

Ústav fyzikální elektroniky PŘF MU

FYZIKÁLNÍ PRAKTIKUM

Fyzikální praktikum 2

Zpracoval: Artem Gorodilov

Naměřeno: 7. prosince 2023

Obor: Astrofyzika

Skupina: Čt 8:00

Testováno:

Úloha č. 12: Spektrometrické metody

$T = 20.2\text{ }^{\circ}\text{C}$

$p = 980\text{ hPa}$

$\varphi = 41\text{ }^{\circ}$

1. Zadání

Změřit koeficient propustnosti skla a fólie.

Určit spektrální závislost indexu lomu.

Vypočítat tloušťku vrstvy naměřené propustnosti.

Změřit absorpční koeficient pomocí Lambert-Beerova zákona.

2. Teorie

2.1. Měření spektrální propustnosti

Při interakci světelné vlny s hranicí dvou prostředí se část její energie odrazí, zatímco druhá část přejde do dalšího prostředí. V druhém prostředí dochází k částečné absorpci světelné energie, zejména pokud je tloušťka prostředí malá. V případě, že k absorpci nedojde, zbývající energie po odrazu od druhé hranice látku opustí. Situaci lze vidět na obrázku (1).

V optice existují tři charakteristiky popisující interakci světla se zkoumaným materiálem: odrazivost R , propustnost T a absorpční koeficient A . Lze je zjistit pomocí následujících vzorců:

$$R = \frac{I_r}{I_0} \quad (1)$$

$$T = \frac{I_t}{I_0} \quad (2)$$

Podle zákona zachování energie:

$$R + T + A = 1 \quad (3)$$

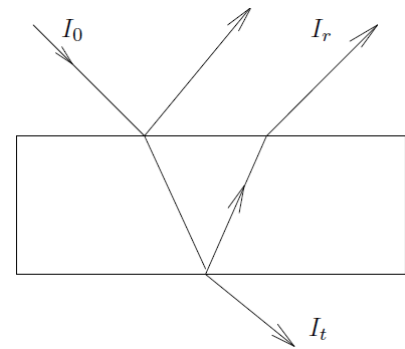


Figure (1) I_0 intenzita dopadajícího světla, I_r intenzita odraženého světla a I_t intenzita světla procházejícího látkou.

K určení indexu lomu n z propustnosti T použijeme následující vzorec:

$$n = \frac{1 + \sqrt{1 - T}}{T} \quad (4)$$

Pro zjištění tloušťky materiálu je nutné zjistit jeho index lomu n_ν podle následujícího vzorce:

$$n_\nu = \frac{1 + \sqrt{1 - T_f^{min}}}{T_f^{min}} \sqrt{n_s} \quad (5)$$

kde n_s je index lomu materiálu a T_f^{min} se zjistí z níže uvedeného vzorce:

$$T_f^{min} = T_m \frac{1 - R_s}{1 + R_s(1 - T_m)} \quad (6)$$

kde T_m je propustnost v lokálním minimu funkce propustnosti v závislosti na vlnové délce λ .

Kde pro veličiny T_m a R_s platí vztahy:

$$T_m = \frac{T_{fs}}{T_{ss}} \quad (7)$$

kde T_{ss} je propustnost samotného materiálu a T_{fs} je propustnost substrátu bez vrstvy.

$$R_s = \left(\frac{n_s - 1}{n_s + 1} \right)^2 \quad (8)$$

kde n_s je index lomu substrátu.

Tloušťka materiálu d se pak zjistí podle vzorce:

$$d = \frac{\lambda \lambda'}{2(n' \lambda - n \lambda')} \quad (9)$$

kde λ a λ' jsou vlnové délky pro dvě po sobě jdoucí minima přenosu a n a n' jsou indexy lomu pro dvě po sobě jdoucí minima přenosu odpovídající vlnovým délkám λ a λ' .

