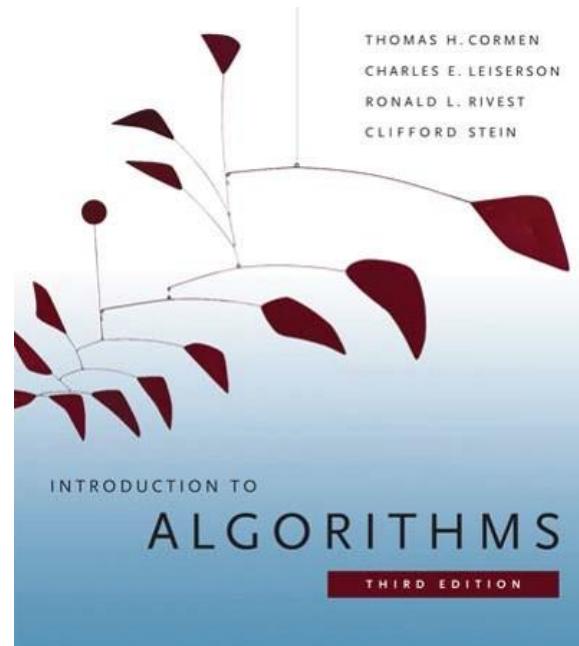


6.006- 알고리즘 개론



Courtesy of MIT Press. Used with permission.

3강

목차

- 정렬!
 - 삽입 정렬
 - 합병 정렬
- 재귀 풀이

정렬 문제

입력: 숫자 배열 $A[1\dots n]$

출력: A 의 순서 배열 $B[1\dots n]$
예시: $B[1] \leq B[2] \leq \dots \leq B[n]$.

예시): $A = [7, 2, 5, 5, 9.6] \rightarrow B = [2, 5, 5, 7, 9.6]$

어떻게 하면 효과적으로 정렬할 수 있을까?

왜 정렬을 해야 할까?

- 확실한 응용 사례

- MP3 보관함 정렬
- 전화번호부 정리

정렬 알고리즘에는 다양한 종류가
있으며,
입력값과 데이터에 맞게 가장 효율적인 알고리즘을
사용해야 한다

- 일단 정렬되면 쉬워지는 문제들

- 중간값 또는 가장 가까운 쌍 찾기
- 이진 탐색, 통계적 이상치 확인

- 생소한 응용 사례

- 데이터 압축: 정렬로 중복된 부분 검출
- 컴퓨터 그래픽: 앞에서 뒤로 화면 렌더링

삽입 정렬

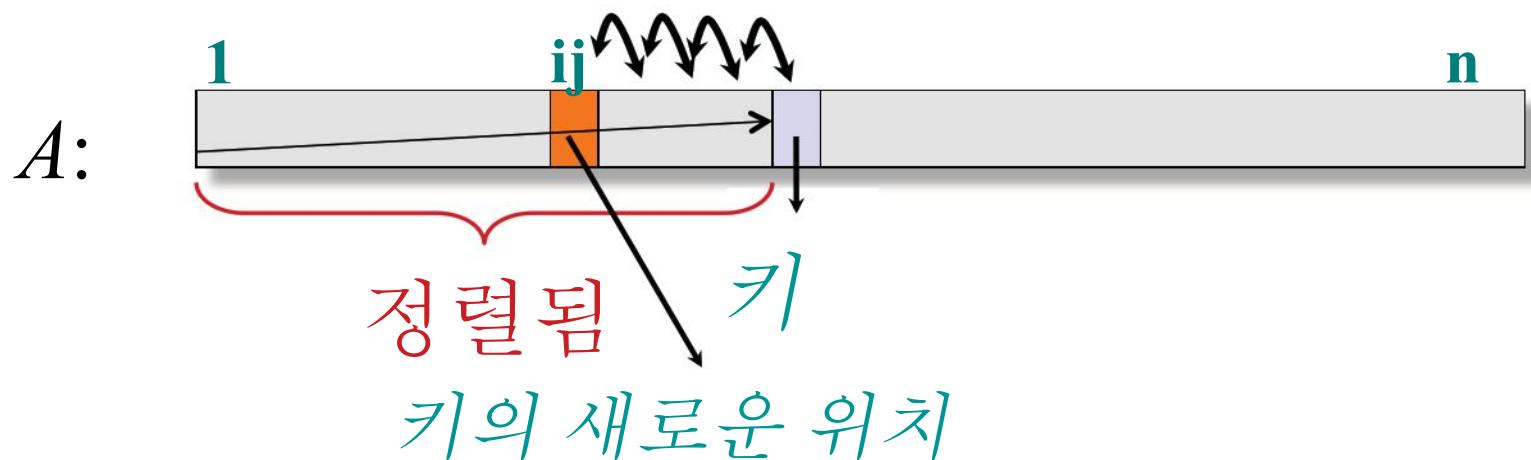
삽입 정렬 (A, n) $\triangleright A[1..n]$

$j \leftarrow 2$ 부터 n 까지 반복

알맞은 자리로 쌍별 스왑을 통해서

키 $A[j]$ 를 (이미 정렬된) 보조 배열인 $A[1..j-1]$ 에 삽입

반복되는 j 에 대한 그림 :



