

# **Data Science in der Versicherung - Vorbereitung für Vorstellungsgespräch**

---

**Sachversicherung | Operatives Controlling |  
Data Scientist**

---

---

## **Inhaltsverzeichnis**

---

1. Schadenfälle klassifizieren
  2. Wahrscheinlichkeitsmodelle
  3. Tarifierungsmerkmale im Vertragsbereich
  4. Kennzahlensystem von Schadensdaten
  5. Messwerte zur Modellgüteprüfung
  6. Operatives Controlling in der Sachversicherung
  7. Case Study Vorbereitung
-

# 1. Schadenfälle klassifizieren

---

## 1.1 Überblick

Die Klassifikation von Schadenfällen ist zentral für: - **Risikobewertung**: Identifikation von Mustern und Risikofaktoren - **Prämienkalkulation**: Anpassung von Tarifen basierend auf Schadenhäufigkeit - **Ressourcenplanung**: Optimale Zuteilung von Bearbeitungskapazitäten - **Betrugserkennung**: Identifikation verdächtiger Schadenfälle

## 1.2 Klassifikationsprobleme in der Versicherung

### 1.2.1 Binäre Klassifikation

- **Frage**: Ist ein Schadenfall legitim oder betrügerisch?
- **Ziel**: Automatische Erkennung von Betrugsfällen
- **Anwendung**: Erstbewertung neuer Schadenfälle

```
from sklearn.ensemble import RandomForestClassifier
from sklearn.model_selection import train_test_split
from sklearn.metrics import classification_report, confusion_matrix

# Beispiel: Betrugserkennung
# Features: Schadenshöhe, Zeitpunkt, Versicherungsdauer, Historie,
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y, test_size=0.2)

model = RandomForestClassifier(n_estimators=100, random_state=42)
model.fit(X_train, y_train)
predictions = model.predict(X_test)
```

### 1.2.2 Multi-Klassen-Klassifikation

- **Frage**: Welcher Schadentyp liegt vor? (z.B. Brand, Wasserschaden, Diebstahl, Sturm)
- **Ziel**: Automatische Kategorisierung für besseres Routing

- **Anwendung:** Erstklassifikation bei Schadenmeldung

```
from sklearn.linear_model import LogisticRegression
from sklearn.metrics import accuracy_score, f1_score

# Multi-Klassen-Klassifikation für Schadentypen
model = LogisticRegression(multi_class='multinomial', solver='lbfgs')
model.fit(X_train, y_train)

# Vorhersage und Evaluation
predictions = model.predict(X_test)
accuracy = accuracy_score(y_test, predictions)
f1_macro = f1_score(y_test, predictions, average='macro')
```

## 1.3 Wichtige Features für Schadenklassifikation

### 1.3.1 Versicherungsbezogene Features

- **Vertragsmerkmale:** Versicherungsdauer, Deckungsumfang, Selbstbeteiligung
- **Versicherungssumme:** Versicherter Wert
- **Tarifgruppe:** Bisherige Prämie, Risikoklasse
- **Historie:** Anzahl früherer Schäden, Schadenkosten in der Vergangenheit

### 1.3.2 Schadenbezogene Features

- **Schadenshöhe:** Geschätzter oder tatsächlicher Schaden
- **Schadentyp:** Kategorie (Brand, Wasser, etc.)
- **Schadenursache:** Beschreibung der Ursache
- **Zeitpunkt:** Datum, Saison, Tageszeit

### 1.3.3 Objektbezogene Features

- **Objekttyp:** Wohnung, Haus, Gewerbeobjekt
- **Standort:** PLZ, Region, Risikogebiet (Überschwemmung, etc.)
- **Alter/Größe:** Baujahr, Wohnfläche, etc.

- **Nutzung:** Wohnung, Büro, Lager, etc.

## 1.4 Praktische Implementierung

```
import pandas as pd
import numpy as np
from sklearn.preprocessing import LabelEncoder, StandardScaler
from sklearn.ensemble import GradientBoostingClassifier
from sklearn.model_selection import cross_val_score

# Datenaufbereitung
def prepare_schaden_data(df):
    """Schadensdaten für Klassifikation vorbereiten"""

    # Kategorische Variablen encodieren
    le = LabelEncoder()
    categorical_cols = ['schadentyp', 'objekttyp', 'region', 'ursache']

    for col in categorical_cols:
        df[f'{col}_encoded'] = le.fit_transform(df[col].astype(str))

    # Numerische Features normalisieren
    scaler = StandardScaler()
    numerical_cols = ['schadenshoehe', 'versicherungssumme', 'versicherung']
    df[numerical_cols] = scaler.fit_transform(df[numerical_cols])

    return df

# Modelltraining
def train_schaden_classifier(X, y):
    """Schadenklassifikator trainieren"""

    model = GradientBoostingClassifier(
        n_estimators=200,
        learning_rate=0.1,
        max_depth=5,
        random_state=42
    )

    # Cross-Validation
    cv_scores = cross_val_score(model, X, y, cv=5, scoring='f1_macro')
    print(f"F1-Score (Cross-Validation): {cv_scores.mean():.3f} (+/-")
```

```

# Finales Modell trainieren
model.fit(X, y)
return model

# Feature Importance analysieren
def analyze_feature_importance(model, feature_names):
    """Wichtigste Features für Klassifikation identifizieren"""

    importances = model.feature_importances_
    indices = np.argsort(importances)[::-1]

    print("\nTop 10 wichtigste Features:")
    for i in range(10):
        print(f"{i+1}. {feature_names[indices[i]]}: {importances[indices[i]]}")

    return importances

```

## 1.5 Anwendungsfälle im operativen Controlling

- **Automatisches Schaden-Routing:** Schadenfälle automatisch an richtige Abteilung weiterleiten
- **Ressourcenplanung:** Erwartete Bearbeitungszeiten schätzen
- **Betrugsprävention:** Verdächtige Fälle frühzeitig identifizieren
- **Kostensteuerung:** High-value Schäden priorisieren

## 2. Wahrscheinlichkeitsmodelle

### 2.1 Grundlagen

Wahrscheinlichkeitsmodelle sind Kern der Versicherungsmathematik und ermöglichen:

- **Schadenwahrscheinlichkeit:** Wie wahrscheinlich ist ein Schaden?
- **Schadenhöhe:** Wie hoch wird der Schaden erwartungsgemäß sein?
- **Risikobewertung:** Kombination von Häufigkeit und Schwere

