    map<unsigned char, string> codesMap;
    for (std::vector<ByteCode>::iterator i = byteCodes.begin(); i != byteCodes.end();
++i)
    {
        codesMap.insert(std::make_pair(i->getByte(), i->getCode()));
    }
    string encoded;
    in.clear();
    in.seekg(0);
    unsigned char a = in.get();
    while (!in.eof())
    {
        std::map<unsigned char, string>::iterator it = codesMap.find(a);
        encoded += it->second;
        a = in.get();
    }
    for (int i = 0; i < 256; i++)
    {
        std::map<unsigned char, string>::iterator it = codesMap.find(i);
        if (it != codesMap.end())
        {
            out << it->second;
        }
        else
        {
            out << " ";
        }
        out << "\n";
    }
    out << in_str;
    out << "\n";
    int no_read_bits = 0;
    while ((no_read_bits + encoded.size()) % 8 != 0)
        no_read_bits++;
    out << no_read_bits << "\n";
    int index = 0;
    for (size_t i = 0; i < (encoded.size() - (encoded.size() % 8)) / 8; i++, index +=
8)
    {

```

```

        out << stringToByte(index, index + 7, encoded);
    }
    if (no_read_bits != 0)
    {
        out << stringToByte(index, encoded.size() - 1, encoded);
    }
}

unsigned char FanoEncoding::stringToByte(int first, int last, string& code)
{
    unsigned char res = 0;
    for (int i = first, j = 7; i <= last; i++, j--)
    {
        if (code[i] == '1')
        {
            res += pow(2, j);
        }
    }
    return res;
}

#pragma once

#include <string>
#include <fstream>
#include <map>
using namespace std;

class FanoDecoding
{
private:
    ifstream in;
    map<string, unsigned char> getTable();
    void writeToFile(ofstream& out, map<string, unsigned char>& table);
    string byteToStr(unsigned char byte);
public:
    FanoDecoding();
    ~FanoDecoding();
    void fanoDecoding(string s);
};

#include "FanoDecoding.h"
#include <iostream>

FanoDecoding::FanoDecoding()
{}

FanoDecoding::~FanoDecoding()
{}

void FanoDecoding::fanoDecoding(string s)
{
    in.open(s, ios::binary);
    map<string, unsigned char> table = getTable();
    ofstream out;
    writeToFile(out, table);
    in.close();
    out.close();
}

```

```

}

map<string, unsigned char> FanoDecoding::getTable()
{
    map<string, unsigned char> table;
    for (int i = 0; i < 256; i++)
    {
        string s;
        getline(in, s, '\n');
        if (s != " ")
        {
            table.insert(make_pair(s, i));
        }
    }
    return table;
}

void FanoDecoding::writeToFile(ofstream& out, map<string, unsigned char>& table)
{
    string uncoded, in_str, s;
    getline(in, in_str, '\n');
    int noReadBits = in.get() - '0';
    in.get();
    while (!in.eof())
    {
        unsigned char const a = in.get();
        if (!in.eof())
        {
            s = byteToStr(a);
            for (size_t i = 0; i < s.size(); i++)
            {
                uncoded.push_back(s[i]);
            }
            s.clear();
        }
    }
    s.clear();
    out.open(in_str, ios::binary);
    std::map<std::string, unsigned char>::iterator it;
    for (size_t i = 0; i < uncoded.size() - noReadBits; i++)
    {
        s.push_back(uncoded[i]);
        it = table.find(s);
        if (it != table.end())
        {
            out << it->second;
            s.clear();
        }
    }
}

string FanoDecoding::byteToStr(unsigned char byte)
{
    std::string res(8, '0');
    unsigned char r;
    int i = 0;
    while (byte >= 2)
    {

```



```

        r = byte % 2;
        byte = (byte - r) / 2;
        if (r == 1)
            res[7 - i] = '1';
        else
            res[7 - i] = '0';
        i++;
    }
    if (byte == 1)
        res[7 - i] = '1';
    else
        res[7 - i] = '0';
    return res;
}