2.2. Lambert-Beerův zákon

Lambertův-Beerův zákon pozorujeme, když monochromatická světelná vlna prochází homogenní vrstvou hmoty o tloušťce d , přičemž zanedbáváme odrazivost způsobující ztráty odrazem. Vztah definující tento zákon představuje vzorec:

$$T = e^{-\alpha d} \quad (10)$$

kde α představuje absorpční koeficient světla závislého na vlnové délce nebo frekvenci dopadajícího záření.

3. Měření

3.1. Měření spektrální propustnosti

Po optimalizaci procesu měření na spektrometru Specord jsme nastavili jmenovité hodnoty I_0 pro vlnové délky 280 a 1100 nm. Poté byl zaveden vzorek skla BK7 a bylo zahájeno měření. Výsledky měření jsou uvedeny na obrázku (2).

Poté jsme pomocí vzorců (4) zjistili index lomu v závislosti na vlnové délce a získané údaje jsme vynesli do grafu (3). Poté aproximujeme získaný výsledek pomocí vzorce:

$$n(\lambda) = A + \frac{B}{\lambda^2} \quad (11)$$

Z aproximace byly získány následující koeficienty A a B :

$$A = n_0 = 1.4027(2)$$

$$B = 1.149(7) \times 10^4 \text{ nm}^2$$

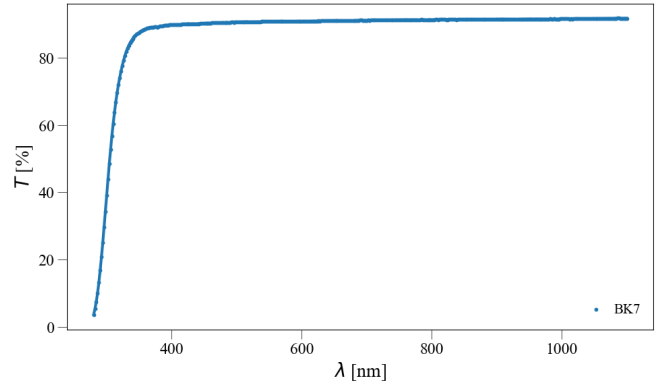


Figure (2) Závislost propustnosti na vlnové délce pro sklo BK7.

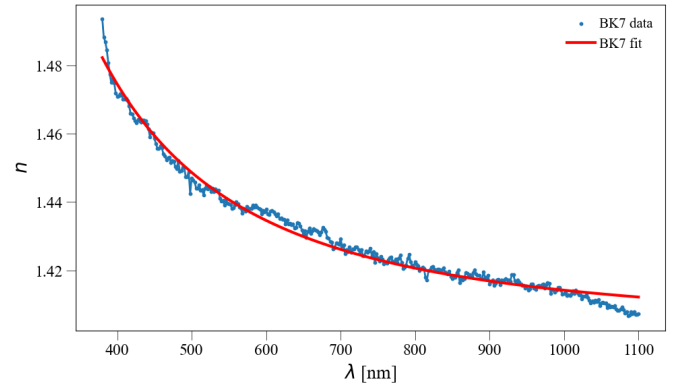


Figure (3) Závislost indexu lomu na vlnové délce pro sklo BK7.

Dále jsme změřili propustnost pro červený filtr s nominální propustností 663 nm. Výsledky měření jsou uvedeny v grafu (4).

Z grafu je patrné, že maximum propustnosti se vyskytuje na vlnové délce:

$$\lambda_{max} = 670(2) \text{ nm}$$

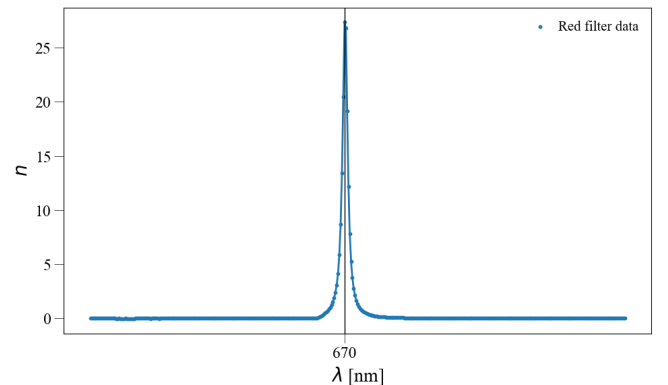


Figure (4) Závislost propustnosti na vlnové délce pro červený filtr.