## 2.2 Häufigkeitsverteilungen (Claim Frequency)

### 2.2.1 Poisson-Verteilung

- **Anwendung:** Anzahl der Schäden pro Versicherungsperiode
- **Annahme:** Seltene, unabhängige Ereignisse
- **Parameter:**  $\lambda$  (Lambda) = erwartete Anzahl Schäden

```
from scipy import stats
import numpy as np

# Poisson-Verteilung für Schadenhäufigkeit
lambda_param = 0.5 # z.B. 0.5 Schäden pro Jahr im Durchschnitt

# Wahrscheinlichkeit für k Schäden
k = 2
prob_k_claims = stats.poisson.pmf(k, lambda_param)
print(f"Wahrscheinlichkeit für {k} Schäden: {prob_k_claims:.4f}")

# Kumulative Verteilung
prob_at_least_one = 1 - stats.poisson.pmf(0, lambda_param)
print(f"Wahrscheinlichkeit für mindestens 1 Schaden: {prob_at_least_one:.4f}")

# Beispiel: Häufigkeitsmodellierung für verschiedene Risikogruppen
risk_groups = {
    'niedrig': 0.1,    # 0.1 Schäden/Jahr
    'mittel': 0.5,    # 0.5 Schäden/Jahr
    'hoch': 1.2       # 1.2 Schäden/Jahr
}

for group, lambda_val in risk_groups.items():
    expected_claims = lambda_val
    print(f"{group.capitalize()}es Risiko: {expected_claims:.2f} er
```

### 2.2.2 Negative Binomialverteilung

- **Anwendung:** Wenn Varianz > Mittelwert (Überdispersion)

- **Vorteil:** Flexibler als Poisson, berücksichtigt Heterogenität
- **Parameter:**  $r$  (Anzahl Erfolge),  $p$  (Erfolgswahrscheinlichkeit)

```
# Negative Binomial für überdispertierte Schadenhäufigkeit
r = 2
p = 0.4

# Wahrscheinlichkeitsverteilung
k_values = np.arange(0, 6)
probs = stats.nbinom.pmf(k_values, r, p)

print("Negative Binomial - Schadenhäufigkeit:")
for k, prob in zip(k_values, probs):
    print(f" {k} Schäden: {prob:.4f}")
```

## 2.3 Schwereverteilungen (Claim Severity)

### 2.3.1 Lognormale Verteilung

- **Anwendung:** Schadenhöhen (häufig für Sachversicherung)
- **Vorteil:** Positiv, rechtssteil (wie typische Schadenhöhen)
- **Parameter:**  $\mu$  (Mittelwert des Logs),  $\sigma$  (Standardabweichung des Logs)



```
# Lognormale Verteilung für Schadenhöhen
mu = 7          # Mittelwert des Logarithmus
sigma = 1.5     # Standardabweichung des Logarithmus

# Zufällige Schadenhöhen generieren
sample_claims = stats.lognorm.rvs(s=sigma, scale=np.exp(mu), size=10000)

# Statistiken
mean_claim = np.mean(sample_claims)
median_claim = np.median(sample_claims)
print(f"Mittlere Schadenhöhe: €{mean_claim:,.2f}")
print(f"Median Schadenhöhe: €{median_claim:,.2f}")

# Wahrscheinlichkeit, dass Schaden > Schwellwert
threshold = 10000
prob_large = 1 - stats.lognorm.cdf(threshold, s=sigma, scale=np.exp(mu))
print(f"Wahrscheinlichkeit für Schaden > €{threshold:,.2f}: {prob_large:.2f}")
```

### 2.3.2 Gamma-Verteilung

- **Anwendung:** Alternative für Schadenhöhen
- **Vorteil:** Flexibel in Form, gut für verschiedene Schadentypen
- **Parameter:**  $\alpha$  (Shape),  $\beta$  (Rate)

```
# Gamma-Verteilung für Schadenhöhen
alpha = 2
beta = 0.001 # Rate parameter

# Erwartungswert und Varianz
expected_value = alpha / beta
variance = alpha / (beta ** 2)
print(f"Erwartete Schadenhöhe: €{expected_value:,.2f}")
print(f"Varianz: €{variance:,.2f}")
```

### 2.3.3 Pareto-Verteilung

- **Anwendung:** Große Schäden (Tail-Risiko)

- **Vorteil:** Modelliert seltene, aber sehr hohe Schäden
- **Wichtig:** Für Extremwertanalyse

```
# Pareto-Verteilung für extreme Schäden
alpha = 2.5 # Shape parameter
xmin = 10000 # Minimum-Schwellwert

# Wahrscheinlichkeit für sehr hohe Schäden
very_high_claim = 50000
prob_extreme = 1 - stats.pareto.cdf(very_high_claim / xmin, alpha)
print(f"Wahrscheinlichkeit für Schaden > €{very_high_claim:,.2f}: {
```

## 2.4 Compound-Modelle (Häufigkeit × Schwere)

### 2.4.1 Gesamtschadenverteilung

Gesamtschaden = Summe aller einzelnen Schäden in einer Periode

```

def simulate_total_loss(frequency_param, severity_params, n_simulations):
    """
    Simuliere Gesamtschadenverteilung

    Parameters:
    - frequency_param: Lambda für Poisson (Häufigkeit)
    - severity_params: (mu, sigma) für Lognormal (Schwere)
    - n_simulations: Anzahl Simulationen
    """
    total_losses = []

    for _ in range(n_simulations):
        # Anzahl Schäden
        n_claims = stats.poisson.rvs(frequency_param)

        # Summe der Schadenhöhen
        if n_claims > 0:
            individual_claims = stats.lognorm.rvs(
                s=severity_params[1],
                scale=np.exp(severity_params[0]),
                size=n_claims
            )
            total_loss = np.sum(individual_claims)
        else:
            total_loss = 0

        total_losses.append(total_loss)

    return np.array(total_losses)

# Beispiel: Gesamtschaden pro Jahr simulieren
lambda_annual = 0.8 # 0.8 Schäden pro Jahr im Durchschnitt
mu_severity, sigma_severity = 7, 1.5 # Lognormal Parameter für Schadenhöhen

total_losses = simulate_total_loss(lambda_annual, (mu_severity, sigma_severity), 1000)

# Statistiken
mean_total = np.mean(total_losses)
var95 = np.percentile(total_losses, 95)
var99 = np.percentile(total_losses, 99)

```

```
print(f"Erwarteter Gesamtschaden: €{mean_total:,.2f}")
print(f"Value at Risk (95%): €{var95:,.2f}")
print(f"Value at Risk (99%): €{var99:,.2f}")
```

## 2.5 Regressionsmodelle für Wahrscheinlichkeiten

### 2.5.1 Poisson-Regression

- **Ziel:** Schadenhäufigkeit basierend auf Risikofaktoren modellieren
- **Anwendung:** GLM (Generalized Linear Model)

```
from sklearn.linear_model import PoissonRegressor
import statsmodels.api as sm
from statsmodels.discrete.discrete_model import Poisson

# Poisson Regression für Häufigkeitsmodellierung
# Beispiel: Schadenhäufigkeit basierend auf Objekttyp, Region, etc.

# Mit statsmodels (bessere Statistiken)
X = sm.add_constant(X_features) # Features mit Konstante
y_frequency = df['anzahl_schaeden'] # Anzahl Schäden als Zielvariable

poisson_model = Poisson(y_frequency, X)
poisson_results = poisson_model.fit()

print(poisson_results.summary())

# Mit scikit-learn (einfacher zu nutzen)
model = PoissonRegressor(alpha=0.1)
model.fit(X_features, y_frequency)

# Vorhersage: Erwartete Anzahl Schäden für neuen Vertrag
expected_frequency = model.predict(new_contract_features)
```

