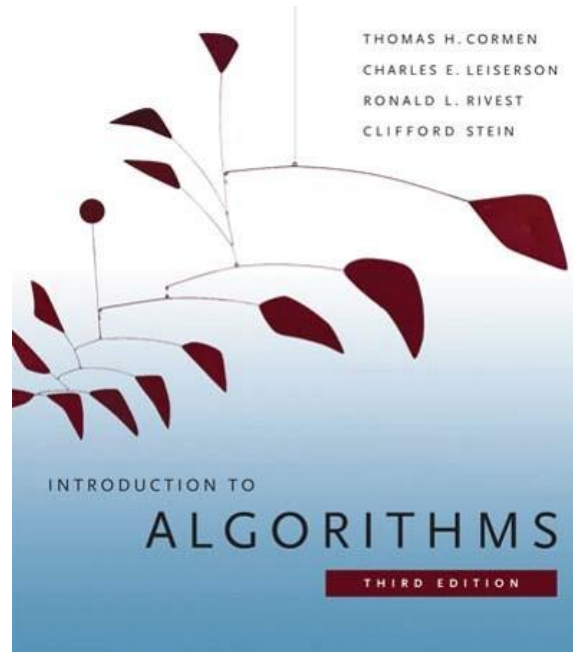


# 6.006- 알고리즘 개론



Courtesy of MIT Press. Used with permission.

## 3강

# 목차

- 정 렬!
  - 삽입 정렬
  - 합병 정렬
- 재귀 풀이

# 정렬 문제

**입력:** 숫자 배열  $A[1..n]$

**출력:**  $A$  의 순서 배열  $B[1..n]$

예시:  $B[1] \leq B[2] \leq \dots \leq B[n]$  .

예시:  $A = [7, 2, 5, 5, 9.6] \rightarrow B = [2, 5, 5, 7, 9.6]$

어떻게 하면 효과적으로 정렬할 수 있을까?

# 왜 정렬을 해야 할까?

- 확실한 응용 사례

- MP3 보관함 정렬
- 전화번호부 정리

정렬 알고리즘에는 다양한 종류가  
있으며,  
입력값과 데이터에 맞게 가장 효율적인 알고리즘을  
사용해야 한다

- 일단 정렬되면 쉬워지는 문제들

- 중간값 또는 가장 가까운 쌍 찾기
- 이진 탐색, 통계적 이상치 확인

- 생소한 응용 사례

- 데이터 압축: 정렬로 중복된 부분 검출
- 컴퓨터 그래픽: 앞에서 뒤로 화면 렌더링

# 삽입 정렬

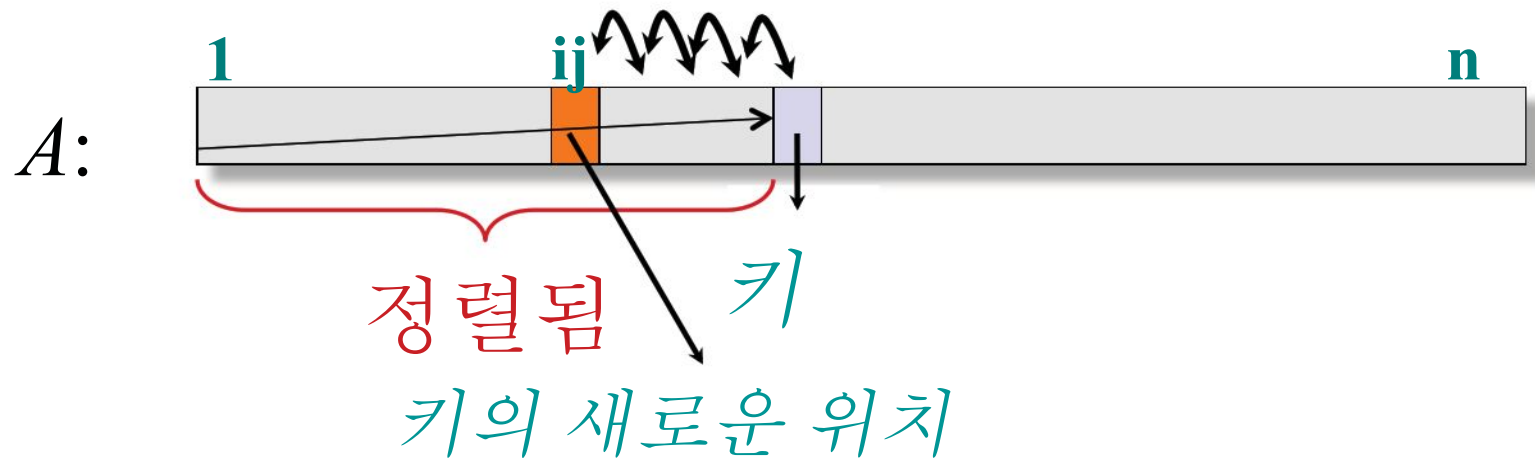
삽입 정렬 ( $A, n$ )  $\triangleright A[1 \dots n]$

$j \leftarrow 2$  부터  $n$  까지 반복

알맞은 자리로 쌍별 스왑을 통해서

키  $A[j]$  를 (이미 정렬된) 보조 배열인  $A[1 \dots j-1]$  에 삽입

반복되는  $j$ 에 대한 그림 :