삽입 정렬의 예시

8 2 4 9 3 6

삽입 정렬의 예시



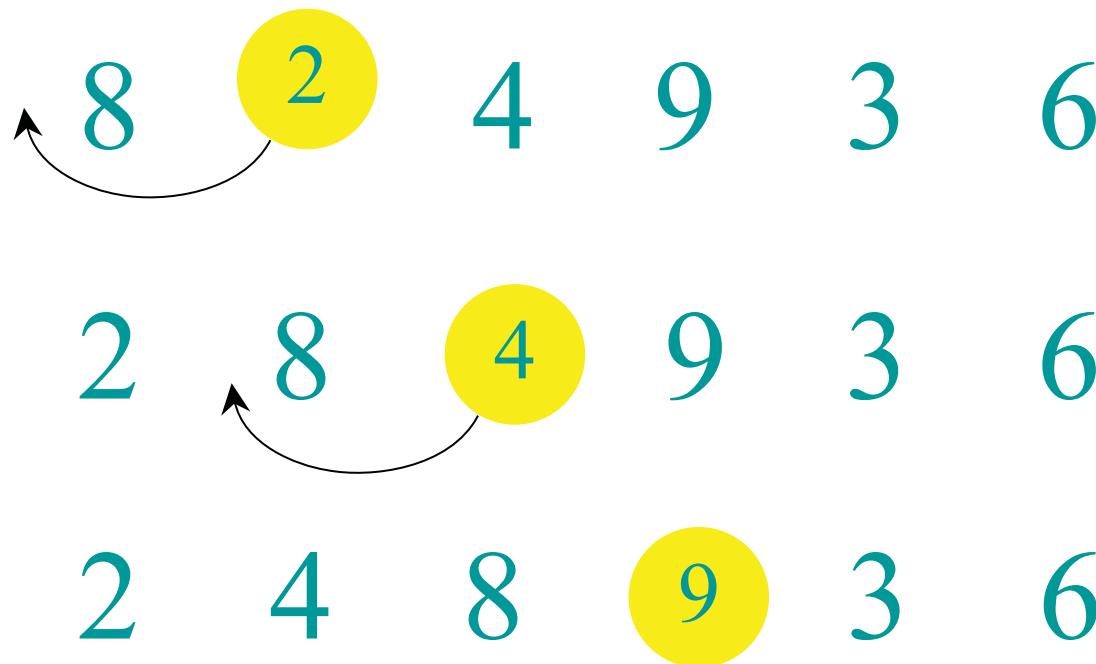
삽입 정렬의 예시



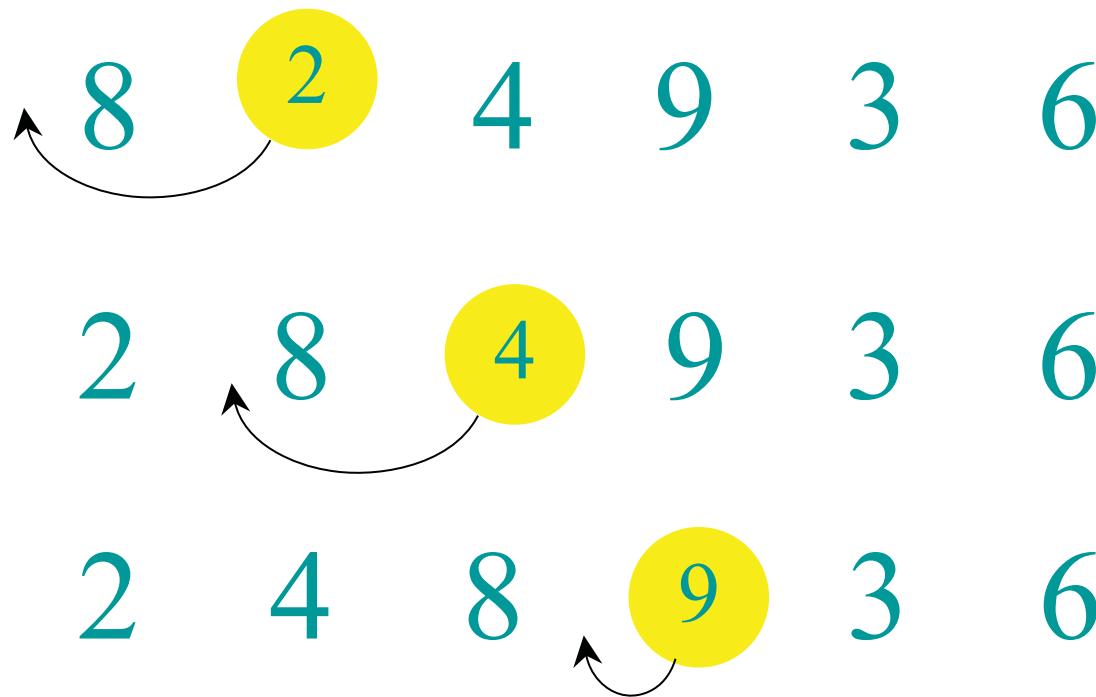
삽입 정렬의 예시



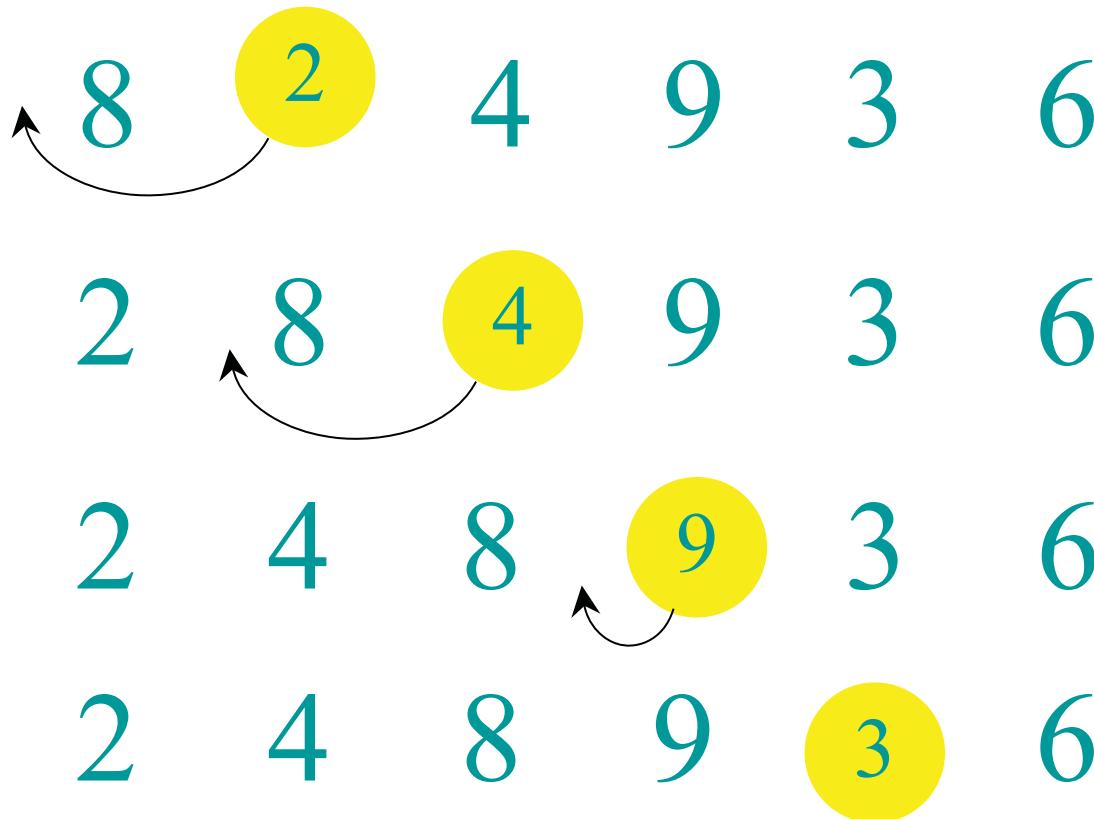
삽입 정렬의 예시



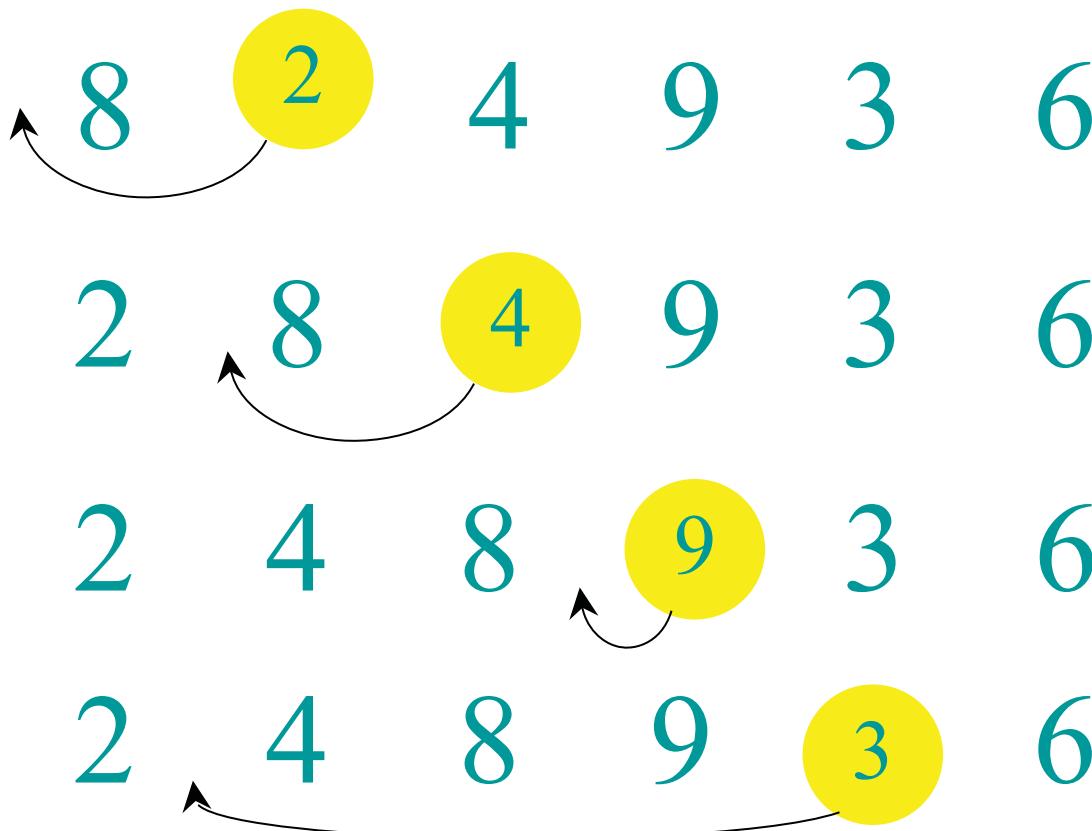
삽입 정렬의 예시



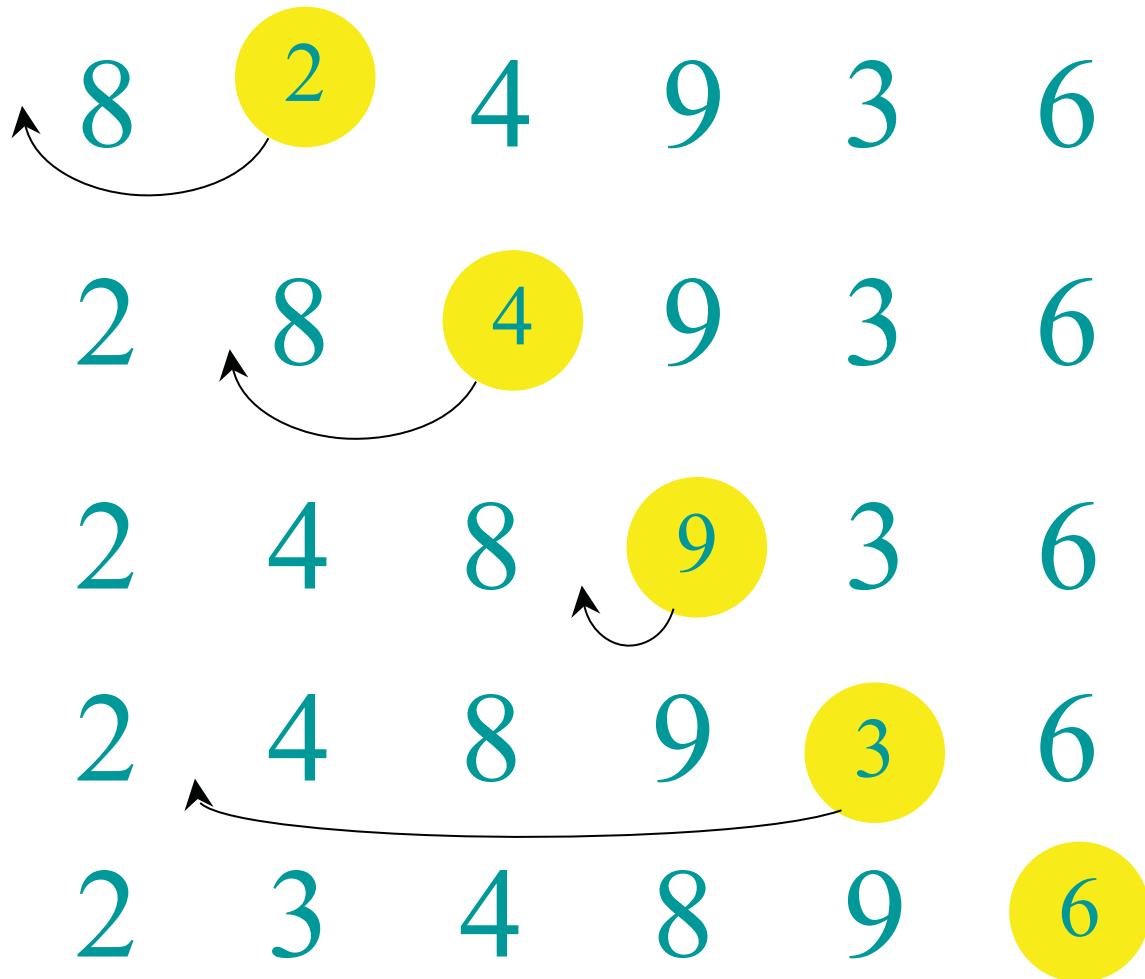
삽입 정렬의 예시



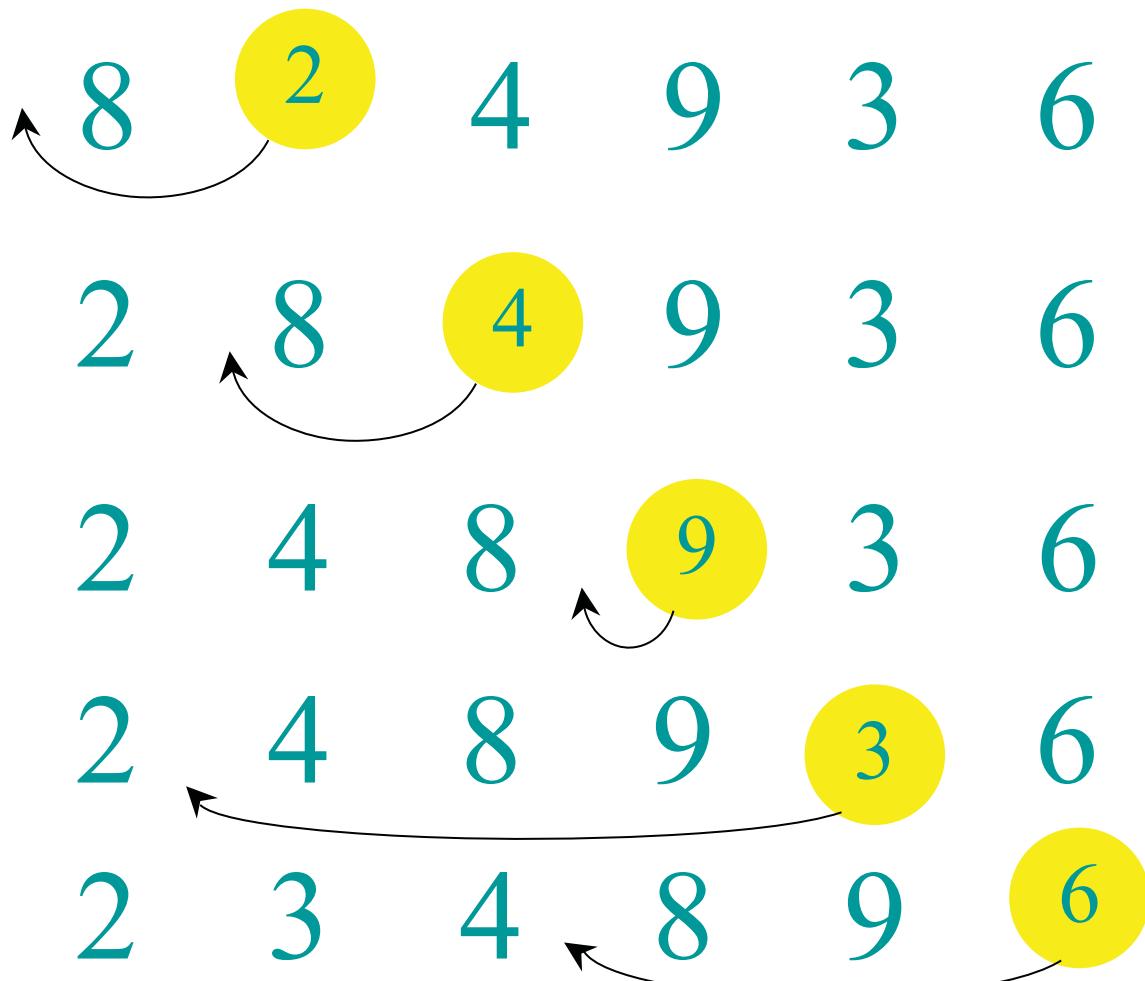
삽입 정렬의 예시



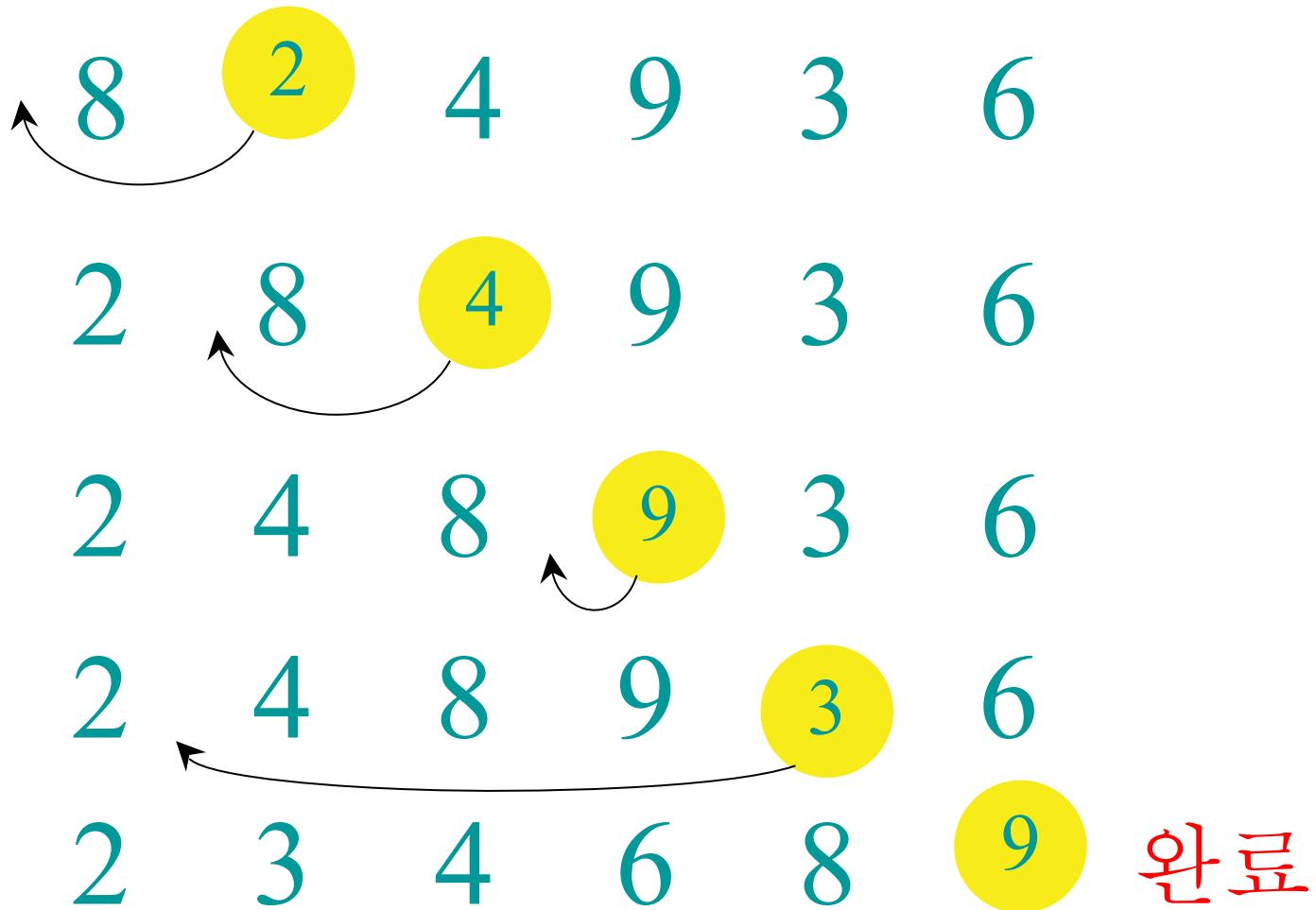
삽입 정렬의 예시



삽입 정렬의 예시



삽입 정렬의 예시



실행 시간은? $\Theta(n^2)$ 임. 왜냐하면 $\Theta(n^2)$ 비교와 $\Theta(n^2)$ 스왑이므로.