### 2.5.2 Gamma-Regression

- **Ziel:** Schadenhöhe basierend auf Risikofaktoren modellieren

- **Link-Funktion:** Logarithmus (log-link)

```
from statsmodels.genmod.generalized_linear_model import GLM
from statsmodels.genmod import families

# Gamma Regression für Schadenhöhenmodellierung
y_severity = df['schadenshoehe'] # Schadenhöhe als Zielvariable
X_features = df[['objekttyp', 'region', 'alter', 'versicherungssumme']]

# GLM mit Gamma-Familie und log-link
gamma_model = GLM(y_severity, X_features, family=families.Gamma(fan
gamma_results = gamma_model.fit()

print(gamma_results.summary())
```

## 2.6 Anwendungsfälle im operativen Controlling

- **Reservierung:** Statistische Reserven für offene Schäden
- **Prämienkalkulation:** Erwartete Schadenkosten pro Risiko
- **Risikomanagement:** VaR (Value at Risk) Berechnung
- **Planung:** Prognose erwarteter Schadenkosten

---

## 3. Tarifierungsmerkmale im Vertragsbereich

---

### 3.1 Überblick

Tarifierungsmerkmale sind Variablen, die zur Prämienberechnung verwendet werden:

- **Ziel:** Risiko-adäquate Prämien - **Prinzip:** Gleiche Risiken → gleiche Prämien -

**Rechtliche Anforderungen:** Transparenz, Diskriminierungsverbot

## 3.2 Typische Tarifierungsmerkmale in der Sachversicherung

### 3.2.1 Objektbezogene Merkmale

- **Objekttyp:** Wohnung, Haus, Gewerbeobjekt
- **Baujahr:** Alter des Gebäudes
- **Gebäudeart:** Massivbau, Holzbau, etc.
- **Größe:** Wohnfläche, Grundstücksgröße
- **Wohnsituation:** Eigennutzung, Vermietung

### 3.2.2 Standortmerkmale

- **Region/PLZ:** Geografische Lage
- **Risikogebiet:** Überschwemmungsgebiet, Erdbebenzone
- **Kriminalitätsrate:** Einbruchrisiko
- **Infrastruktur:** Feuerwehr-Erreichbarkeit

### 3.2.3 Vertragsbezogene Merkmale

- **Versicherungssumme:** Höhe der Deckung
- **Selbstbeteiligung:** Eigenanteil bei Schaden
- **Deckungsumfang:** Welche Risiken sind abgedeckt
- **Laufzeit:** Vertragsdauer

### 3.2.4 Historische Merkmale

- **Schadenhistorie:** Anzahl/Schwere früherer Schäden
- **Vertragsdauer:** Seit wann bei dieser Versicherung
- **Wechselhäufigkeit:** Versichererwechsel in der Vergangenheit

### 3.3 Feature Engineering für Tarifierung

```
import pandas as pd
import numpy as np
from sklearn.preprocessing import StandardScaler, LabelEncoder
from sklearn.feature_selection import mutual_info_regression

def prepare_tarification_features(df):
    """Tarifierungsmerkmale aufbereiten"""

    # 1. Kategorische Variablen encodieren
    categorical_cols = ['objekttyp', 'region', 'bauart', 'deckungsu

    # Option 1: One-Hot Encoding
    df_encoded = pd.get_dummies(df, columns=categorical_cols, prefix

    # Option 2: Target Encoding (besser für stark kardinale Variabl
    for col in categorical_cols:
        target_mean = df.groupby(col)['praemie'].mean()
        df[f'{col}_target_encoded'] = df[col].map(target_mean)

    # 2. Interaktionsterme erstellen
    df['wohnflaeche_x_objekttyp'] = df['wohnflaeche'] * df['objekttyp']
    df['alter_x_region'] = df['baujahr'] * df['region_encoded']

    # 3. Transformationen
    df['log_versicherungssumme'] = np.log1p(df['versicherungssumme'])
    df['versicherungssumme_per_qm'] = df['versicherungssumme'] / df['

    # 4. Zeitbasierte Features
    df['vertragsdauer_jahre'] = (pd.Timestamp.now() - df['vertragsk
    df['saison'] = df['vertragsbeginn'].dt.month.map({
        12: 'Winter', 1: 'Winter', 2: 'Winter',
        3: 'Frühling', 4: 'Frühling', 5: 'Frühling',
        6: 'Sommer', 7: 'Sommer', 8: 'Sommer',
        9: 'Herbst', 10: 'Herbst', 11: 'Herbst'
    })

    return df
```

```

# Feature Importance für Tarifierung
def analyze_tarification_features(X, y):
    """Wichtige Tarifierungsmerkmale identifizieren"""

    # Mutual Information Score
    mi_scores = mutual_info_regression(X, y, random_state=42)

    # Feature-Wichtigkeit sortieren
    feature_importance = pd.DataFrame({
        'feature': X.columns,
        'importance': mi_scores
    }).sort_values('importance', ascending=False)

    print("Top 10 wichtigste Tarifierungsmerkmale:")
    print(feature_importance.head(10))

    return feature importance

```

## 3.4 Prämienmodellierung

### 3.4.1 Generalisiertes Lineares Modell (GLM)

GLM ist Standard in der Versicherungstarifierung.



```

import statsmodels.api as sm
from statsmodels.genmod import families, links

def build_glm_premium_model(df):
    """GLM-Modell für Prämienkalkulation"""

    # Zielvariable: Prämie (oder Schadenkosten)
    y = df['praemie']

    # Features
    X = df[['objekttyp', 'region', 'wohnflaeche', 'versicherungssumme',
            'baujahr', 'selbstbeteiligung', 'vertragsdauer']]

    # Dummies erstellen
    X_encoded = pd.get_dummies(X, drop_first=True)
    X_encoded = sm.add_constant(X_encoded)

    # GLM mit Gamma-Familie (für Prämien/Schadenkosten)
    # Log-Link für multiplikative Effekte
    glm_model = sm.GLM(
        y,
        X_encoded,
        family=families.Gamma(link=links.log())
    )

    results = glm_model.fit()

    print(results.summary())

    # Prämienvorhersage für neuen Vertrag
    def predict_premium(new_contract):
        """Prämie für neuen Vertrag vorhersagen"""
        new_X = prepare_features(new_contract)
        premium = results.predict(new_X)
        return premium

    return results, predict_premium

```

```
# Alternative: GAM (Generalized Additive Model)
# Für nicht-lineare Zusammenhänge
```