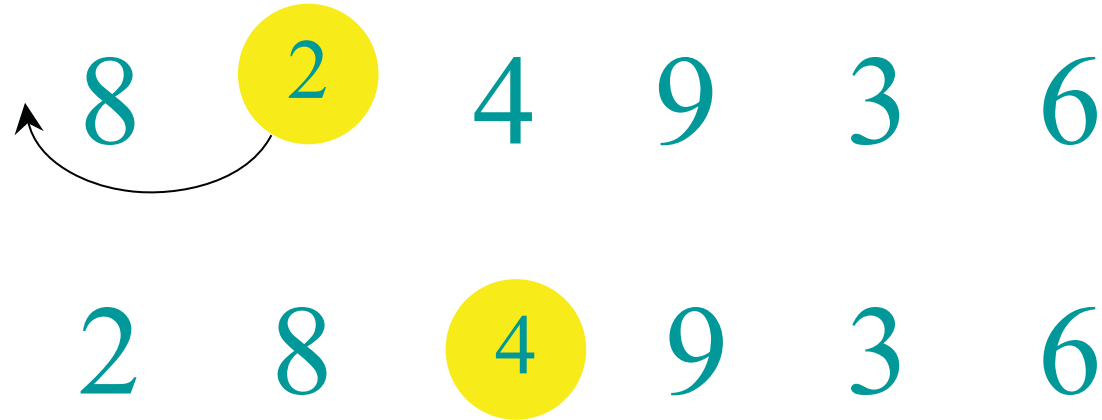
# 삽입 정렬의 예시

8 2 4 9 3 6

# 삽입 정렬의 예시

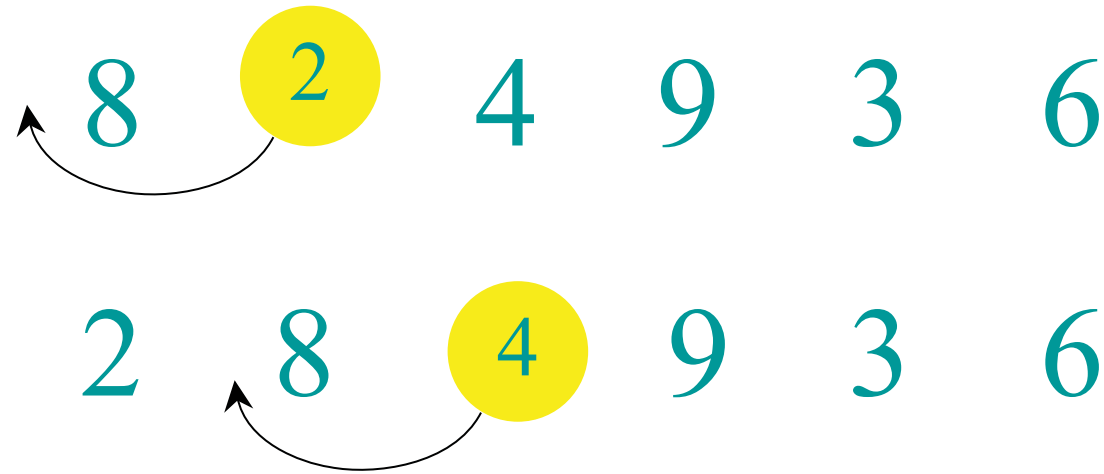


# 삽입 정렬의 예시





# 삽입 정렬의 예시



# 삽입 정렬의 예시

8 2 4 9 3 6



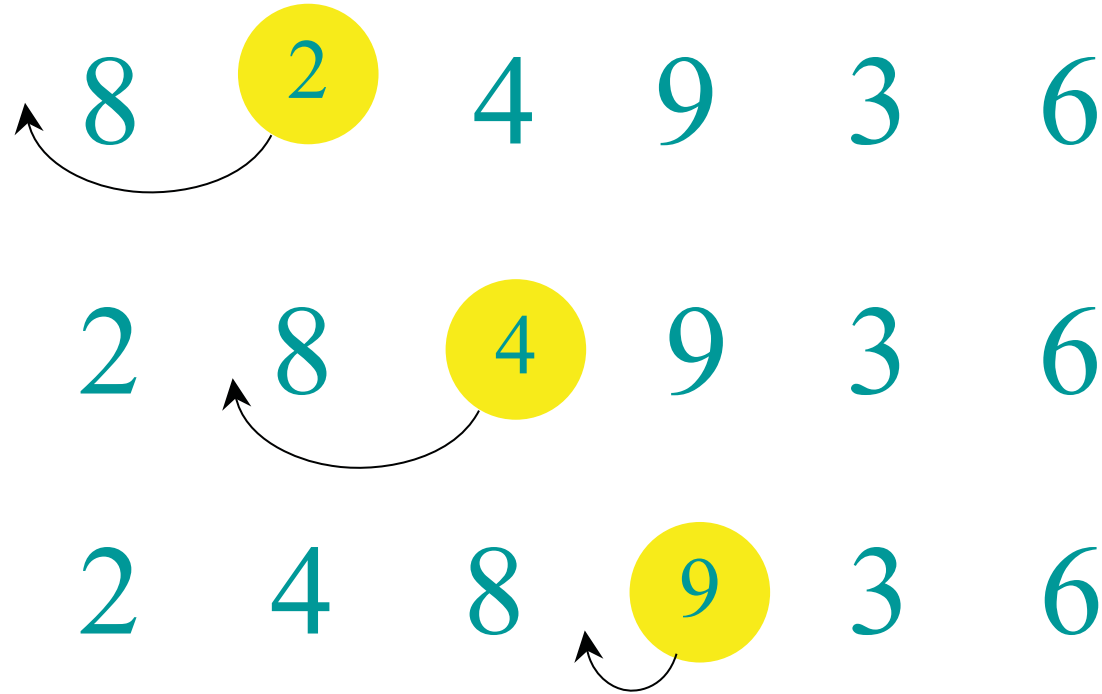
2 8 4 9 3 6



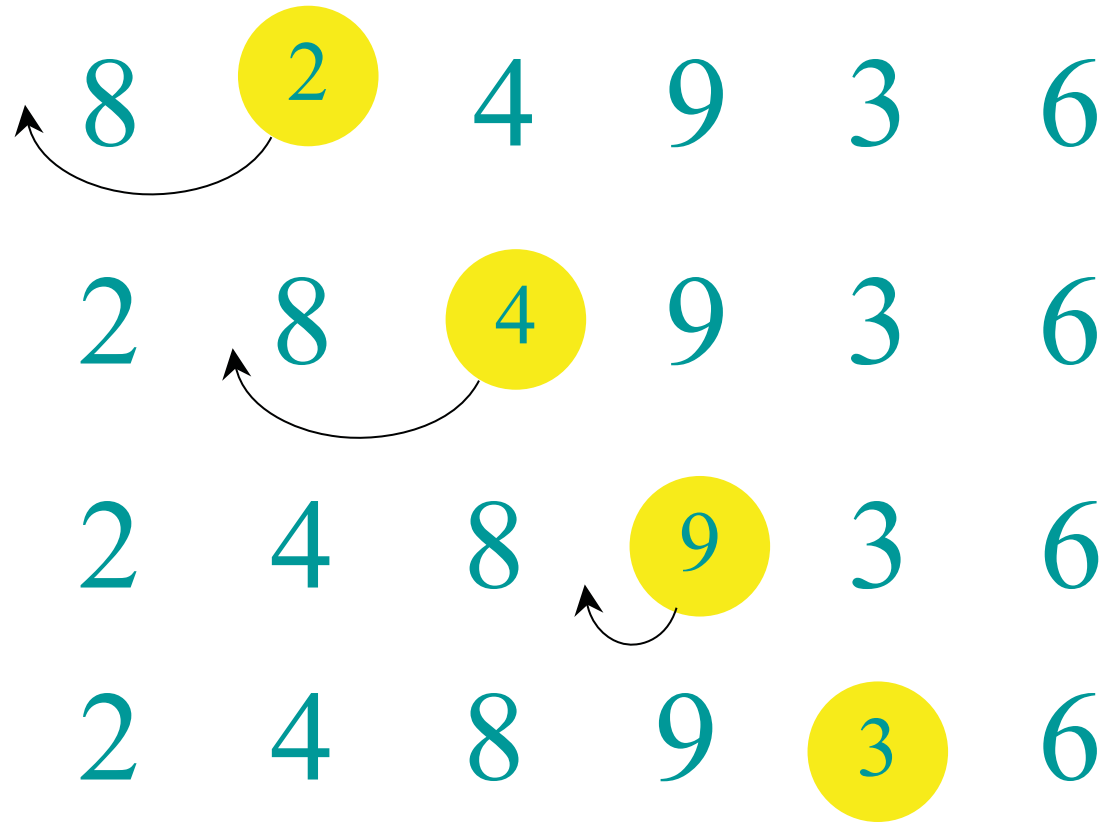
2 4 8 9 3 6



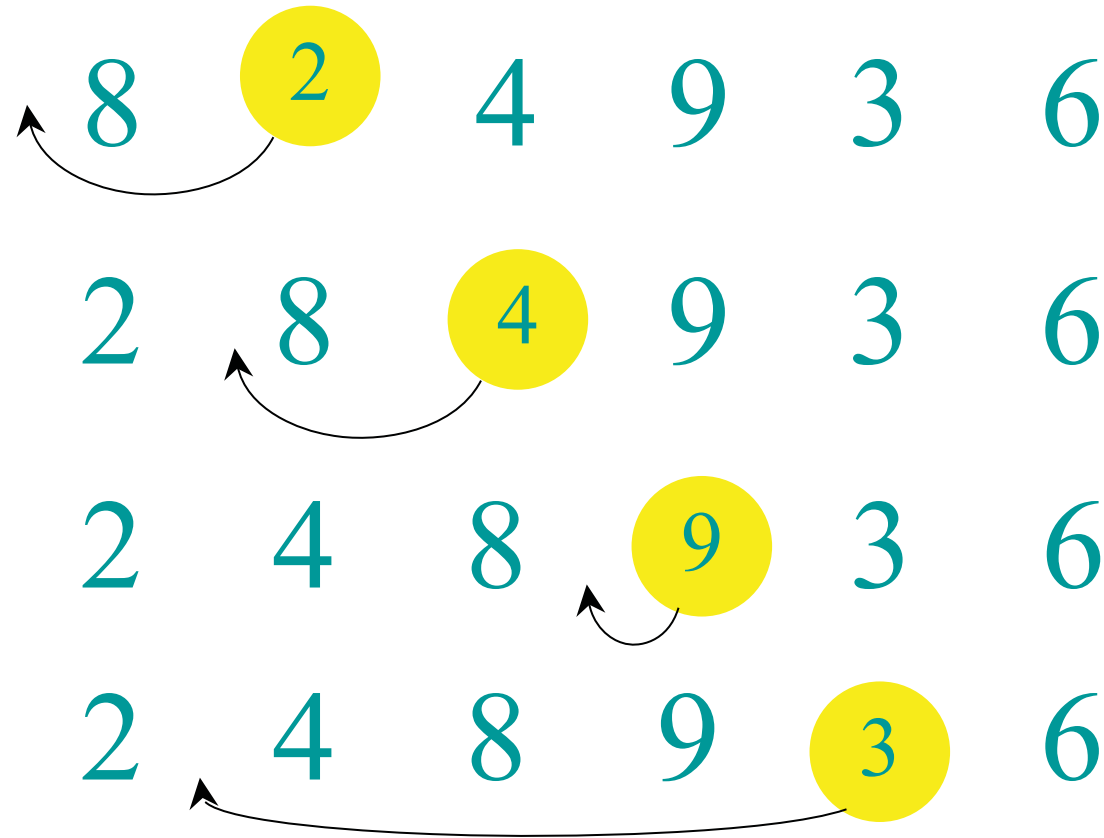
# 삽입 정렬의 예시



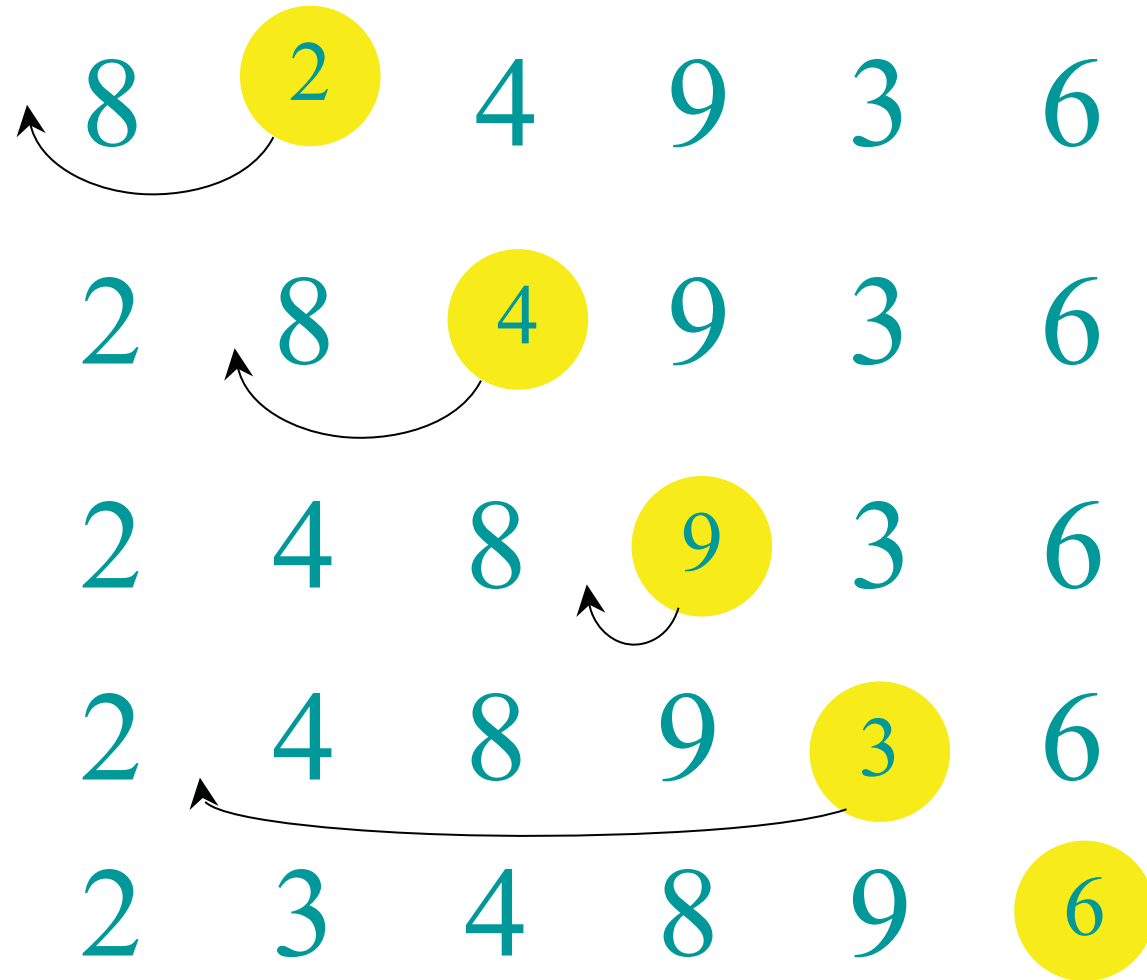
# 삽입 정렬의 예시



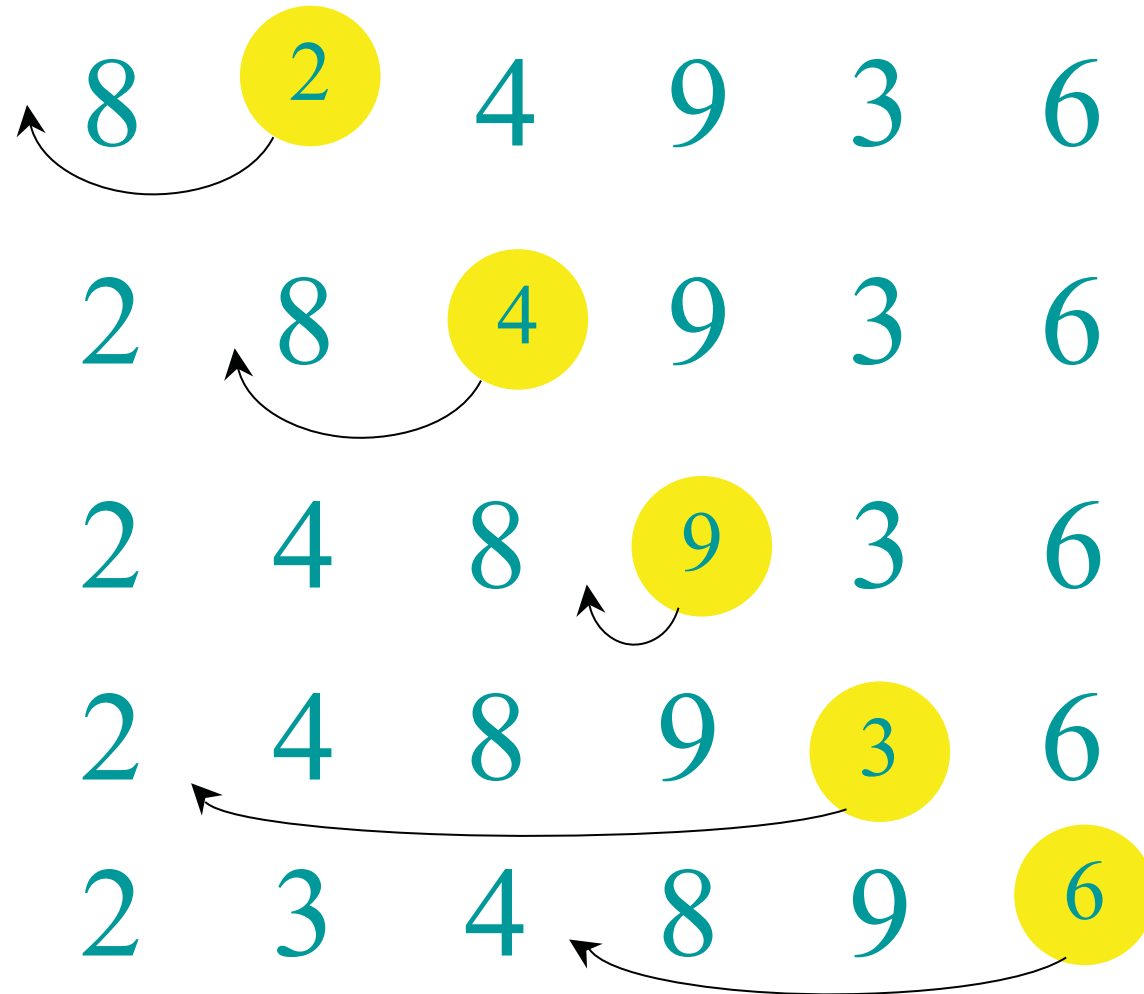
# 삽입 정렬의 예시



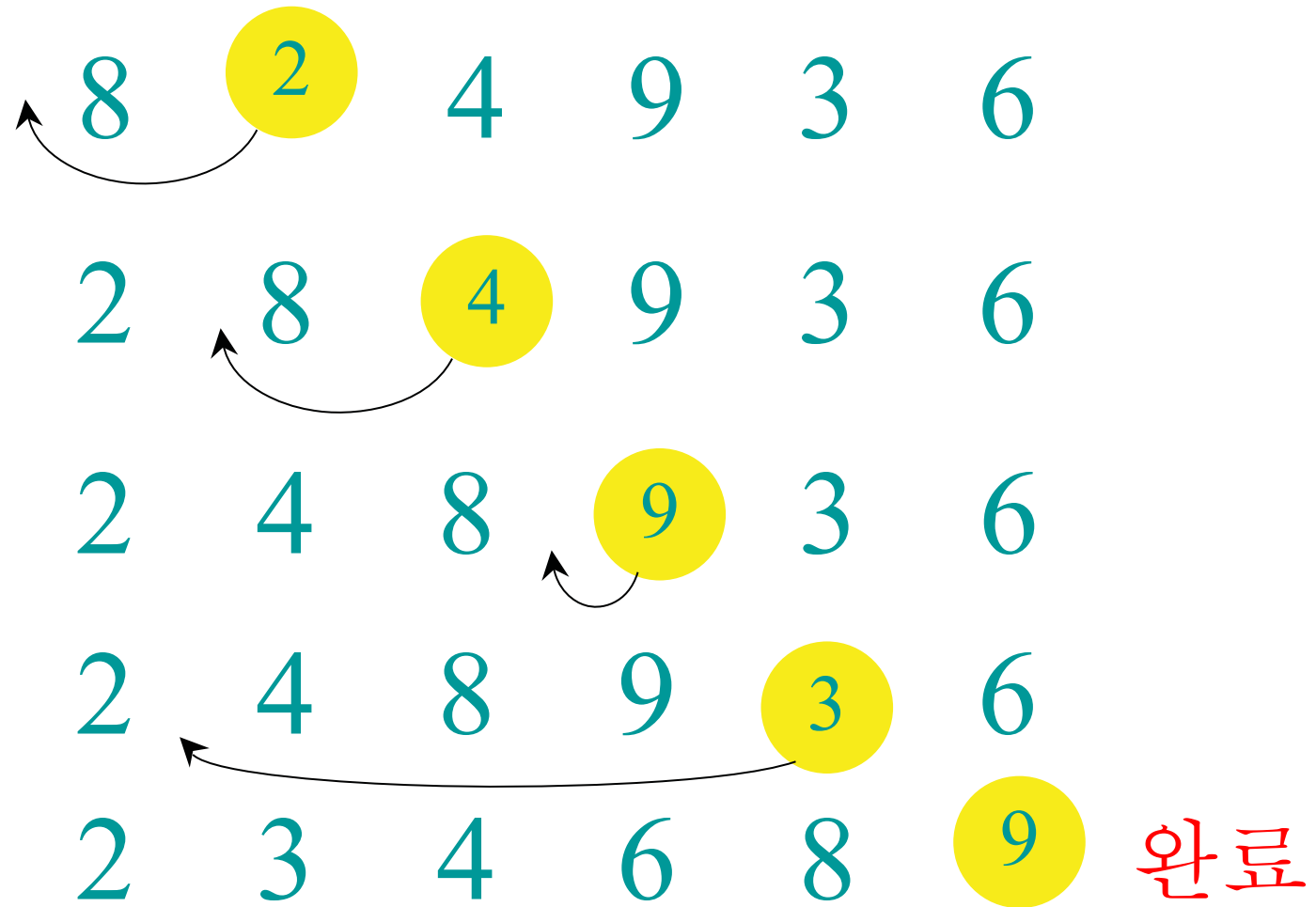
# 삽입 정렬의 예시



# 삽입 정렬의 예시



# 삽입 정렬의 예시



실행 시간은?  $\Theta(n^2)$ 임. 왜냐하면  $\Theta(n^2)$  비교와  $\Theta(n^2)$  스왑이므로.  
