Національний технічний університет України

«Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського»

Факультет інформатики та обчислювальної техніки

Кафедра обчислювальної техніки

**Методи оптимізації та планування експерименту**

Лабораторна робота №6:

«ПРОВЕДЕННЯ ТРЬОХФАКТОРНОГО ЕКСПЕРИМЕНТУ ПРИ ВИКОРИСТАННІ РІВНЯННЯ РЕГРЕСІЇ З КВАДРАТИЧНИМИ ЧЛЕНФМИ(РОТОТАБЕЛЬНИЙ КОМПОЗИЦІЙНИЙ ПЛАН)»

Виконав:

студент групи ІО-83

Мітячкін Денис

Залікова книжка № 8320

Перевірив Регіда П. Г.

Київ 2020

**Тема:** Проведення трьохфакторного експерименту при використанні рівняння регресії з квадратичними членами(рототабельний композиційний план).

**Мета:** Провести трьохфакторний експеремент з урахуванням квадратичних членів, використовуючи рототабельний композиційний план. Знайти рівняння регресії адекватне об'єкту.

**Виконання:**

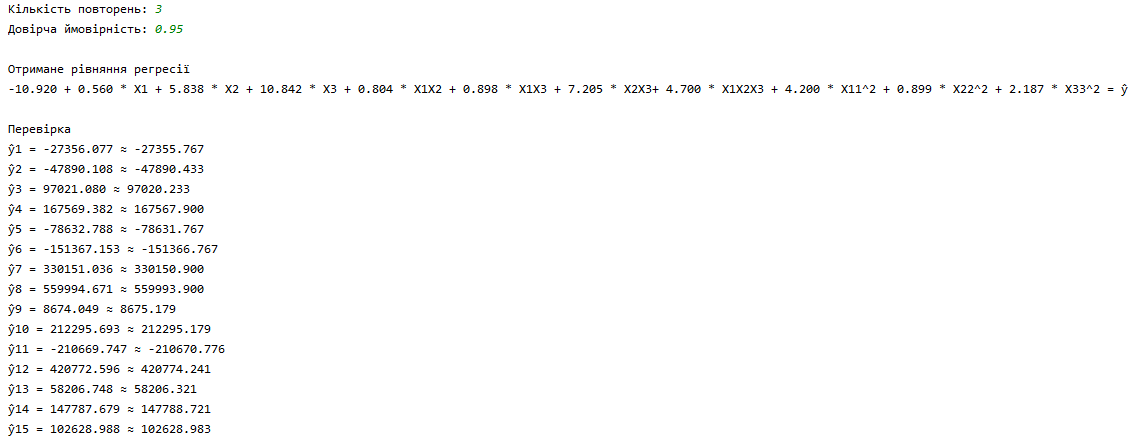
Варіант – 318



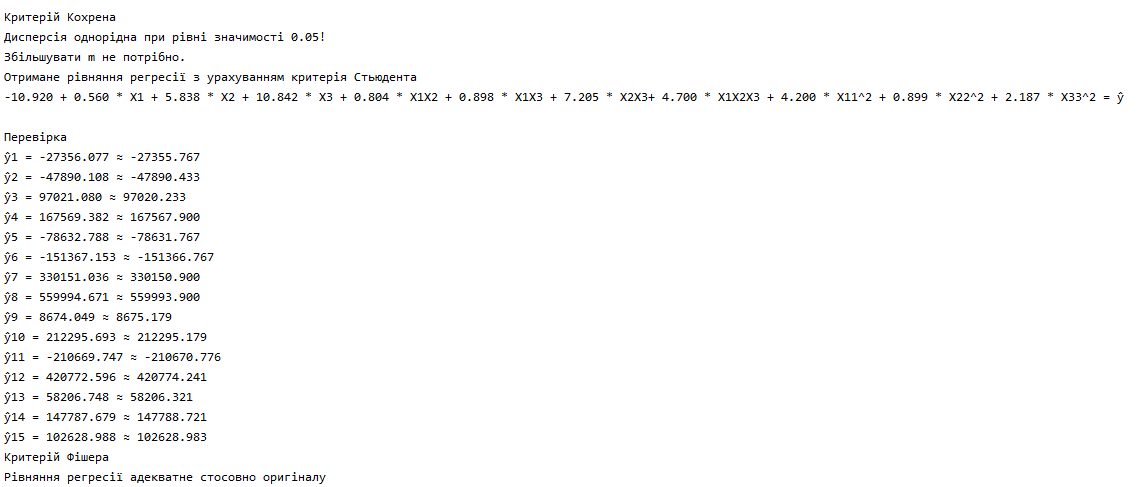
**Код програми:**

**from** \_pydecimal **import** Decimal  
**from** scipy.stats **import** f, t  
**from** random **import** randrange  
**from** math **import** sqrt, fabs **as** fab  
**from** numpy.linalg **import** solve  
  
  
*# Значення за варіантом:*min\_x1, max\_x1 = 20, 70  
min\_x2, max\_x2 = -15, 45  
min\_x3, max\_x3 = 20, 35  
  
x01 = (max\_x1 + min\_x1) / 2  
x02 = (max\_x2 + min\_x2) / 2  
x03 = (max\_x3 + min\_x3) / 2  
  
delta\_x1 = max\_x1 - x01  
delta\_x2 = max\_x2 - x02  
delta\_x3 = max\_x3 - x03  
  
m, d = 0, 0  
N = 15  
  
matrix\_pe = [  
 *# Матриця планування експерименту* [-1, -1, -1, +1, +1, +1, -1, +1, +1, +1],  
 [-1, -1, +1, +1, -1, -1, +1, +1, +1, +1],  
 [-1, +1, -1, -1, +1, -1, +1, +1, +1, +1],  
 [-1, +1, +1, -1, -1, +1, -1, +1, +1, +1],  