Poté jsme pro určení tloušťky desky TiO_2 změřili propustnost skla SiO_2 a skla SiO_2 s příměsí TiO_2 . Naměřené údaje jsou uvedeny v grafu (5) a v tabulce (3).

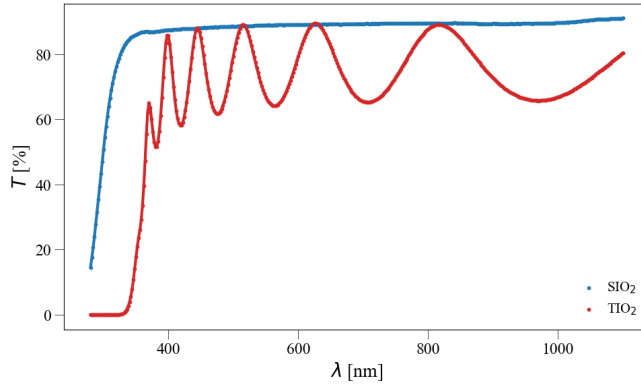


Figure (5) Závislost propustnosti na vlnové délce pro sklo SiO₂ a sklo SiO₂ s příměsí TiO₂.

Pomocí vzorců (4), (8), (7), (6) a (5) byly vypočteny hodnoty n_s , R_s , T_m , T_f^{min} a n_ν pro minima propustnosti skla s příměsí TiO₂. Tyto výpočty jsou uvedeny v tabulce (1). Odtud byla vypočtena tloušťka materiálu pro pět párů minimálních vlnových délek podle vzorce (9):

λ [nm]	λ' [nm]	n	n'	d [nm]
420	474	2.9639	2.7652	408.71(5)
474	564	2.7652	2.6453	437.31(5)
564	706	2.6453	2.5943	492.31(6)
706	968	2.5943	2.5706	490.60(6)

Table (1) Výpočet tloušťky materiálu pro pět párů minimálních vlnových délek.

Odtud získáme hodnotu tloušťky desky:

$$d = (457 \pm 100) \text{ nm}$$

3.2. Lambert-Beerův zákon

Dále jsme změřili propustnost čtyř desek se stejným materiálem. Destičky byly do spektrometru vkládány jedna po druhé, takže na konci jsme měli vrstvu čtyř destiček, které se vzájemně překrývaly. Výsledky měření jsou uvedeny v grafu (6).

Předpokládá se, že tloušťka desek d je stejná. Po měření byla získána následující hodnota d :

$$d = 3.51(2) \text{ mm}$$

λ [nm]	T_{ss, SiO_2} [%]	T_{fs, TiO_2} [%]	n_s	R_s	T_m [%]	T_f^{min} [%]	n_ν
420	87.8	58.3	1.4027(2)	0.02809(3)	66.4	63.951(2)	2.9639(4)
474	88.4	61.7	1.4027(2)	0.02809(3)	69.9	67.318(2)	2.7652(3)
564	89.0	64.2	1.4027(2)	0.02809(3)	72.1	69.499(2)	2.6453(3)
706	89.4	65.3	1.4027(2)	0.02809(3)	73.0	70.464(2)	2.5943(3)
968	89.5	65.8	1.4027(2)	0.02809(3)	73.5	70.920(2)	2.5706(3)

Table (3) Výpočet veličin pro minima propustnosti skla s příměsí TiO₂.