예시: 입력값이  $A = [n, n-1, n-2, \dots, 2, 1]$ 인 경우



# 이진 삽입 정렬

이진 삽입 정렬 ( $A, n$ )

▷  $A[1 \dots n]$

$j \leftarrow 2$  부터  $n$  까지 반복

(이미 정렬된) 보조 배열인  $A[1 \dots j-1]$ 에 키  $A[j]$  삽입.

알맞은 위치를 찾기 위해 이진 탐색 사용.

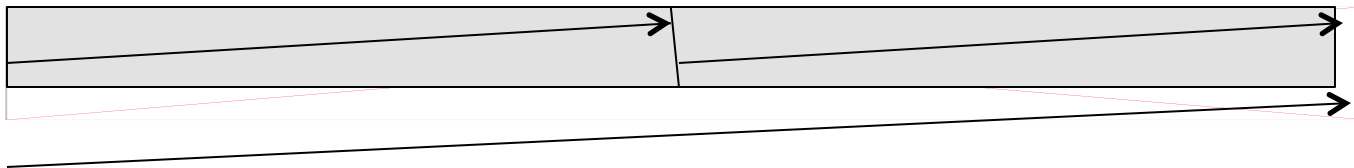
이진 탐색은  $\Theta(\log n)$  시간이 걸림.

하지만 삽입 후 항목을 옮기는 것도  $\Theta(n)$  시간이 걸림.

복잡도:  $\Theta(n \log n)$  비교  
 $(n^2)$  스왑

# 합병 정렬이란?

- 분할 정복 { 합병 정렬  $A[1 \dots n]$
1.  $n = 1$ 일 때, 바로 끝 (정렬할 거 없음).
  2. 그 외의 경우,  $A[1 \dots n/2]$ 과  $A[n/2+1 \dots n]$ 을 재귀적으로 정렬.
  3. 두 정렬된 보조 배열 “합병”



