Permutation with Constraint

โจทย์ข้อนี้ต้องการให้เขียนโปรแกรมเพื่อพิมพ์การเรียงสับเปลี่ยน (permutation) ของตัวเลข 0 ถึง n-1 ที่ เป็นไปได้ทั้งหมดโดยของที่พิมพ์ออกมานั้นจะต้องเรียงลำดับแบบเดียวกับการเรียงลำดับของ vector

การเรียงลำดับจะเป็นดังนี้ เราให้ p[0..n-1] และ q[0..n-1] เป็นการเรียงสับเปลี่ยนของตัวเลขตั้งแต่ 0 ถึง n-1 ที่แตกต่างกัน เราจะเรียกว่า p มีค่าน้อยกว่า q ก็ต่อเมื่อมีค่า i ระหว่าง 0 ถึง n-1 ที่ทำให้ p[i] < q[i] และสำหรับทุก ๆ k ที่น้อยกว่า i p[k] จะต้องเท่ากับ q[k] ตัวอย่างเช่น เมื่อให้ n เป็น 5 เราจะเรียก [0,1,2,3,4] ว่าน้อยกว่า [0,1,4,2,3] (เนื่องจากมีค่า i = 2 ทำให้เงื่อนไขข้างต้นเป็นจริง)

ตัวอย่างของการเปรียบเทียบอื่น ๆ เช่น [4,1,2,3,0] น้อยกว่า [4,2,1,3,0] และ [2,1,4,0,3] น้อยกว่า [2,1,4,3,0] เป็นต้น

อย่างไรก็ตาม โจทย์ข้อนี้มีข้อกำหนดเพิ่มเติมคือ จะมีการกำหนดว่าตัวเลขใดจะต้องปรากฏก่อนตัวเลขใดใน การเรียงสับเปลี่ยนที่ต้องพิมพ์ออกมา โดยโจทย์จะกำหนดคู่ของตัวเลขมาให้ m คู่ โดยแต่ละคู่คือ a[i] และ b[i] ซึ่งเป็น การกำหนดว่า การเรียงสับเปลี่ยนที่พิมพ์ออกมานั้นจะต้องพิมพ์เฉพาะการเรียงสับเปลี่ยนที่มีตัวเลข a[i] ปรากฏก่อน ตัวเลข b[i] สำหรับทก ๆ ค่ของค่า a[i] และ b[i]

ตัวอย่างเช่น หากโจทย์กำหนดคู่ของตัวเลขมาให้ 2 คู่ ได้แก่ กำหนดว่า 1 ต้องปรากฎก่อน 2 และ 3 ต้อง ปรากฏก่อน 0 นั้น จะมีการเรียงสับเปลี่ยนอยู่หลายชุดที่เราจะต้องไม่พิมพ์ออกมา ตัวอย่างของการเรียงสับเปลี่ยนที่ไม่ ต้องพิมพ์ได้แก่ [0,1,2,3] (เนื่องจาก 3 ไม่ได้ปรากฏก่อน 0) และ [3,2,0,1] (เนื่องจาก 1 ไม่ได้ปรากฏก่อน 2)

รับประกันว่าค่า b[i] แต่ละค่านั้นจะไม่ซ้ำกันเลย (แต่ a[i] นั้นอาจจะซ้ำกันได้) จงหาเขียนโปรแกรมเพื่อพิมพ์การเรียงสับเปลี่ยนทั้งหมดที่ตรงตามเงื่อนไขตามลำดับ

ข้อมูลนำเข้า

- บรรทัดแรกประกอบด้วยจำนวนเต็ม 2 ตัวคือ n และ m k (1 <= n,m <= 20)
- หลังจากนั้นอีก m บรรทัดเป็นข้อกำหนดของการปรากฏก่อนหลัง โดยที่แต่ละบรรทัดจะประกอบด้วยตัวเลข จำนวนเต็ม 2 ตัวคือ a และ b โดยที่ 0 <= a,b <= n-1 และรับประกันว่าในแต่ละบรรทัดนั้นค่า a จะไม่ซ้ำกัน เลย

ข้อมูลส่งออก

มีหลายบรรทัด แต่ละบรรทัดระบุการเรียงสับเปลี่ยนที่ตรงตามเงื่อนไข โดยแสดงตัวเลข n ตัวต่อบรรทัด

ตัวอย่าง

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก
3 0	012
	021
	102
	120
	201
	2 1 0
31	012
1 2	102
	120
32	012
12	
0 1	
4 2	0321
3 2	3021
2 1	3 2 0 1
	3210
4 2	0132
32	0312
0 1	0321
	3012
	3021

ชุดข้อมูลทดสอบ

- 1) (20%) n <= 4 และ m = 0
- 2) (30%) n <= 10
- 3) (50%) ไม่มีข้อกำหนดอื่นใด

คำแนะนำ

การที่จะได้คะแนน 50% แรกนั้น เพียงแค่เราทำการสร้างการเรียงสับเปลี่ยนทั้งหมดออกมาแล้วค่อยมา ตรวจสอบตอนสุดท้ายว่าตรงตามเงื่อนไขหรือไม่ก็เพียงพอ

แต่สำหรับคะแนน 50% สุดท้ายนั้น อาจจะต้องพิจารณาว่าเราควรจะหยุดการ recursive สำหรับการสร้าง การเรียงสับเปลี่ยน**ทันที**่ที่เรารู้ว่าผิดเงื่อนไข (ตัวอย่างเช่น หากโจทย์กำหนด n = 10 และบอกว่า 2 ต้องมาก่อน 1 นั้น เราไม่ควรสร้างการเรียงสับเปลี่ยนที่เป็น [1,2,...] หรือ [1,0,2,...] เป็นต้น

รับประกันว่าจะไม่มี input ที่ไม่สามารถคำนวณคำตอบได้ทันเมื่อใช้วิธีตามที่เขียนในคำแนะนำ

คำแนะนำในการเขียนโปรแกรม

ข้อนี้ จำนวน input มีขนาดใหญ่ หากใช้ภาษา c++ และใช้ cin อย่าลืมเรียกใช้ ios base::sync with stdio(false); และ cin.tie(NULL);

- - - จำนวน output มีหลายบรรทัด อย่าลืมหากใช้ cout อย่าลืมใช้ "\n" แทน endl