

# Trabajo práctico 1

Especificación y WP

21/4/2024 AED

### Grupo IATOGYSWWBKAFJVCRWKR

Integrante	LU	Correo electrónico
Calo, Agustín	390/23	caloagustin4@gmail.com
Seri, Rafael Nicolás	362/23	rafaelnicoseri@gmail.com
Pintos Oliveira, Sol María Marcela	428/23	solpintosoliveira@gmail.com
Páez Torrico, Santiago	713/23	santiagopaez122@gmail.com



# Facultad de Ciencias Exactas y Naturales

Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja) Intendente Güiraldes 2610 - C1428EGA Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina Tel/Fax: (++54+11) 4576-3300

http://www.exactas.uba.ar

## 1. Especificación

#### 1.1. redistribucionDeLosFrutos

```
\begin{aligned} &\operatorname{proc\ redistribucionDeLosFrutos\ (in\ recursos:\ seq\langle\mathbb{R}\rangle,\ in\ cooperan:\ seq\langle\mathsf{Bool}\rangle):\ seq\langle\mathbb{R}\rangle} \\ &\operatorname{requiere\ } \{|\operatorname{recursos}| = |\operatorname{cooperan}|\} \\ &\operatorname{requiere\ } \{\operatorname{todosPositivos}(\operatorname{recursos})\} \\ &\operatorname{asegura\ } \{|\operatorname{res}| = |\operatorname{recursos}|\} \\ &\operatorname{asegura\ } \{(\forall i:\mathbb{Z})\ (0 \leq i < |\operatorname{res}| \longrightarrow_L \text{ if\ } \operatorname{cooperan}[i] \text{ then\ } \operatorname{res}[i] = \operatorname{totalARepartir}(\operatorname{recursos}, \operatorname{cooperan}) \text{ else\ } \operatorname{res}[i] = \operatorname{recursos}[i] + \operatorname{totalARepartir}(\operatorname{recursos}, \operatorname{cooperan}) \text{ fi})\} \end{aligned} \operatorname{aux\ } \operatorname{totalARepartir\ (recursos:\ seq\langle\mathbb{R}\rangle,\ \operatorname{cooperan}:\ seq\langle\operatorname{Bool}\rangle):\mathbb{R} = (\sum_{i=0}^{|\operatorname{recursos}|-1} \operatorname{if\ } \operatorname{cooperan}[i] \text{ then\ } \operatorname{recursos}[i] \text{ else\ } 0 \text{ fi})/|\operatorname{recursos}|; \end{aligned}
```

proc trayectoriaDeLosFrutosIndividualesALargoPlazo (inout trayectorias:  $seq\langle seq\langle \mathbb{R}\rangle\rangle$ , in cooperan:  $seq\langle \mathsf{Bool}\rangle$ , in apues-

