

# Proyecto - Entrega 1

Domínguez Aspilcueta, Pedro Francisco - 201910375

Lama Carrasco, Miguel Angel - 201910199

Ríos Vásquez, Paul Jeremy - 201910038



**Universidad de Ingeniería y Tecnología**

Ciencia de la computación

Análisis y Diseño de Algoritmos 1.00

Docente: Gutierrez Alva, Juan Gabriel

TA: Lopez Condori, Rodrigo

- Sea  $s$  una cadena no vacía tal que  $s = \{a_1 a_2 \cdots a_n\}$ .
- $\{C_0, C_1, C_2, C_3\}$  los modos de codificar  $a$ .
- $B$  una cadena de dos bits  $\{00, 01, 10, 11\}$  que indica cual  $C$  comienza una codificación de  $s$ .
- $\{T_0, T_1, T_2, T_3\}$  las cadenas de transición a otro  $C$ . Tomando en cuenta que  $T$  puede ser vacío si no se requiere ninguna transición.
- $r$  una codificación de  $s$  tal que  $r = \{B \cdot C(a_1) \cdot T \cdot C(a_2) \cdot T \cdot C(a_3) T \cdots T \cdot C(a_n)\}$ .

## 1. Pregunta 2

$$OPT(i, j) \begin{cases} B_j + C_j(a_i) & i = 1; a_i \in C_j \\ \infty & a_i \notin C_j \\ \min\{OPT(i-1, j) + C_j(a_i), \\ OPT(i-1, (j+1) \% 4) + T_{(j+1) \% 4} + C_j(a_i), \\ OPT(i-1, (j+2) \% 4) + T_{(j+2) \% 4} + C_j(a_i), \\ OPT(i-1, (j+3) \% 4) + T_{(j+3) \% 4} + C_j(a_i)\} & i > 1 \end{cases}$$

## 2. Pregunta 3

RECIBE: un índice final  $i$  de una cadena  $s$  y un índice  $j$  de  $C$ .

DEVUELVE: Una cadena  $r$  que codifica a  $s$  de manera mínima óptima con  $C_j(a_i)$ .

```

    OPT(i, j)
1: if ( $a_i \in C_j$ ) and  $i = 1$  then
2:   return  $B_j + C_j(a_i)$ 
3: else if ( $a_i \notin C_j$ ) then
4:   return  $\infty$ 
5:  $A_0 = C_j(a_i)$ 
6:  $A_1 = T_{(j+1) \% 4} + C_j(a_i)$ 
7:  $A_2 = T_{(j+2) \% 4} + C_j(a_i)$ 
8:  $A_3 = T_{(j+3) \% 4} + C_j(a_i)$ 
9:  $r = \min(OPT(i-1, j) + A_0, OPT(i-1, (j+1) \% 4) + A_1, OPT(i-1, (j+2) \% 4) + A_2, OPT(i-1, (j+3) \% 4) + A_3)$ 
10: return  $r$ 

```

RECIBE: un cadena  $s$  no vacía.

DEVUELVE: Una cadena que codifica a  $s$  de manera mínima óptima.

MIN-COD( $s$ )

1: Sea  $a_n$  el caracter final de  $s$ .

2: **return**  $\min(OPT(a_n, 0), OPT(a_n, 1), OPT(a_n, 2), OPT(a_n, 3))$

En la primera recurrencia se calcula la codificación del caracter  $s_0$  para posteriormente concatenarlo con la mínima longitud de las 4 posibles codificaciones  $C_1, C_2, C_3, C_4$  para  $s_1$ .

Esta recurrencia se realiza para toda la cadena  $s$  hasta llegar al caso base  $s_n$  donde se retorna  $f_n(a_n)$  siendo así que se calcula todas las posibles combinaciones y se garantiza que se obtiene la solución óptima.

### Complejidad

Si existen  $C_1, C_2, C_3, C_4$  y se calculan todas las posibles codificaciones para todo caracter de  $s$ . Por lo tanto, el algoritmo tiene una complejidad de  $O(4^n)$  donde  $n$  es la longitud de la cadena.

## 2.1. Pregunta 5

RECIBE: una cadena  $s$ .

DEVUELVE: Una cadena  $r$  que codifica a  $s$  de manera mínima óptima.

MIN-COD-DIN( $s$ )

1: Sea  $A$  una matriz que guarda la solución.

2:  $B = \{00, 01, 10, 11\}$  tal que indica cual es el modo de codificación inicial.

3: **for**  $j=1$  to 4 **do**

4:      $A[0][j] = B_j$

5: **for**  $i = 1$  to  $n$  **do**

6:      $A[i][1] = \infty$

7:      $A[i][2] = \infty$

8:      $A[i][3] = \infty$

9:      $A[i][4] = \infty$

10:    **for**  $j = 1$  to 4 **do**

11:       **if** Si  $a_i$  puede ser codificado con  $C_j$  **then**

12:            $M_1 = A[i-1][j] + C_j(a_i)$

13:            $M_2 = A[i-1][(j+1) \% 4] + T_{(j+1) \% 4} + C_j(a_i)$

14:            $M_3 = A[i-1][(j+2) \% 4] + T_{(j+2) \% 4} + C_j(a_i)$

15:            $M_4 = A[i-1][(j+3) \% 4] + T_{(j+3) \% 4} + C_j(a_i)$

16:            $A[i][j] = \min(M_1, M_2, M_3, M_4)$

17:

18:  $r = \min(A[n][1], A[n][2], A[n][3], A[n][4])$

19: **return**  $r$