예시: 입력값이 $A = [n, n - 1, n - 2, \dots, 2, 1]$ 인 경우

이진 삽입 정렬

이진 삽입 정렬 (A, n)

▷ $A[1..n]$

$j \leftarrow 2$ 부터 n 까지 반복

(이미 정렬된) 보조 배열인 $A[1..j-1]$ 에 키 $A[j]$ 삽입.
알맞은 위치를 찾기 위해 이진 탐색 사용.

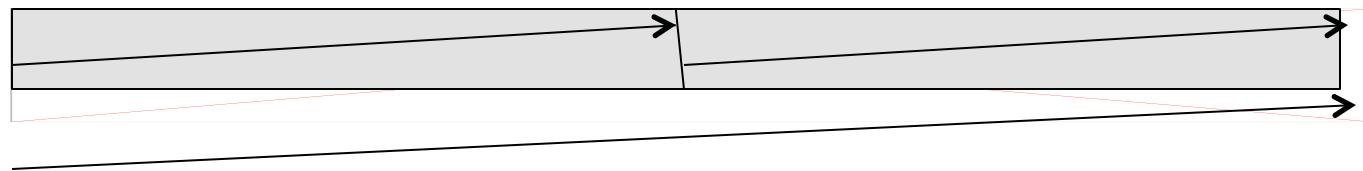
이진 탐색은 $\Theta(\log n)$ 시간이 걸림.

하지만 삽입 후 항목을 옮기는 것도 $\Theta(n)$ 시간이
걸림.

복잡도: $\Theta(n \log n)$ 비교
 (n^2) 스왑

합병 정렬이란?

- 분할 정복
- 합병 정렬 $A[1 \dots n]$
1. $n = 1$ 일 때, 바로 끝 (정렬할 거 없음).
 2. 그 외의 경우, $A[1 \dots n/2]$ 과 $A[n/2+1 \dots n]$ 을 재귀적으로 정렬.
 3. 두 정렬된 보조 배열 “합병”