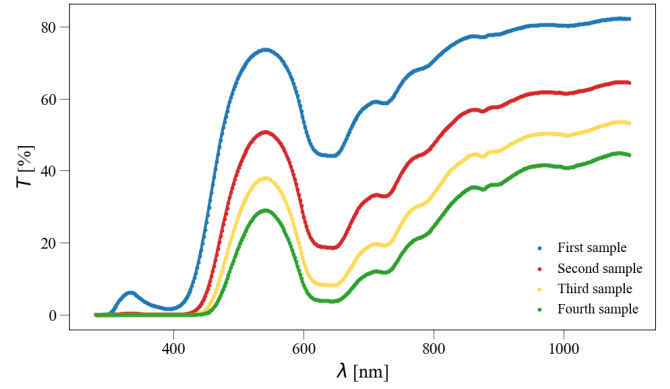


Figure (6) Závislost propustnosti vrstev desky na vlnové délce.

Poté jsme vypočítali hodnoty $\ln(T)$ čtyř různých kombinací destiček ve spektrografu pro čtyři pevné vlnové délky. Poté jsme je vynesli do grafu závislosti $\ln(T)$ na tloušťce vrstvy desky d . Poté jsme pro potvrzení platnosti vzorce (10) data lineárně aproximovali a získali tak hodnotu absorpčního koeficientu α .

Výsledky jsou uvedeny v tabulce (2) a na obrázku (7).

	$\ln(T)$ [%]				
λ [nm]	3.51	7.02	10.53	14.04	α [m ⁻¹]
500	-0.411	-0.894	-1.285	-1.662	118(5)
600	-0.624	-1.301	-1.923	-2.503	178(4)
700	-0.536	-1.126	-1.661	-2.166	155(4)
800	-0.347	-0.746	-1.089	-1.405	100(4)
900	-0.248	-0.548	-0.787	-1.014	72(3)

Table (2) Výpočet absorpčního koeficientu α pro čtyři pevné vlnové délky a čtyři různé tloušťky vrstvy desky.

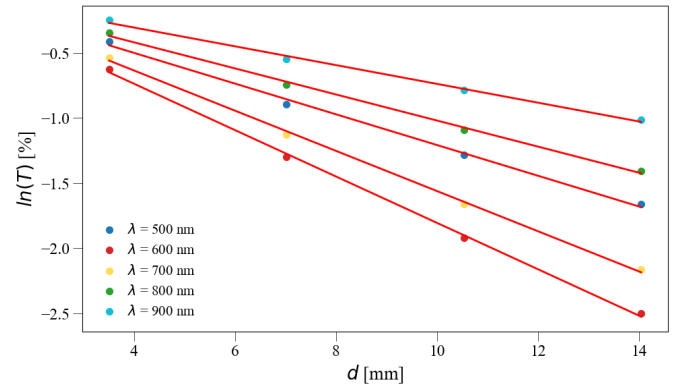


Figure (7) Závislost $\ln(T)$ na tloušťce vrstvy desky d .

Ze vzorce (10) pak zjistíme hodnoty α pro všechny naměřené vlnové délky každé desky. Výsledky měření jsou patrné z grafu (8).

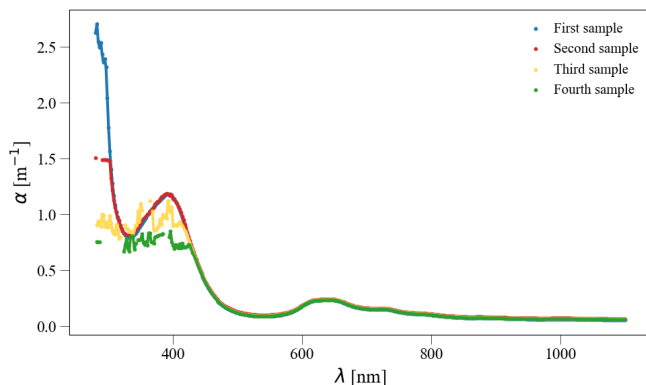


Figure (8) Závislost absorpčního koeficientu α na vlnové délce.

Z tohoto grafu je patrné, že Lambertův-Beerův zákon platí v intervalu vlnových délek $\lambda \in [400, 1000]$ nm.