### **3.4.2 XGBoost für Tarifierung**

Moderne ML-Ansätze können GLM ergänzen.

```

import xgboost as xgb
from sklearn.model_selection import train_test_split

def build_xgboost_premium_model(df):
    """XGBoost-Modell für Prämienkalkulation"""

    # Features und Zielvariable
    feature_cols = ['objekttyp', 'region', 'wohnflaeche', 'versicherung',
                    'baujahr', 'selbstbeteiligung', 'schadenhistorie']

    X = pd.get_dummies(df[feature_cols])
    y = df['praemie']

    # Train/Test Split
    X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y, test_size=0.2,
                                                         random_state=42)

    # XGBoost Modell
    model = xgb.XGBRegressor(
        n_estimators=200,
        learning_rate=0.1,
        max_depth=5,
        objective='reg:squarederror'
    )

    model.fit(X_train, y_train)

    # Evaluation
    train_pred = model.predict(X_train)
    test_pred = model.predict(X_test)

    from sklearn.metrics import mean_absolute_error, r2_score

    train_mae = mean_absolute_error(y_train, train_pred)
    test_mae = mean_absolute_error(y_test, test_pred)
    r2 = r2_score(y_test, test_pred)

    print(f"Train MAE: €{train_mae:,.2f}")
    print(f"Test MAE: €{test_mae:,.2f}")
    print(f"R² Score: {r2:.4f}")

```

```
return model
```

### 3.5 Tarifstrukturanalyse

```
def analyze_tariff_structure(df):  
    """Tarifstruktur analysieren"""  
  
    # Prämie nach Risikogruppen  
    tariff_analysis = df.groupby(['objekttyp', 'region']).agg({  
        'praemie': ['mean', 'median', 'std', 'count'],  
        'schadenshoehe': 'mean',  
        'anzahl_schaeden': 'mean'  
    }).round(2)  
  
    # Loss Ratio nach Tarifgruppe  
    df['loss_ratio'] = df['schadenshoehe'] / df['praemie']  
  
    loss_ratio_by_tariff = df.groupby(['objekttyp', 'region']).agg({  
        'loss_ratio': ['mean', 'count'],  
        'praemie': 'sum',  
        'schadenshoehe': 'sum'  
    })  
  
    print("Loss Ratio nach Tarifgruppe:")  
    print(loss_ratio_by_tariff)  
  
    # Tarifgruppen mit schlechter Performance identifizieren  
    problem_tariffs = loss_ratio_by_tariff[  
        loss_ratio_by_tariff['loss_ratio']['mean'] > 1.0  
    ]  
  
    print("\nTarifgruppen mit Loss Ratio > 100%:")  
    print(problem_tariffs)  
  
    return tariff_analysis, loss_ratio_by_tariff
```

## 3.6 Anwendungsfälle im operativen Controlling

- **Tarifanpassung:** Identifikation von Unter-/Übertarifierung
  - **Performance-Monitoring:** Loss Ratio nach Tarifgruppen
  - **Marktpositionierung:** Wettbewerbsanalyse der Prämien
  - **Risikosegmentierung:** Differenzierung nach Risikogruppen
- 

## 4. Kennzahlensystem von Schadensdaten

---

### 4.1 Überblick

Ein Kennzahlensystem ermöglicht: - **Operatives Controlling:** Tägliches Monitoring der Schadenperformance - **Früherkennung:** Trends und Anomalien schnell erkennen - **Steuerung:** Entscheidungsgrundlage für Management - **Reporting:** Strukturierte Berichterstattung

### 4.2 Zentrale Schaden-Kennzahlen

#### 4.2.1 Häufigkeitskennzahlen

**Loss Frequency Rate (LFR)**

**Formel:** Anzahl Schäden / Anzahl Versicherungsjahre

```
def calculate_loss_frequency_rate(df):
    """Loss Frequency Rate berechnen"""

    total_claims = df['anzahl_schaeden'].sum()
    total_exposure = df['anzahl_versicherungsjahre'].sum()

    lfr = total_claims / total_exposure
    print(f"Loss Frequency Rate: {lfr:.4f} Schäden pro Versicherungsjahr")

    # LFR nach Segmenten
    lfr_by_segment = df.groupby('segment').apply(
        lambda x: x['anzahl_schaeden'].sum() / x['anzahl_versicherungsjahre'].sum()
    )

    return lfr, lfr_by_segment
```

### Claim Frequency

**Formel:** Anzahl Schäden / Anzahl Verträge

```
def calculate_claim_frequency(df):
    """Claim Frequency berechnen"""

    total_claims = df['anzahl_schaeden'].sum()
    total_policies = len(df)

    claim_freq = total_claims / total_policies
    print(f"Claim Frequency: {claim_freq:.4f} Schäden pro Vertrag")

    return claim_freq
```

## 4.2.2 Schwerekeennzahlen

### Average Loss per Claim (ALC)

**Formel:** Gesamtschadenhöhe / Anzahl Schäden

```
def calculate_average_loss_per_claim(df):
    """Durchschnittliche Schadenhöhe pro Schadenfall"""

    total_loss = df['schadenshoehe'].sum()
    total_claims = df['anzahl_schaeden'].sum()

    alc = total_loss / total_claims
    print(f"Average Loss per Claim: €{alc:,.2f}")

    # ALC nach Schadentyp
    alc_by_type = df.groupby('schadentyp').apply(
        lambda x: x['schadenshoehe'].sum() / x['anzahl_schaeden'].sum()
    )

    return alc, alc_by_type
```

### Average Loss per Policy (ALP)

**Formel:** Gesamtschadenhöhe / Anzahl Verträge

```
def calculate_average_loss_per_policy(df):
    """Durchschnittliche Schadenhöhe pro Vertrag"""

    total_loss = df['schadenshoehe'].sum()
    total_policies = len(df)

    alp = total_loss / total_policies
    print(f"Average Loss per Policy: €{alp:,.2f}")

    return alp
```

### Median Loss

Wichtig für robuste Kennzahl (weniger anfällig für Ausreißer).

```
def calculate_median_loss(df):  
    """Median-Schadenhöhe"""  
  
    median_loss = df['schadenshoehe'].median()  
    print(f"Median Loss: €{median_loss:,.2f}")  
  
    # Vergleich Median vs. Mittelwert  
    mean_loss = df['schadenshoehe'].mean()  
    print(f"Mean Loss: €{mean_loss:,.2f}")  
    print(f"Differenz: €{mean_loss - median_loss:,.2f}")  
  
    return median_loss
```

### 4.2.3 Kombinierte Kennzahlen

#### Loss Ratio (Schadenquote)

**Formel:**  $(\text{Gesamtschadenhöhe} / \text{Gesamtprämien}) \times 100\%$



```
def calculate_loss_ratio(df):
    """Loss Ratio berechnen"""

    total_loss = df['schadenshoehe'].sum()
    total_premium = df['praemie'].sum()

    loss_ratio = (total_loss / total_premium) * 100
    print(f"Loss Ratio: {loss_ratio:.2f}%")

    # Loss Ratio Ziel: < 100% (Versicherung macht Gewinn)
    if loss_ratio > 100:
        print("⚠️ Warnung: Loss Ratio über 100% - Verlust!")

    # Loss Ratio nach Segmenten
    loss_ratio_by_segment = df.groupby('segment').apply(
        lambda x: (x['schadenshoehe'].sum() / x['praemie'].sum()) *
    )

    return loss_ratio, loss_ratio_by_segment
```