 [+1, -1, -1, -1, -1, +1, +1, +1, +1, +1],  
 [+1, -1, +1, -1, +1, -1, -1, +1, +1, +1],  
 [+1, +1, -1, +1, -1, -1, -1, +1, +1, +1],  
 [+1, +1, +1, +1, +1, +1, +1, +1, +1, +1],  
 [-1.73, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 2.9929, 0, 0],  
 [+1.73, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 2.9929, 0, 0],  
 [0, -1.73, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 2.9929, 0],  
 [0, +1.73, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 2.9929, 0],  
 [0, 0, -1.73, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 2.9929],  
 [0, 0, +1.73, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 2.9929],  
 [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]  
]  
  
**def** matrixGenerator():  
 *# Генерує матрицю* **def** f(X1, X2, X3):  
 *# Функція за варіантом* y = 2.4 + 0.5 \* X1 + 6.0 \* X2 + 10.0 \* X3 + 4.2 \* X1 \* X1 + 0.9 \* X2 \* X2 + 2.2 \* X3 \* X3 + 0.8 \* X1 \* X2 + \  
 0.9 \* X1 \* X3 + 7.2 \* X2 \* X3 + 4.7 \* X1 \* X2 \* X3 + randrange(0, 10) - 5  
 **return** y  
  
 matrix\_with\_y = [[f(matrix\_x[j][0], matrix\_x[j][1], matrix\_x[j][2]) **for** i **in** range(m)] **for** j **in** range(N)]  
 **return** matrix\_with\_y  
  
  
**def** middleValue(arr, orientation):  
 *# Функція пошуку середнього значення по колонках або по рядках* middle = []  
 **if** orientation == 1: *# Середнє значення по рядку* **for** rows **in** range(len(arr)):  
 middle .append(sum(arr[rows]) / len(arr[rows]))  
 **else**: *# Середнє значення по колонкі* **for** column **in** range(len(arr[0])):  
 number\_arr = []  
 **for** rows **in** range(len(arr)):  
 number\_arr.append(arr[rows][column])  
 middle .append(sum(number\_arr) / len(number\_arr))  
 **return** middle  
  