핵심 서브 루틴: 합병

# 정렬된 두 배열 합병

20 12

13 11

7 9

2

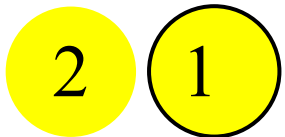
1

# 정렬된 두 배열 합병

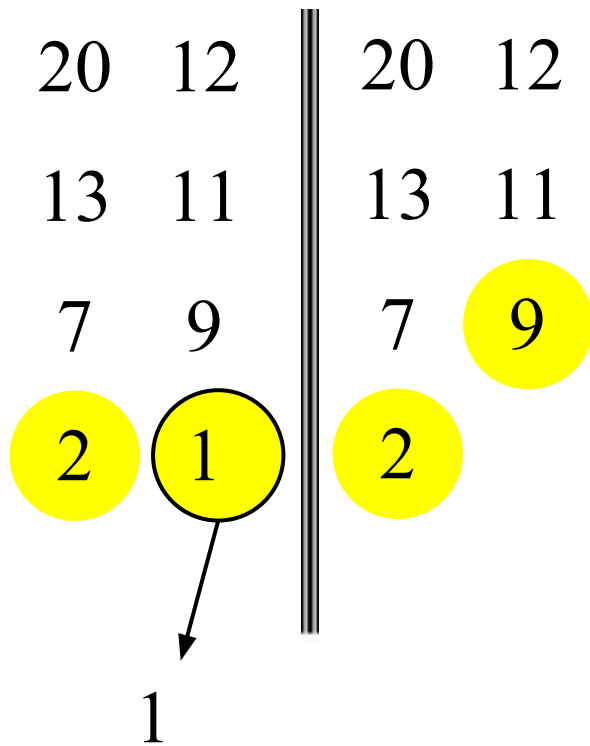
20 12

13 11

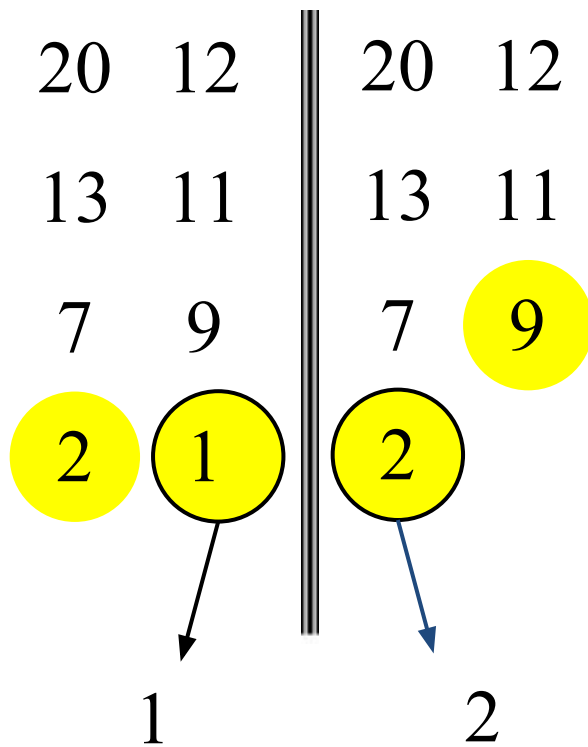
7 9



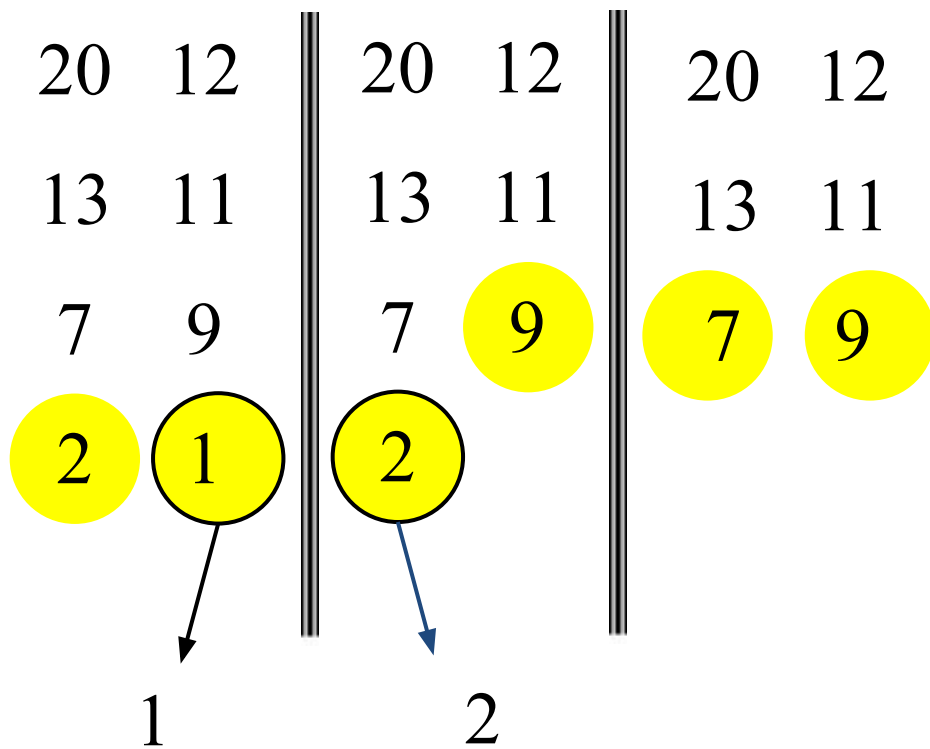
# 정렬된 두 배열 합병



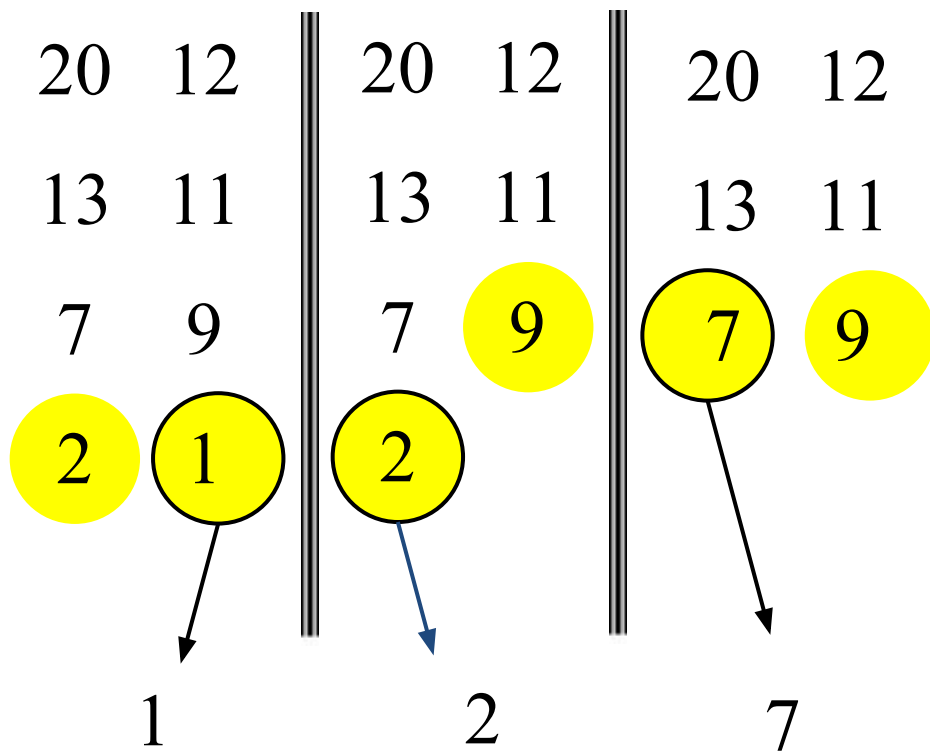
# 정렬된 두 배열 합병



# 정렬된 두 배열 합병

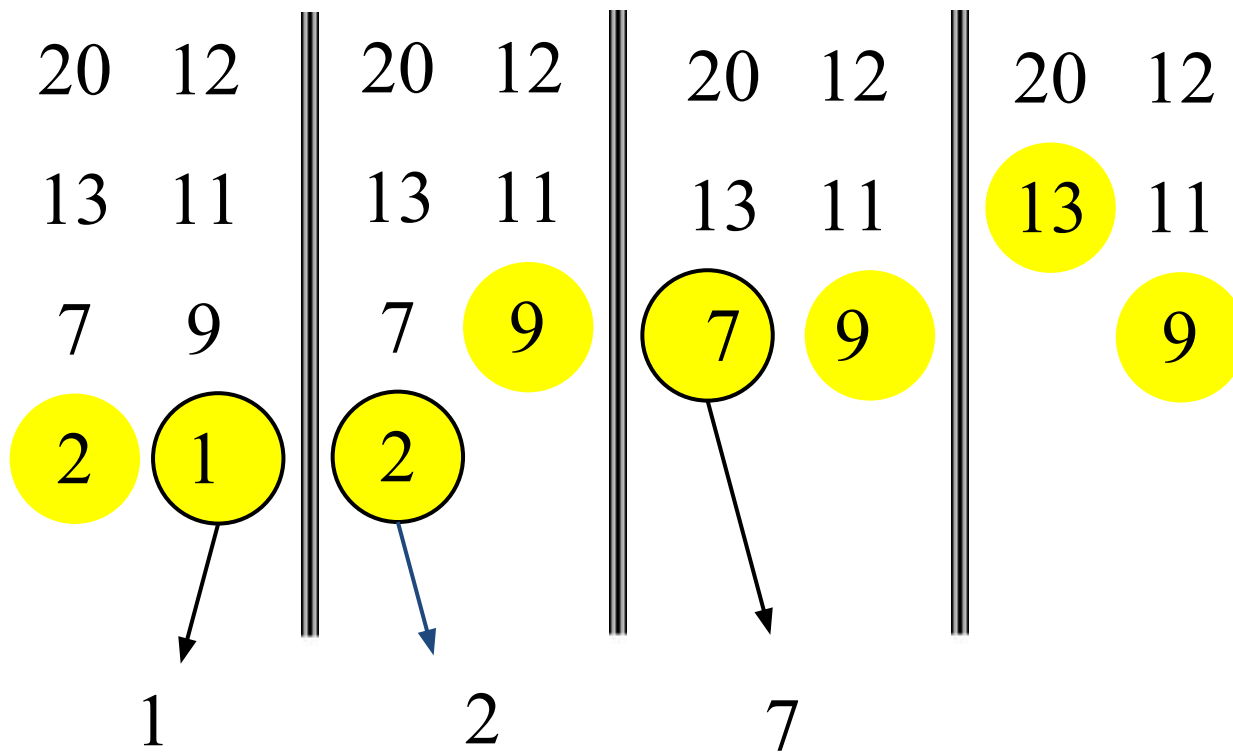


# 정렬된 두 배열 합병

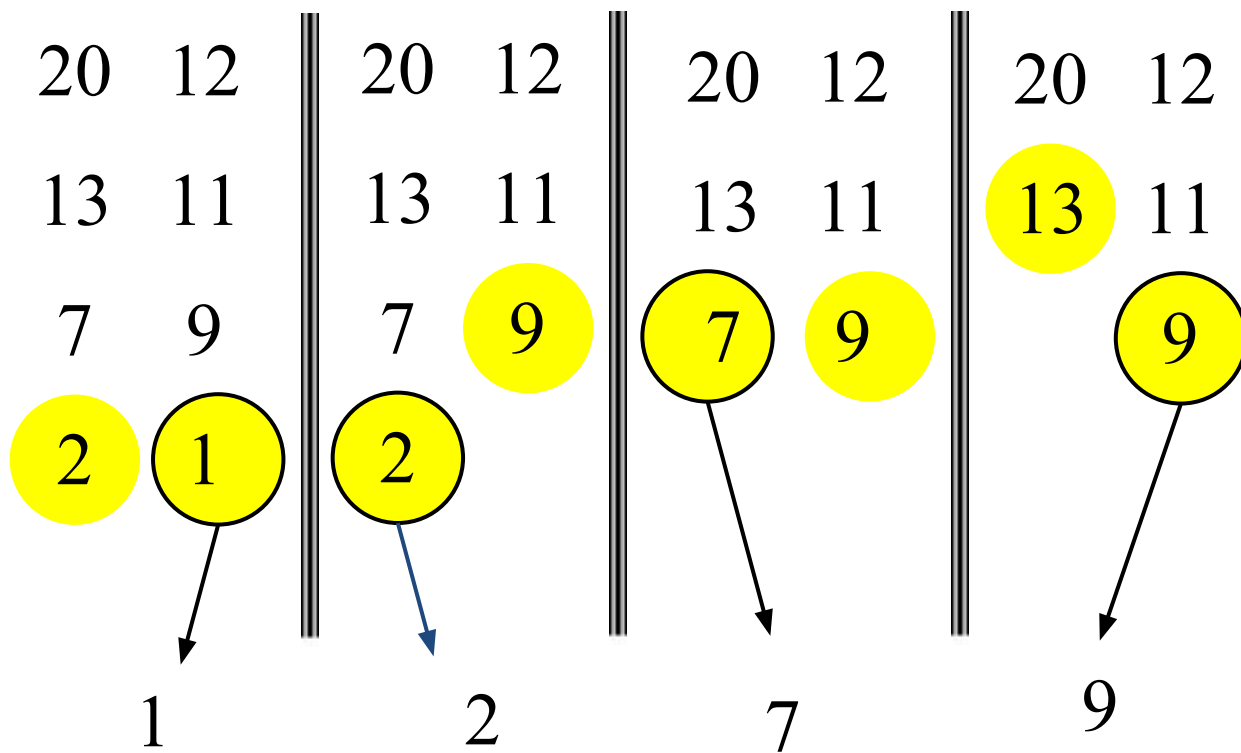




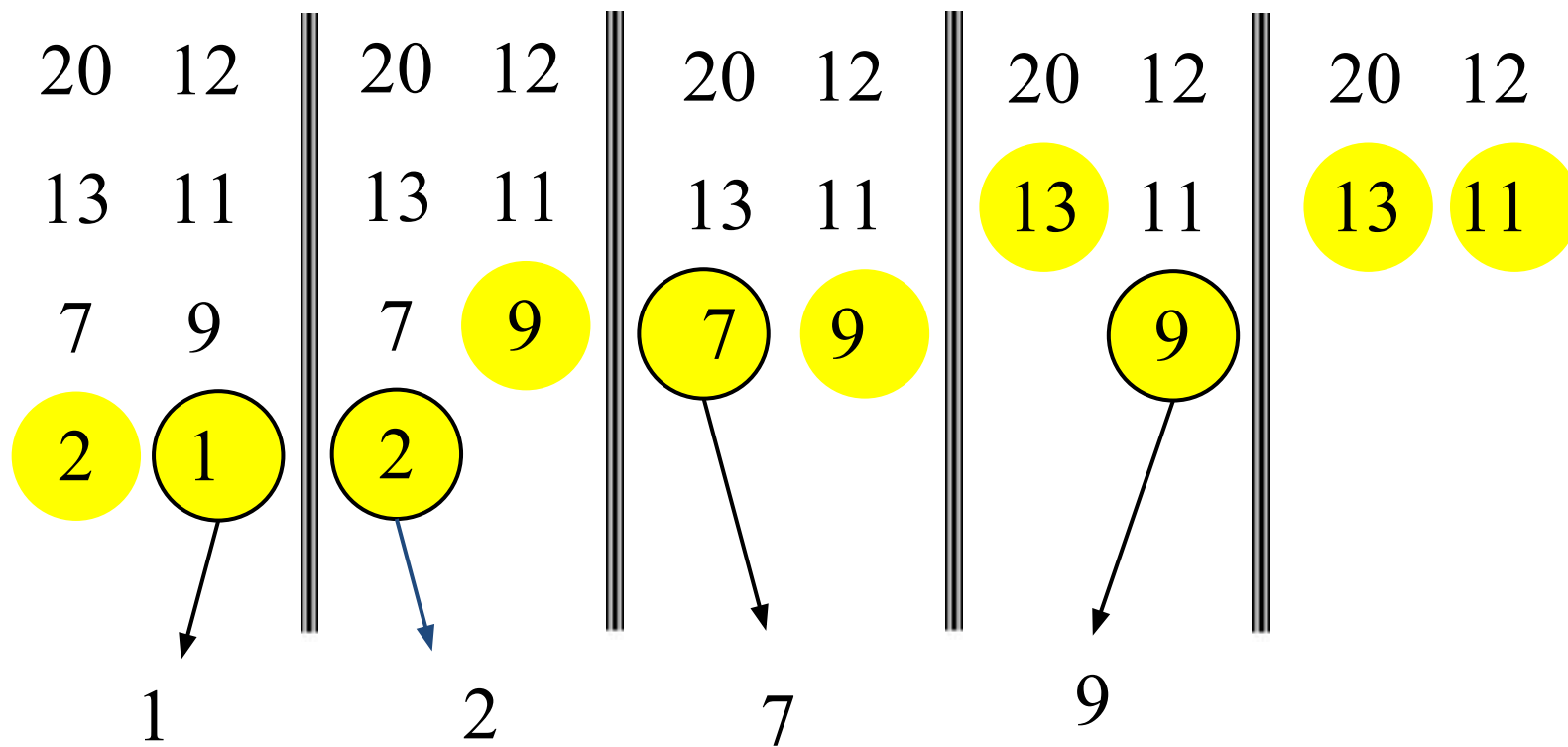
# 정렬된 두 배열 합병



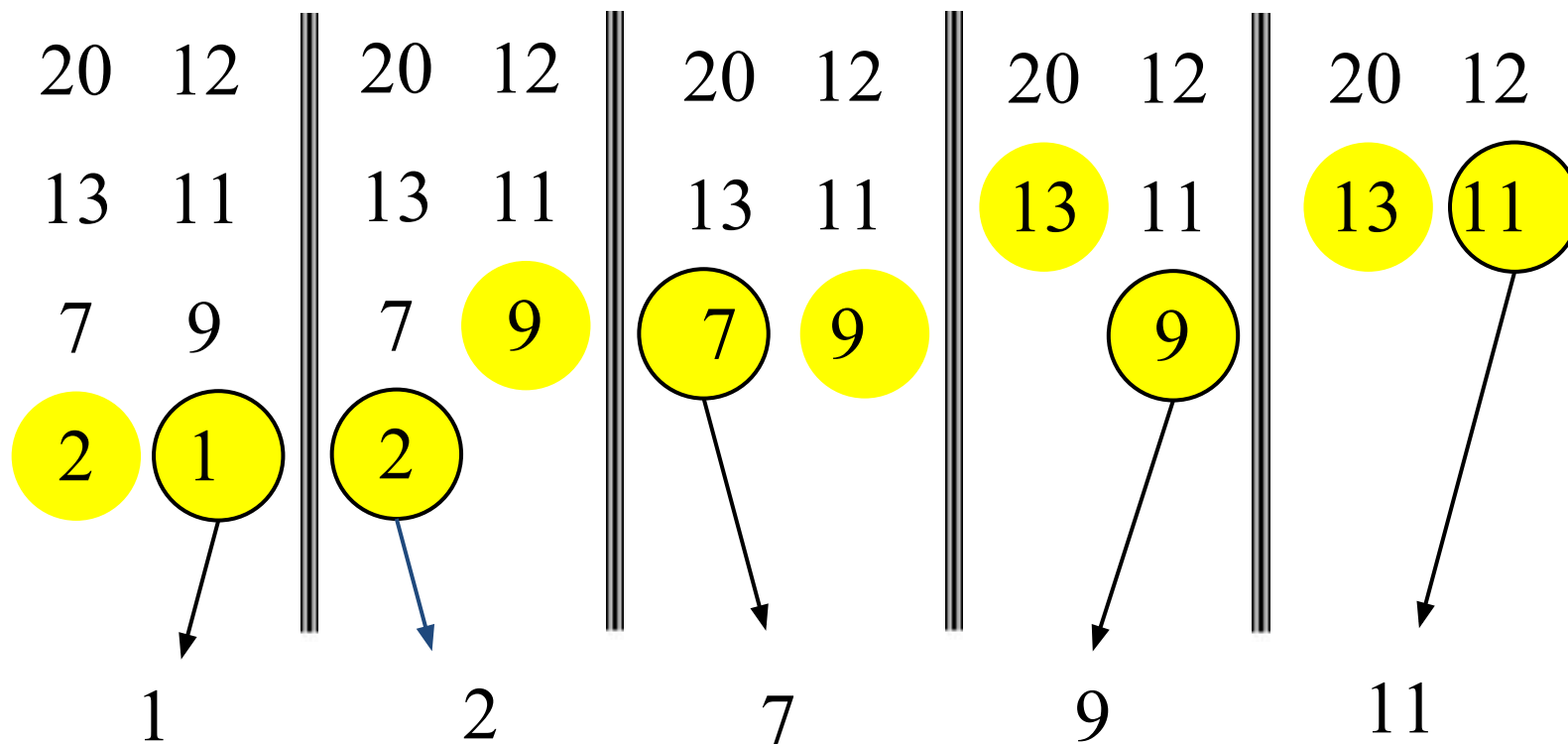
# 정렬된 두 배열 합병



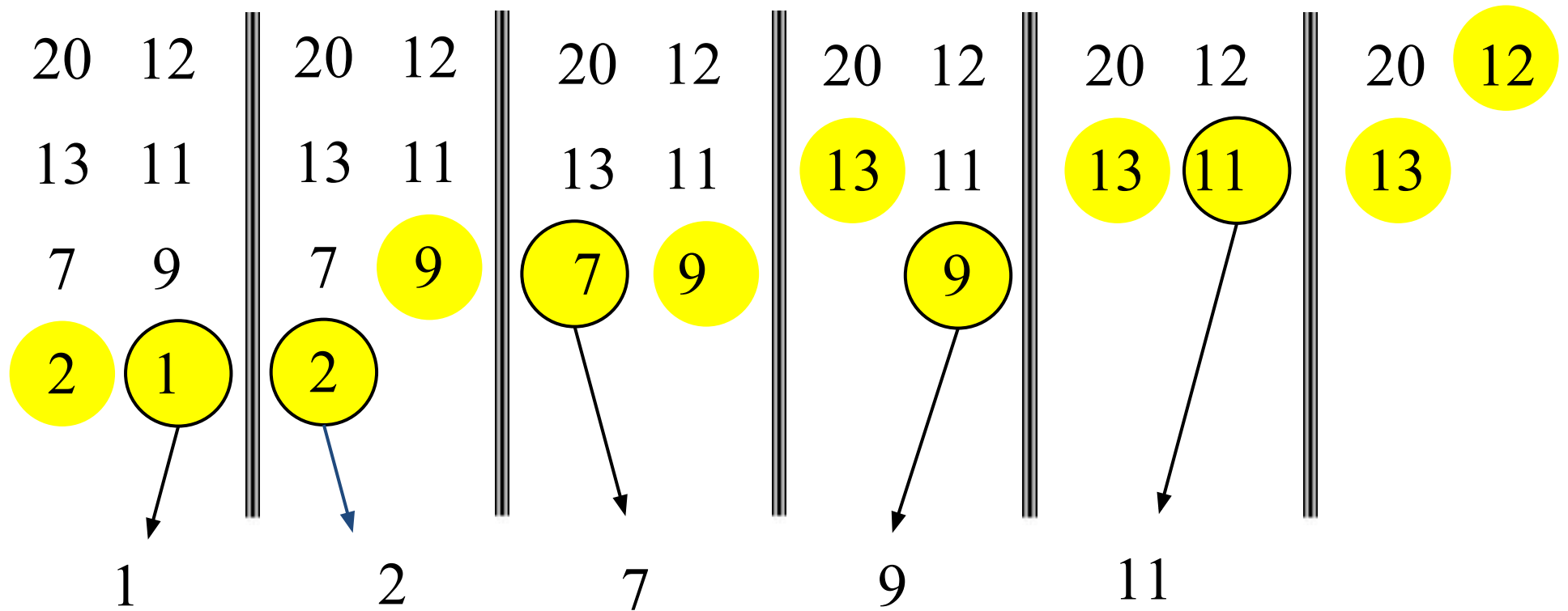
# 정렬된 두 배열 합병



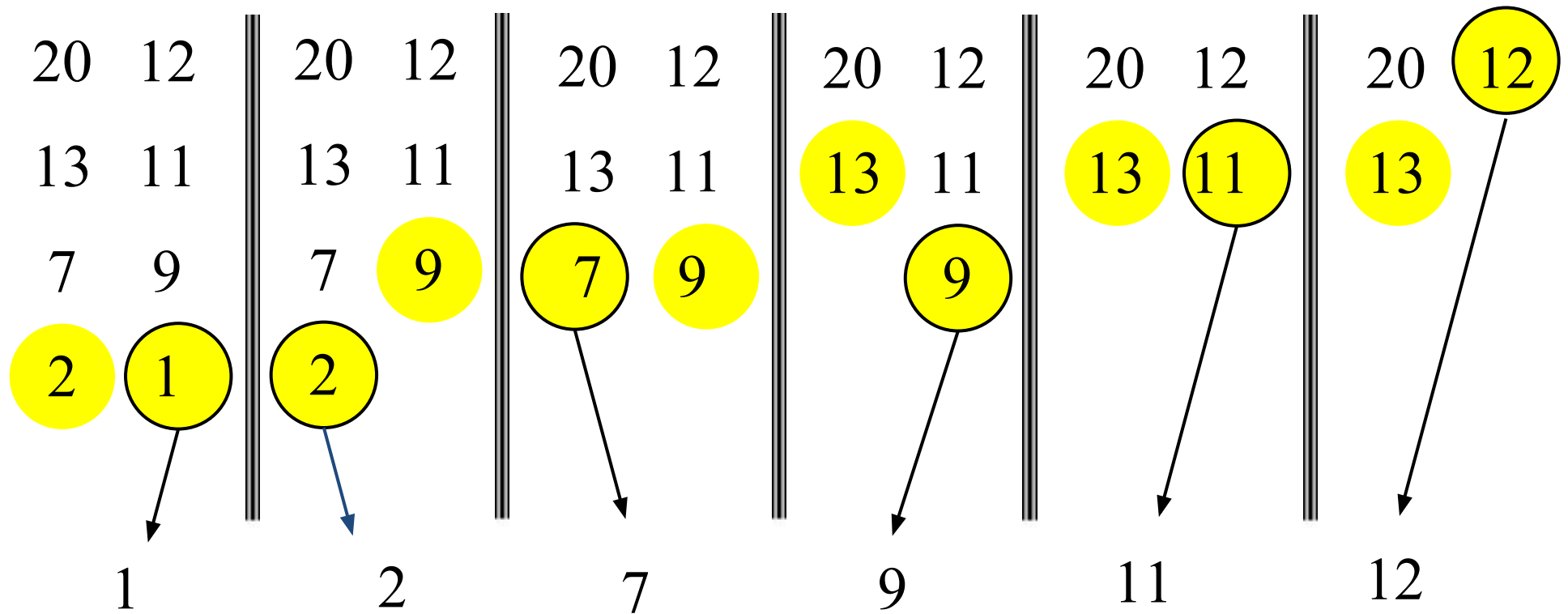