### Combined Ratio

**Formel:** Loss Ratio + Expense Ratio

```
def calculate_combined_ratio(df, total_expenses):
    """Combined Ratio berechnen"""

    total_loss = df['schadenshoehe'].sum()
    total_premium = df['praemie'].sum()

    loss_ratio = (total_loss / total_premium) * 100
    expense_ratio = (total_expenses / total_premium) * 100

    combined_ratio = loss_ratio + expense_ratio
    print(f"Loss Ratio: {loss_ratio:.2f}%")
    print(f"Expense Ratio: {expense_ratio:.2f}%")
    print(f"Combined Ratio: {combined_ratio:.2f}%")

    return combined_ratio
```

## 4.2.4 Weitere wichtige Kennzahlen

### Claim Severity Index

**Formel:**  $(\text{Aktuelle ALC} / \text{Historische ALC}) \times 100$

```
def calculate_claim_severity_index(current_alc, historical_alc):
    """Claim Severity Index - Trend in Schadenhöhe"""

    severity_index = (current_alc / historical_alc) * 100
    print(f"Claim Severity Index: {severity_index:.2f}")

    if severity_index > 100:
        print("⚠ Schadenhöhen steigen im Vergleich zur Historie")

    return severity_index
```

### IBNR (Incurred But Not Reported)

Geschätzte Schäden, die noch nicht gemeldet wurden.

```
def estimate_ibnr(df, development_factor):  
    """  
    IBNR-Schätzung  
    development_factor: Faktor basierend auf historischen Daten  
    """  
  
    reported_claims = df['gemeldete_schaeden'].sum()  
    ibnr = reported_claims * development_factor  
  
    print(f"Gemeldete Schäden: €{reported_claims:,.2f}")  
    print(f"Geschätztes IBNR: €{ibnr:,.2f}")  
    print(f"Gesamtschaden (inkl. IBNR): €{reported_claims + ibnr:,.2f}")  
  
    return ibnr
```



## 4.3 Dashboard-Kennzahlen

```
import pandas as pd
import numpy as np
from datetime import datetime, timedelta

def create_schaden_dashboard(df, reporting_date):
    """Vollständiges Schaden-Dashboard erstellen"""

    dashboard = {}

    # 1. Übersichtskennzahlen
    dashboard['total_claims'] = df['anzahl_schaeden'].sum()
    dashboard['total_loss'] = df['schadenshoehe'].sum()
    dashboard['total_premium'] = df['praemie'].sum()
    dashboard['loss_ratio'] = (dashboard['total_loss'] / dashboard['total_premium']) * 100

    # 2. Häufigkeitskennzahlen
    total_exposure = df['anzahl_versicherungsjahre'].sum()
    dashboard['loss_frequency_rate'] = dashboard['total_claims'] / total_exposure

    # 3. Schwerekennzahlen
    dashboard['average_loss_per_claim'] = dashboard['total_loss'] / dashboard['total_claims']
    dashboard['median_loss'] = df['schadenshoehe'].median()

    # 4. Trends (vs. Vormonat/Vorjahr)
    # Hier würde man historische Daten vergleichen

    # 5. Segment-Analyse
    segment_analysis = df.groupby('segment').agg({
        'schadenshoehe': 'sum',
        'praemie': 'sum',
        'anzahl_schaeden': 'sum'
    })
    segment_analysis['loss_ratio'] = (
        segment_analysis['schadenshoehe'] / segment_analysis['praemie']
    ) * 100

    dashboard['segment_analysis'] = segment_analysis
```

```

return dashboard

# Visualisierung der Kennzahlen
def visualize_kpis(df):
    """KPIs visualisieren"""

    import matplotlib.pyplot as plt
    import seaborn as sns

    fig, axes = plt.subplots(2, 2, figsize=(15, 12))

    # Loss Ratio Trend
    df_monthly = df.groupby(df['datum'].dt.to_period('M')).agg({
        'schadenshoehe': 'sum',
        'praemie': 'sum'
    })
    df_monthly['loss_ratio'] = (df_monthly['schadenshoehe'] / df_mon

    axes[0, 0].plot(df_monthly.index.astype(str), df_monthly['loss_
    axes[0, 0].axhline(y=100, color='r', linestyle='--', label='Bre
    axes[0, 0].set_title('Loss Ratio Trend')
    axes[0, 0].set_ylabel('Loss Ratio (%)')
    axes[0, 0].legend()

    # Schadentyp-Verteilung
    claim_type_dist = df.groupby('schadentyp')['schadenshoehe'].sum
    axes[0, 1].pie(claim_type_dist, labels=claim_type_dist.index, a
    axes[0, 1].set_title('Schadentyp-Verteilung (nach Volumen)')

    # Schadenhöhen-Verteilung
    axes[1, 0].hist(df['schadenshoehe'], bins=50, edgecolor='black'
    axes[1, 0].set_title('Verteilung der Schadenhöhen')
    axes[1, 0].set_xlabel('Schadenhöhe (€)')
    axes[1, 0].set_ylabel('Häufigkeit')

    # Loss Ratio nach Segmenten
    segment_lr = df.groupby('segment').apply(
        lambda x: (x['schadenshoehe'].sum() / x['praemie'].sum()) *
    )
    axes[1, 1].barh(segment_lr.index, segment_lr.values)
    axes[1, 1].axvline(x=100, color='r', linestyle='--')

```

```
axes[1, 1].set_title('Loss Ratio nach Segmenten')
axes[1, 1].set_xlabel('Loss Ratio (%)')

plt.tight_layout()
plt.show()
```

## 4.4 Anwendungsfälle im operativen Controlling

- **Tägliches Monitoring:** Dashboards mit aktuellen Kennzahlen
- **Früherkennung:** Alerts bei Abweichungen
- **Performance-Tracking:** Vergleich von Soll/Ist
- **Reporting:** Monatliche/Quartalsberichte für Management

---

## 5. Messwerte zur Modellgüteprüfung

---

### 5.1 Überblick

Modellgüteprüfung ist essentiell für: - **Vertrauen in Modellergebnisse:** Sind Vorhersagen zuverlässig? - **Modellauswahl:** Welches Modell ist am besten? - **Calibration:** Stimmen Wahrscheinlichkeitsvorhersagen? - **Bias-Erkennung:** Gibt es systematische Fehler?

### 5.2 Metriken für Klassifikation

#### 5.2.1 Confusion Matrix

Basis für viele Metriken.

```

from sklearn.metrics import confusion_matrix, classification_report
import seaborn as sns
import matplotlib.pyplot as plt

def evaluate_classification_model(y_true, y_pred, labels=None):
    """Klassifikationsmodell evaluieren"""

    # Confusion Matrix
    cm = confusion_matrix(y_true, y_pred, labels=labels)

    # Visualisierung
    plt.figure(figsize=(10, 8))
    sns.heatmap(cm, annot=True, fmt='d', cmap='Blues',
                xticklabels=labels, yticklabels=labels)
    plt.ylabel('Tatsächliche Klasse')
    plt.xlabel('Vorhergesagte Klasse')
    plt.title('Confusion Matrix')
    plt.show()

    # Detaillierter Report
    print(classification_report(y_true, y_pred, labels=labels))

    return cm

