

# Wstęp do Sztucznej Inteligencji - rok akademicki 2022/2023

Przed rozpoczęciem pracy z notatnikiem zmień jego nazwę zgodnie z wzorem:  
NrAlbumu\_Nazwisko\_Imie\_PoprzedniaNazwa.

Przed wystaniem notatnika upewnij się, że rozwiązałeś wszystkie zadania/ćwiczenia.

## Temat: Prolog - Programowanie w logice cz. II

Zapoznaj się z treścią niniejszego notatnika czytając i wykonując go komórka po komórce.  
Wykonaj napotkane zadania/ćwiczenia.

### Listy w Prologu

Podstawową strukturą danych w Prologu są listy. Są one strukturami, które są przetwarzane rekurencyjnie. W Prologu lista składa się z **głowy** (pierwszego elementu) oraz **ogona** (pozostałe elementy). Na przykład lista:

```
[3,4,5,7]
```

ma **głowę**, którą jest element 3 oraz **ogon**, który jest listą [4,5,7].

Uwaga: poniższe informacje o tworzeniu list za pomocą "." dotyczą wcześniejszych wersji SWI Prologa. Aktualnie operator ten jest wykorzystywany w innym celu. Przeczytaj więcej:

<http://www.swi-prolog.org/pldoc/man?section=ext-lists>

<http://www.swi-prolog.org/pldoc/man?section=ext-dict-functions>

W Prologu do tworzenia listy służy predykat `.` (kropka). Aby więc do zmiennej X zapisać powyższą listę, można napisać:

```
?- X = .(3,[4,5,7]).  
X = [3, 4, 5, 7]
```

Należy pamiętać o spacji pomiędzy znakiem równości i kropką, gdyż `=.` ma w Prologu inne znaczenie i jest osobnym predykatem. Listę można również stworzyć poleceniem

```
?- X = [3, 4, 5, 7].
```

Mając taką listę, można uzyskać dostęp do jej **głowy** i **ogona** za pomocą składni:

```
Lista = [Glowa|Ogon] .
```

Jeśli `Lista` jest ukonkretniona listą, to `Glowa` zostanie ukonkretniona pierwszym elementem tej listy a zmienna `Ogon` pozostałymi elementami, tj. ogonem.

Wypróbuj polecenie:

```
?- X = [1,2,3,4,5], X = [Glowa|Ogon] .
```

Możemy zatem stworzyć listę podając wprost jej głowę oraz ogon, np.:

```
?- G = 3, O=[4,5,6], L=[G|O] .
```

`L` zostaje ukonkretniona listą  $[3, 4, 5, 6]$  o czterech elementach.

Co jednak otrzymamy, jeśli wykonamy następujące polecenie?

```
?- O = 3, G=[4,5,6], L=[G|O] .
```

Tym razem wynik będzie odmienny, otrzymamy listę  $L = ([4, 5, 6] \vee 3)$  zawierającą dwa elementy: pierwszy to lista z trzema elementami  $[4, 5, 6]$ , a drugi to 3.

## Ćwiczenie 1:

Co się stanie jak napiszemy?

```
?- G = 3, O=[4,5,6], L=[O|G] .
```

Zostanie Wypisane `G = 3, L = [[4, 5, 6]], O = [4, 5, 6]`

Ostatnim elementem listy jest zawsze lista pusta `[]`. Zatem listę z jednym tylko elementem można stworzyć tak:

```
?- L = [3] .
```

lub tak:

```
?- L = [3|[]] .
```

ale NIE tak:

```
?- L = [3, []] .
```

Jak widać elementami listy nie muszą być tylko liczby, mogą nimi być także inne listy lub całe struktury. Na przykład:

```
[ [5,4], [5,6], [3,4] ].  
[kasia, lubi, jarka].  
[autor(clive, barker), autor(bertrand, russell) ].
```

Mając listę L można ukonkretnić więcej niż jedną zmienną pierwszymi elementami listy, np.:

```
?- L = [1,2,3,4,5], L=[X, Y, Z| Reszta].
```