  
**class** CritValues:  
 @staticmethod  
 **def** cohrenValue(selectionSize, qty\_of\_selections, significance):  
 selectionSize += 1  
 partResult1 = significance / (selectionSize - 1)  
 params = [partResult1, qty\_of\_selections, (selectionSize - 1 - 1) \* qty\_of\_selections]  
 fisher = f.isf(\*params)  
 result = fisher / (fisher + (selectionSize - 1 - 1))  
 **return** Decimal(result).quantize(Decimal(**'.0001'**)).\_\_float\_\_()  
  
 @staticmethod  
 **def** studentValue(f3, significance):  
 **return** Decimal(abs(t.ppf(significance / 2, f3))).quantize(Decimal(**'.0001'**)).\_\_float\_\_()  
  
 @staticmethod  
 **def** fisherValue(f3, f4, significance):  
 **return** Decimal(abs(f.isf(significance, f4, f3))).quantize(Decimal(**'.0001'**)).\_\_float\_\_()  
  
  
**def** x(l1, l2, l3):  
 *# Пошук зоряних точок* x\_1 = l1 \* delta\_x1 + x01  
 x\_2 = l2 \* delta\_x2 + x02  
 x\_3 = l3 \* delta\_x3 + x03  
 **return** [x\_1, x\_2, x\_3]  
  
  
**def** a(first, second): *# first = 1, second = 2 => пошук а12  
 # Пошук коефіцієнтів а* necessary\_a = 0  
 **for** j **in** range(N):  
 necessary\_a += matrix\_x[j][first - 1] \* matrix\_x[j][second - 1] / N  
 **return** necessary\_a  
  
  
**def** find\_known(number):  
 *# Пошук коефіціентів а1, а2, ...* necessary\_a = 0  
 **for** j **in** range(N):  
 necessary\_a += middle\_y[j] \* matrix\_x[j][number - 1] / 15  
 **return** necessary\_a  
  
  
**def** check\_result(arr\_b, k):  
 *# Перевірка знайдених коефіціентів* y\_i = arr\_b[0] + arr\_b[1] \* matrix[k][0] + arr\_b[2] \* matrix[k][1] + arr\_b[3] \* matrix[k][2] + \  
 arr\_b[4] \* matrix[k][3] + arr\_b[5] \* matrix[k][4] + arr\_b[6] \* matrix[k][5] + arr\_b[7] \* matrix[k][6] + \  
 arr\_b[8] \* matrix[k][7] + arr\_b[9] \* matrix[k][8] + arr\_b[10] \* matrix[k][9]  
 **return** y\_i  
  
  
**def** student\_test(arr\_b, number\_x=10):  
 *# Критерій Стьюдента* dispersion\_b = sqrt(dispersion\_b2)  
 **for** column **in** range(number\_x + 1):  
 t\_practice = 0  
 t\_theoretical = CritValues.studentValue(f3, q)  
 **for** row **in** range(N):  
 **if** column == 0:  
 t\_practice += middle\_y[row] / N  
 **else**:  
 t\_practice += middle\_y[row] \* matrix\_pe[row][column - 1]  
 **if** fab(t\_practice / dispersion\_b) < t\_theoretical:  
 arr\_b[column] = 0  
 **return** arr\_b  
  
  
**def** fisher\_test():  
 *# Критерій Фішера* dispersion\_ad = 0  
 f4 = N - d  
 **for** row **in** range(len(middle\_y)):  
 dispersion\_ad += (m \* (middle\_y[row] - check\_result(student\_arr, row))) / (N - d)  
 F\_practice = dispersion\_ad / dispersion\_b2  
 F\_theoretical = CritValues.fisherValue(f3, f4, q)  
 **return** F\_practice < F\_theoretical  
  