핵심 서브 루틴: 합병

정렬된 두 배열 합병

20 12

13 11

7 9

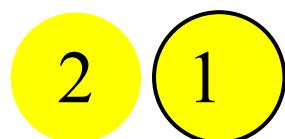
2 1

정렬된 두 배열 합병

20 12

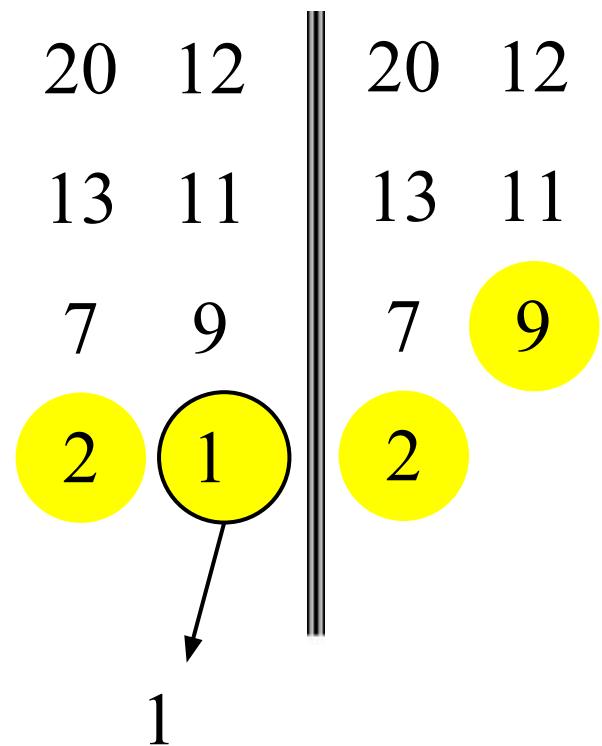
13 11

7 9

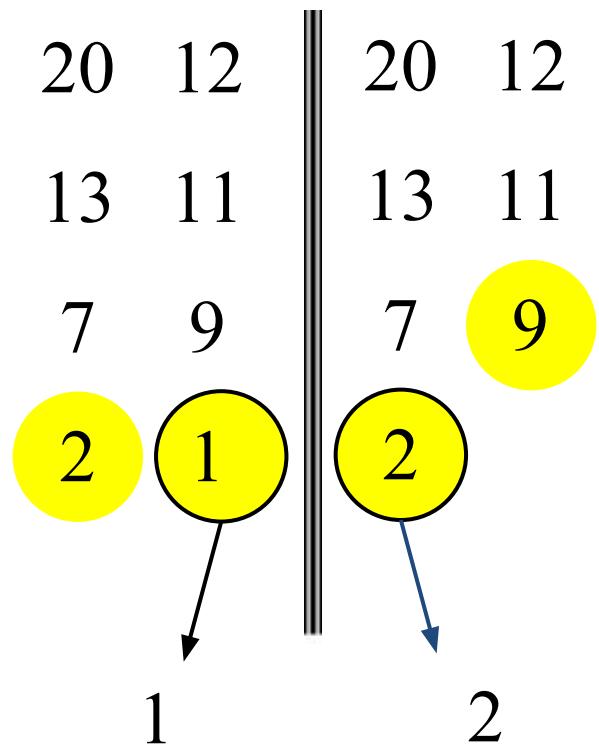


1

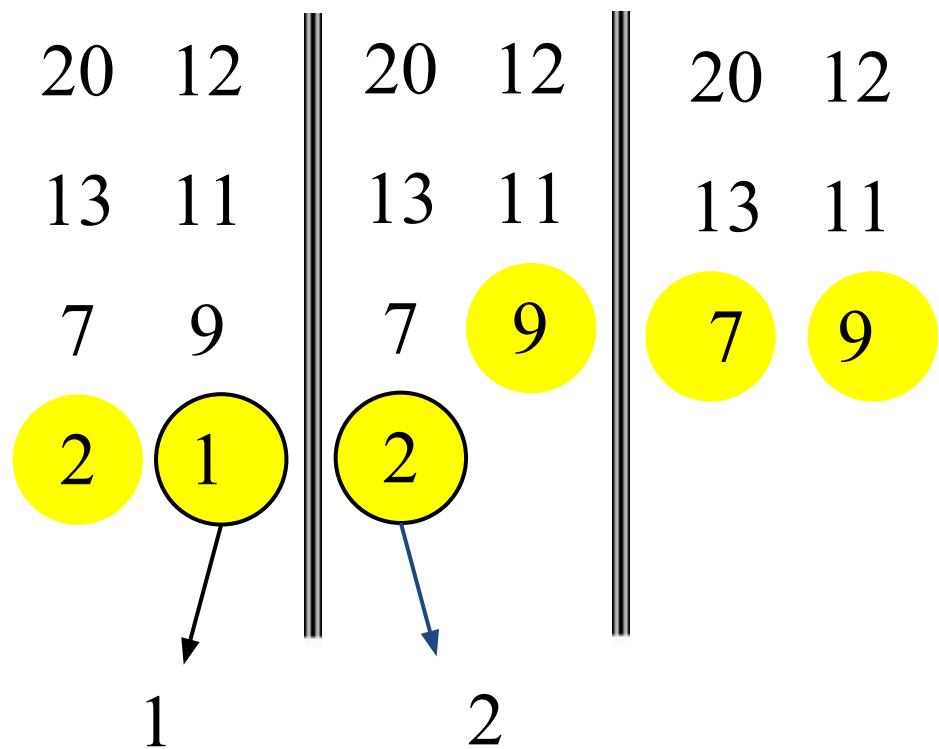
정렬된 두 배열 합병



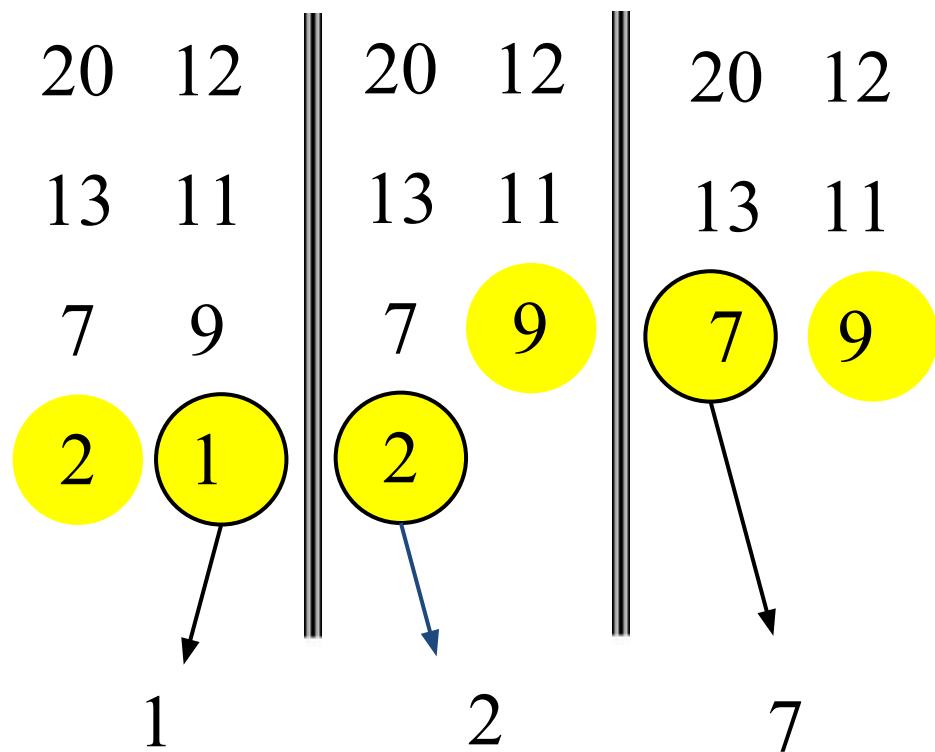
정렬된 두 배열 합병



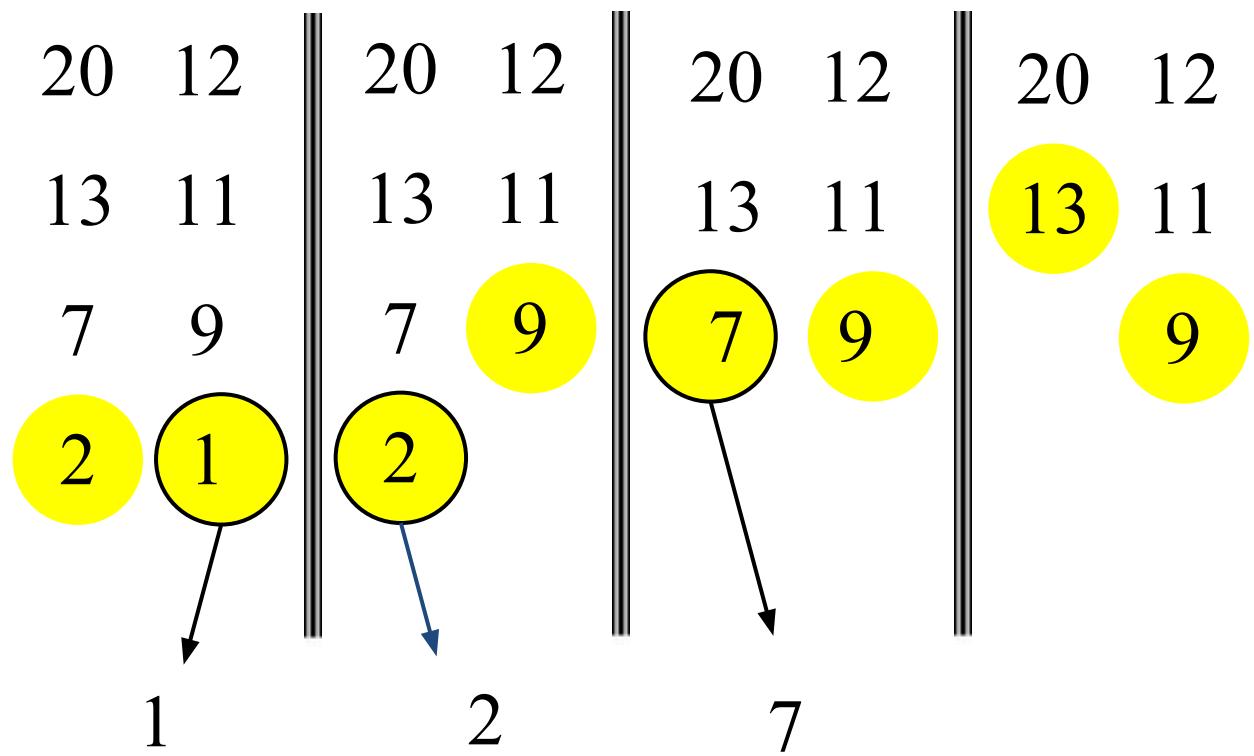
정렬된 두 배열 합병



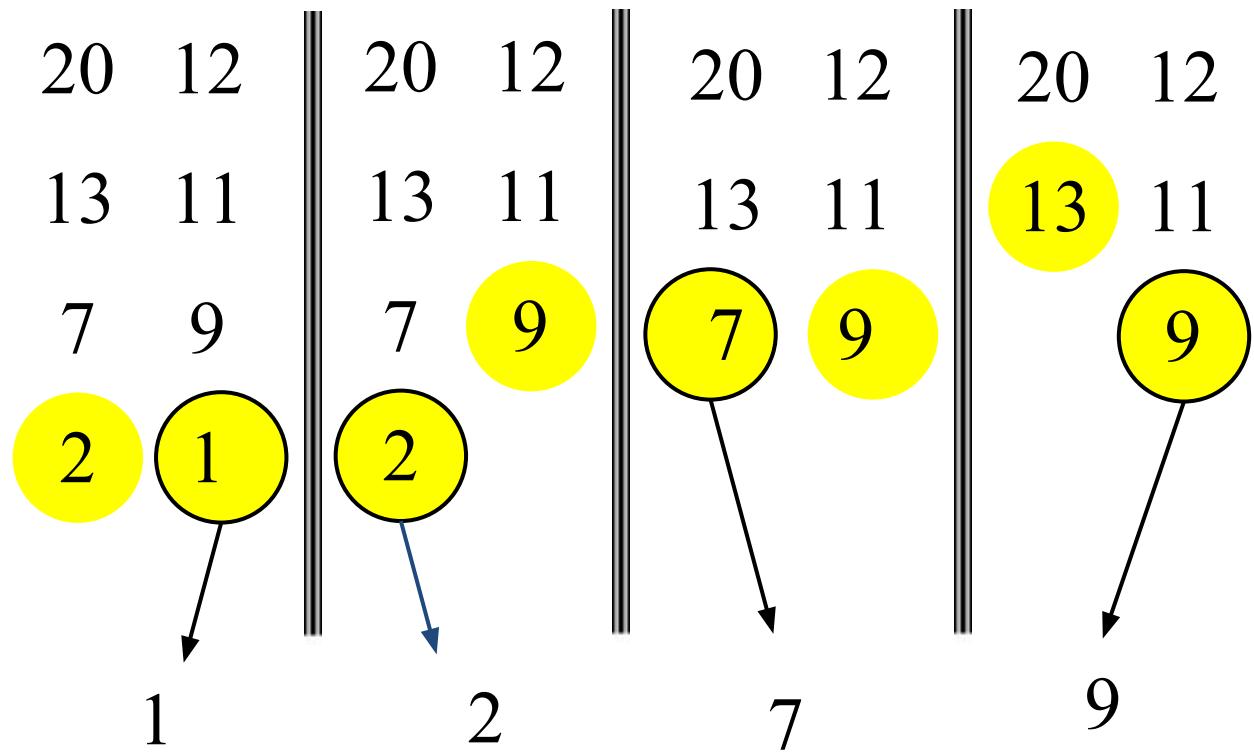
정렬된 두 배열 합병



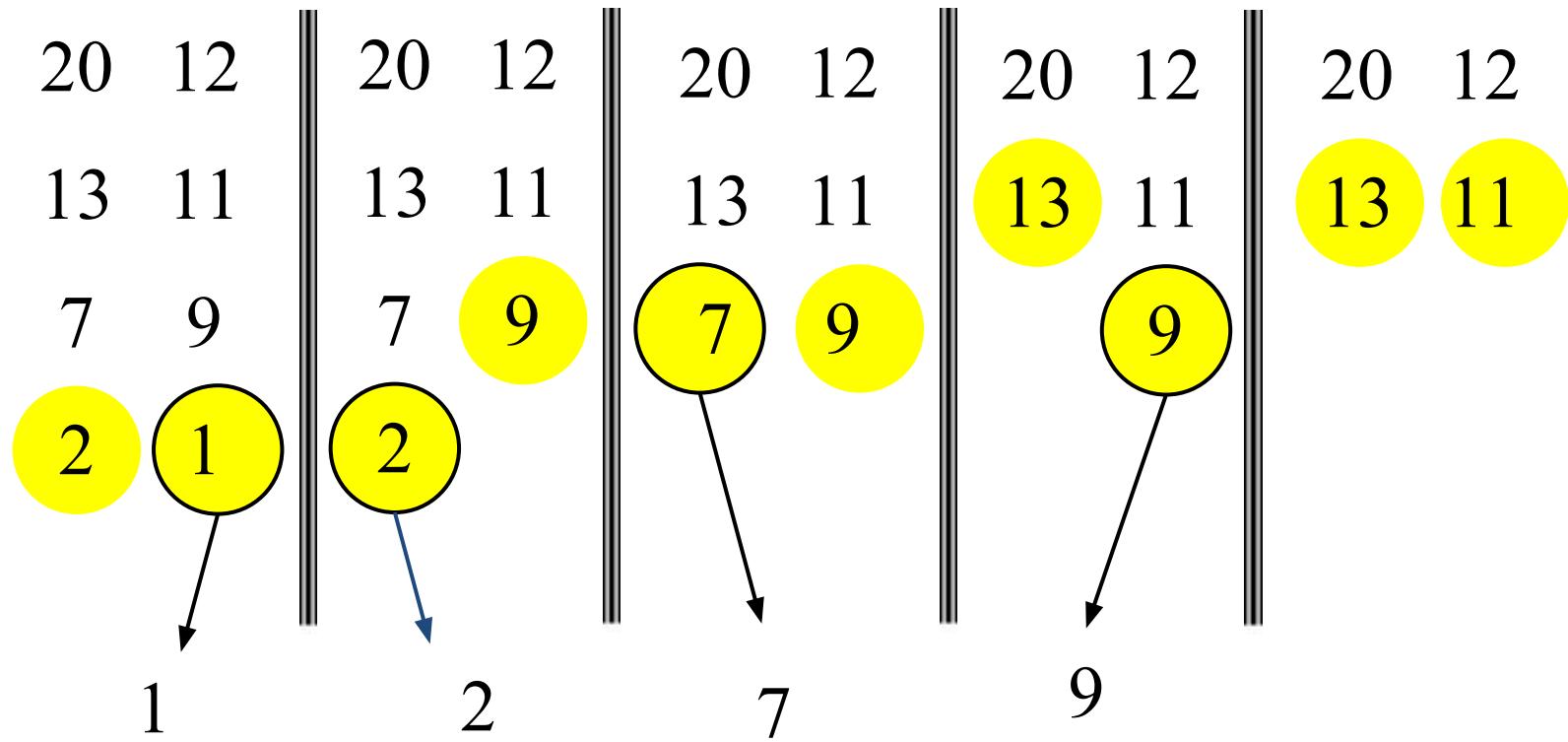
정렬된 두 배열 합병



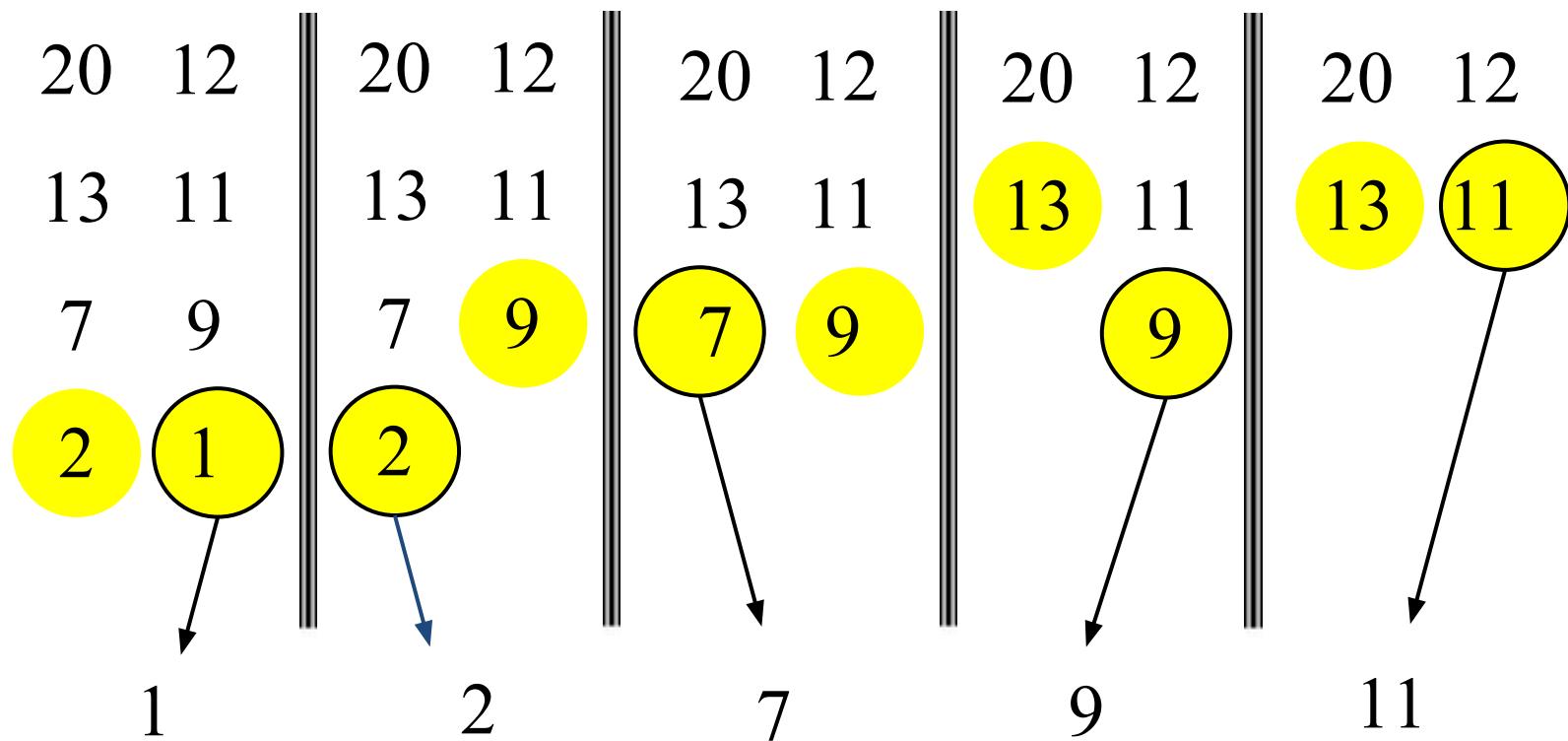
정렬된 두 배열 합병



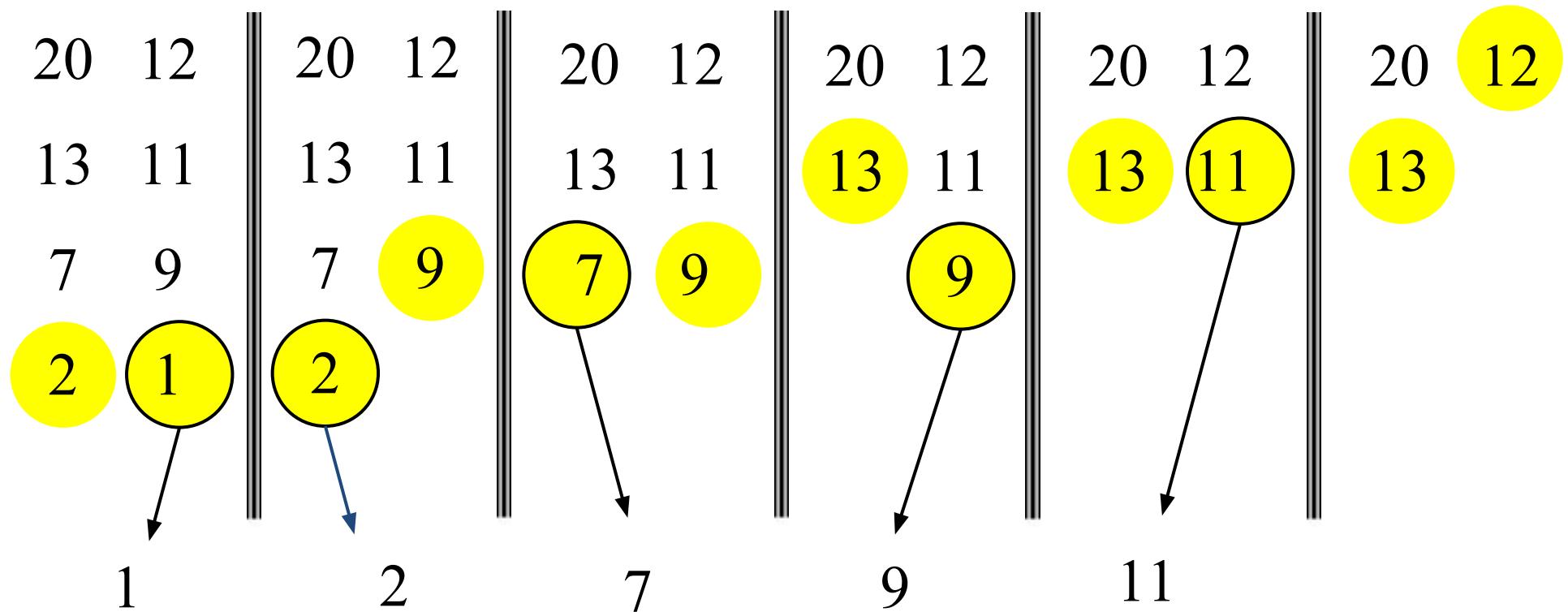
정렬된 두 배열 합병



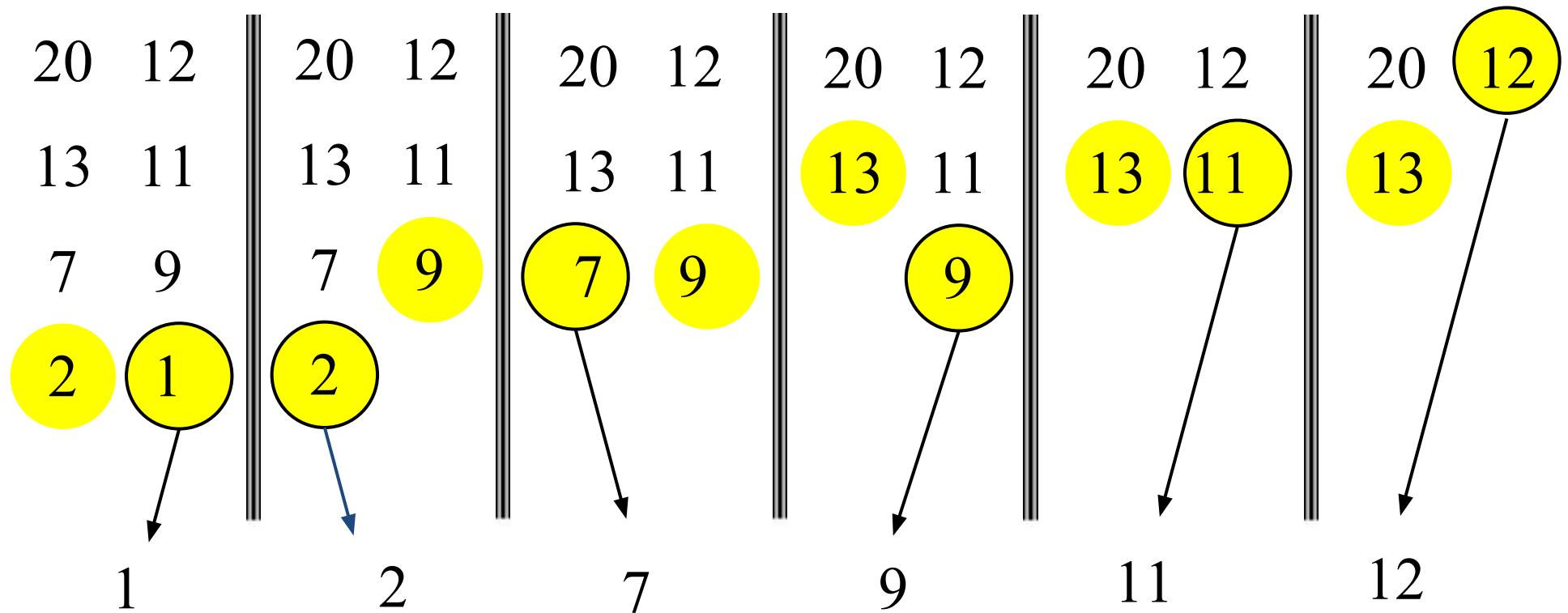
정렬된 두 배열 합병