# 정렬된 두 배열 합병



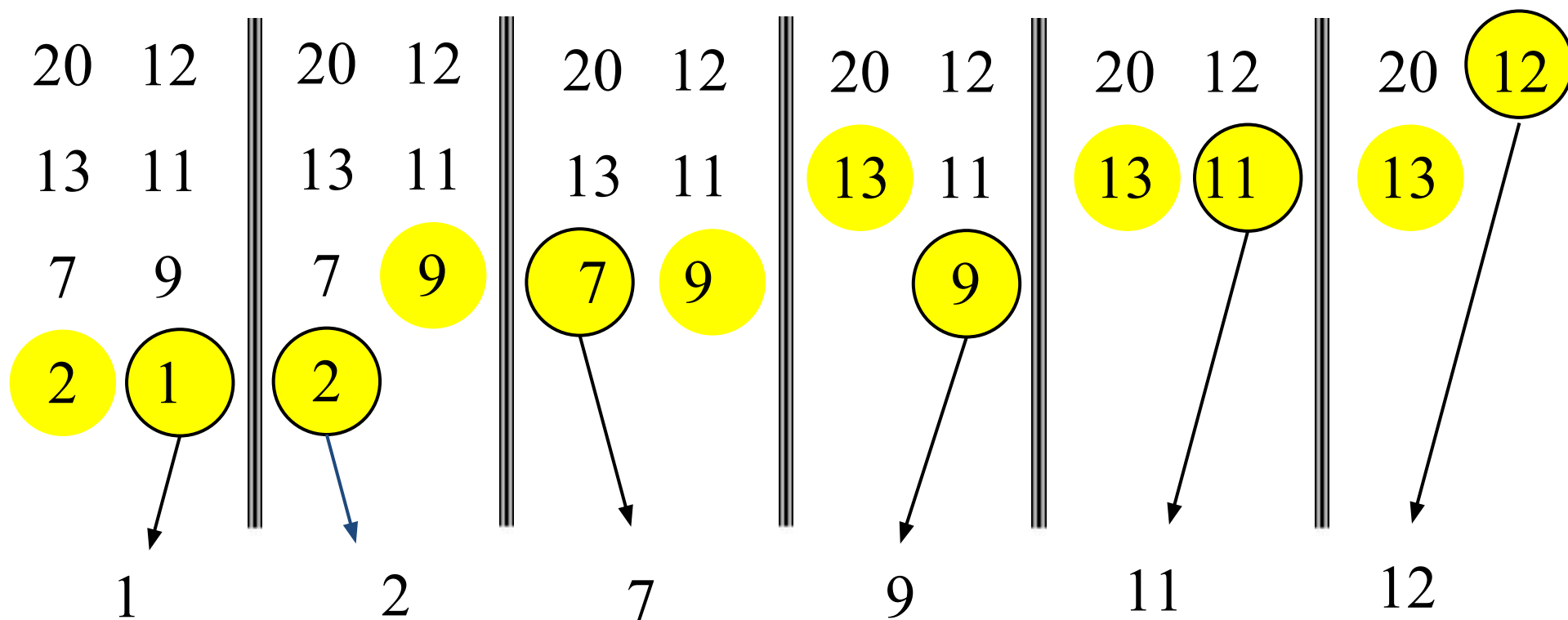
# 정렬된 두 배열 합병



# 정렬된 두 배열 합병



# 정렬된 두 배열 합병



총  $n$  개의 항목을 합병하는 데  
 걸리는 시간 =  $\Theta(n)$  (선형적 시간)

# 합병 정렬 분석

합병 정렬  $A[1 \dots n]$

- |   |             |
|---|-------------|
| 1. $n = 1$ 일 때, 바로 끝.   | $T(n)$      |
| 2. $A[1 \dots \lfloor n/2 \rfloor]$ 과 $A[\lfloor n/2 \rfloor + 1 \dots n]$<br>재귀적으로 합병. | $\Theta(1)$ |
| 3. 정렬된 리스트 두 개 “합병”   | $2T(n/2)$   |
|   | $\Theta(n)$ |

$$T(n) = \begin{cases} \Theta(1) & (n = 1 \text{ 일 때}); \\ 2T(n/2) + \Theta(n) & (n > 1 \text{ 일 때}); \end{cases}$$

$$T(n) = ?$$



# 재귀 풀이

풀이:  $T(n) = 2T(n/2) + cn$  ( $c > 0$ 은 상수)

