

$$(\overline{x} \cdot y \cdot z) \cdot (\overline{x} \cdot y \cdot z) \cdot (x \cdot \overline{y} \cdot z) =$$

$$= (\overline{x} + y + z) \cdot (\overline{x} + y + z) \cdot (x \cdot \overline{y} \cdot z)$$

$$= (\underbrace{\overline{x} \cdot \overline{x}}_0 + \underbrace{\overline{x} \cdot y}_1 + \underbrace{\overline{x} \cdot z}_1 + \underbrace{x \cdot \overline{y}}_1 + \underbrace{x \cdot z}_1 + \underbrace{y \cdot z}_1 + \underbrace{z \cdot z}_1) \cdot (x \cdot \overline{y} \cdot z)$$

$$= (\overline{x}(\overline{x} + x) + y(\overline{x} + x) + z(\overline{x} + x) + \overline{y} \cdot x + \overline{y} \cdot z) \cdot (x \cdot \overline{y} \cdot z)$$

$$= (\overline{x} + \overline{y} + \overline{z}) \cdot (x \cdot \overline{y} \cdot z)$$

$$= \overline{x} \cdot \overline{y} \cdot z + \overline{y} \cdot \overline{z} \cdot x + \overline{z} \cdot x \cdot \overline{y}$$

$$= \overline{x} \cdot \overline{y} \cdot z + 0 + 0 = \overline{x} \cdot \overline{y} \cdot z$$

$$\begin{aligned}
 \textcircled{1} \quad & (\overline{X \cdot Y}) + (\overline{X} \cdot Y) + (\overline{X} \cdot \overline{Y}) = \\
 & = (\overline{X} + \overline{Y}) + (\overline{X} \cdot Y) + (\overline{X} \cdot \overline{Y}) = \overline{X} + \overline{Y} + \overline{X}Y + \overline{X}\overline{Y} \\
 & = \overline{X} + \overline{Y} + \overline{X}(Y + \overline{Y}) \\
 & = \overline{X} + \overline{Y} + \overline{X} \\
 & = \overline{X} + \overline{Y}
 \end{aligned}$$