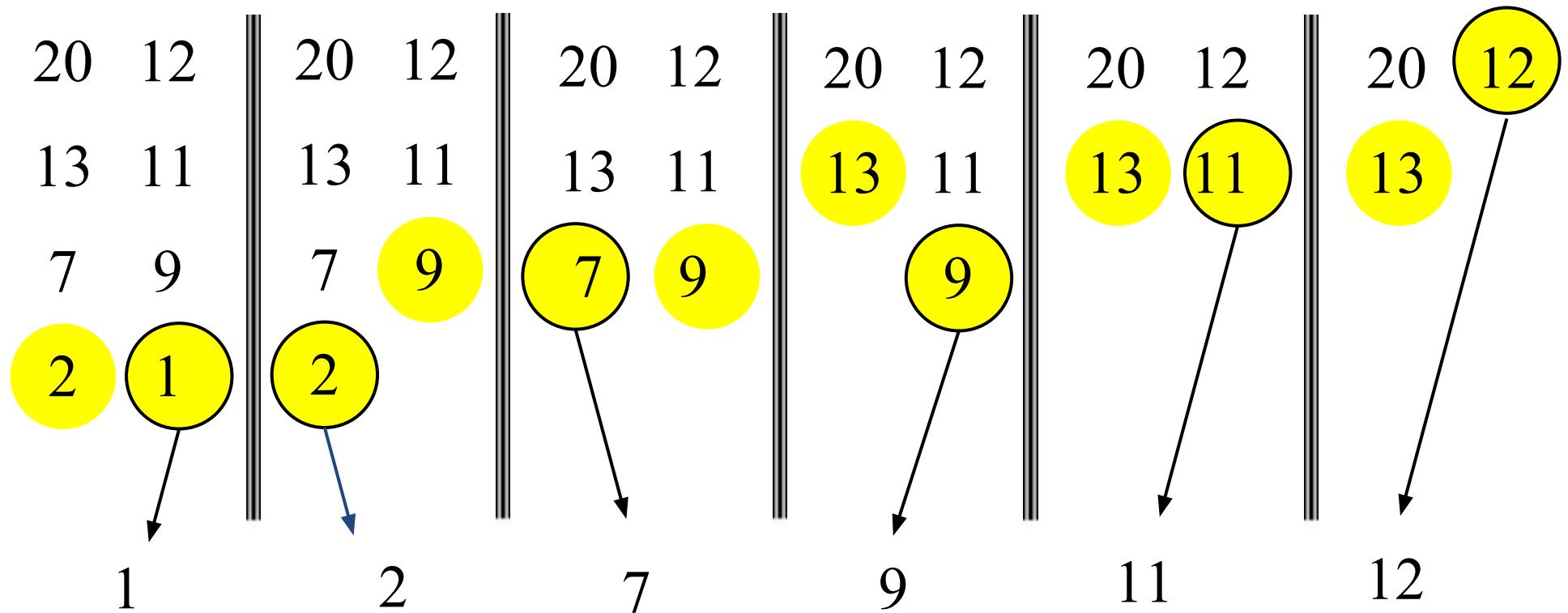
정렬된 두 배열 합병



정렬된 두 배열 합병



정렬된 두 배열 합병



총 n 개의 항목을 합병하는 데
걸리는 시간 = $\Theta(n)$ (선형적 시간)

합병 정렬 분석

합병 정렬 $A[1 \dots n]$

1. $n = 1$ 일 때, 바로 끝.

2. $A[1 \dots [n/2]]$ 과 $A[[n/2]+1 \dots n]$ 재귀적으로 합병.

3. 정렬된 리스트 두 개 “합병”

$T(n)$

$\Theta(1)$

$2T(n/2)$

$\Theta(n)$

$$T(n) = \begin{cases} \Theta(1) & (n = 1 \text{ 일 때}); \\ 2T(n/2) + \Theta(n) & (n > 1 \text{ 일 때}); \end{cases}$$

$$T(n) = ?$$

재귀 풀이

풀이: $T(n) = 2T(n/2) + cn$ ($c > 0$ 은 상수)

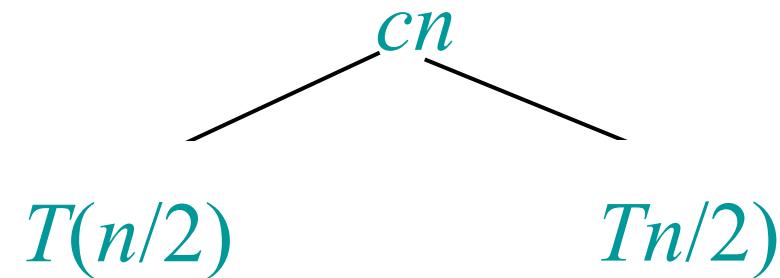
재귀 트리

풀이: $T(n) = 2T(n/2) + cn$ ($c > 0$ 은 상수)

$$T(n)$$

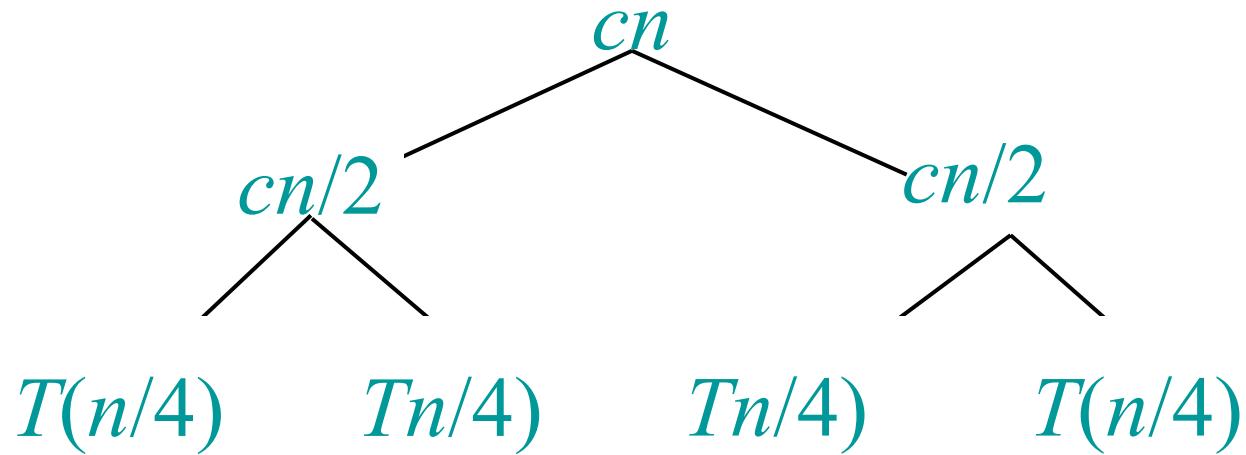
재귀 트리

풀이: $T(n) = 2T(n/2) + cn$ ($c > 0$ 은 상수)