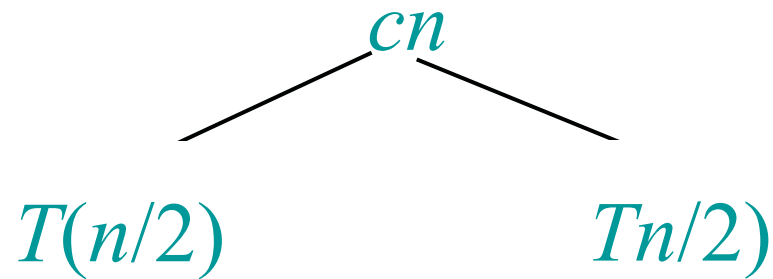
# 재귀 트리

풀이:  $T(n) = 2T(n/2) + cn$  ( $c > 0$ 은 상수)

$$T(n)$$

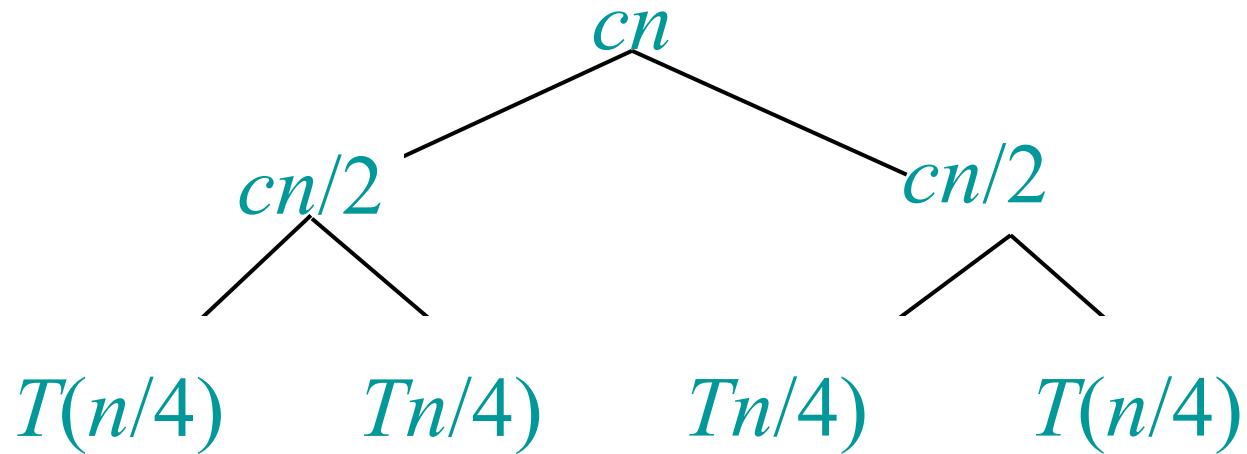
# 재귀 트리

풀이:  $T(n) = 2T(n/2) + cn$  ( $c > 0$ 은 상수)



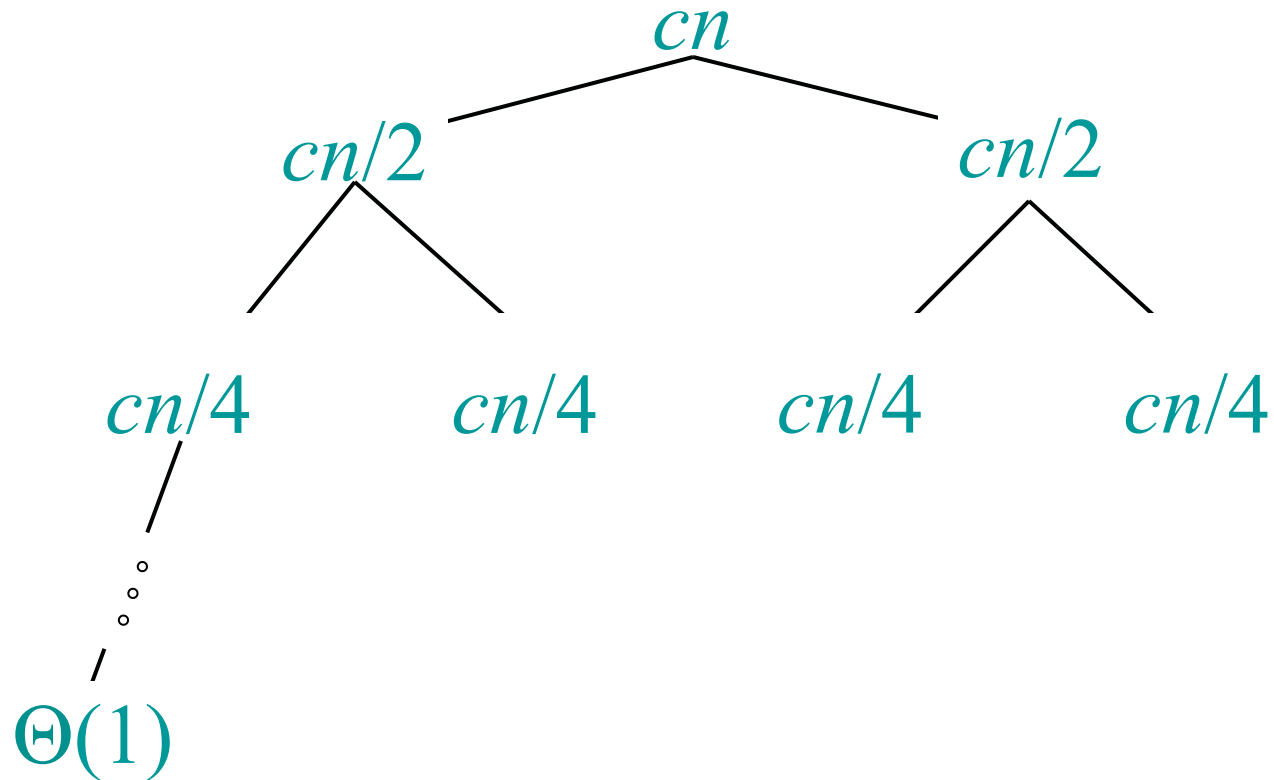
# 재귀 트리

풀이:  $T(n) = 2T(n/2) + cn$  ( $c > 0$ 은 상수)



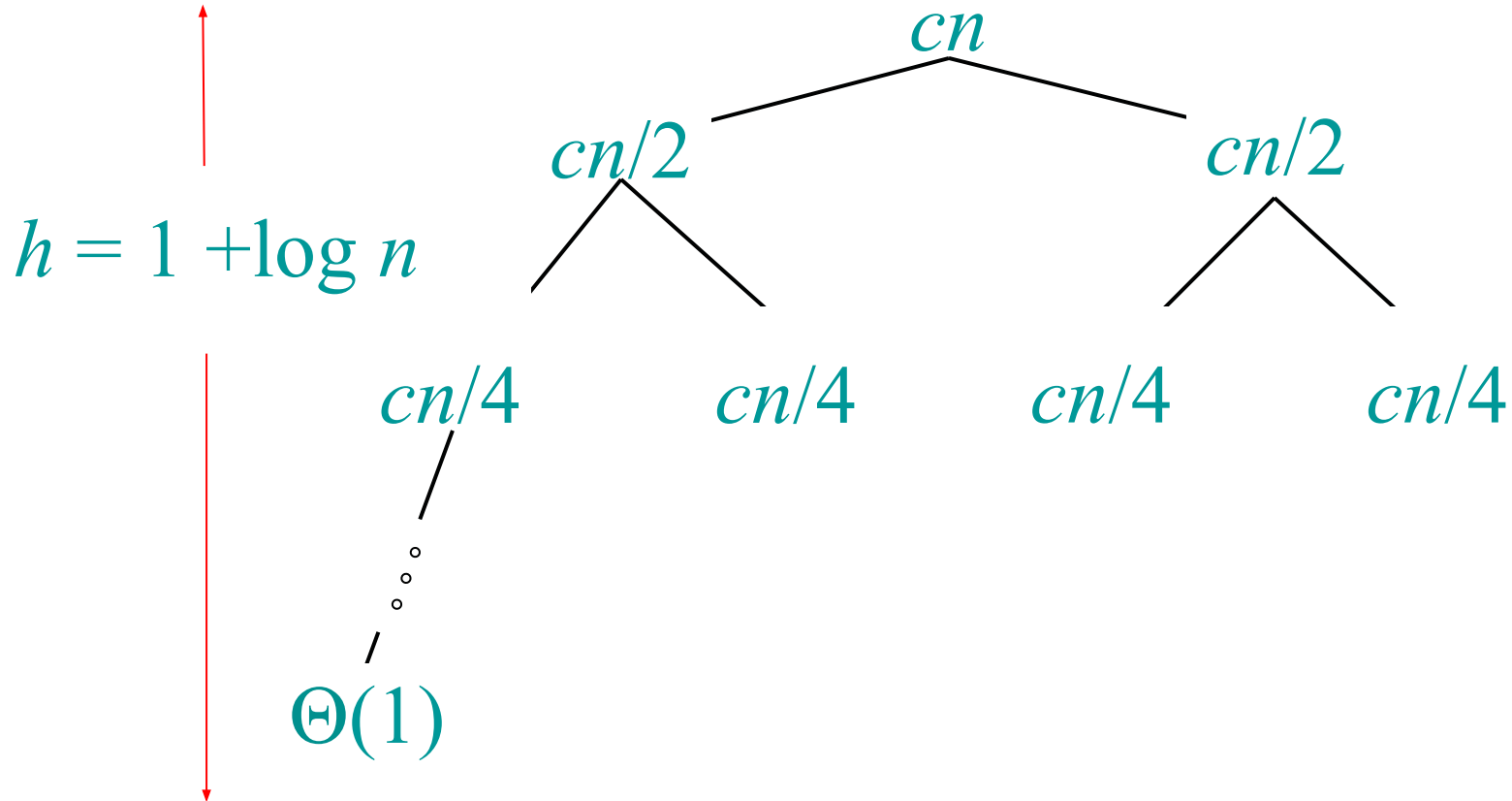
# 재귀 트리

풀이:  $T(n) = 2T(n/2) + cn$  ( $c > 0$ 은 상수)



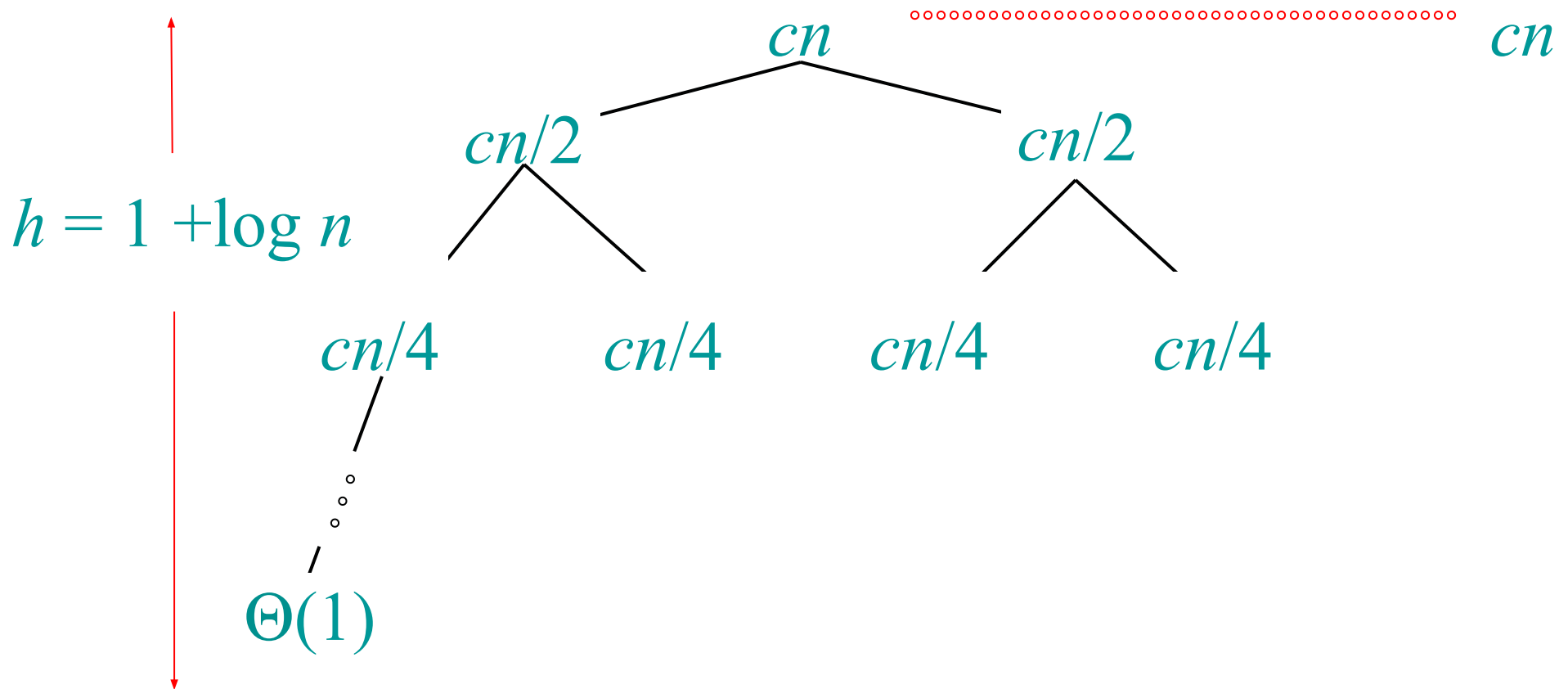
# 재귀 트리

풀이:  $T(n) = 2T(n/2) + cn$  ( $c > 0$ 은 상수)