  
correct\_input = **False***# Введення значень***while not** correct\_input:  
 **try**:  
 m = int(input(**"Кількість повторень: "**))  
 p = float(input(**"Довірча ймовірність: "**))  
 correct\_input = **True  
 except** ValueError:  
 **pass**matrix\_x = [[] **for** x **in** range(N)]  
**for** i **in** range(len(matrix\_x)):  
 **if** i < 8:  
 x\_1 = min\_x1 **if** matrix\_pe[i][0] == -1 **else** max\_x1  
 x\_2 = min\_x2 **if** matrix\_pe[i][1] == -1 **else** max\_x2  
 x\_3 = min\_x3 **if** matrix\_pe[i][2] == -1 **else** max\_x3  
 **else**:  
 arr\_x = x(matrix\_pe[i][0], matrix\_pe[i][1], matrix\_pe[i][2])  
 x\_1, x\_2, x\_3 = arr\_x  
 matrix\_x[i] = [x\_1, x\_2, x\_3, x\_1 \* x\_2, x\_1 \* x\_3, x\_2 \* x\_3, x\_1 \* x\_2 \* x\_3, x\_1 \*\* 2, x\_2 \*\* 2, x\_3 \*\* 2]  
  
adequacy, homogeneity = **False**, **False  
while not** adequacy:  
 matrix\_y = matrixGenerator()  
 middle\_x = middleValue(matrix\_x, 0) *# Середні х по колонкам* middle\_y = middleValue(matrix\_y, 1) *# Середні у по рядкам* matrix = [(matrix\_x[i] + matrix\_y[i]) **for** i **in** range(N)]  
 mx\_i = middle\_x *# Список середніх значень колонок [Mx1, Mx2, ...]* my = sum(middle\_y) / 15  
  
 values = [  
 [1, mx\_i[0], mx\_i[1], mx\_i[2], mx\_i[3], mx\_i[4], mx\_i[5], mx\_i[6], mx\_i[7], mx\_i[8], mx\_i[9]],  
 [mx\_i[0], a(1, 1), a(1, 2), a(1, 3), a(1, 4), a(1, 5), a(1, 6), a(1, 7), a(1, 8), a(1, 9), a(1, 10)],  
 [mx\_i[1], a(2, 1), a(2, 2), a(2, 3), a(2, 4), a(2, 5), a(2, 6), a(2, 7), a(2, 8), a(2, 9), a(2, 10)],  
 [mx\_i[2], a(3, 1), a(3, 2), a(3, 3), a(3, 4), a(3, 5), a(3, 6), a(3, 7), a(3, 8), a(3, 9), a(3, 10)],  
 [mx\_i[3], a(4, 1), a(4, 2), a(4, 3), a(4, 4), a(4, 5), a(4, 6), a(4, 7), a(4, 8), a(4, 9), a(4, 10)],  
 [mx\_i[4], a(5, 1), a(5, 2), a(5, 3), a(5, 4), a(5, 5), a(5, 6), a(5, 7), a(5, 8), a(5, 9), a(5, 10)],  
 [mx\_i[5], a(6, 1), a(6, 2), a(6, 3), a(6, 4), a(6, 5), a(6, 6), a(6, 7), a(6, 8), a(6, 9), a(6, 10)],  
 [mx\_i[6], a(7, 1), a(7, 2), a(7, 3), a(7, 4), a(7, 5), a(7, 6), a(7, 7), a(7, 8), a(7, 9), a(7, 10)],  
 [mx\_i[7], a(8, 1), a(8, 2), a(8, 3), a(8, 4), a(8, 5), a(8, 6), a(8, 7), a(8, 8), a(8, 9), a(8, 10)],  
 [mx\_i[8], a(9, 1), a(9, 2), a(9, 3), a(9, 4), a(9, 5), a(9, 6), a(9, 7), a(9, 8), a(9, 9), a(9, 10)],  
 [mx\_i[9], a(10, 1), a(10, 2), a(10, 3), a(10, 4), a(10, 5), a(10, 6), a(10, 7), a(10, 8), a(10, 9), a(10, 10)]  
 ]  
 known\_values = [my, find\_known(1), find\_known(2), find\_known(3), find\_known(4), find\_known(5), find\_known(6),  
 find\_known(7),  
 find\_known(8), find\_known(9), find\_known(10)]  
  
 beta = solve(values, known\_values)  
 print(**"\nОтримане рівняння регресії"**)  
 print(**"{:.3f} + {:.3f} \* X1 + {:.3f} \* X2 + {:.3f} \* X3 + {:.3f} \* Х1X2 + {:.3f} \* Х1X3 + {:.3f} \* Х2X3"  
 "+ {:.3f} \* Х1Х2X3 + {:.3f} \* X11^2 + {:.3f} \* X22^2 + {:.3f} \* X33^2 = ŷ\n\nПеревірка"** .format(beta[0], beta[1], beta[2], beta[3], beta[4], beta[5], beta[6], beta[7], beta[8], beta[9], beta[10]))  
 **for** i **in** range(N):  
 print(**"ŷ{} = {:.3f} ≈ {:.3f}"**.format((i + 1), check\_result(beta, i), middle\_y[i]))  
  