#### ${\bf 1.2.} \quad trayectoria De Los Frutos Individuales A Largo Plazo$

```
 \begin{aligned} & \operatorname{tas:} seq \langle \operatorname{seq} \langle \mathbb{R} \rangle \rangle, & \operatorname{in pagos:} seq \langle \operatorname{seq} \langle \mathbb{R} \rangle \rangle, & \operatorname{requiere} \ \{ \operatorname{trayectorias} = \operatorname{old}(\operatorname{trayectorias}) \} \\ & \operatorname{requiere} \ \{ |\operatorname{cooperan}| = |\operatorname{pagos}| = |\operatorname{apuestas}| = |\operatorname{eventos}| = |\operatorname{trayectorias}| \} \\ & \operatorname{requiere} \ \{ (\forall i : \mathbb{Z}) \ (0 \leq i < |\operatorname{pagos}| \longrightarrow_L \operatorname{todosPositivos}(\operatorname{pagos}[i]) \wedge \operatorname{todosPositivos}(\operatorname{apuestas}[i])) \} \\ & \operatorname{requiere} \ \{ (\forall i : \mathbb{Z}) \ (0 \leq i < |\operatorname{trayectoria}| \longrightarrow_L \operatorname{trayectoria}[i][0] > 0) \} \\ & \operatorname{requiere} \ \{ (\forall j : \mathbb{Z}) \ (-1 < j < |\operatorname{apuestas}| \longrightarrow_L \sum_{i=0}^{|\operatorname{eventos}[j]|-1} \operatorname{apuestas}[j][i] = 1) \} \\ & \operatorname{asegura} \ \{ |\operatorname{trayectorias}| = |\operatorname{old}(\operatorname{trayectorias})| \} \\ & \operatorname{asegura} \ \{ (\forall i : \mathbb{Z}) \ (0 \leq i < |\operatorname{old}(\operatorname{trayectorias})| \longrightarrow_L \operatorname{trayectorias}[i]| = |\operatorname{old}(\operatorname{trayectorias})[i]| + |\operatorname{eventos}[i]|) \} \\ & \operatorname{asegura} \ \{ (\forall i : \mathbb{Z}) \ (0 \leq i < |\operatorname{old}(\operatorname{trayectorias})| \longrightarrow_L \operatorname{trayectorias}[i][0] = \operatorname{old}(\operatorname{trayectorias})[i][0]) \} \\ & \operatorname{asegura} \ \{ (\forall i : \mathbb{Z}) \ (0 \leq i < |\operatorname{old}(\operatorname{trayectorias})| \longrightarrow_L \operatorname{trayectorias}[i][0] = \operatorname{old}(\operatorname{trayectorias})[i][0]) \} \\ & \operatorname{asegura} \ \{ (\forall i : \mathbb{Z}) \ (0 \leq i < |\operatorname{old}(\operatorname{trayectorias})| \longrightarrow_L \operatorname{trayectorias}[i][0] = \operatorname{old}(\operatorname{trayectorias})[i][0]) \} \\ & \operatorname{asegura} \ \{ (\forall i : \mathbb{Z}) \ (0 \leq i < |\operatorname{old}(\operatorname{trayectorias})| \longrightarrow_L \operatorname{trayectorias}[i][0] = \operatorname{old}(\operatorname{trayectorias})[i][0]) \} \\ & \operatorname{all} \ ( \operatorname{trayectorias}[i][0] = \operatorname{old}(\operatorname{trayectorias}[i][0]) \} \\ & \operatorname{all} \ ( \operatorname{trayectorias}[i][0] = \operatorname{old}(\operatorname{trayectorias}[i][0]) \} \\ & \operatorname{all} \ ( \operatorname{trayectorias}[i][0] = \operatorname{old}(\operatorname{trayectorias}[i][0]) \} \\ & \operatorname{all} \ ( \operatorname{trayectorias}[i][0] = \operatorname{old}(\operatorname{trayectorias}[i][0]) \} \\ & \operatorname{all} \ ( \operatorname{trayectorias}[i][0] = \operatorname{old}(\operatorname{trayectorias}[i][0]) \} \} \\ & \operatorname{all} \ ( \operatorname{trayectorias}[i][0] = \operatorname{old}(\operatorname{trayectorias}[i][0]) \} \\ & \operatorname{all} \ ( \operatorname{trayectorias}[i][0] = \operatorname{old}(\operatorname{trayectorias}[i][0]) \} \} \\ & \operatorname{all} \ ( \operatorname{trayectorias}[i][0] = \operatorname{old}(\operatorname{trayectorias}[i][0]) \} \\ & \operatorname{all} \ ( \operatorname{trayectorias}[i][0] = \operatorname{old}(\operatorname{trayectorias}[i][0] ) \} \\ & \operatorname{all} \ ( \operatorname{trayectorias}[i][0] ) \} \\ & \operatorname{all} \ ( \operatorname{trayectorias}[i][0] = \operatorname{old}(\operatorname{t
```

aux distribucion (trayectorias:  $seq\langle seq\langle \mathbb{R}\rangle\rangle$ , apuestas:  $seq\langle seq\langle \mathbb{R}\rangle\rangle$ , pagos:  $seq\langle seq\langle \mathbb{R}\rangle\rangle$ , eventos:  $seq\langle seq\langle \mathbb{R}\rangle\rangle$ , cooperan:  $seq\langle Bool\rangle$ , m:  $\mathbb{N}$ ):  $\mathbb{R}$  =

 $(\sum_{k=0}^{\lfloor cooperan \rfloor-1} \text{if } cooperan[k] \text{ then } aporteIndividual(trayectorias, apuestas, pagos, eventos, k, m) else 0 fi)/|cooperan|;$ 