K výpočtu veličin a jejich nejistot byla použita knihovna Uncertainties pro Python: pypi.org/project/uncertainties. Kód je přiložen k protokolu.

4. Závěr

4.1. Měření spektrální propustnosti

Byla změřena spektrální závislost propustnosti skla BK7. Byla získána hodnota indexu lomu n v závislosti na vlnové délce λ , $A = n_0 = 1.4027(2)$ a $B = 1.149(7) \times 10^4 \text{ nm}^2$.

Byla změřena propustnost červeného filtru s nominální propustností 663 nm. Byla získána hodnota maximální propustnosti $\lambda_{max} = 670(2)$ nm.

Byla změřena propustnost skla SiO_2 a skla SiO_2 s příměsí TiO_2 . Byla získána hodnota tloušťky desky $d = (457 \pm 100)$ nm.

4.2. Lambert-Beerův zákon

Byla změřena závislost propustnosti vrstev desky na vlnové délce. Byla získána hodnota tloušťky desky $d = 3.51(2)$ mm.

Byl stanoven interval platnosti

Lambertova-Beerova zákona $\lambda \in [400, 1000]$ nm.

K výpočtu chyb byl použit následující kód:

```
#Importing the libraries

import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
import pandas as pd
from scipy import stats
from scipy.stats import t as t
from scipy.optimize import curve_fit
from uncertainties import *
from uncertainties.umath import *

#Reading data

BK7 = pd.read_csv('data/BK7.csv')
ALAM1 = pd.read_csv('data/ALAM1.csv')
ALAM2 = pd.read_csv('data/ALAM2.csv')
ALAM3 = pd.read_csv('data/ALAM3.csv')
ALAM4 = pd.read_csv('data/ALAM4.csv')
RED = pd.read_csv('data/663-RED.csv')
SIO2 = pd.read_csv('data/SIO2.csv')
TIO2 = pd.read_csv('data/TIO2.csv')
out = pd.read_excel('data/out.xlsx')

# Constants and values

I_0 = 280

def uncert(data_input, uncert_inst):
    t_coeff = t.ppf((1 + 0.99)/2, len(data_input)-1)
    return np.sqrt((np.std(data_input)/np.sqrt(len(data_input)))**2 + uncert_inst**2)*t_coeff

#Calculations for BK7

BK7['T'] = BK7['T']

BK7['n'] = (1 + np.sqrt(1 - (BK7['T']/100))) / (BK7['T']/100)

# Define the polynomial function

def polynomial_fit(values, A, B):
    return A + B / (values**2)

# Use curve_fit to find the parameters A and B
initial_guess = [1.5, 40000] # Initial guess for parameters A and B
params, covariance = curve_fit(polynomial_fit, BK7['lambda'][50:], BK7['n'][50:], p0=initial_guess)

# Extract the optimized parameters
A_optimized, B_optimized = params
A_error, B_error = np.sqrt(np.diag(covariance))

A_comb = ufloat(A_optimized, A_error)
B_comb = ufloat(B_optimized, B_error)

# Print the optimized parameters
print('A_=', A_comb)
print('B_=', B_comb)

#Best-fit line

n_val = polynomial_fit(BK7['lambda'][50:], A_optimized, B_optimized)

# Calculation

out['lambda'] = SIO2['lambda']
out['T_sio2'] = SIO2['T']
out['T_tio2'] = TIO2['T']
out['n_sio2'] = (1 + np.sqrt(1 - (SIO2['T']/100))) / (SIO2['T']/100)
R_sio2 = (A_comb-1)*2 / (A_comb+1)*2
out['T_m'] = out['T_tio2'] / out['T_sio2']
out['T_min'] = out['T_m'] * (1-R_sio2)/(1+R_sio2*(1-out['T_m']))

n_v_list = []
