# 1 Preface

# 1.1 Standardimporte

```
import numpy as np
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt
```

## 2 Supervised Learning

#### 2.1 Lineare/Polynominelle Regression

Optimale Anpassung einer Geraden an eine gegebene Menge an Punkten, d.h. für eine Funktion

$$h_{\Theta}(x) = \Theta_0 + \Theta_1 x_1 + \dots + \Theta_n x_n$$

soll der Parametervektor  $\Theta$  gefunden werden (mit  $\Theta_0$  als Konstante), der die Summe der quadrierten Abweichungen der Funktionswerte  $h_{\Theta}(x)$  von den tatsächlichen Werten y minimiert (Methode der kleinsten Quadrate):

$$\min_{\Theta} L(D, f) = \min_{\Theta} \sum_{i=1}^{m} (f(x^{(i)}) - y^{(i)})^{2}$$
$$\min_{\Theta} L(D, \Theta) = \min_{\Theta} ||X_{D}\Theta - y_{D}||^{2}$$

wobei  $X_D$  eine Matrix mit den Eingabedaten (zzgl. führende 1-Spalte) und  $y_D$  der Vektor der tatsächlichen Werte ist:

$$X_{D} = \begin{pmatrix} 1 & x_{1}^{(1)} & \dots & x_{n}^{(1)} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 1 & x_{1}^{(m)} & \dots & x_{n}^{(m)} \end{pmatrix}, \qquad y_{D} = \begin{pmatrix} y^{(1)} \\ \vdots \\ y^{(m)} \end{pmatrix}$$

Lokales Minimum = Globales Minimum, da die Kostenfunktion konvex ist. Lösung numerisch oder per Gradient Descent  $\to$  ist bei großen Trainingsdatensätzen und/oder vielen Attributen die praktikabelste Methode (s. Skript S. 13:  $\nabla_{\Theta}L(D,\Theta) = 0 \Leftrightarrow (X_D^TX_D)^{-1}X_D^Ty_D = \Theta$ , wobei inverse von  $X_D^TX_D$  sehr rechenaufwändig ist).

Erweiterung auf Polynome höheren Grades durch (Kreuz-) Multiplikation bestehender Merkmal<br/>e  $\rightarrow$  Modell ist linear bzgl. des erweiterten Merkmalsraums und erscheint polynominell bei Projektion auf den ursprünglichen Merkmalsraum.

Evaluation mittels **Bestimmtheitsmaß** (=normalisierte Variante des quadratischen Fehlers):

$$R^{2}(D, f) = 1 - \frac{\sum_{i=1}^{m} (f(x^{(i)}) - y^{(i)})^{2}}{\sum_{i=1}^{m} (y^{(i)} - \bar{y})^{2}}$$

mit  $\bar{y} = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} y^{(i)}$ , wobei in der Praxis der Durchschnitt mehrerer  $R^2$  berechnet wird (Kreuzvalidierung).

- $R^2(D, f)$  ist maximal  $1 \to f$  modelliert D perfekt
- $R^2(D, f) = 0 \rightarrow$  naives Modell, f sagt stets den Mittelwert  $\bar{y}$  voraus
- $R^2(D, f) < 0 \rightarrow \text{Modell schlechter als naives Modell}$
- $R^2(D^{\text{train}}, f)$  sollte relativ nahe an 1 liegen
- $R^2(D^{\text{test}}, f)$  ist üblicherweise kleiner als  $R^2(D^{\text{train}}, f)$
- $\bullet$  Je näher  $R^2(D^{\mathrm{test}},f)$  an  $R^2(D^{\mathrm{train}},f)$ , desto besser ist das Modell generalisiert

<u>Überanpassung</u>: Modell passt sich zu stark an Trainingsdaten an, d.h. es wird zu komplex modelliert. Dies führt zu schlechterer Generalisierung auf Testdaten  $\rightarrow Varianzfehler$ 

 $\underline{\textbf{Unteranpassung}} : \textbf{Modell ist nicht ausdrucksstark genug; Trainings- und Testdaten werden unzureichend modelliert} \rightarrow \underline{\textit{Verzerrungsfehler}}$ 

Ermittlung der **optimalen Modellkomplexität** durch Betrachtung der Kostenfunktionswerte oder Bestimmtheitsmaße bei steigender Komplexität:

- Trainingsdten: Je komplexer das Modell, desto höher die Bestimmtheit
- Testdaten
  - Bestimmtheit nimmt zunächst ebenfalls zu (das Modell ist noch unterangepasst)

- Ab einem gewissen Punkt nimmt die Bestimmtheit ab: Das Modell ist überangepasst
- Optimaler Punkt: Modellkomplexität, bei der die Bestimmtheit bzgl. der Testdaten maximal ist

Automatische Lösung des Verzerrungs-Varianz-Dilemmas durch Regularisierung: Hinzufügen eines mit  $\lambda$  (Regularisierungsparamter) gewichteten Strafterms (Tikhonov-Regularisierer  $R_T$ ) zur Kostenfunktion, der die Größe der Parametervektoren begrenzt. Sog. Ridge-Regression:

$$L_T(D,\Theta) = \|X_D\Theta - y_D\|^2 + \lambda \sum_{i=1}^n \Theta_i^2$$

- Regularisierer wird ohne  $\Theta_0$  berechnet
- Je mehr  $\Theta_i \neq 0$ , desto größer wird der Tikhonov-Regularisierer  $\rightarrow$  Kosten steigend
- $\bullet$  Einbeziehung von  $\lambda \sum_{i=1}^n \Theta_i^2$ erzwingt Fokussierung auf möglichst einfache Funktionen
- Kleines  $\lambda \to \ddot{\mathrm{U}}$ beranpassung, großes  $\lambda \to \mathrm{U}$ nteranpassung

#### 2.2 Logistische Regression

Klassifikation

### 2.3 Support Vector Machines

Test

### 2.4 K-Nearest Neighbours

Test

### 2.5 Bayes-Klassifikator

Test

#### 2.6 Entscheidungsbäume

 $\operatorname{Test}$ 

3	Unsupervised Learning
3.1	K-Means Clustering
Test	
3.2	Hierarchisches Clustering
Test	
3.3	Assoziationsregeln
Test	
3.4	Anomalieerkennung
Test	
3.5	Hauptkomponentenanalyse/Principal Component Analysis (PCA)
Test	(

# 4 Reinforcement Learning

 ${\bf 4.1}\quad {\bf Markov\text{-}Entscheidungsprozesse}$ 

Test

4.2 Passives Reinforcement-Learning

Test

4.3 Aktives Reinforcement-Learning

Test

# 5 Deep Learning

# 5.1 Künstliche Neuronale Netze

Test

# 5.2 Convolutional Neutral Networks

Test

### 5.3 Recurrent Neutral Networks

Test

## 5.4 Recurrent Neutral Networks

Test