## Oraux de la session 2022/2023 MPI\*

Rassemblés par Amar AHMANE

Mis à jour le : 19 juin 2023

## Table des matières

Centrale Supélec 2

## **X** Centrale Supélec

Exercice donné à Élève 1

On pose  $a_0 = 1$  et pour tout  $n \ge 1$ , on pose  $a_n = \frac{1}{n!} \int_0^1 \prod_{k=0}^{n-1} (t-k) dt$ .

- 1. (a) Rappeler la définition de rayon de convergence.
  - (b) Montrer que le rayon de convergence de  $\sum a_n x^n$ , noté R, vérifie  $R \ge 1$ .
- 2. On pose pour tout  $x \in ]-1,1[,S(x)=\sum_{n=0}^{+\infty}a_nx^n]$ . Étudier S et montrer que R=1.
- 3. Donner un équivalent de  $a_n$ .

Solution: [À compléter]