#### 1.3. travectoriaExtrañaEscalera

```
 \begin{array}{l} \operatorname{proc\ trayectoriaExtra\~naEscalera\ (in\ trayectorias:\ seq\langle\mathbb{R}\rangle): \mathsf{Bool} \\ \operatorname{requiere\ } \{|trayectoria|>0\} \\ \operatorname{asegura\ } \{res=True\iff|trayectoria|=1\lor(trayectoria[0]>trayectoria[1]\land\neg maximoLocal(trayectoria)\land\land trayectoria[|trayectoria|-2])\lor(trayectoria[|trayectoria|-1]>trayectoria[|trayectoria|-2]\land\neg maximoLocal(trayectoria)\land trayectoria[0]< trayectoria[1])\lor(\exists i:\mathbb{Z})\ (0< i<|trayectoria|-1\land_L(trayectoria[i]>trayectoria[i+1]\land trayectoria[i]>trayectoria[i-1])\land(\forall i:\mathbb{Z})\ (0< j<|trayectoria|-1\land_L(trayectoria[j]>trayectoria[j+1]\land trayectoria[j]>trayectoria[j-1])\longrightarrow_L j=i))\} \\ \operatorname{pred\ maximoLocal\ } (s:seq\langle\mathbb{R}\rangle)\ \{\\ (\exists i:\mathbb{Z})\ (0< i<|s|-1\land_L(s[i]>s[i+1]\land s[i]>s[i-1])) \\ \end{array}
```