 **while not** homogeneity:  
 print(**"\n"**)  
 print(**" "** \* 65 + **"Матриця планування експеременту"** + **" "** \* 65)  
 print(**" X1 X2 X3 X1X2 X1X3 X2X3 X1X2X3 X1X1"  
 " X2X2 X3X3 Yi ..."**)  
 **for** row **in** range(N):  
 print(**" "**, end=**' '**)  
 **for** column **in** range(len(matrix[0])):  
 print(**"{:^12.3f}"**.format(matrix[row][column]), end=**' '**)  
 print(**" "**)  
 print(**"\n"**)  
 dispersion\_y = [0.0 **for** x **in** range(N)]  
 **for** i **in** range(N):  
 dispersion\_i = 0  
 **for** j **in** range(m):  
 dispersion\_i += (matrix\_y[i][j] - middle\_y[i]) \*\* 2  
 dispersion\_y.append(dispersion\_i / (m - 1))  
 f1 = m - 1  
 f2 = N  
 f3 = f1 \* f2  
 q = 1 - p  
 Gp = max(dispersion\_y) / sum(dispersion\_y)  
 print(**"Критерій Кохрена"**)  
 Gt = CritValues.cohrenValue(f2, f1, q)  
 **if** Gt > Gp **and** m < 25:  
 print(**"Дисперсія однорідна при рівні значимості {:.2f}!\nЗбільшувати m не потрібно."**.format(q))  
 homogeneity = **True  
 else**:  
 print(**"Дисперсія не однорідна при рівні значимості {:.2f}!"**.format(q))  
 m += 1  
 **if** m == 25:  
 exit()  
  
  
 dispersion\_b2 = sum(dispersion\_y) / (N \* N \* m)  
 student\_arr = list(student\_test(beta))  
 print(**"Отримане рівняння регресії з урахуванням критерія Стьюдента"**)  
 print(**"{:.3f} + {:.3f} \* X1 + {:.3f} \* X2 + {:.3f} \* X3 + {:.3f} \* Х1X2 + {:.3f} \* Х1X3 + {:.3f} \* Х2X3"  
 "+ {:.3f} \* Х1Х2X3 + {:.3f} \* X11^2 + {:.3f} \* X22^2 + {:.3f} \* X33^2 = ŷ\n\nПеревірка"** .format(student\_arr[0], student\_arr[1], student\_arr[2], student\_arr[3], student\_arr[4], student\_arr[5],  
 student\_arr[6], student\_arr[7], student\_arr[8], student\_arr[9], student\_arr[10]))  
 **for** i **in** range(N):  
 print(**"ŷ{} = {:.3f} ≈ {:.3f}"**.format((i + 1), check\_result(student\_arr, i), middle\_y[i]))  
  
 print(**"Критерій Фішера"**)  
 d = 11 - student\_arr.count(0)  
 **if** fisher\_test():  
 print(**"Рівняння регресії адекватне стосовно оригіналу"**)  
 adequacy = **True  
 else**:  
 print(**"Рівняння регресії неадекватне стосовно оригіналу\n Проводимо експеремент повторно!"**)

**Результат:**

****





**Висновок:** Отже, у ході виконання лабораторної роботи ми провели трьохфакторний експеримент при використанні рівняння з урахуванням квадратичних членів. Ми склали матрицю планування, знайшли коефіцієнти рівняння регресії, провели 3 статистичні перевірки. Нами була написана текстова програма, результати наведені вище. Результати співпадають із калькулятором.