#### Ústav fyziky kondenzovaných látek Přírodovědecká fakulta, Masarykova univerzita, Brno

## Fyzikální praktikum 2

# 12. Spektroskopické metody

## Cíle praktika

- 1. Měření propustnosti skla, určení spektrální závislosti indexu lomu z měřené propustnosti.
- 2. Určení tloušťky tenké vrstvy z měření propustnosti.
- 3. Lambertův-Beerův zákon, měření absorpčního koeficientu.

## Měření spektrální propustnosti skla

Dopadá-li světelná vlna na rozhraní dvou různých optických prostředí, část energie se odráží (zákon odrazu), zbývající část energie prochází do druhého prostředí (zákon lomu). Při průchodu světelné vlny v tomto druhém prostředí se část energie může absorbovat. Není-li tloušťka druhého prostředí příliš velká, případně toto prostředí neabsorbuje, pak zbývající část světelné energie po odrazu na druhém rozhraní vystupuje ze zkoumané látky, viz obr. 12.1.

V optice se zavádí intenzitní veličiny odrazivost R, propustnost T a absorpce A, které při kolmém dopadu světla charakterizují z optického hlediska danou látku [1]:

$$R = I_r/I_0,$$
  
 $T = I_t/I_0.$  (12.1)

V souhlasu se zákonem zachování energie platí

$$R + T + A = 1. (12.2)$$

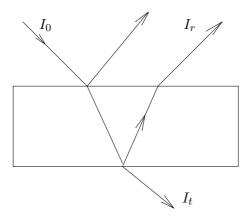
Spektrální průběh propustnosti, tj. závislost propustnosti na vlnové délce světla, je obecně užitečnou veličinou, ze které lze v některých případech usuzovat na procesy, které probíhají při interakci světelné vlny s látkou.

#### Stanovení indexu lomu neabsorbující látky

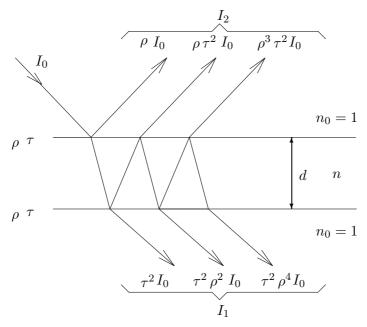
Rešení problému ukážeme na příkladu měření propustnosti tlusté neabsorbující vrstvy (destička zkoumané látky). Tlustou vrstvou se rozumí taková tloušťka materiálu d, že platí  $d \gg \lambda$ , kde  $\lambda$  je vlnová délka dopadajícího světla. Vzhledem k tomu, že jde o neabsorbující látku, platí A=0. Na obr. 12.2 je znázorněno odvození vztahu pro propustnost neabsorbující tlusté vrstvy.

Na destičku s rovinnými, planparalelními rozhraními charakterizovanými koeficienty odrazivosti  $\rho$  a propustnosti  $\tau$  (oba koeficienty jsou dle Fresnelových zákonů stejné jak pro vstupní, tak pro výstupní rozhraní) dopadá monochromatické světlo o intenzitě  $I_0$ . Index lomu zkoumané látky označíme n, index lomu okolního prostředí (vzduch)  $n_0 = 1$ .

Poznámka: Ve skutečnosti dopadá světelný svazek na zkoumaný objekt kolmo; pro přehlednost je na obr. 12.2 zakreslen šikmý dopad, což do úhlu dopadu  $20^{\circ}$  není na újmu obecnosti (rozdíl v propustnosti jednoho rozhraní oproti kolmému dopadu je menší než 1%).



Obrázek 12.1:  $I_0$  – intenzita dopadajícího světla,  $I_r$  – intenzita odraženého světla,  $I_t$  – intenzita světla prošlého danou látkou.



Obrázek 12.2: Odvození vztahu pro propustnost neabsorbující tlusté vrstvy. Na výstupní straně intenzita prošlého světla  $I_1$  je součtem naznačených příspěvků paprsků se sudým počtem odrazů, na vstupní straně intenzita odraženého světla  $I_2$  vychází z paprsků s lichým počtem odrazů.