for ii,ID in enumerate(out['T_min']):
    n_v_list.append(((1+sqrt(1-out['T_min'][ii]))/(out['T_min'][ii])) * sqrt(A_comb))
out['n_v'] = n_v_list

print('\nR_sio2=', R_sio2)

# print(out.iloc[51])
# print(f'\n{out.iloc[70]}')
# print(f'\n{out.iloc[97]}')
# print(f'\n{out.iloc[142]}')
# print(f'\n{out.iloc[213]}')
# print(f'\n{out.iloc[344]}')

lambda_list = [out.iloc[70]['lambda'], out.iloc[97]['lambda'], out.iloc[142]['lambda'], out.iloc
[213]['lambda'], out.iloc[344]['lambda']]
n_v_list = [out.iloc[70]['n_v'], out.iloc[97]['n_v'], out.iloc[142]['n_v'], out.iloc[213]['n_v'], out
.iloc[344]['n_v']]

d_list = []
for ii,ID in enumerate(lambda_list):
    if ii == len(lambda_list)-1:
        break
    d_list.append((lambda_list[ii]*lambda_list[ii+1])/(2*(n_v_list[ii]*lambda_list[ii+1]-n_v_list[ii
+1]*lambda_list[ii])))

print(f'\n{d_list}')
```

```

print('\nd:=', d.nominal_value, '+-', d.std_dev)

d_2 = ufloat(3.51, 0.02)
d_list_2 = [3.51, 7.02, 10.53, 14.04]
d_2_list = [500, 600, 700, 800, 900]
ln_500 = []
ln_600 = []
ln_700 = []
ln_800 = []
ln_900 = []

for ii, ID in enumerate(ALAM1['lambda']):
    if ID == 500.0000305:
        ln_500.append(np.log(ALAM1['T'][ii]/100))
        ln_500.append(np.log(ALAM2['T'][ii]/100))
        ln_500.append(np.log(ALAM3['T'][ii]/100))
        ln_500.append(np.log(ALAM4['T'][ii]/100))
    elif ID == 600.0000000:
        ln_600.append(np.log(ALAM1['T'][ii]/100))
        ln_600.append(np.log(ALAM2['T'][ii]/100))
        ln_600.append(np.log(ALAM3['T'][ii]/100))
        ln_600.append(np.log(ALAM4['T'][ii]/100))
    elif ID == 700.0000610:
        ln_700.append(np.log(ALAM1['T'][ii]/100))
        ln_700.append(np.log(ALAM2['T'][ii]/100))
        ln_700.append(np.log(ALAM3['T'][ii]/100))
        ln_700.append(np.log(ALAM4['T'][ii]/100))
    elif ID == 800.0000610:
        ln_800.append(np.log(ALAM1['T'][ii]/100))
        ln_800.append(np.log(ALAM2['T'][ii]/100))
        ln_800.append(np.log(ALAM3['T'][ii]/100))
        ln_800.append(np.log(ALAM4['T'][ii]/100))
    elif ID == 900.0000610:
        ln_900.append(np.log(ALAM1['T'][ii]/100))
        ln_900.append(np.log(ALAM2['T'][ii]/100))
        ln_900.append(np.log(ALAM3['T'][ii]/100))
        ln_900.append(np.log(ALAM4['T'][ii]/100))

ln_list = [ln_500, ln_600, ln_700, ln_800, ln_900]

ALAM1['alpha'] = - np.log(ALAM1['T']/100) / d_list_2[0]
ALAM2['alpha'] = - np.log(ALAM2['T']/100) / d_list_2[1]
ALAM3['alpha'] = - np.log(ALAM3['T']/100) / d_list_2[2]
ALAM4['alpha'] = - np.log(ALAM4['T']/100) / d_list_2[3]

# print(out)

# Linear regression

# Calculate linear regression

fit_line_list = []

for ii, ID in enumerate(ln_list):
    slope, intercept, r_value, p_value, std_err = stats.linregress(d_list_2, ID)
    alpha = ufloat(slope, std_err)
    print(f'alpha({ii})= ', alpha*(-1000))

# Best fit line
best_fit_line = slope * np.array(d_list_2) + intercept

fit_line_list.append(best_fit_line)

```