## Ćwiczenie 2:

Co się stanie jeśli napiszemy?

```
?- L = [2], L=[X|Y].
```

Zostanie wypisane L = [2], X = 2, Y = []

A co jeśli:

```
?- L = [2], L=[X, Y|Z].
```

Zostanie wypisane False

## Ćwiczenie 3:

Wypróbuj jaki efekt będzie miało uzgadnianie następujących list:

```
[] = X.  
X = X  
[] = [X|Y].  
False  
[a,b,c,d] = [H|T].  
H = a, T = [b,c,d]  
[1,2,3] = [X,Y,Z].  
X = 1, Y = 2, Z = 3  
[marta] = [G|0].  
G = marta, 0 = []  
[A, B, C] = [jan, lubi, piwo].  
A = jan, B = lubi, C = piwo
```

```

[1,2,3] = [G|[2,3]].
G = 1
[[marta, A], B] = [[X, lubi], koty].
A = lubi, B = koty, X = marta
[[1,2],[3,4],[5,6]] = [X|Y].
X = [1,2], Y = [[3,4], [5,6]]
[7,6] = [6,X].
False
[kobieta(marta), kobieta(jola)] = [X|Y].
X = kobieta(marta), Y = [kobieta(jola)]

```

## Operacje na listach

Do operacji na listach w Prologu często wykorzystuje się rekurencję. Na przykład aby wypisać każdy element listy w nowej linii, możemy zdefiniować predykat `pisz_liste`, będący predykatem rekurencyjnym tzn. odwołującym się do samego siebie:

```

pisz_liste([]).
pisz_liste(Lista) :- Lista = [Glowa|Ogon], write(Glowa), nl,
pisz_liste(Ogon).

```

Predykat `nl` powoduje przejście do nowej linii i nigdy nie zawodzi. Predykat `write` wypisuje na ekran i również nigdy nie zawodzi.

Powyższy predykat `pisz_liste` można zdefiniować krócej:

```

pisz_liste2([]).
pisz_liste2([Glowa|Ogon]) :- print(Glowa), nl, pisz_liste2(Ogon).

```

W obu wersjach predykat `pisz_liste` odwołuje się do samego siebie w drugiej klauzuli. Warunek końcowy jest umieszczony w pierwszej klauzuli tego predykatu. Jest to konieczne jako że Prolog przeszukuje bazę danych od „góry do dołu”.

### Ćwiczenie 4:

Wypróbuj działanie powyższego predykatu `pisz_liste`.

## Członkostwo listy

Do sprawdzania czy dany element jest w liście służy predykat wbudowany `member`:

```
?- L = [1,2,3,4], member(3, L).
```

`member(E, L)` sprawdza czy element `E` jest na liście `L`. Można zdefiniować samemu taki predykat:

```
member2(E, [X|_]) :- E=X.  
member2(E, [_|0]) :- member2(E,0).
```

Pierwsza klauzula sprawdza czy `E` jest równe pierwszemu elementowi listy. Jeśli tak, `E` należy do `L`, jeśli nie, sprawdzany jest warunek drugi, czyli sprawdzane jest czy `E` należy do pozostałej części listy. Zwróć uwagę na wykorzystanie zmiennej anonimowej.

Pierwszą klauzulę można zapisać krócej i otrzymać ostatecznie:

```
member2(E, [E|_]).  
member2(E, [_|0]) :- member2(E,0).
```

**Uwaga:** Jeśli `member` nie jest rozpoznawane przez interpreter, wykonaj:

```
?- ensure_loaded(library(lists)).
```

lub użyj:

```
?- L = [1,2,3,4], lists:member(3, L).
```

## Ćwiczenie 5:

Sprawdź jakie odpowiedzi otrzymasz na zapytanie:

```
?- member(X, [1,2,3,4,5]).
```

## Łączenie list

Za łączenie list odpowiada predykat `append(L1,L2,L3)`. Na końcu listy `L1` dopisuje listę `L2` i ukonkretnia `L3` powstała listą.