Protože se jedná o tlustou vrstvu, neuplatňuje se v ní interference světla $^1$  a intenzitu propuštěného světla  $I_1$  (resp. světla odraženého  $I_2$ ) dostaneme skládáním intenzit při vícenásobném odrazu světelné vlny na rozhraních vrstvy. Z obr. 12.2 je zřejmé, že pro intenzitu prošlého světla platí

$$I_1 = I_0 \left( \tau^2 + \tau^2 \rho^2 + \tau^2 \rho^4 + \tau^2 \rho^6 + \dots \right). \tag{12.3}$$

Poměr intenzit  $I_1/I_0$  jsme definovali jako propustnost dané látky, vztah (12.3) lze tedy psát

$$T = \tau^2 + \tau^2 \rho^2 + \tau^2 \rho^4 + \tau^2 \rho^6 + \dots$$
 (12.4)

 $<sup>^1</sup>$ Interference by nastávala, pokud by obě rozhraní byla přesně rovnoběžná (s přesností na zlomek vlnové délky použitého světla) a jednalo by se o dostatečně homogenní materiál – to lze zajistit jen u tenké vrstvy do tloušťky max. desítek  $\mu$ m. Navíc hustota interferenčním minim a maxim při tloušťce v řádu mm by výrazně převyšovala spektrální rozlišení použitých spektrometrů.

Jednoduše se lze přesvědčit, že pravá strana uvedeného vztahu je nekonečná geometrická řada s kvocientem q < 1, jejíž součet je

$$T = \frac{\tau^2}{1 - \rho^2} \,. \tag{12.5}$$

Vzhledem k tomu, že se jedná o neabsorbující látku, platí podle (12.2)  $\tau = 1 - \rho$ . Vztah (12.5) lze přepsat pomocí koeficientů odrazivosti na tvar

$$T = \frac{(1-\rho)^2}{1-\rho^2},\tag{12.6}$$

což po úpravě dává

$$T = \frac{1 - \rho}{1 + \rho}.\tag{12.7}$$

Pro odrazivost rozhraní vzduch<br/>–neabsorbující látka, která je charakterizována indexem lom<br/>un,dostáváme z Fresnelových koeficientů

$$\rho = \frac{(1-n)^2}{(1+n)^2}. (12.8)$$

Dosazením vztahu (12.8) do vztahu (12.7) dostáváme

$$T = \frac{2n}{n^2 + 1} \,, \tag{12.9}$$

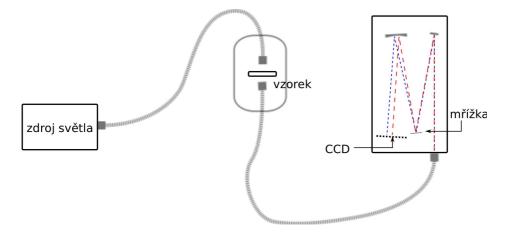
odkud lze již snadno stanovit hledaný index lomu n neabsorbující látky.

Poznámka: Při řešení rovnice (12.9) je třeba vyloučit kořen, který nemá fyzikální smysl.

#### Postup měření

K dispozici máte 2 spektrometry – klasický přístroj s monochromátorem Specord 40 a sestavu pro vláknový spektrometr AvaSpec EDU. V obou případech se používá stejný typ zdroje světla: kombinace halogenové žárovky (poskytující hladké spektrum černého tělesa) a deuteriové výbojky (umožňující rozšířit měření do blízké UV oblasti). U vláknového spektrometru je světlo z externího zdroje vedeno optickým vláknem k držáku vzorku, na jehož druhé straně prošlé světlo vstupuje do dalšího vlákna vedoucího ke spektrometru (viz obr. 12.3). Zde je světlo odrazem na mřížce rozděleno podle vln. délek a zrcadlem zaostřeno na jednotlivé pixely CCD detektoru (daný přístroj jich má zhruba 2000). V druhém případě (u přístroje Specord) je vše skryto uvnitř těla spektrometru: mřížka je zde ale ještě před vzorkovým prostorem a po odrazu na ní prochází světlo štěrbinou, která vybere světlo dané vlnové délky; během měření se mřížka natáčí a postupně vzorkem projde monochromatické světlo o všech vln. délkách ve zvoleném rozsahu. Měření zde tedy trvá podstatně déle, spektrální rozlišení může být ale vyšší (je určeno šířkou vstupní a výstupní štěrbiny) a detektor může být větší a citlivější. Měření povinné části úlohy tedy provádějte raději na tomto spektrometru, volitelné měření pak na vláknovém spektrometru.