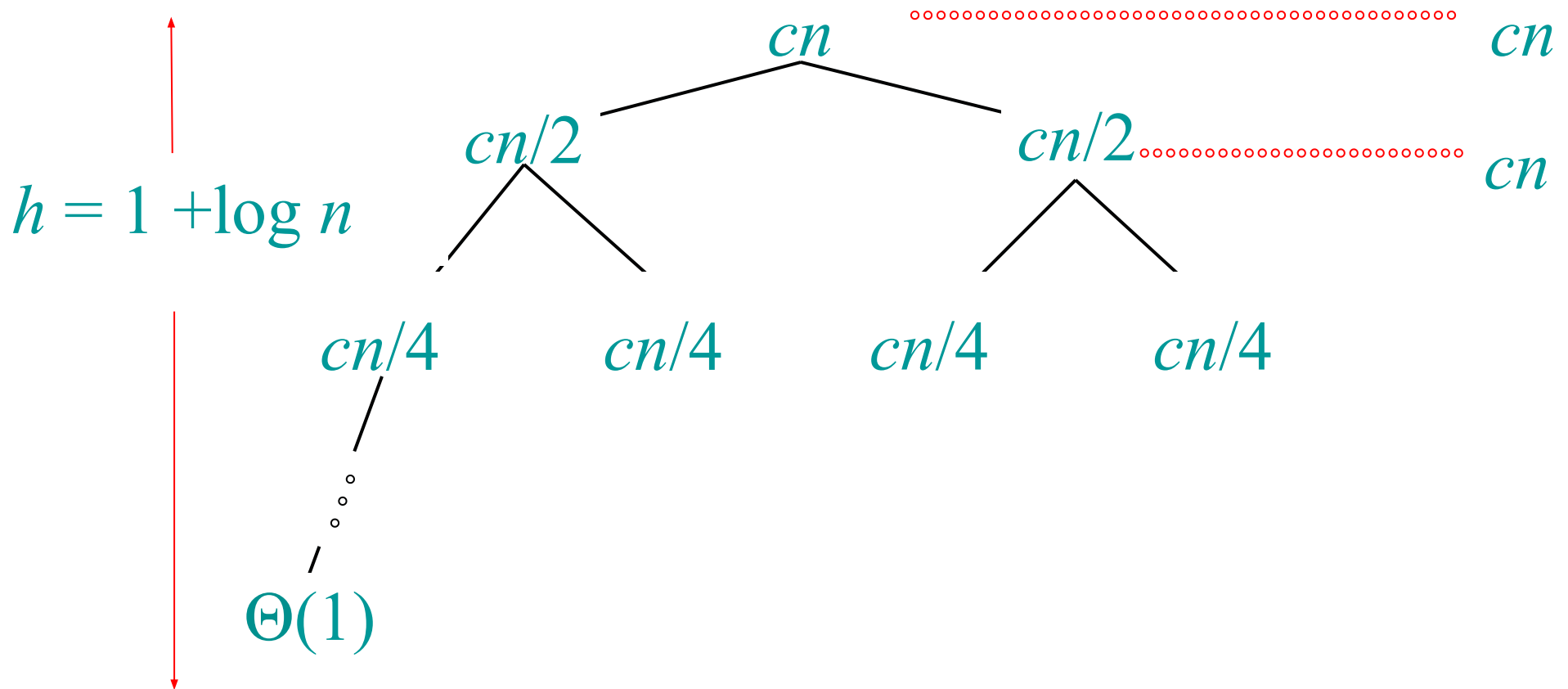
# 재귀 트리

풀이:  $T(n) = 2T(n/2) + cn$  ( $c > 0$ 은 상수)



# 재귀 트리

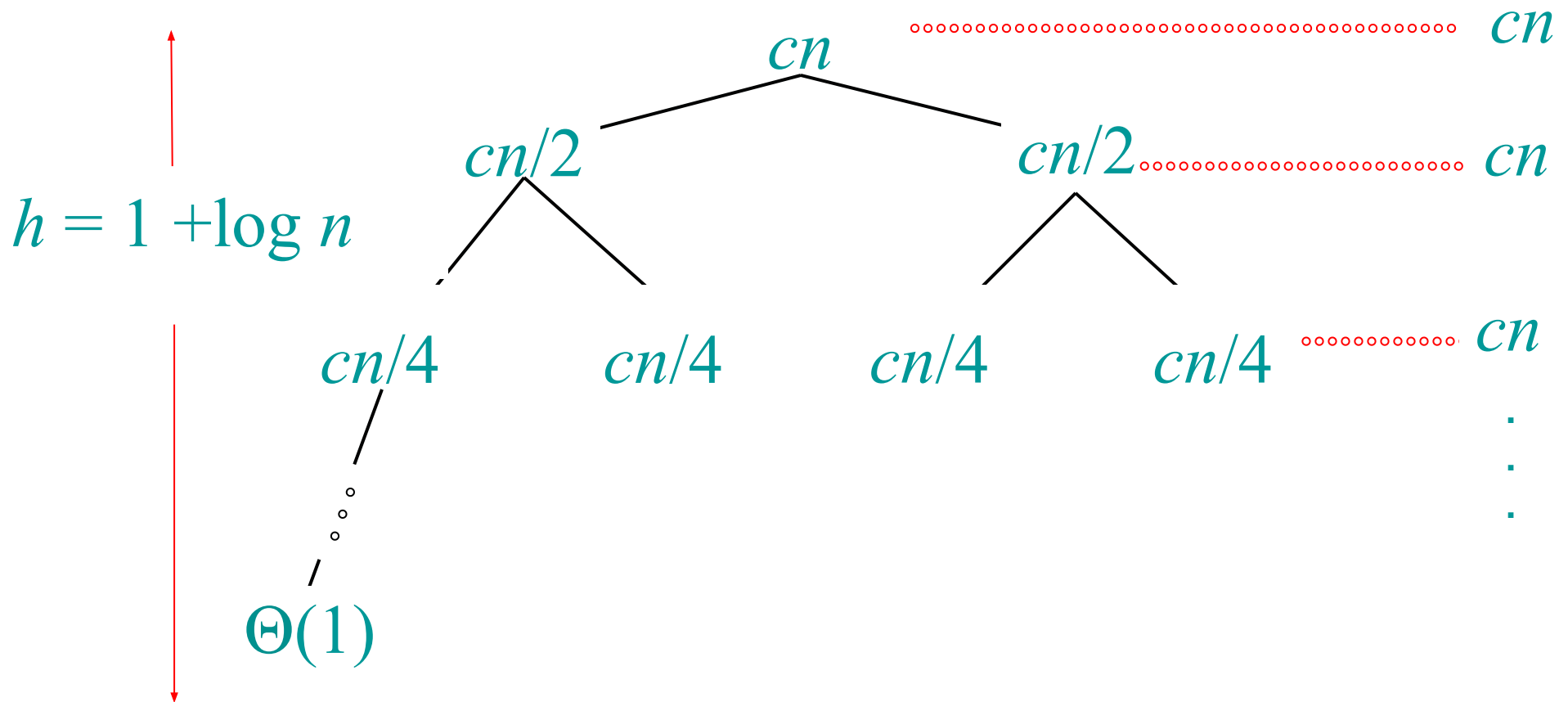
풀이:  $T(n) = 2T(n/2) + cn$  ( $c > 0$ 은 상수)





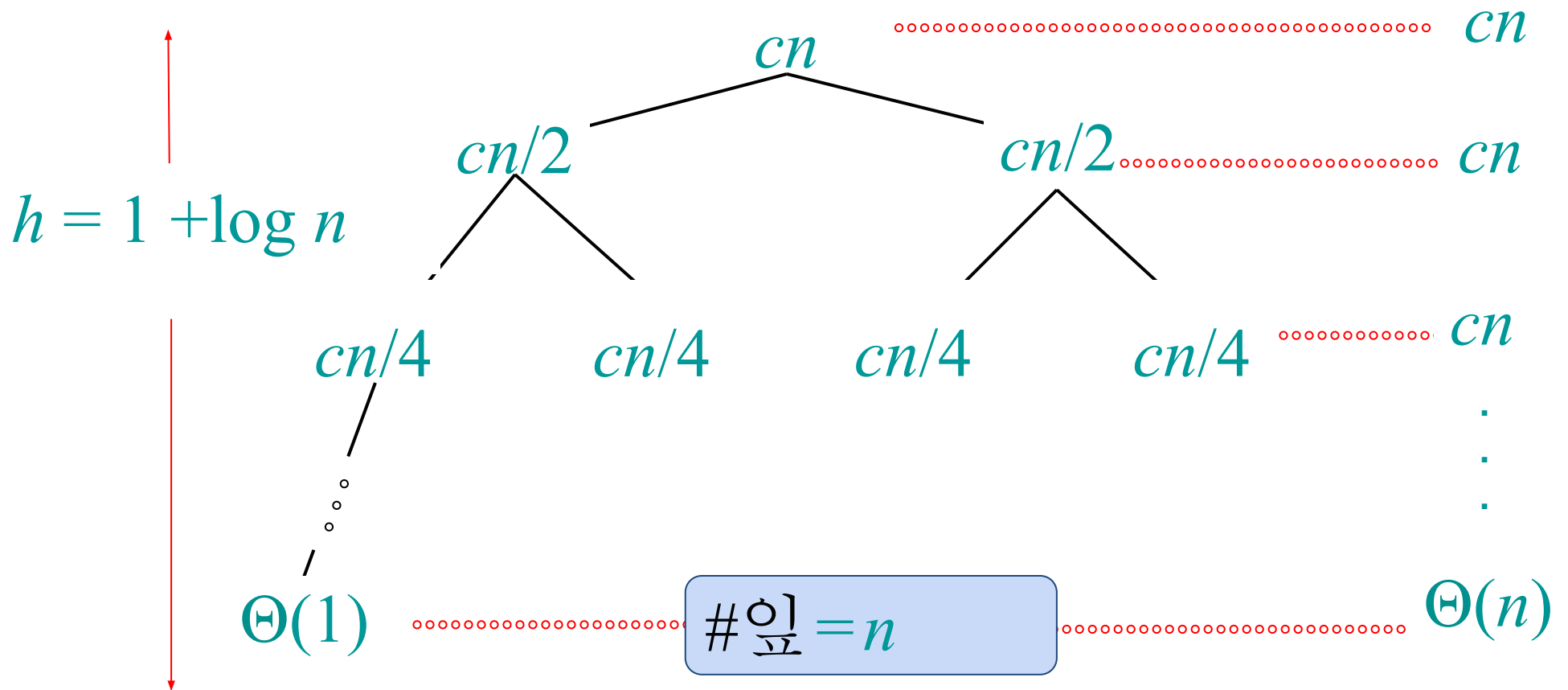
# 재귀 트리

풀이:  $T(n) = 2T(n/2) + cn$  ( $c > 0$ 은 상수)



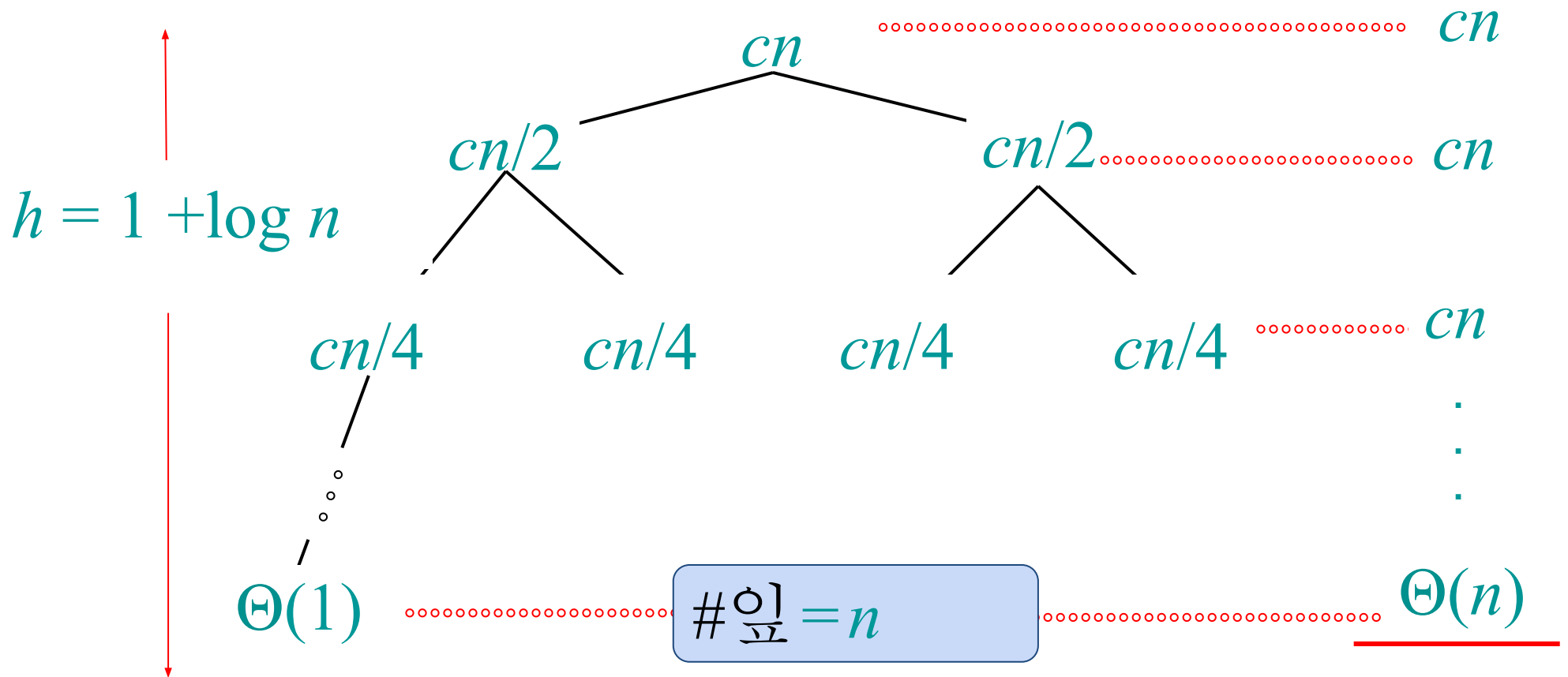
# 재귀 트리

풀이:  $T(n) = 2T(n/2) + cn$  ( $c > 0$ 은 상수)