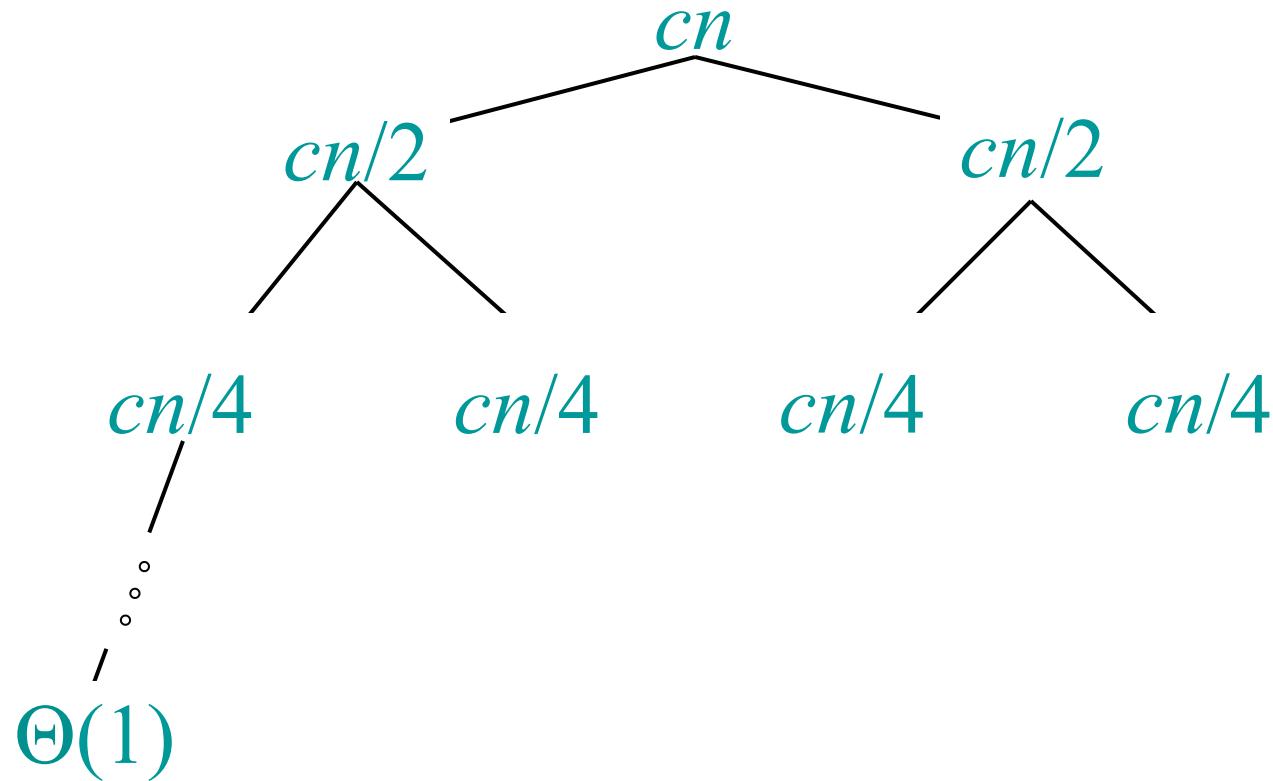
재귀 트리

풀이: $T(n) = 2T(n/2) + cn$ ($c > 0$ 은 상수)



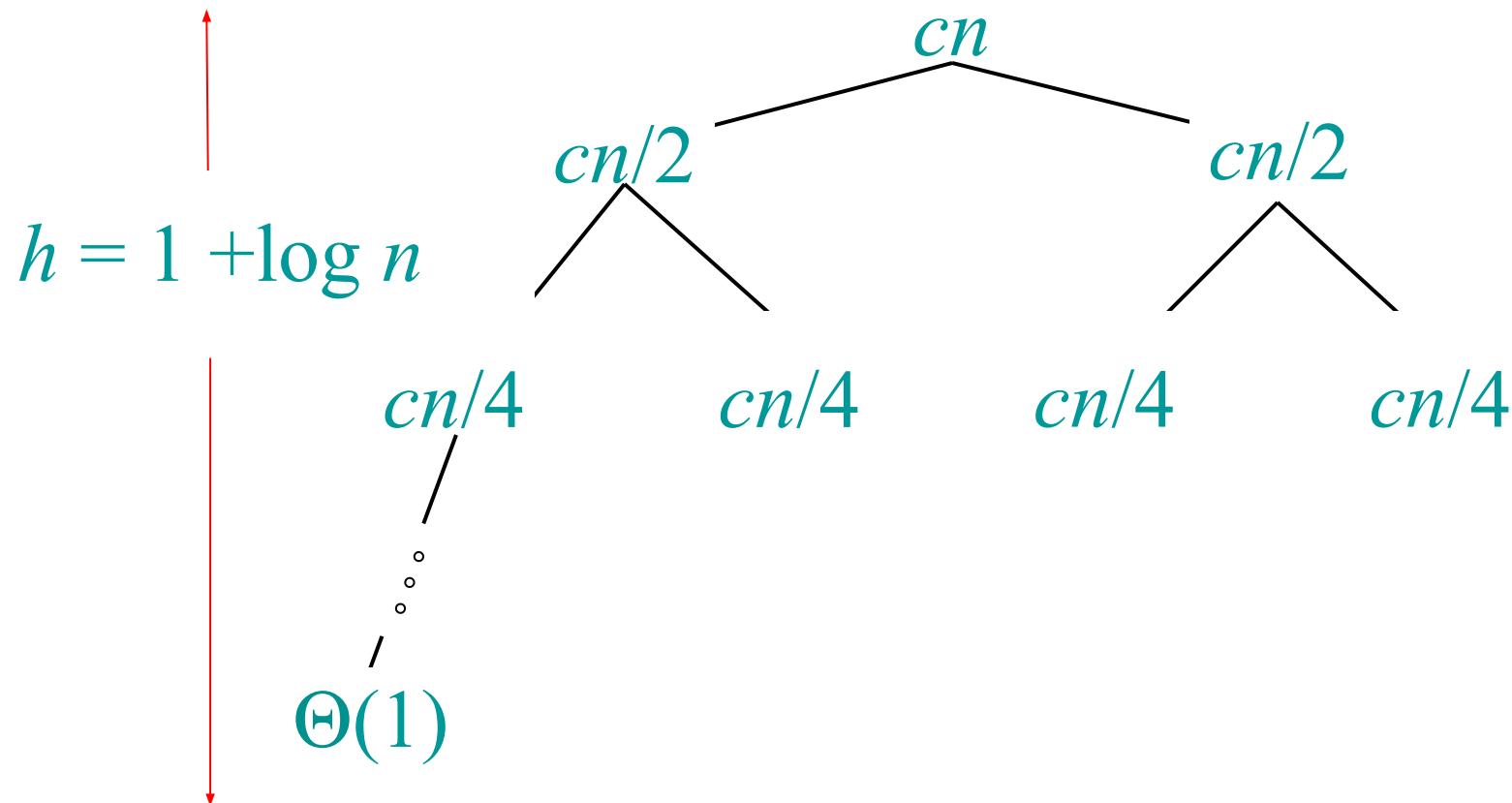
재귀 트리

풀이: $T(n) = 2T(n/2) + cn$ ($c > 0$ 은 상수)



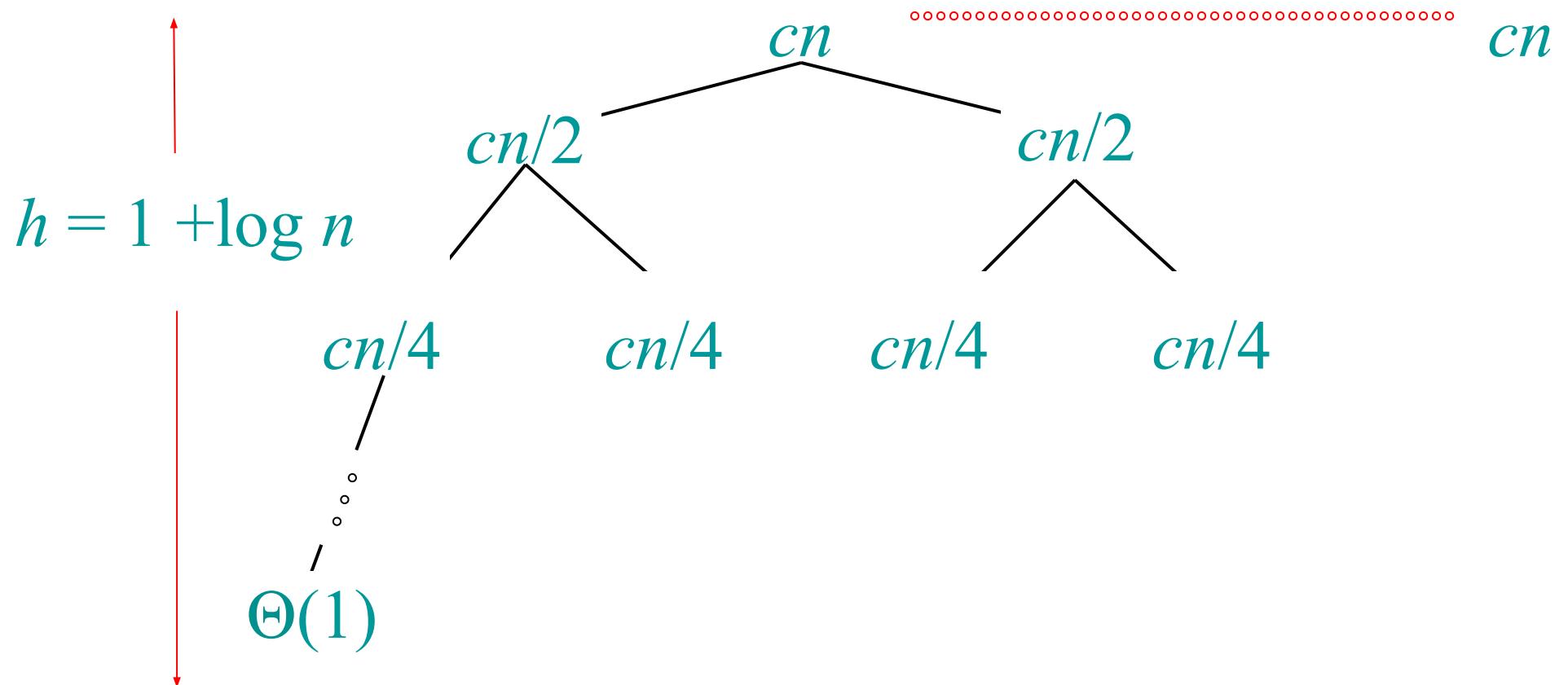
재귀 트리

풀이: $T(n) = 2T(n/2) + cn$ ($c > 0$ 은 상수)