Při měření propustnosti nebo odrazivosti je třeba vždy na začátku před vložením vzorku provést referenční měření (kalibrace): u měření na průchod se nechá obvykle světlo procházet prázdným vzorkovým prostorem (případně s vloženou stejnou clonou, jakou pak budeme používat pro vzorek), při měření odrazu světla musíme použít referenční vzorek se známou reflektivitou (křemík, hliník). Měříme pak relativní propustnost či odrazivost vůči vzduchu nebo referenčnímu povrchu. Tímto způsobem se zbavíme vlivu rozdílné intenzity zdroje, propustnosti vláken (či vzduchu) i citlivosti detektoru (CCD čipu) pro různé vlnové délky. U přístrojů s monochromátorem, kde se různé části spektra měří postupně, může výsledek ovlivnit i nestabilita zdroje (či detektoru, zvláště je-li chlazený). Pokročilejší přístroje jsou proto často navrženy jako dvoukanálové, kdy světlo střídavě prochází kanálem se vzorkem a bez něj. U našeho přístroje tomu tak není, doporučuje se tedy mu po zapnutí nechat jistý čas na stabilizaci.



Obrázek 12.3: Schéma měřící aparatury s vláknovým spektrometrem

Výsledek měření budete mít uložen v textovém formátu. Vyjma měření tenké vrstvy bude počet naměřených bodů ve spektru řádově převyšovat vaši potřebu. Pro potlačení šumu v měření je vhodné, abyste pro výpočet vzali vždy průměr z několika (cca desítky) bodů v okolí zvolené vln. délky. Je možné použít též program pro vyhlazení spektra klouzavým průměrem (konvolucí), který je k dispozici na počítači připojeném k vláknovému spektrometru – sníží se tak míra šumu, ale samozřejmě také spektrální rozlišení vašeho měření.

## Úkoly

- 1. Stanovte spektrální závislost propustnosti skleněné destičky v zadaném intervalu vlnových délek.
- 2. Z naměřené propustnosti stanovte pro všechny vlnové délky index lomu.
- 3. Vyneste graficky závislost indexu lomu na vlnové délce.
- 4. Proložte tuto závislost Cauchyovým vztahem omezeným na kvadratický člen rozvoje

$$n(\lambda) = A + \frac{B}{\lambda^2}$$

pro interval vlnových délek 380 nm až 800 nm.

- 5. Změřte spektrální závislost propustnosti daného filtru v zadaném intervalu vlnových délek.
- 6. Vyneste tuto závislost do grafu.

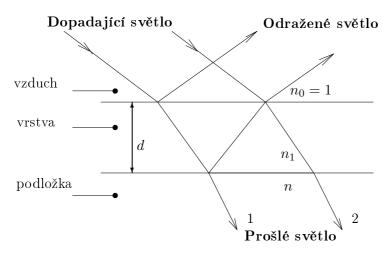
## Určení tloušťky tenké vrstvy z měření propustnosti

Jedním z důležitých parametrů v optice tenkých vrstev je index lomu vrstvy  $n_1$ , která je nanesena na podložku s indexem lomu n. V této úloze se budeme zabývat případem neabsorbující vrstvy na neabsorbující podložce.

Dopadá-li na takový systém rovinná monochromatická vlna (obr. 12.4), pak se intenzita odraženého resp. prošlého světla v závislosti na vlnové délce dopadajícího světla  $\lambda$  vlivem interference ve vrstvě periodicky mění mezi limitními hodnotami.

Pro propustnost  $T_f$ systému podložka–vrstva lze odvodit vztah [1]

$$T_f = \frac{4n_1^2n}{n_1^2(n+1)^2 - (n^2 - n_1^2)(n_1^2 - 1)\sin^2(x/2)},$$
(12.10)



Obrázek 12.4: Průchod světla tenkou vrstvou.

kde x je fázový posun paprsků ve vrstvě. Při kolmém dopadu světla je dráhový rozdíl interferujících paprsků  $s = 2n_1d$ , a pro jejich fázový posun x platí

$$x = \frac{2\pi}{\lambda} s \qquad \text{nebo} \qquad x = \frac{2\pi}{\lambda} 2n_1 d. \qquad (12.11)$$

Z výrazů (12.10) a (12.11) je zřejmé, že propustnost  $T_f$  se mění při změně vlnové délky  $\lambda$  dopadajícího světla. Pro jisté vlnové délky při dané tloušťce vrstvy obdržíme maxima nebo minima propustnosti.