#include <iostream>
#include <fstream>
#include <string>
#include "FanoEncoding.h"
#include "FanoDecoding.h"
#include <locale.h>
using namespace std;

int main()
{
    setlocale(LC_ALL, "RUS");
    int input;
    cout << "Кодирование и декодирование с помощью алгоритма Фано" << endl;
    cout << "Введите 0, если хотите закодировать файл; введите 1, если хотите  
раскодировать файл" << endl;
    cin >> input;
    if (input == 0)
    {
        cout << "Введите имя файла: " << endl;
        string s;
        cin >> s;
        FanoEncoding f;
        f.fanoEncoding(s);
        cout << "Файл закодирован. Название файла encoded." << endl;
    }
    else if (input == 1)
    {
        cout << "Введите имя файла: " << endl;
        string s;
        cin >> s;
        FanoDecoding f2;
        f2.fanoDecoding(s);
        cout << "Файл раскодирован." << endl;
    }
    else
    {
        cout << "Неверный ввод" << endl;
    }
    system("pause");
    return 0;
}

```

## 2.2. Сложность:

Рекурсивно вызывается функция построения «дерева» нашего алфавита, то есть массив делится примерно пополам на каждом шаге, таким образом, можно предположить, что сложность логарифмическая и равна  $O(n \cdot \log(n))$ .

## 3. Инструкция пользователя.

После запуска программы, пользователь может выбрать закодировать или декодировать файл и ввести 0 или 1 соответственно. После выбора 0: Будет предложено ввести имя и формат файла, который пользователь хочет закодировать. Программа произведет кодировку и выведет на экран результат «Файл закодирован. Название файла encoded.». После выбора 1: Будет предложено ввести имя файла, который пользователь хочет декодировать, encoded. Программа выведет результат «Файл декодирован.». Файл будет храниться в папке программы, под именем файла, который был закодирован в исходном файле.

## 4. Текстовые примеры.

Пример 1:

Кодирование и декодирование с помощью алгоритма Фано

Введите 0, если хотите закодировать файл; введите 1, если хотите декодировать файл

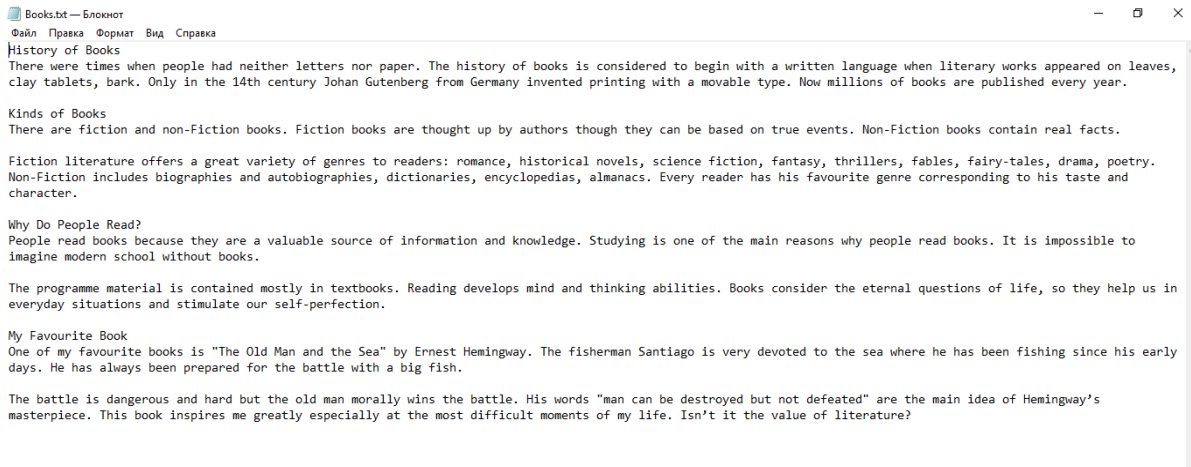
0

Введите имя файла:

Books.txt

Файл закодирован. Название файла encoded.

Books.txt, Входной файл:



[illegible]

Кодирование и декодирование с помощью алгоритма Фано  
Введите 0, если хотите закодировать файл; введите 1, если хотите  
раскодировать файл

Encoded, Входной файл:

[illegible]

Knigit.txt — Блокнот

Файл Правка Формат Вид Справка