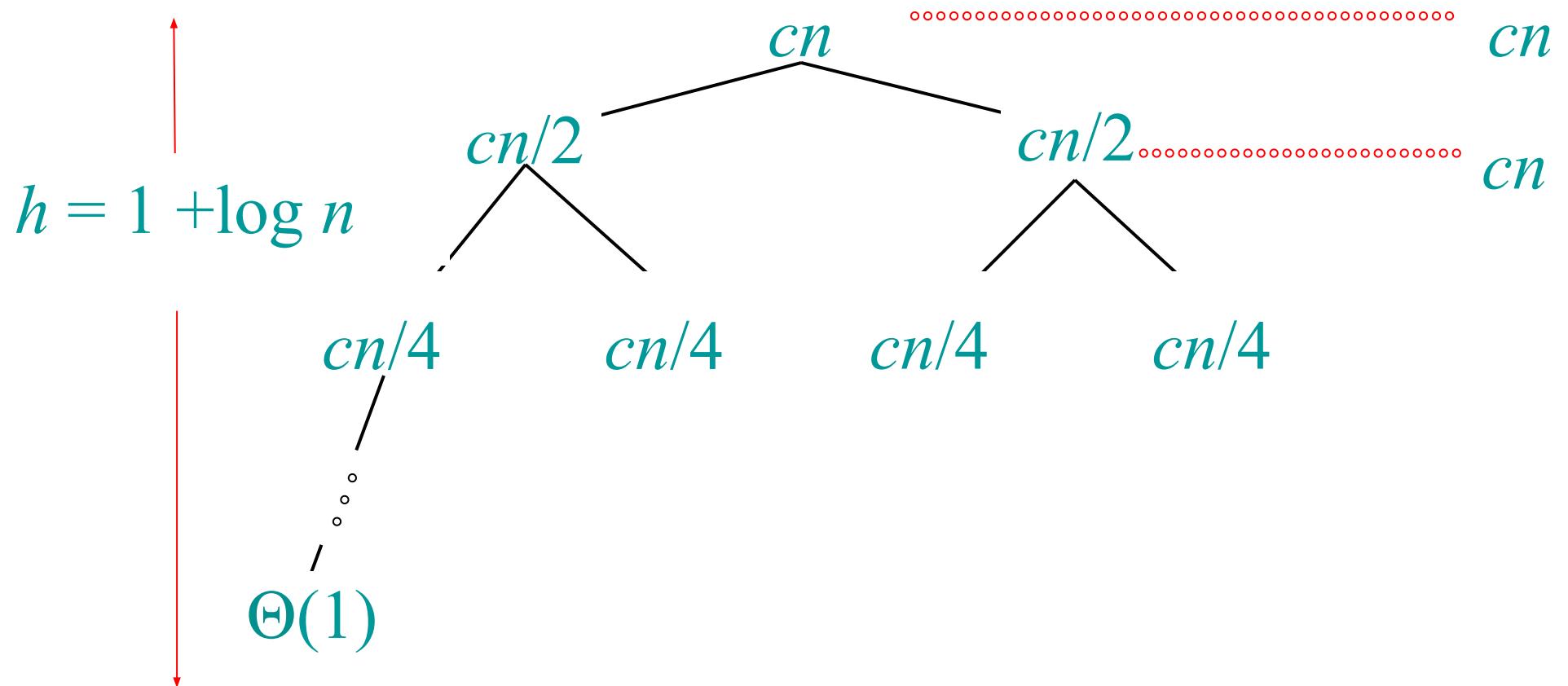
재귀 트리

풀이: $T(n) = 2T(n/2) + cn$ ($c > 0$ 은 상수)



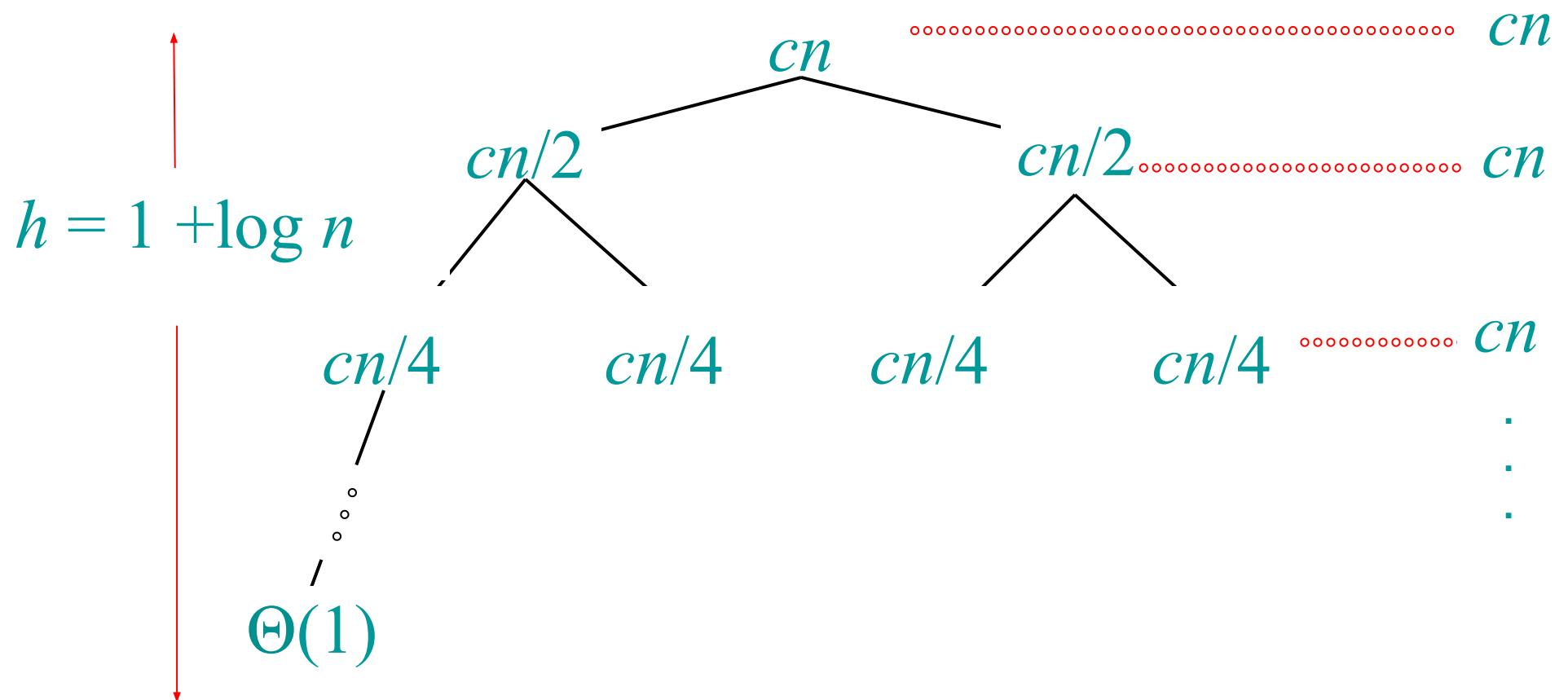
재귀 트리

풀이: $T(n) = 2T(n/2) + cn$ ($c > 0$ 은 상수)



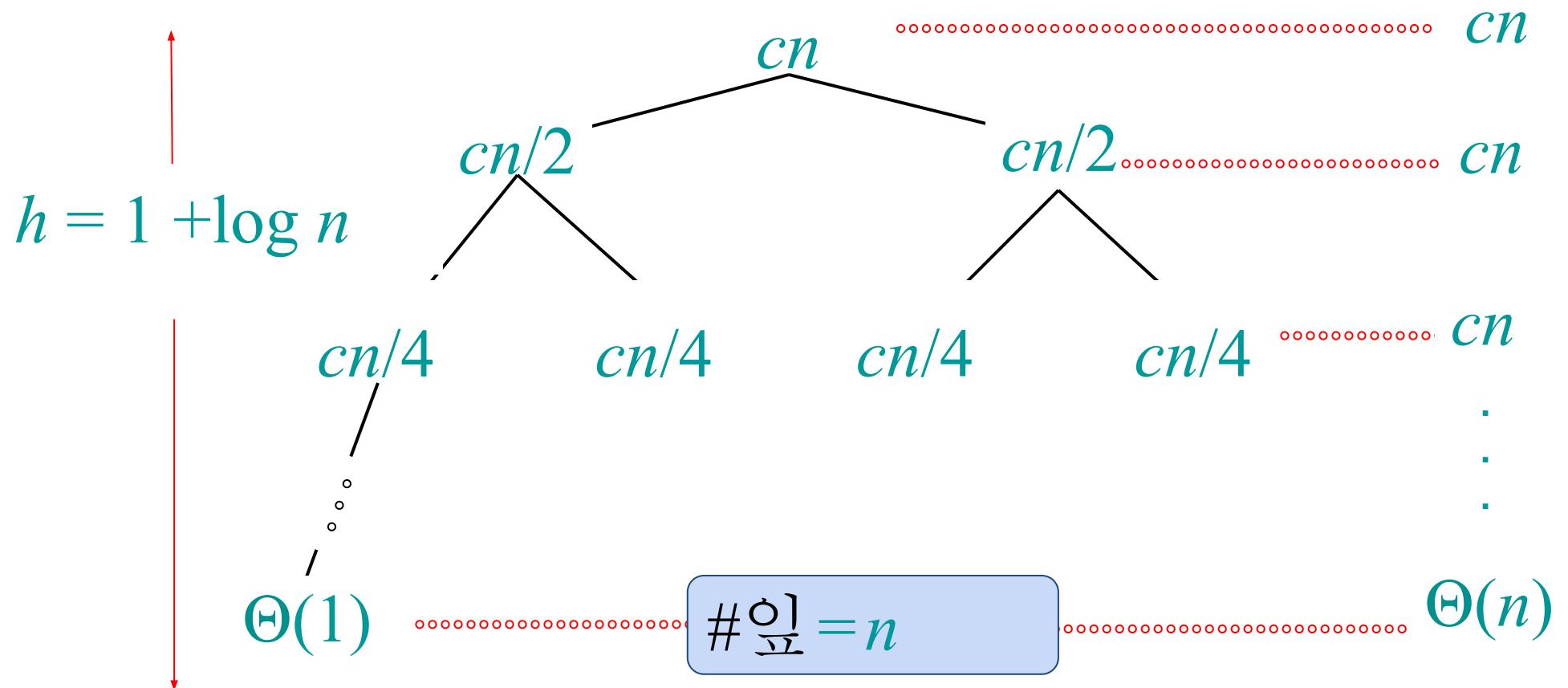
재귀 트리

풀이: $T(n) = 2T(n/2) + cn$ ($c > 0$ 은 상수)



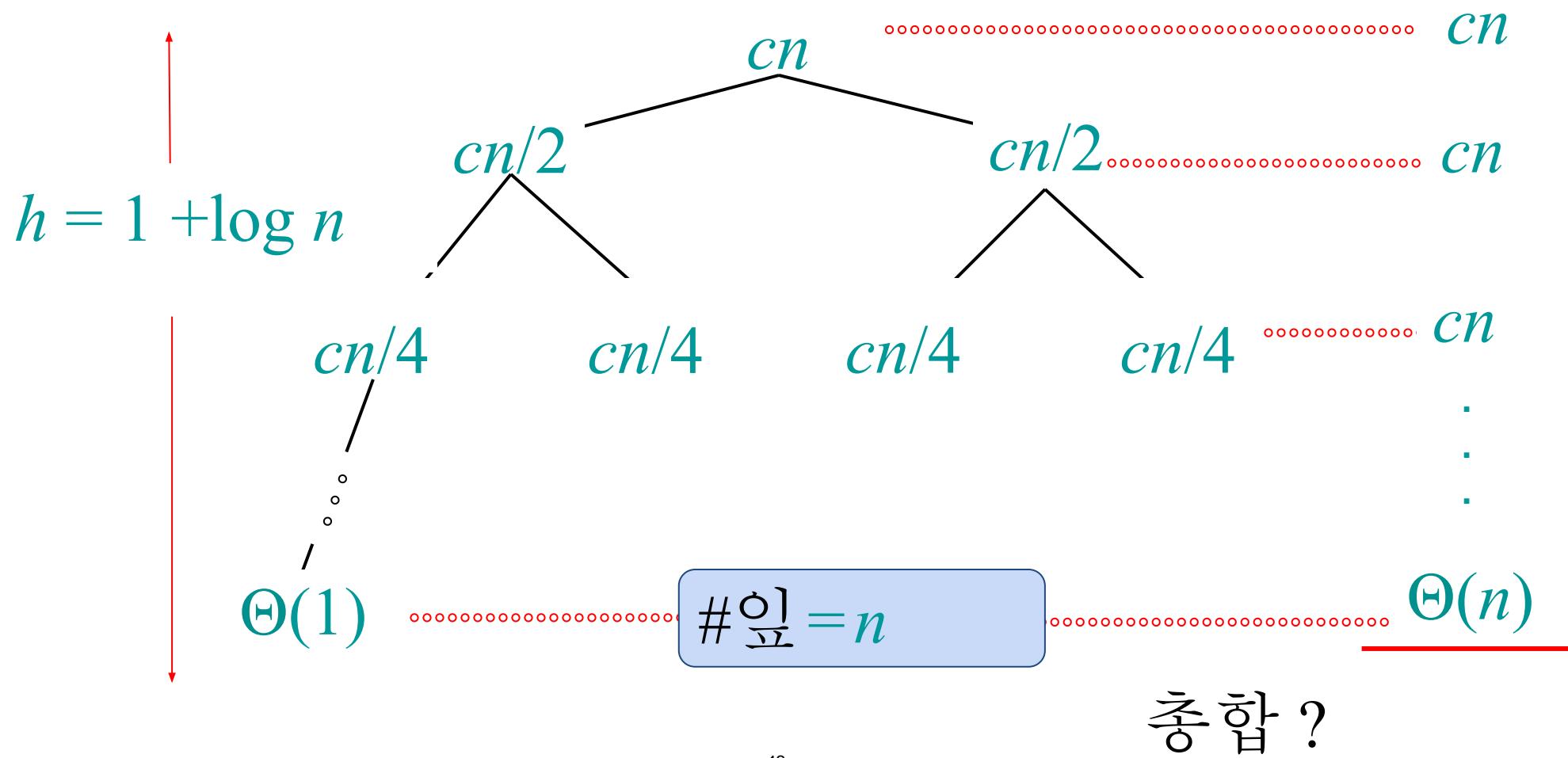
재귀 트리

풀이: $T(n) = 2T(n/2) + cn$ ($c > 0$ 은 상수)