## Ćwiczenie 6:

Wypróbuj zapytania:

```
?- append([1,2,3], [4,5,6], L3).  
?- append(L1, [4,5,6], [1,2,3,4,5,6]).  
?- append(L1, L2, [1,2,3,4,5,6]).
```

Można zdefiniować samemu taki predykat:

```
append2([], L, L).
append2([X|L1], L2, [X|L3]) :- append2(L1, L2, L3).
```

Pierwszy warunek mówi, że każda lista dołączona do listy pustej daje tę samą listę `append2([], L, L)`. Drugi predykat opisuje regułę łączenia list w listę wynikową, tzn. mówi, że jeśli lista pierwsza jest niepusta, to głowa listy pierwszej staje się głową listy wynikowej, natomiast ogonem listy wynikowej jest ogon listy pierwszej złączony z listą drugą. Jak widać również tu wykorzystujemy rekurencję. Odcinając za każdym razem głowę listy pierwszej w końcu dojdziemy do warunku końcowego.

## Poprawne warunki końcowe rekurencji

Wywołania rekurencyjne muszą w pewnym momencie natrafić na warunek końcowy, tak by wszystkie wcześniejsze wywołania mogły się zakończyć powrotem. Kluczowe jest by wykonać to prawidłowo.

Rozważmy przykład kopiowania listy. Zdefiniujmy predykat `copy(L1, L2)`, który kopiuje zawartość `L1` do `L2`.

```
copy([G|O], [G|L]) :- copy(O, L).
copy([], _).
```

Wywołanie rekurencyjne znajduje się w pierwszej klauzuli. Warunek stopu (druga klauzula) wydaje się na pierwszy rzut oka prawidłowy: jeśli `L1` jest pusta, a `L2` dowolna, zwróć prawdę (bez wywołania rekurencyjnego). Jednak po uruchomieniu dostaniemy następujący wynik.

```
?- copy([1,2,3], X).
X = [1, 2, 3|_3482].
```

Widać, że na końcu listy wynikowej jest jakaś anonimowa niezainicjalizowana zmienna, rekurencja nie została zakończona prawidłowo (można powiedzieć, że ogon listy pozostał otwarty).

Wypróbuj następującą definicję predykatu `copy`.

```
copy([G|O], [G|L]) :- copy(O, L).
copy([], []).
```

Po uruchomieniu widać, że działa poprawnie.

```
?- copy([1,2,3], X).
X = [1, 2, 3].
```

Podobnie rozpatrzmy przykład predykatu `wybierz_mniejsze(E, L, W)`, który kopiuje do listy `W` elementy z listy `L`, jeśli są one mniejsze niż `E`. Przeanalizuj poniższe klauzule. Czy są one prawidłowe?

```
wybierz_mniejsze(E, [G|0], [G|L]) :- G < E, wybierz_mniejsze(E,0,L).
wybierz_mniejsze(E, [G|0], L) :- wybierz_mniejsze(E, 0, L).
wybierz_mniejsze(_, [], _).
```

Po uruchomieniu:

```
?- wybierz_mniejsze(3, [1,2,3,4,5], X).
X = [1, 2|_3534] .
```

Widać problem analogiczny do wcześniejszego. Czy poniższa zmiana w definicji `wybierz_mniejsze` wystarczy? Zwróć uwagę, że za `E` nie podstawiamy w trzeciej klauzuli listy pustej `[]`, gdyż `E` nie jest listą.

```
wybierz_mniejsze(E, [G|0], [G|L]) :- G < E, wybierz_mniejsze(E,0,L).
wybierz_mniejsze(E, [G|0], L) :- wybierz_mniejsze(E, 0, L).
wybierz_mniejsze(_, [], []).
```

Po uruchomieniu:

```
?- wybierz_mniejsze(3, [1,2,3,4,5], X).
X = [1, 2] .
```

Definicja `wybierz_mniejsze` zdaje się być prawidłowa, ale czy na pewno? Co jeśli poprosimy o inne możliwe odpowiedzi naciskając `;`?

```
?- wybierz_mniejsze(4, [1,2,3,4,5], X).
X = [1, 2, 3] ;
X = [1, 2] ;
X = [1, 3] ;
X = [1] ;
X = [2, 3] ;
X = [2] ;
X = [3] ;
X = [] ;
false.
```