История книг

Были времена, когда люди не имели ни письма, ни бумаги. Считается, что история книг началась с письменности, когда литературные произведения стали появляться на листьях, глиняных табличках, коре. Только в 14-м веке немец Иоганн Гутенберг изобрел печатный станок. Сейчас ежегодно публикуются миллионы книг.

Виды книг

Есть художественные и научно-популярные книги. Художественные книги придумываются вторыми, хотя могут быть основаны на реальных событиях. Научно-популярные книги содержат реальные факты.

Художественная литература включает в себя разные жанры: любовные истории, исторические романы, фантастику, фэнтези, триллеры, басни, сказки, драму, поэзию. Научно-популярный жанр включает биографии, автобиографии, словари, энциклопедии, альманахи. У каждого читателя есть свой любимый жанр, соответствующий его вкусу и характеру.

Почему люди читают?

Люди читают книги, потому что это ценный источник информации и знаний. Обучение – одна из главных причин, почему люди читают книги. Невозможно представить современную школу без книг.

Программный материал содержится, в основном, в учебниках. Чтение развивает ум и интеллектуальные способности. Книги рассматривают вечные вопросы жизни, таким образом, они помогают нам в повседневных ситуациях и стимулируют наше самосовершенствование.

Моя любимая книга

Одна из моих любимых книг – “Старик и море” Эрнеста Хемингуэя. Рыбак Сантьяго очень предан морю, где он рыбачил с молодости. Он всегда готовился к бою с большой рыбой.

Битва опасна и трудна, но старик морально выигрывает её. Его слова “человек может быть разрушен, но не побежден” являются основной идеей шедевра Хемингуэя. Эта книга вдохновляет меня особенно в самые трудные моменты моей жизни. Разве не в этом ценность литературы?

### Пример 3:

## Кодирование и декодирование с помощью алгоритма Фано

Введите 0, если хотите закодировать файл; введите 1, если хотите раскодировать файл

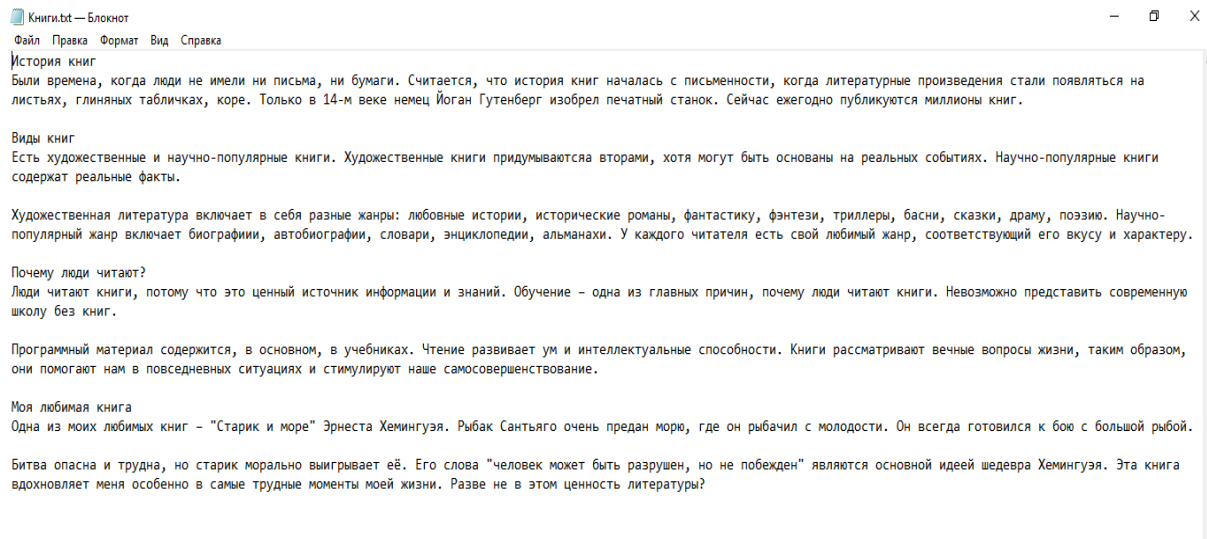
0

Введите имя файла:

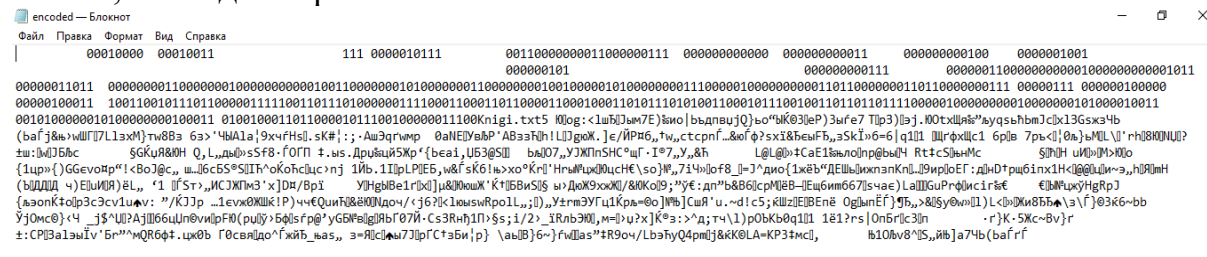
Knigi.txt

Файл закодирован. Название файла encoded.

Knigi.txt, Входной файл:



encoded, Выходной файл:



## 5. Список литературы

А. М. Яглом, И. М. Яглом. Вероятность и информация

М.Н. Аршинов, Л.Е. Садовский, Коды и математика

[https://ru.wikipedia.org/wiki/Алгоритм\\_Шенона](https://ru.wikipedia.org/wiki/Алгоритм_Шенона) — Фано