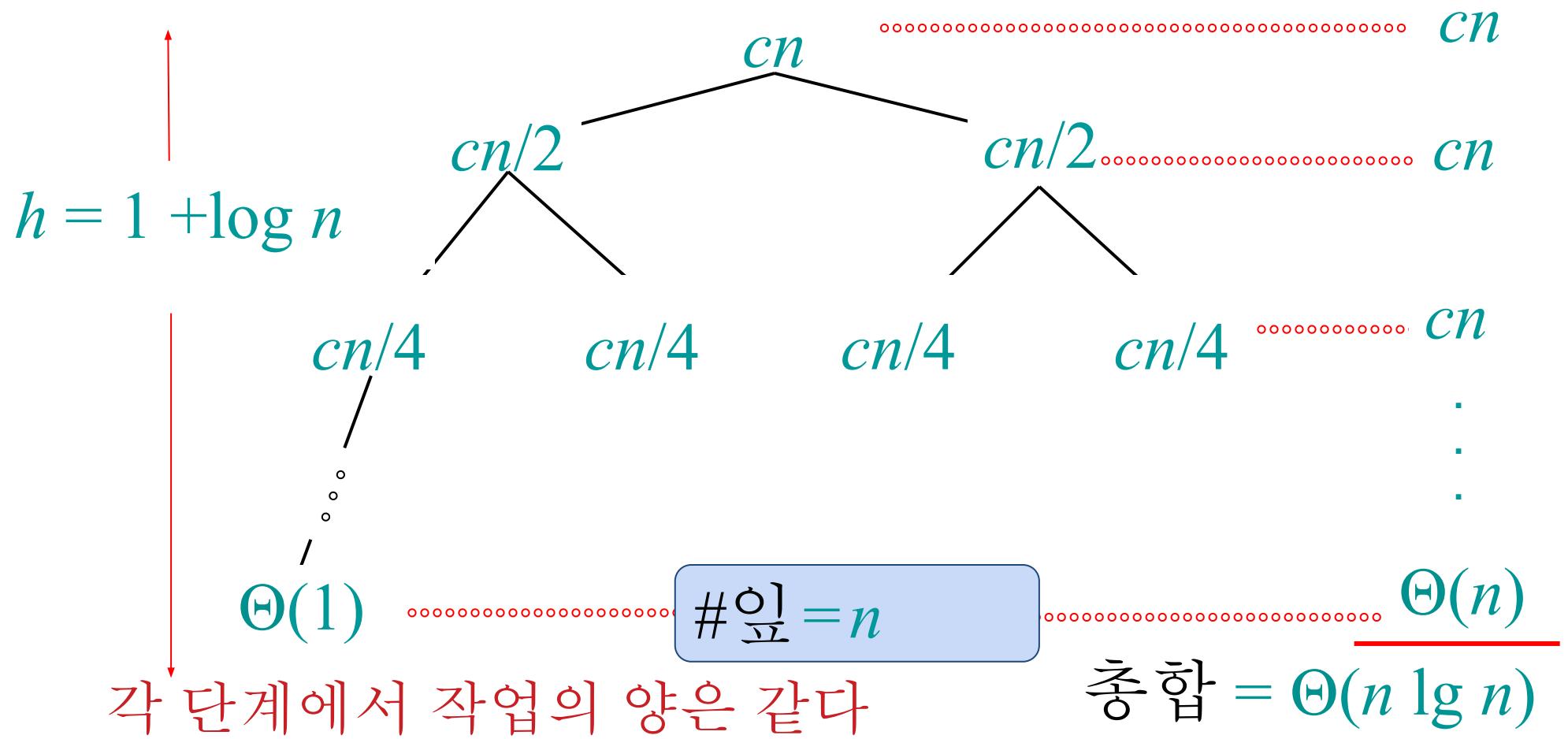
재귀 트리

풀이: $T(n) = 2T(n/2) + cn$ ($c > 0$ 은 상수)



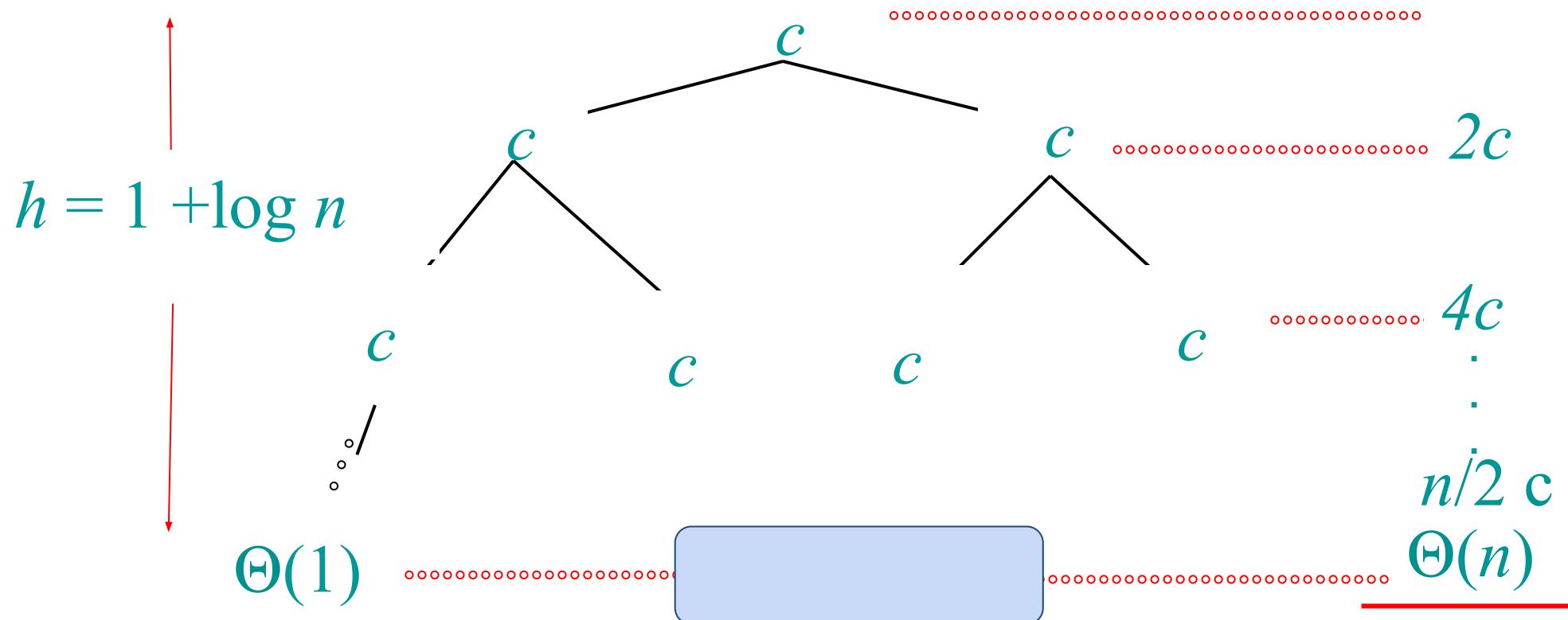
재귀 트리

풀이: $T(n) = 2T(n/2) + cn$ ($c > 0$ 은 상수)



다른 재귀에 대한 트리

풀이: $T(n) = 2T(n/2) + c$ ($c > 0$ 은 상수)



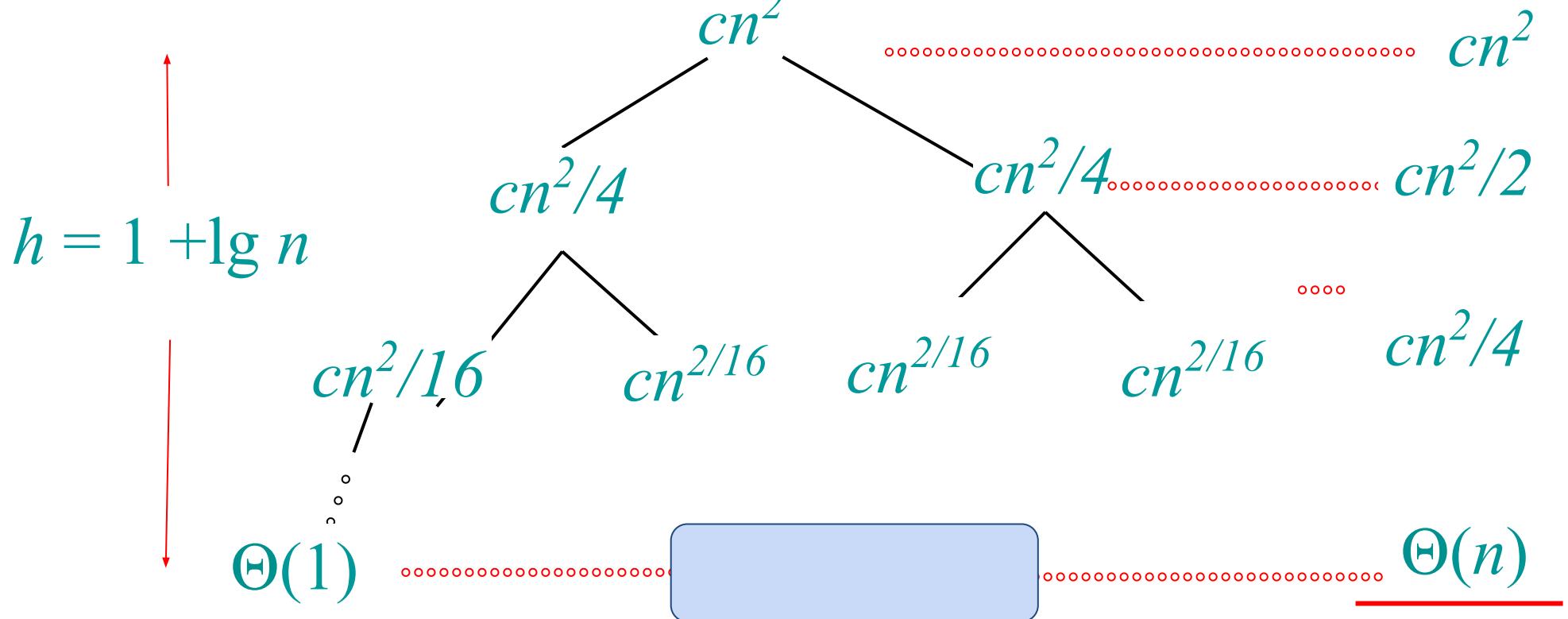
주의: $1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \dots < 2$

앞에서 일어나는 모든 작업

총합 = $\Theta(n)$

또 다른 재귀에 대한 트리

풀이: $T(n) = 2T(n/2) + cn^2$ ($c > 0$ 은 상수)



주의: $1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \dots < 2$

루트에서 일어나는 모든 작업

총합 = $\Theta(n^2)$

MIT OpenCourseWare
<http://ocw.mit.edu>

6.006 알고리즘의 기초

가을 2011

•

본 자료 이용 또는 이용 약관에 대한 정보를 확인하려면 다음의 사이트를 방문하십시오: <http://ocw.mit.edu/terms>.