# 재귀 트리

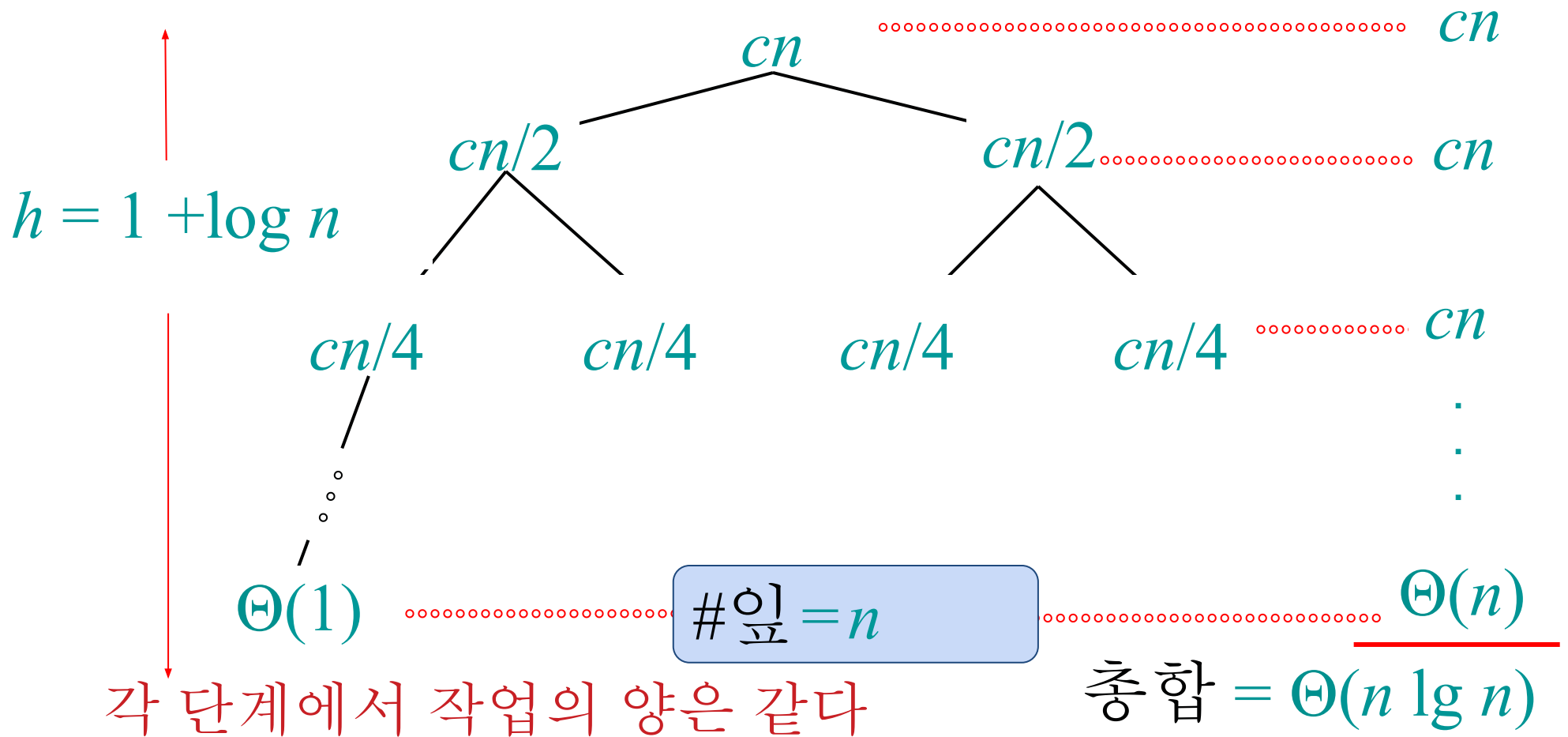
풀이:  $T(n) = 2T(n/2) + cn$  ( $c > 0$ 은 상수)



총합 ?

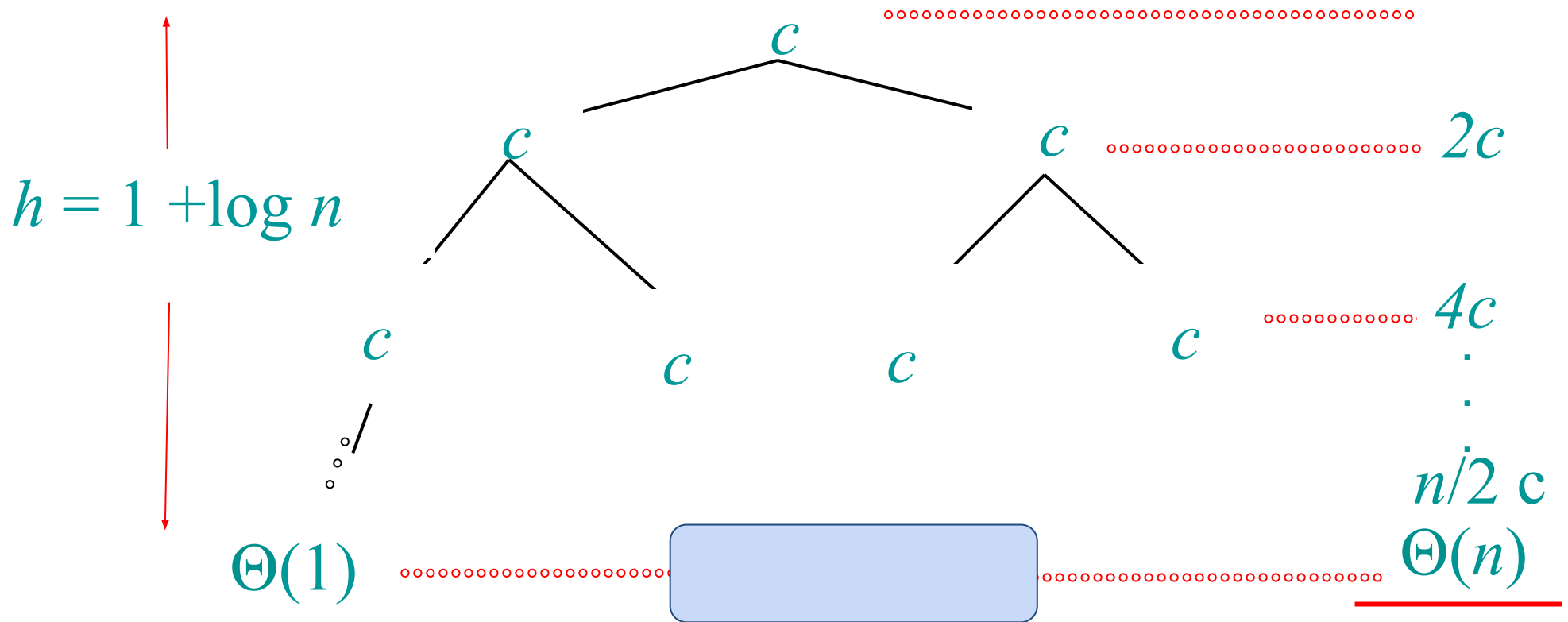
# 재귀 트리

풀이:  $T(n) = 2T(n/2) + cn$  ( $c > 0$ 은 상수)



# 다른 재귀에 대한 트리

풀이:  $T(n) = 2T(n/2) + c$  ( $c > 0$ 은 상수)



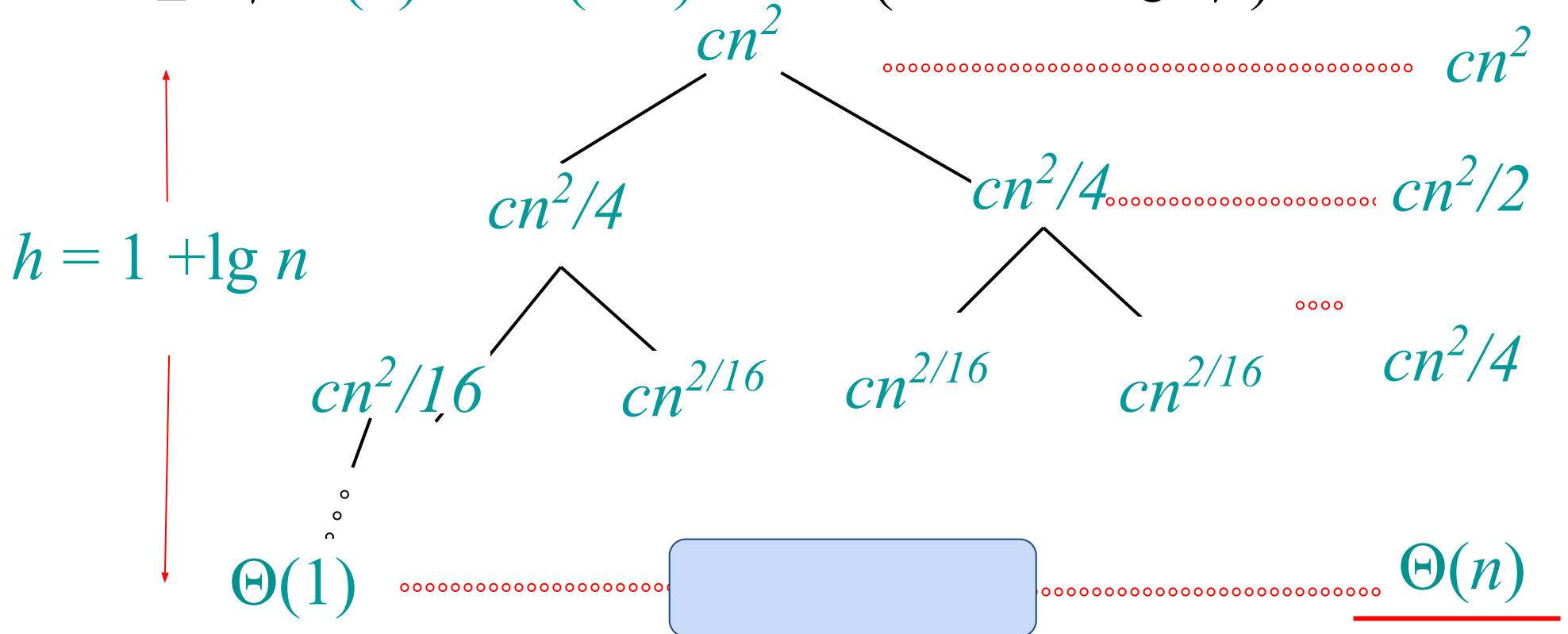
주의:  $1 + 1/2 + 1/4 + \dots < 2$

앞에서 일어나는 모든 작업

총합 =  $\Theta(n)$

# 또 다른 재귀에 대한 트리

풀이:  $T(n) = 2T(n/2) + cn^2$  ( $c > 0$ 은 상수)



주의:  $1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \dots < 2$

루트에서 일어나는 모든 작업

총 합 =  $\Theta(n^2)$

MIT OpenCourseWare  
<http://ocw.mit.edu>

6.006 알고리즘의 기초  
가을 2011

본 자료 이용 또는 이용 약관에 대한 정보를 확인하려면 다음의 사이트를 방문하십시오: <http://ocw.mit.edu/terms>.