Pro naše vzorky platí případ  $n_1 > n$ . Tedy interferující paprsek 2 se odráží dvakrát od prostředí s menším indexem lomu a proto má stejnou fázi jako paprsek 1 (při jednom takovémto odrazu se mění fáze o  $\pi$ ). Úvaha platí i pro další interferující paprsky. Navíc ze vztahu (12.10) vidíme, že pro  $n_1 > n$  bude mít  $T_f$ 

maximum pro 
$$\sin \frac{x}{2} = 0$$
, tj.  $x = 2\pi$ ,  $4\pi$ , ...,  $2k\pi$ , (12.12a)

minimum pro 
$$\sin \frac{x}{2} = \pm 1$$
, tj.  $x = \pi$ ,  $3\pi$ , ...,  $(2k-1)\pi$ , (12.12b)

kde k je celé číslo. Ze vztahu pro fázový posun (12.11) dostaneme maximum a minimum propustnosti pro dráhový rozdíl

maximum pro 
$$2n_1d = \lambda, 2\lambda, \dots, k\lambda,$$
 (12.13a)

minimum pro 
$$2n_1d = \frac{\lambda}{2}, \frac{3\lambda}{2}, \dots, \frac{(2k-1)\lambda}{2}.$$
 (12.13b)

Potom ze vztahu (12.10) dostaneme maximum a minimum propustnosti

$$T_f^{\text{max}} = \frac{4n}{(n+1)^2},$$
 (12.14a)

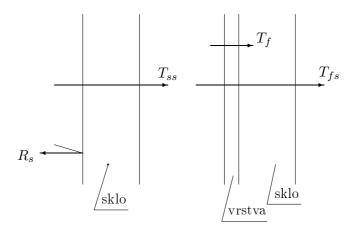
$$T_f^{\min} = \frac{4n_1^2 n}{(n_1^2 + n)^2}.$$
 (12.14b)

Jestliže známe index lomu podložky n, pak vztah (12.14b) nám dává možnost stanovit index lomu vrstvy  $n_1$  z rovnice

$$n_1^2 \sqrt{T_f^{\min}} - 2n_1 \sqrt{n} + n \sqrt{T_f^{\min}} = 0,$$
 (12.15)

tedy

$$n_1 = \frac{1 \pm \sqrt{1 - T_f^{\min}}}{\sqrt{T_f^{\min}}} \sqrt{n}.$$
 (12.16)



Obrázek 12.5: Průchod světla podložkou a podložkou s vrstvou.

#### Postup měření

V kyvetovém prostoru spektrofotometru je podložka bez vrstvy a podložka s vrstvou, viz obr. 12.5. Abychom mohli stanovit propustnost systému vrstva–podložka, zavedeme tzv.  $m\check{e}\check{r}enou$  propustnost

$$T_m = T_{fs}/T_{ss}$$
, (12.17)

kde  $T_{ss}$  je propustnost samotné destičky,  $T_{fs}$  propustnost destičky s vrstvou. Hledanou veličinu  $T_f$  vypočteme ze vztahu [3]

$$T_f = T_m \frac{1 - R_s}{1 + R_s (1 - T_m)} , \qquad (12.18)$$

kde

$$R_s = \frac{(n-1)^2}{(n+1)^2}. (12.19)$$

Měření se redukuje na stanovení spektrální závislosti relativní propustnosti  $T_m = f(\lambda)$  v intervalu vlnových délek  $\lambda \in \langle 400, 900 \rangle$  nm. Z grafu této závislosti stanovíme minima  $T_m$  a pomocí rovnice (12.18) vypočítáme odpovídající hodnotu  $T_f$ . Pro vlnovou délku  $\lambda$ , pro kterou nastal tento extrém, stanovíme hledanou hodnotu indexu lomu  $n_1$  vrstvy z rovnice (12.16).

Pro stanovení tloušťky tenké vrstvy doporučujeme následující proceduru. Z rovnic (12.13a) i (12.13b) vyplývá, že pro dvě sousední maxima i dvě sousední minima ve spektrální závislosti propustnosti, naměřená pro dvě vlnové délky  $\lambda$  a  $\lambda' < \lambda$ , po vyloučení parametru k platí

$$\frac{2n_1'd}{\lambda'} = \frac{2n_1d}{\lambda} + 1. {(12.20)}$$

Odtud dostáváme vztah pro tloušťku vrstvy

$$d_1 = \frac{\lambda \lambda'}{2(n_1' \lambda - n_1 \lambda')}. \tag{12.21}$$

#### Úkoly

- 1. Naměřte spektrální závislost propustnosti daného vzorku.
- 2. Určete hodnoty indexu lomu vrstvy ze všech extrémů spektrální závislosti propustnosti, které mají lichý interferenční řád (výraz (12.12b)).
- 3. Vyneste graficky závislost indexu lomu vrstvy na vlnové délce.
- 4. Určete hodnotu tloušťky vrstvy.