Okazuje się, że pojawia się wiele odpowiedzi, z których tylko pierwsza jest dla nas prawidłowa. Oznacza to, że jednak źle sterujemy mechanizmem nawracania w prologu. Sprawdźmy następującą definicję.

```
wybierz_mniejsze(E, [G|0], [G|L]) :- G < E, wybierz_mniejsze(E,0,L).
wybierz_mniejsze(E, [G|0], L) :- G >= E, wybierz_mniejsze(E, 0, L).
wybierz_mniejsze(_, [], []).
```

Po uruchomieniu:

```
?- wybierz_mniejsze(4, [1,2,3,4,5], X).  
X = [1, 2, 3] ;  
false.
```

Teraz działa prawidłowo.

## Dzielenie listy

Predykat `dziel` przyjmuje cztery elementy:

```
dziel(E, L, L1, L2).
```

Dzieli on listę L na L1 i L2 w zależności od tego czy kolejne elementy L są mniejszy czy większe od E.

### Zadanie 1:

Przeanalizuj i przetestuj podane klauzule tego predykatu. Czy są poprawne? Weź pod uwagę informacje z wcześniejszego punktu. Napraw błędy i wpisz poniżej poprawną definicję i przykład uruchomienia.

```
dziel(E, [G|0], [G|L1], L2) :- G <= E, dziel(E,0,L1,L2).  
dziel(E, [G|0], L1, [G|L2]) :- dziel(E,0,L1,L2).  
dziel(_, [], _, _).
```

YOUR ANSWER HERE

```
dziel(_, [], [], []).
```

## Usuwanie z listy

Predykat `usun(E, L, W)` usuwa wszystkie wystąpienia E w liście L i wynikową listę zapisuje w liście W.

```
usun(_, [], []).  
usun(E, [E|0], W) :- !, usun(E,0,W).  
usun(E, [X|01], [X|02]) :- usun(E,01,02).
```

## Zastępowanie elementu X w L1 elementem Y i zapis do listy L2

```
zastap(_, [], _, []).  
zastap(X, [X|L1], Y, [Y|L2]) :- !, zastap(X, L1, Y, L2).  
zastap(X, [A|L1], Y, [A|L2]) :- !, zastap(X, L1, Y, L2).
```



## Znajdowanie elementu listy o podanym numerze.

Predykat `znajdz(N, L, X)` znajduje N-ty element listy L i ukonkretnia nim X.

```
znajdz(_, [], _) :- !, fail.  
znajdz(1, [X|_], X) :- !.  
znajdz(N, [_|0], X) :- M is N-1, znajdz(M, 0, X).
```

## Ostatni element listy.

Predykat `ostatni(X, L)` ukonkretnia X ostatnim elementem listy L.

```
ostatni(X, [X]).  
ostatni(X, [_|Y]) :- ostatni(X, Y).
```

Co ciekawe, powyższy predykat można również zdefiniować za pomocą predykatu `append`:

```
ostatni(X, L) :- append(_, [X], L).
```

## Sprawdzanie czy dana lista jest początkiem innej.

Predykat `prefiks(L1, L2)` sprawdza czy L1 jest początkiem L2.

```
prefiks([], _).  
prefiks([X|L1], [X|L2]) :- prefiks(L1, L2).
```

## Długość listy.

Predykat `długosc(L, N)` ukonkretnia N na liczbę elementów listy L.

```
długosc([], 0).  
długosc([G|0], N) :- długosc(0, N1), N is N1 + 1.
```

Do wykonania powyższej czynności zliczania elementów listy można użyć innej techniki, mianowicie wykorzystać tzw. licznik (akumulator). Jest to wskazane, jako że posługujemy się wtedy tzw. rekurencją prawostronną, która jest wydajniejsza i powoduje mniejsze zużycie pamięci komputera. Zdefiniujemy pomocniczy predykat `dl`:

```
dl([], Licznik, Licznik).  
dl([G|0], N, Licz) :- Licznik is Licz + 1, dl(0, N, Licznik).
```