```

## 5.2.2 Accuracy (Genauigkeit)

**Formel:**  $(TP + TN) / (TP + TN + FP + FN)$

```

from sklearn.metrics import accuracy_score

def calculate_accuracy(y_true, y_pred):
    """Accuracy berechnen"""

    accuracy = accuracy_score(y_true, y_pred)
    print(f"Accuracy: {accuracy:.4f} ({accuracy*100:.2f}%)")

    # ⚠️ Vorsicht bei unbalancierten Klassen!
    # Bei unbalancierten Daten ist Accuracy oft irreführend

    return accuracy

```

### 5.2.3 Precision (Präzision)

**Formel:**  $TP / (TP + FP)$

Frage: Von den als positiv klassifizierten Fällen, wie viele sind tatsächlich positiv?

```

from sklearn.metrics import precision_score

def calculate_precision(y_true, y_pred, average='binary'):
    """Precision berechnen"""

    precision = precision_score(y_true, y_pred, average=average)

    if average == 'binary':
        print(f"Precision: {precision:.4f}")
    else:
        print(f"Precision ({average}): {precision:.4f}")

    # Beispiel: Betrugserkennung
    # Hohe Precision = Wenige False Positives
    # Wichtig: Bearbeiter sollen nicht viele Falschmeldungen bekommen

    return precision

```



## 5.2.4 Recall (Sensitivität, Trefferquote)

**Formel:**  $TP / (TP + FN)$

Frage: Von allen tatsächlich positiven Fällen, wie viele haben wir gefunden?

```
from sklearn.metrics import recall_score

def calculate_recall(y_true, y_pred, average='binary'):
    """Recall berechnen"""

    recall = recall_score(y_true, y_pred, average=average)

    if average == 'binary':
        print(f"Recall: {recall:.4f}")
    else:
        print(f"Recall ({average}): {recall:.4f}")

    # Beispiel: Betrugserkennung
    # Hoher Recall = Wenige False Negatives
    # Wichtig: Möglichst viele Betrugsfälle sollen erkannt werden

    return recall
```

## 5.2.5 F1-Score

**Formel:**  $2 \times (Precision \times Recall) / (Precision + Recall)$

Harmonisches Mittel aus Precision und Recall.

```
from sklearn.metrics import f1_score

def calculate_f1_score(y_true, y_pred, average='macro'):
    """F1-Score berechnen"""

    f1 = f1_score(y_true, y_pred, average=average)

    print(f"F1-Score ({average}): {f1:.4f}")

    # F1-Score ist gut, wenn Precision und Recall beide wichtig sind
    # Macro: Durchschnitt über alle Klassen (gilt für unbalancierte Klassen)
    # Weighted: Gewichtet nach Klassen-Häufigkeit

    return f1
```

### 5.2.6 ROC-AUC (Receiver Operating Characteristic - Area Under Curve)

Misst die Fähigkeit, zwischen Klassen zu unterscheiden.

```

from sklearn.metrics import roc_auc_score, roc_curve
import matplotlib.pyplot as plt

def evaluate_roc_auc(y_true, y_pred_proba):
    """ROC-AUC evaluieren"""

    auc_score = roc_auc_score(y_true, y_pred_proba)
    print(f"ROC-AUC Score: {auc_score:.4f}")

    # Interpretation:
    # 0.5 = Zufällig (schlechtestes Modell)
    # 1.0 = Perfekt (bestes Modell)
    # > 0.7 = Gute Diskriminationsfähigkeit
    # > 0.8 = Sehr gute Diskriminationsfähigkeit

    # ROC Curve visualisieren
    fpr, tpr, thresholds = roc_curve(y_true, y_pred_proba)

    plt.figure(figsize=(8, 6))
    plt.plot(fpr, tpr, label=f'ROC Curve (AUC = {auc_score:.4f})')
    plt.plot([0, 1], [0, 1], 'k--', label='Random Classifier')
    plt.xlabel('False Positive Rate')
    plt.ylabel('True Positive Rate')
    plt.title('ROC Curve')
    plt.legend()
    plt.grid(True)
    plt.show()

    return auc_score, fpr, tpr

```

### 5.2.7 Precision-Recall Curve

Besonders wichtig bei unbalancierten Klassen.

```

from sklearn.metrics import precision_recall_curve, average_precision_score

def evaluate_precision_recall(y_true, y_pred_proba):
    """Precision-Recall Curve evaluieren"""

    precision, recall, thresholds = precision_recall_curve(y_true,
                                                            y_pred_proba)
    avg_precision = average_precision_score(y_true, y_pred_proba)

    print(f"Average Precision: {avg_precision:.4f}")

    # Visualisierung
    plt.figure(figsize=(8, 6))
    plt.plot(recall, precision, label=f'PR Curve (AP = {avg_precision:.4f})')
    plt.xlabel('Recall')
    plt.ylabel('Precision')
    plt.title('Precision-Recall Curve')
    plt.legend()
    plt.grid(True)
    plt.show()

    return precision, recall, avg_precision

```

### 5.2.8 Brier Score

Für Wahrscheinlichkeitsvorhersagen (Calibration).

```

from sklearn.metrics import brier_score_loss

def calculate_brier_score(y_true, y_pred_proba):
    """Brier Score berechnen (niedriger ist besser)"""

    brier = brier_score_loss(y_true, y_pred_proba)
    print(f"Brier Score: {brier:.4f}")

    # Interpretation:
    # 0.0 = Perfekte Vorhersage
    # 0.25 = Zufällige Vorhersage (für binäres Problem)
    # Niedriger = Besser

    return brier

```

## 5.3 Metriken für Regression

### 5.3.1 MAE (Mean Absolute Error)

**Formel:**  $\text{mean}(|y_{\text{true}} - y_{\text{pred}}|)$

```

from sklearn.metrics import mean_absolute_error

def calculate_mae(y_true, y_pred):
    """Mean Absolute Error berechnen"""

    mae = mean_absolute_error(y_true, y_pred)
    print(f"MAE: €{mae:,.2f}")

    # Interpretation: Durchschnittlicher Fehler in absoluten Werten
    # Beispiel: MAE von €500 bedeutet, dass Vorhersage durchschnittlich
    # um €500 vom tatsächlichen Wert abweicht

    return mae

```

### 5.3.2 RMSE (Root Mean Squared Error)

**Formel:**  $\sqrt{\text{mean}((y_{\text{true}} - y_{\text{pred}})^2)}$

```
from sklearn.metrics import mean_squared_error
import numpy as np

def calculate_rmse(y_true, y_pred):
    """Root Mean Squared Error berechnen"""

    rmse = np.sqrt(mean_squared_error(y_true, y_pred))
    print(f"RMSE: €{rmse:,.2f}")

    # RMSE bestraft große Fehler stärker als MAE
    # Gut für: Ausreißer sind wichtig (z.B. sehr hohe Schäden)

    return rmse
```

### 5.3.3 R<sup>2</sup> Score (Determinationskoeffizient)

**Formel:**  $1 - (SS_{\text{res}} / SS_{\text{tot}})$

```

from sklearn.metrics import r2_score

def calculate_r2_score(y_true, y_pred):
    """R² Score berechnen"""

    r2 = r2_score(y_true, y_pred)
    print(f"R² Score: {r2:.4f}")

    # Interpretation:
    # 1.0 = Perfekte Vorhersage
    # 0.0 = Modell ist nicht besser als Mittelwert
    # < 0.0 = Modell ist schlechter als Mittelwert

    # In der Versicherung:
    # R² > 0.5 = Gutes Modell
    # R² > 0.7 = Sehr gutes Modell

    return r2