## Lambertův-Beerův zákon, měření absorpčního koeficientu

Uvažujme o průchodu monochromatické světelné vlny homogenní vrstvou látky o tloušťce d. Za předpokladu zanedbatelné odrazivosti vedoucích k reflexním ztrátám je propustnost je dána Lambertovým–Beerovým zákonem

$$T = \exp(-\alpha d) \tag{12.22}$$

kde  $\alpha$  je koeficient absorpce světla, který obecně závisí na vlnové délce (frekvenci) dopadajícího záření.

Lambertův–Beerův zákon (12.22) lze demonstrovat např. tak, že budeme měřit spektrální propustnost  $T(\lambda)$  ve vhodném intervalu vlnových délek na planparalelních destičkách téže látky s různými tloušťkami.<sup>2</sup> Vyneseme-li závislost lnT na tloušťce d vzorků dané látky pro určitou vln. délku, musíme v případě platnosti (12.22) dostat lineární závislost, z jejíž směrnice lze určit koeficient absorpce  $\alpha$ .

#### Úkoly

- 1. Naměřte spektrální závislost propustnosti sérií destiček přiložených na sebe pro několik různých počtů destiček (1–4) umístěných ve vzorkovém prostoru spektrometru. Tloušťku destiček považujte za identickou: změřte tloušťku několika destiček, za výsledek vezměte průměrnou hodnotu.
- 2. Pomocí vztahu (12.22) ve zlogaritmované podobě ukažte, zda data splňují Lambertův–Beerův zákon a určete absorpční koeficient dané látky za předpokladu, že nebereme v úvahu odrazy na rozhraních. Proveďte alespoň pro tři vlnové délky. Závislosti logaritmu propustnosti na tloušťce materiálu vyneste do grafu spolu výsledkem lineární regrese.<sup>3</sup>
- 3. Vyneste do grafu propustnost všech měřených vzorků v závislosti na vlnové délce. Určete absorpční koeficient nezávisle pro každé spektrum propustnosti a vyneste všechny získané závislosti absorpčních koeficientů na vlnové délce do jednoho grafu. Diskutujte, jak souvisí vnímaná barva daného materiálu se získanou spektrální závislostí absorpčního koeficientu.

Užití v praxi: Spektroskopické metody jsou v průmyslové praxi velmi často využívané. Ve viditelné a blízké infračervené oblasti se často používají k určování tlouštěk tenkých vrstev deponovaných nebo rostených během výroby elektronických součástek planární technologií. Omezíme-li se pouze na tento obor průmyslové praxe, měřením spektrální závislosti odrazivosti se určují tloušťky např. neabsorbujících oxidů nebo vrstev polykrystalického křemíku na monokrystalickém křemíkovém substrátu. V infračervené oblasti se odrazivosti využívá k měření tloušťky slabě legovaných epitaxních vrstev na silně legovaném substrátu. Měření spektrální závislosti propustnosti v infračervené oblasti se využívá k určování obsahu intersticiálního kyslíku a substitučního uhlíku v slabě legovaných křemíkových deskách, které mají v této oblasti pouze lokalizované absorpční pásy. Z poklesu intenzity světla během průchodu (pro konkrétní vlnovou délku) a tloušťky desky lze určit koncentraci těchto příměsí.

#### Literatura:

[1] A. Vašíček: Optika tenkých vrstev. NČSAV Praha, 1956.

 $<sup>^2</sup>$ Při použití vztahu (12.22) zanedbáváme reflexe světla na rozhraních destička-vzduch. Tuto aproximaci můžeme vzhledem k nízké reflektivitě materiálů planparalelních destiček použitých v praktiku ( $R \leq 0.05$ ) v dobrém přiblížení učinit.

 $<sup>^3</sup>$ Pozn.: Pokud vámi použitý program nebo výpočet neurčuje také nejistotu koeficientů lineární regrese, můžete jako odhad "kvality" proložení vypočíst hodnotu koeficientu  $\alpha$  pro např. první tři a poslední tři měření a nejistotu řádově stanovit jako polovinu rozdílu dvou vypočtených hodnot.

- $[2]\,$  J. Kuběna:  $\acute{U}vod~do~optiky.$  Skripta MU Brno, 1994.
- [3] H.E. Bennett, J.M. Bennett: Physics of Thin Films, Vol. 4. Academic New York, 1967.