Z wykorzystaniem predykatu `dl` można zdefiniować:

```
długosc2(L, N) :- dl(L, N, 0).
```

## Usuwanie powtórzeń

Akumulatorem może być także inna struktura, np. lista. Na przykład jeśli chcemy usunąć wszystkie powtarzające się elementy z listy, możemy zdefiniować predykat:

```
usun_powtorzenia([], X, X).  
usun_powtorzenia([G|0], X, L) :- member(G, X),  
usun_powtorzenia(0, X, L).  
usun_powtorzenia([G|0], X, L) :- usun_powtorzenia(0, [G|X], L).
```

## Wbudowane operacje na listach

SWI-Prolog ma wbudowane podstawowe operacje na listach. Dokładny ich opis znaleźć można na stronie manuala SWI-Prologa

<http://www.swi-prolog.org/pldoc/man?section=builtin>.

<http://www.swi-prolog.org/pldoc/man?section=lists>

```
append(?List1, ?List2, ?List3).  
member(?Elem, ?List).  
nexttto(?X, ?Y, ?List).  
delete(+List1, ?Elem, ?List2).  
select(?Elem, ?List, ?Rest).  
nth0(?Index, ?List, ?Elem).  
nth1(?Index, ?List, ?Elem).  
last(?List, ?Elem).  
reverse(+List1, -List2).  
permutation(?List1, ?List2).  
flatten(+List1, -List2).  
sumlist(+List, -Sum).  
numlist(+Low, +High, -List).
```

### Set Manipulation

```
is_set(+Set).  
list_to_set(+List, -Set).  
intersection(+Set1, +Set2, -Set3).  
subtract(+Set, +Delete, -Result).  
union(+Set1, +Set2, -Set3).  
subset(+Subset, +Set).  
is_list(+Term).  
memberchk(?Elem, +List).  
length(?List, ?Int).  
sort(+List, -Sorted).  
msort(+List, -Sorted).  
keysort(+List, -Sorted).  
predsort(+Pred, +List, -Sorted).
```

```
merge(+List1, +List2, -List3).  
merge_set(+Set1, +Set2, -Set3).
```

## Zadanie 2:

Napisz predykat liczący silnię danej liczby.

```
silnia(N, X).
```

YOUR ANSWER HERE

```
silnia(0, 1).
```

```
silnia(N, X) :- N > 0, N1 is N - 1, silnia(N1, X1), X is N * X1.
```

## Zadanie 3:

Napisz predykat znajdujący maksymalną (minimalną) wartość w liście.

```
maximum(L, X).  
minimum(L, X).
```

YOUR ANSWER HERE

```
maximum([], 0).
```

```
maximum([G|O], X) :- maximum(O, O1), G > O1, X is G.
```

```
maximum([G|O], X) :- maximum(O, O1), G <= O1, X is O1.
```

```
minimum([], 0).
```

```
minimum([G|O], X) :- maximum(O, O1), G < O1, X is G.
```

```
minimum([G|O], X) :- maximum(O, O1), G <= O1, X is O1.
```

## Zadanie 4:

Zdefiniuj predykat liczący sumę wszystkich elementów listy.

```
suma(L, Suma).
```

YOUR ANSWER HERE

```
suma([], 0).
```

```
suma([G|O], Suma) :- suma(O, S), Suma is S + G.
```

## Zadanie 5:

Jak wypisać jednym poleceniem wszystkie permutacje liczb od 1 do 5? Użyj predykatu wbudowanego `permutation`.