```

### 5.3.4 MAPE (Mean Absolute Percentage Error)

**Formel:**  $\text{mean}(|y_{\text{true}} - y_{\text{pred}}| / y_{\text{true}}) \times 100\%$

```

def calculate_mape(y_true, y_pred):
    """Mean Absolute Percentage Error berechnen"""

    # Vermeide Division durch Null
    mask = y_true != 0
    mape = np.mean(np.abs((y_true[mask] - y_pred[mask]) / y_true[mask]))

    print(f"MAPE: {mape:.2f}%")

    # Interpretation: Durchschnittlicher prozentualer Fehler
    # Beispiel: MAPE von 15% bedeutet 15% Abweichung im Durchschnitt

    return mape

```

### 5.3.5 Quantil-basierte Metriken

Wichtig für Versicherungen (z.B. VaR-Schätzung).

```
def calculate_quantile_metrics(y_true, y_pred, quantiles=[0.25, 0.5, 0.75]):  
    """Quantil-basierte Metriken"""  
  
    results = {}  
  
    for q in quantiles:  
        # Tatsächliches Quantil  
        true_quantile = np.quantile(y_true, q)  
  
        # Vorhergesagtes Quantil  
        pred_quantile = np.quantile(y_pred, q)  
  
        # Fehler  
        error = abs(true_quantile - pred_quantile)  
        pct_error = (error / true_quantile) * 100 if true_quantile != 0 else 0  
  
        results[q] = {  
            'true_quantile': true_quantile,  
            'pred_quantile': pred_quantile,  
            'error': error,  
            'pct_error': pct_error  
        }  
  
        print(f"Quantil {q*100:.0f}%: "  
              f"Tatsächlich €{true_quantile:,.2f}, "  
              f"Vorhergesagt €{pred_quantile:,.2f}, "  
              f"Fehler: {pct_error:.2f}%")  
  
    return results
```



## 5.4 Cross-Validation

### 5.4.1 K-Fold Cross-Validation

Robuste Modellgüteprüfung.

```
from sklearn.model_selection import cross_val_score, KFold

def perform_cross_validation(model, X, y, cv=5, scoring='neg_mean_s
    """K-Fold Cross-Validation durchführen"""

    cv_scores = cross_val_score(model, X, y, cv=cv, scoring=scoring

    # Negate für MAE/RMSE (weil sklearn negative Scores zurückgibt)
    if 'neg' in scoring:
        cv_scores = -cv_scores

    print(f"Cross-Validation Scores ({cv}-fold):")
    print(f"  Mean: {cv_scores.mean():.4f}")
    print(f"  Std: {cv_scores.std():.4f}")
    print(f"  Min: {cv_scores.min():.4f}")
    print(f"  Max: {cv_scores.max():.4f}")

    return cv_scores
```

### 5.4.2 Time Series Cross-Validation

Für zeitliche Daten wichtig.

```
from sklearn.model_selection import TimeSeriesSplit

def perform_time_series_cv(model, X, y, n_splits=5):
    """Time Series Cross-Validation"""

    tscv = TimeSeriesSplit(n_splits=n_splits)
    scores = []

    for train_idx, test_idx in tscv.split(X):
        X_train, X_test = X.iloc[train_idx], X.iloc[test_idx]
        y_train, y_test = y.iloc[train_idx], y.iloc[test_idx]

        model.fit(X_train, y_train)
        score = model.score(X_test, y_test)
        scores.append(score)

    print(f"Time Series CV Scores:")
    print(f"  Mean: {np.mean(scores):.4f}")
    print(f"  Std: {np.std(scores):.4f}")

    return scores
```

## 5.5 Residual-Analyse

```
import matplotlib.pyplot as plt
import seaborn as sns
from scipy import stats

def analyze_residuals(y_true, y_pred):
    """Residual-Analyse durchführen"""

    residuals = y_true - y_pred

    fig, axes = plt.subplots(2, 2, figsize=(15, 12))

    # 1. Residual-Verteilung
    axes[0, 0].hist(residuals, bins=50, edgecolor='black')
    axes[0, 0].axvline(x=0, color='r', linestyle='--')
    axes[0, 0].set_title('Verteilung der Residuals')
    axes[0, 0].set_xlabel('Residual')

    # 2. Q-Q Plot (Normalverteilung prüfen)
    stats.probplot(residuals, dist="norm", plot=axes[0, 1])
    axes[0, 1].set_title('Q-Q Plot (Normalverteilung)')

    # 3. Residuals vs. Predicted
    axes[1, 0].scatter(y_pred, residuals, alpha=0.5)
    axes[1, 0].axhline(y=0, color='r', linestyle='--')
    axes[1, 0].set_xlabel('Vorhergesagte Werte')
    axes[1, 0].set_ylabel('Residuals')
    axes[1, 0].set_title('Residuals vs. Predicted')

    # 4. Residuals vs. Index (Zeit, falls vorhanden)
    axes[1, 1].plot(residuals)
    axes[1, 1].axhline(y=0, color='r', linestyle='--')
    axes[1, 1].set_xlabel('Index')
    axes[1, 1].set_ylabel('Residuals')
    axes[1, 1].set_title('Residuals über Zeit')

    plt.tight_layout()
    plt.show()
```

```
# Statistische Tests
# Shapiro-Wilk Test für Normalverteilung
stat, p_value = stats.shapiro(residuals)
print(f"\nShapiro-Wilk Test für Normalverteilung:")
print(f"  Statistic: {stat:.4f}")
print(f"  p-value: {p_value:.4f}")
if p_value > 0.05:
    print("  Residuals sind normalverteilt ✓")
else:
    print("  Residuals sind NICHT normalverteilt ✗")

return residuals
```

## 5.6 Calibration (Kalibrierung)

```
from sklearn.calibration import calibration_curve, CalibratedClassifierCV

def evaluate_calibration(y_true, y_pred_proba):
    """Calibration des Modells prüfen"""

    fraction_of_positives, mean_predicted_value = calibration_curve(
        y_true, y_pred_proba, n_bins=10
    )

    plt.figure(figsize=(8, 6))
    plt.plot(mean_predicted_value, fraction_of_positives, "s-", label="Model")
    plt.plot([0, 1], [0, 1], "k:", label="Perfekt kalibriert")
    plt.ylabel("Tatsächlicher Anteil Positiver")
    plt.xlabel("Vorhergesagte Wahrscheinlichkeit")
    plt.title("Calibration Plot")
    plt.legend()
    plt.grid(True)
    plt.show()

    # Calibration verbessern mit Platt Scaling oder Isotonic Regression
    calibrated_model = CalibratedClassifierCV(model, method='isotonic')
    calibrated_model.fit(X_train, y_train)

    return calibrated_model
```