#### 1.4. individuoDecideSiCooperarONo

}

```
proc individuoDecideSiCooperarONo (in individuo: \mathbb{N}, in recursos: seq\langle\mathbb{R}\rangle, inout cooperan: seq\langle\mathsf{Bool}\rangle, in apuestas: seq\langle\mathsf{seq}\langle\mathbb{R}\rangle\rangle, in pagos: seq\langle\mathsf{seq}\langle\mathbb{R}\rangle\rangle, in eventos: seq\langle\mathsf{seq}\langle\mathbb{R}\rangle\rangle, in eventos: seq\langle\mathsf{seq}\langle\mathbb{R}\rangle\rangle, requiere \{cooperan = old(cooperan)\} requiere \{(vi:\mathbb{Z})\ (0 \leq i < |apuestas| = |pagos| = |eventos|\} requiere \{(\forall i:\mathbb{Z})\ (0 \leq i < |apuestas| \longrightarrow_L todosPositivos(recursos) \land todosPositivos(apuestas[i]) \land todosPositivos(pagos[i]))\} requiere \{0 \leq individuo < |cooperan|\} asegura \{|cooperan| = |old(cooperan)|\} asegura \{(\forall i:\mathbb{Z})\ (0 \leq individuo < |cooperan| \land i \neq individuo \longrightarrow_L cooperan[i] = old(cooperan)[i])\} asegura \{(\exists s, p: seq\langle\mathsf{seq}\langle\mathbb{R}\rangle\rangle)\ (|s| = |p| = |cooperan| \land (\forall n:\mathbb{Z})\ (0 \leq n < |s| \land_L |s[n]| = |p[n]| = (|eventos| + 1) \land s[n][0] = p[n][0] = recursos[n] \land (\forall k:\mathbb{Z})\ (0 < k < |s[n]| \longrightarrow_L s[n][k] = (if\ old(cooperan)[k] \lor k = individuo\ then\ 0\ else\ aporteIndividual(s, apuestas, pagos, eventos, n, k)\ fi) + distribucionCoop(s, apuestas, pagos, eventos, old(cooperan), k, individuo) \land p[n][k] = (if\ \neg (old(cooperan)[k]) \lor k = individuo\ then\ aporteIndividual(p, apuestas, pagos, eventos, n, k)
```

```
p[individuo][|p[individuo]| - 1] \le s[individuo][|s[individuo]| - 1])
aux distribucionCoop (trayectorias: seq\langle seq\langle \mathbb{R}\rangle\rangle, apuestas: seq\langle seq\langle \mathbb{R}\rangle\rangle, pagos: seq\langle seq\langle \mathbb{R}\rangle\rangle, eventos: seq\langle seq\langle \mathbb{N}\rangle\rangle, coope-
ran: seq\langle \mathsf{Bool}\rangle, m: \mathbb{N}, individuo: \mathbb{N}): \mathbb{R} =
(\sum_{k=0}^{|cooperan|-1} \text{if } cooperan[k] \lor k = individuo \text{ then } aporteIndividual(trayectorias, apuestas, pagos, eventos, k, m)
else 0 \text{ fi})/|cooperan|;
aux distribucionNoCoop (trayectorias: seq\langle seq\langle \mathbb{R}\rangle\rangle, apuestas: seq\langle seq\langle \mathbb{R}\rangle\rangle, pagos: seq\langle seq\langle \mathbb{R}\rangle\rangle, eventos: seq\langle seq\langle \mathbb{N}\rangle\rangle, coope-
ran: seq\langle \mathsf{Bool}\rangle, m: \mathbb{N}, individuo: \mathbb{N}): \mathbb{R} =
(\sum_{k=0}^{|cooperan|-1} \text{if } cooperan[k] \land k \neq individuo \text{ then } aporteIndividual(trayectorias, apuestas, pagos, eventos, k, m)) \\
else 0 \text{ fi})/|cooperan|;
                        individuoActualizaApuesta
1.5.
proc individuoActualizaApuesta (in individuo: \mathbb{N}, in recursos: seq\langle\mathbb{R}\rangle, in cooperan: seq\langle\mathsf{Bool}\rangle, inout apuestas: seq\langle\mathsf{seq}\langle\mathsf{Bool}\rangle\rangle,
in pagos: seq\langle seq\langle \mathbb{R}\rangle\rangle, in eventos: seq\langle seq\langle \mathbb{N}\rangle\rangle)
                     \texttt{requiere} \ \{apuestas = old(apuestas)\}
                     requiere \{|cooperan| = |recursos| = |apuestas| = |pagos| = |eventos|\}
                     requiere \{0 < individuo < |cooperan|\}
                     asegura \{|apuestas| = |old(apuestas)|\}
                     asegura \{(\forall i : \mathbb{Z}) \ (-1 < i < |apuestas| \longrightarrow_L |apuestas[i]| = |old(apuestas)[i]|)\}
                     asegura \{(\exists p, s : seq \langle seq \langle \mathbb{R} \rangle))(\exists mejorApuesta : seq \langle \mathbb{R} \rangle)((\forall posibleApuesta : seq \langle \mathbb{R} \rangle)) (ultElem(p, recursos, old(apuestas), posibleApuesta)\} \}
                     pagos, cooperan, eventos, individuo, mejor Apuesta) \ge ult Elem(s, recursos, old(apuestas), pagos, cooperan, eventos, pagos, pagos
                     individuo, posible Apuesta) \longrightarrow_{L} apuestas [individuo] = mejor Apuesta)) \}
aux ultElem (t: seq\langle seq\langle \mathbb{R}\rangle\rangle, recursos: seq\langle \mathbb{R}\rangle, apuestas: seq\langle seq\langle \mathbb{R}\rangle\rangle, pagos: seq\langle seq\langle \mathbb{R}\rangle\rangle, cooperan: seq\langle Bool\rangle, eventos:
seg(\mathbb{N}), individuo: \mathbb{N}, posibleApuesta: seg(\mathbb{N}): \mathbb{R}
if\ trayectoria Posible (t, recursos, apuestas, pagos, cooperan, eventos, individuo, posible Apuesta)\ then\ t[individuo][|t[individuo]|-
1] else -1 fi;
pred trayectoriaPosible (t: seq\langle seq\langle \mathbb{R}\rangle\rangle, recursos: seq\langle \mathbb{R}\rangle, apuestas: seq\langle seq\langle \mathbb{R}\rangle\rangle, pagos: seq\langle seq\langle \mathbb{R}\rangle\rangle, cooperan: seq\langle Bool\rangle,
eventos: seq\langle \mathbb{N} \rangle, individuo: \mathbb{N}, posibleApuesta: seq\langle \mathbb{N} \rangle) {
               |posible Apuesta| = |apuestas[individuo]| \land sumElem(posible Apuesta) = 1 \land todos Positivos(posible Apuesta)|t| = |cooperan| \land todos Positivos(posible Apuesta
              (\forall i : \mathbb{Z}) \ (-1 < i < |t| \land_L |t[i]| = (|eventos| + 1) \land t[i][0] = recursos[i] \land (\forall j : \mathbb{Z}) \ (0 \le j < |t[i]| \longrightarrow_L t[i][j+1] = t[i][j+1]
              (if cooperan[i] then 0 else aporteIndDiferido(t[i], apuestas[i], pagos[i], eventos[i], i, j, individuo, posibleApuesta) fi) +
              distribucionDiferida(t[i], apuestas[i], pagos[i], eventos[i], cooperan, i, j, individuo, posibleApuesta)))
aux aporteIndDiferido (trayectoria: seq\langle\mathbb{R}\rangle, apuestas: seq\langle\mathbb{R}\rangle, pagos: seq\langle\mathbb{R}\rangle, eventos: seq\langle\mathbb{N}\rangle, k: \mathbb{N}, m: \mathbb{N}, individuo: \mathbb{N},
apuestaInd: seg(\mathbb{R}): \mathbb{R} =
\text{if } k = individuo \text{ then } trayectorias[m] \cdot apuestaInd[eventos[m]] \cdot pagos[eventos[m]] \text{ else } trayectorias[m] \cdot apuestas[eventos[m]] \cdot pagos[eventos[m]] \cdot pagos[eventos[m]] \cdot apuestas[eventos[m]] 
pagos[eventos[m]] fi;
aux distribucionDiferida (trayectoria: seq\langle\mathbb{R}\rangle, apuestas: seq\langle\mathbb{R}\rangle, pagos: seq\langle\mathbb{R}\rangle, eventos: seq\langle\mathbb{N}\rangle, cooperan: seq\langle Bool\rangle, k:
\mathbb{N}, m: \mathbb{N}, individuo: \mathbb{N}, apuestaInd: seq(\mathbb{R}): \mathbb{R} =
(\sum_{k=0}^{|cooperan|-1} if\ cooperan[k]\ then\ aporteIndDiferido(trayectorias, apuestas, pagos, eventos, k, m, individuo)\ else\ 0\ fi)/|cooperan|;
Auxiliares y predicados globales
pred todosPositivos (s: seq\langle \mathbb{R} \rangle) {
              (\forall i : \mathbb{Z}) \ (0 \le i < |s| \longrightarrow_L s[i] > 0)
aux aporteIndividual (trayectorias: seq\langle seq\langle \mathbb{R}\rangle\rangle, apuestas: seq\langle seq\langle \mathbb{R}\rangle\rangle, pagos: seq\langle seq\langle \mathbb{R}\rangle\rangle, eventos: seq\langle seq\langle \mathbb{N}\rangle\rangle, k: \mathbb{N},
\mathbf{m} \colon \mathbb{N}) \colon \mathbb{R} = trayectorias[k][m] \cdot apuestas[k][eventos[k][m]] \cdot pagos[k][eventos[k][m]] \, ;
2.
                     Demostraciones de correctitud
           Demostrar que la siguiente especificación es correcta respecto de su implementación.
           La función frutoDelTrabajoPuramenteIndividual calcula, para el ejemplo de apuestas al juego de cara o seca, cuánto
se ganaría si se juega completamente solo. Se contempla que el evento True es cuando sale cara.
proc frutoDelTrabajoPuramenteIndividual (in recurso: \mathbb{R}, in apuesta: \langle s : \mathbb{R}, c : \mathbb{R} \rangle, in pago: \langle s : \mathbb{R}, c : \mathbb{R} \rangle, in eventos:
seg\langle \mathsf{Bool} \rangle, out res: \mathbb{R})
```

else 0 fi) +  $distribucionNoCoop(p, apuestas, pagos, eventos, old(cooperan), k, individuo))) <math>\land_L$  cooperan[individuo] =

 $\begin{array}{l} {\rm requiere} \; \{apuesta_c + apuesta_s = 1 \wedge pago_c > 0 \wedge pago_s > 0 \wedge apuesta_c > 0 \wedge apuesta_s > 0 \wedge recurso > 0 \} \\ {\rm asegura} \; \{res = recurso(apuesta_cpago_c)^{\#apariciones(eventos,T)}(apuesta_spago_s)^{\#apariciones(eventos,F)}\} \end{array}$ 

Donde #apariciones(eventos, T) es el auxiliar utilizado en la teórica, y #(eventos, T) es su abreviación.

```
res := recursos
i := 0
while (i < |eventos|) do
f eventos[i] then
res := (res * apuesta.c) * pago.c
else
res := (res * apuesta.s) * pago.s
endif
i := i + 1
endwhile
```