YOUR ANSWER HERE

```
permutation([1,2,3,4,5], X).
```

## Podstawowe operacje wejścia/wyjścia w Prologu

Najprostszą operacją jest czytanie pojedynczego znaku:

```
?- get0(X).
```

Pisanie pojedynczego znaku jest realizowane przez predykat `put`

```
?- put(104), put(101), put(108), put(108), put(111).
```

Można pisać całe termy:

```
?- write('Podaj dane: ').
```

Zwróć uwagę czy różni się to od polecenia (w GNU Prolog (w terminalu uruchamiamy poleceniem `prolog`)):

```
?- write("Podaj dane: " ).
```

Jaka jest sytuacja podczas czytania za pomocą predykatu `read(X)`.

```
?- read(X).  
'Jakies dane'  
  
?- read(X).  
"Jakies dane"
```

Pisanie do pliku można zrealizować za pomocą predykatu `tell`, który ustawia pisanie do danego pliku. Predykat `told` kończy pisanie do danego pliku. Podobnie, czytanie z pliku zaczyna się predykatem `see`, a kończy predykatem `seen`.

Przykład 1.

Uwaga: Ustaw bieżący katalog za pomocą `working_directory(-Old, +New)`

Sprawdź: [http://www.swi-prolog.org/pldoc/man?predicate=working\\_directory/2](http://www.swi-prolog.org/pldoc/man?predicate=working_directory/2)

Chcemy zapytać użytkownika o listę liczb i zapisać ją do pliku.

```
pisz_plik :- write('Podaj liste: '), read(L1), tell('przyklad.txt'),
write(L1), write(.), nl, told.
```

`write(.)` jest konieczne do późniejszego odczytu, jako że wszystkie predykaty w Prologu muszą kończyć się kropką.

### Przykład 2.

Chcemy odczytać wcześniej zapisaną listę z pliku, obliczyć sumę jej elementów, wyświetlić tę sumę oraz dodać do bazy wiedzy Prologu predykat `moja_suma(Suma)`, gdzie zmienna `Suma` jest ukonkretniona na właśnie wyliczoną sumę elementów.

```
czytaj_plik :- write('Czytam z pliku...'), nl, see('przyklad.txt'),
read(L), seen,
write('suma elementow listy z pliku wynosi: '), sumlist(L,Suma),
write(Suma), assertz(moja_suma(Suma)).
```

Zadaj pytanie:

```
?- czytaj_plik.
```

A następnie:

```
?- moja_suma(X).
```

### Przykład 3.

Chcemy zapytać użytkownika, z jakiego pliku odczytać dane, następnie odczytać z podanego pliku wszystkie listy i wyliczyć sumę elementów każdej listy.

```
czytaj_all :- write('Podaj plik: '), read(Plik), see(Plik), repeat,
not(czyt), seen, nl, write('Skonczone!').
czyt :- read(L), sumlist(L, S), nl, write('suma='), write(S).
```

**Uwaga:** Nazwę pliku należy podawać jako `'nazwa_pliku'` nie jako `"nazwa_pliku"`.

## Zadanie 6:

Zmodyfikuj przykład 3 w taki sposób aby wszystkie imiona zapisane w pliku zostały wczytane i dodane do bazy wiedzy jako predykat `imie(OdczytaneImie)`.

YOUR ANSWER HERE

## Dynamiczna zmiana pamięci

Predykaty `asserta` oraz `assertz` dodają do pamięci podane predykaty. Pierwszy z nich dodaje na początek bazy wiedzy, drugi na koniec. Np. chcemy dodać informację, że podane przez użytkownika imię to imię kobiece

```
dodaj_kobieta :- write('Podaj nowe imie kobiety: '), nl, read(Imie),  
assertz(imie_kobiece(Imie)).
```

Możemy teraz wykonując `dodaj_kobieta` dodać imię `kasja` a następnie zadać pytanie:

```
?- imie_kobiece(X).
```

I otrzymamy odpowiedź np. `X = kasja`.

Aby usunąć dany predykat z pamięci używamy predykatów `retract` oraz `retractall`. Np.

```
?- retract(imie_kobiece(kasia)).  
?- retractall(imie_kobiece(_)).
```

Predykat

```
abolish(nazwa_predykatu_do_usuniecia, ilosc_argumentow_predykatu)
```

pozwała usunąć wszystkie klauzule danego predykatu, które mają daną ilość argumentów. Np.

```
?- abolish(imie_kobiece, 1).
```

© Katedra Informatyki, Politechnika Krakowska