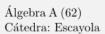
## Polinomios

UNIDAD 8

Guía de Actividades





## Polinomios

**Ejercicio 1**. Hallen P+Q, P-Q,  $P+2\cdot Q$ ,  $P\cdot Q$ ,  $(P+3x)\cdot Q^2$  indicando el grado, el término independiente y el coeficiente principal en casa caso:

- a) P(x) = 3x 2,  $Q(x) = x^3$
- b)  $P(x) = 2x^2 + 3x 1$ ,  $Q(x) = -x^2 + 2$
- c)  $P(x) = 2x^2 + x$ ,  $Q(x) = -x^2 + 1$
- d) P(x) = x 1, Q(x) = -3x + 1

**Ejercicio 2**. Si  $(2 + Q(x) \cdot x^3) \cdot P(x)$  tiene grado 13 y Q(x) es un polinomio de grado 6, ¿cuál es el grado de P(x)?

**Ejercicio 3**. Hallen  $a, b, c \in \mathbb{R}$  tales que  $x^2 + 4x + 1 = ax^2 + bx + c(x+1)(x+2)$ .

**Ejercicio 4**. Consideren  $P(x) = x^3 - (a+b)x^2 + 10bx - 3a \in \mathbb{R}[X]$ . Sabiendo que P(3) = 0 y P(-2) = -11 determinen los valores de  $a, b \in \mathbb{R}$ .

**Ejercicio 5**. Encuentren los polinomios cociente y resto de la división P(x) por Q(x).

- a)  $P(x) = -2x^4 + 10x^2 4x + 2$ , Q(x) = x 2
- b)  $P(x) = x^5 2x^2 + 3$ , Q(x) = x 1
- c)  $P(x) = x^5 x^3 + 2x^2 2x + 3$ ,  $Q(x) = x^2 1$
- d)  $P(x) = x^5 x^3 + x^2 + x + 1$ ,  $Q(x) = x^2 2x + 1$
- e)  $P(x) = x^4 2x^3 11x^2 + 30x 20$ ,  $Q(x) = x^2 + 3x 2$
- f)  $P(x) = x^6 + 5x^4 + 3x^2 2x$ ,  $Q(x) = x^2 x + 3$
- g)  $P(x) = x^5 + 2x^3 x 8$ ,  $Q(x) = x^3 2x + 1$

**Ejercicio 6**. Utilicen el Teorema del resto para verificar si el polinomio Q(x) divide al polinomio P(x).

- a)  $P(x) = x^3 5x 1$ , Q(x) = x 3
- b)  $P(x) = x^6 1$ , Q(x) = x + 1
- c)  $P(x) = x^4 2x^3 + x^2 + x 1$ , Q(x) = x 1
- d)  $P(x) = x^{10} 1024$ , Q(x) = x + 2

**Ejercicio 7**. Determinen todas las raíces de P(x) en  $\mathbb{C}$ .

- a)  $P(x) = 2x^3 x^2 + 2x 1$
- b)  $P(x) = x^5 3x^3 4x$
- c)  $P(x) = 3x^4 + 4x^3 11x^2 + 2x + 2$
- d)  $P(x) = -4x^6 + 36x^4 4x^2 + 36$
- e)  $P(x) = x^4 3x^2 4$
- f)  $P(x) = x^4 + 2x^3 + 5x^2 + 8x + 4$ , sabiendo que 2i es raíz.

**Ejercicio 8**. Encuentren las raíces complejas de  $P(x) = x^4 + x^3 + 10x^2 + 9x + 9$  sabiendo que  $\frac{-1 - \sqrt{3}i}{2}$  es raíz del polinomio.

**Ejercicio 9.** Determinen el orden de multiplicidad de z como raíz de P(x)

- a)  $P(x) = (x^2 + 9) \cdot (x 3)^2 \cdot (x^3 27), z = 3$
- b)  $P(x) = -2x^6 2x^4 + 2x^2 + 2$ , z = -i
- c)  $P(x) = 4x^4 + 22x^3 + 36x^2 + 8x 16, z = \frac{1}{2}$

d) 
$$P(x) = 4x^4 + 22x^3 + 36x^2 + 8x - 16, z = -2$$

**Ejercicio 10**. Hallen el polinomio  $P(x) \in \mathbb{C}[X]$  de grado minimo que verifique las siguientes condiciones:

- a) 3 y 1+i con raíces de P(x) y P(2)=4
- b) 3 es raíz triple, i es raíz doble y P(1)=-64

Ejercicio 11. Factoricen en  $\mathbb C$  a los polinomios del Ejercicio 7.

**Ejercicio 12.** Factoricen en  $\mathbb{Q}$ ,  $\mathbb{R}$  y en  $\mathbb{C}$  el polinomio  $P(x) = 2x^5 + 4x^4 - 15x^3 - 17x^2 + 25x - 15$  sabiendo que  $-\sqrt{5}$  es raíz de P.

**Ejercicio 13**. Hallen el valor de  $a \in \mathbb{R}$  de manera tal que x=2 sea raíz múltiple del polinomio  $P(x)=x^5-ax^4-3ax^3+2ax^2+40x-48$ . Para el valor de a encontrado, averigüen la multiplicidad de la raiz x=2 y factoricen al polinomio P en  $\mathbb{Q}[x]$ ,  $\mathbb{R}[x]$  y en  $\mathbb{C}[x]$ .

## Ejercicio 14.

- a) Resolver  $x^2 + \frac{2}{x} = 5$ .
- b) Resolver  $5x^2 3x + \frac{6}{x} = 2$ .
- c) Resolver  $5x^4 + 13x^2 = 8x^3 + 16x 6$ .