## 5.7 Modellvergleich

```
def compare_models(models_dict, X, y):  
    """Verschiedene Modelle vergleichen"""  
  
    results = {}  
  
    for name, model in models_dict.items():  
        # Cross-Validation Scores  
        cv_scores = cross_val_score(model, X, y, cv=5, scoring='neg  
  
        results[name] = {  
            'mean_cv_score': -cv_scores.mean(),  
            'std_cv_score': cv_scores.std(),  
            'min_cv_score': -cv_scores.max(),  
            'max_cv_score': -cv_scores.min()  
        }  
  
        print(f"\n{name}:")  
        print(f"  Mean CV Score: {results[name]['mean_cv_score']:.4f}")  
        print(f"  Std CV Score: {results[name]['std_cv_score']:.4f}")  
  
        # Bestes Modell finden  
        best_model = min(results, key=lambda x: results[x]['mean_cv_score'])  
        print(f"\nBestes Modell: {best_model}")  
  
    return results, best_model
```

## 5.8 Anwendungsfälle im operativen Controlling

- **Modellvalidierung:** Regelmäßige Prüfung der Modellgüte
  - **Modellauswahl:** Vergleich verschiedener Ansätze
  - **Monitoring:** Tracking der Modellperformance über Zeit
  - **Reporting:** Dokumentation für Regulatoren/Audit
-

## 6. Operatives Controlling in der Sachversicherung

---

### 6.1 Aufgaben und Ziele

#### 6.1.1 Hauptaufgaben

- **Schadenmonitoring:** Kontinuierliche Überwachung der Schadenentwicklung
- **Frühwarnsystem:** Identifikation von Abweichungen und Risiken
- **Performance-Messung:** Evaluation von Tarifen, Produkten, Segmenten
- **Reservierung:** Statistische Schadensreserven

#### 6.1.2 Ziele

- **Kostensteuerung:** Verlustquoten kontrollieren
- **Risikofrüherkennung:** Trends rechtzeitig erkennen
- **Entscheidungsunterstützung:** Datenbasierte Empfehlungen
- **Compliance:** Regulatorische Anforderungen erfüllen

## 6.2 Typische Analysen

### 6.2.1 Schaden-Trend-Analyse

```
def analyze_claim_trends(df):  
    """Schaden-Trends analysieren"""  
  
    # Zeitliche Entwicklung  
    monthly_trends = df.groupby(df['datum'].dt.to_period('M')).agg(  
        'anzahl_schaeden': 'sum',  
        'schadenshoehe': 'sum',  
        'praemie': 'sum'  
    )  
  
    monthly_trends['loss_ratio'] = (  
        monthly_trends['schadenshoehe'] / monthly_trends['praemie']  
    ) * 100  
  
    # Trend-Detection  
    from scipy import stats  
  
    # Linearer Trend testen  
    x = np.arange(len(monthly_trends))  
    slope, intercept, r_value, p_value, std_err = stats.linregress(  
        x, monthly_trends['loss_ratio']  
    )  
  
    if p_value < 0.05:  
        if slope > 0:  
            print("⚠️ Signifikanter Anstieg in Loss Ratio!")  
        else:  
            print("✓ Loss Ratio sinkt signifikant")  
  
    return monthly_trends
```



## 6.2.2 Segment-Performance

```
def analyze_segment_performance(df):  
    """Performance nach Segmenten analysieren"""  
  
    segment_perf = df.groupby('segment').agg({  
        'praemie': 'sum',  
        'schadenshoehe': 'sum',  
        'anzahl_schaeden': 'sum',  
        'versicherungssumme': 'sum'  
    })  
  
    segment_perf['loss_ratio'] = (  
        segment_perf['schadenshoehe'] / segment_perf['praemie']  
    ) * 100  
  
    segment_perf['schadenquote'] = (  
        segment_perf['anzahl_schaeden'] / len(df)  
    ) * 100  
  
    # Problemsegmente identifizieren  
    problem_segments = segment_perf[segment_perf['loss_ratio'] > 100]  
  
    print("Problemsegmente (Loss Ratio > 100%):")  
    print(problem_segments)  
  
    return segment_perf
```

## 6.3 Reporting-Framework

```
def create_monthly_report(df, reporting_month):
    """Monatliches Controlling-Report erstellen"""

    report = {
        'reporting_date': reporting_month,
        'overview': {},
        'segments': {},
        'trends': {},
        'alerts': []
    }

    # Übersicht
    report['overview'] = {
        'total_premium': df['praemie'].sum(),
        'total_loss': df['schadenshoehe'].sum(),
        'loss_ratio': (df['schadenshoehe'].sum() / df['praemie'].sum()),
        'total_claims': df['anzahl_schaeden'].sum(),
        'avg_claim_size': df['schadenshoehe'].sum() / df['anzahl_schaeden'].sum()
    }

    # Alerts
    if report['overview']['loss_ratio'] > 100:
        report['alerts'].append({
            'type': 'CRITICAL',
            'message': f"Loss Ratio über 100%: {report['overview']['loss_ratio']}"
        })

    if report['overview']['avg_claim_size'] > historical_avg * 1.2:
        report['alerts'].append({
            'type': 'WARNING',
            'message': f"Durchschnittliche Schadenhöhe um 20% über dem historischen Wert"
        })

    return report
```



## 7. Case Study Vorbereitung

---

### 7.1 Typische Case Study Szenarien

#### 7.1.1 Schadenfälle klassifizieren

**Aufgabe:** Entwickle ein Modell zur automatischen Klassifikation von Schadenfällen.

**Lösungsansatz:** 1. Daten explorieren (Schadentypen, Verteilungen) 2. Features engineer (historische Daten, Objekteigenschaften) 3. Verschiedene Klassifikationsmodelle testen (Logistic Regression, Random Forest, XGBoost) 4. Evaluation mit Confusion Matrix, F1-Score, ROC-AUC 5. Feature Importance analysieren 6. Deployment-Strategie überlegen

#### 7.1.2 Loss Ratio Prognose

**Aufgabe:** Prognostiziere die Loss Ratio für das nächste Quartal.

**Lösungsansatz:** 1. Zeitreihenanalyse (Trends, Saisonalität) 2. Exogene Variablen identifizieren (Wetter, Marktdaten) 3. Time Series Modelle (ARIMA, Prophet, LSTM) 4. Regression-Modelle mit Features 5. Ensemble-Methoden 6. Backtesting

#### 7.1.3 Tarifoptimierung

**Aufgabe:** Identifiziere Tarifgruppen mit Unter-/Übertarifierung.

**Lösungsansatz:** 1. Loss Ratio nach Tarifgruppen berechnen 2. Statistische Signifikanz testen 3. Erwartete vs. tatsächliche Schadenkosten vergleichen 4. Anpassungsempfehlungen entwickeln 5. Impact-Analyse durchführen

## 7.2 Wichtige Python-Skills für Case Study

```
# 1. Daten laden und explorieren
import pandas as pd
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import seaborn as sns

df = pd.read_csv('schadensdaten.csv')
print(df.info())
print(df.describe())

# 2. Datenaufbereitung
# Fehlende Werte, Outlier, Feature Engineering

# 3. Modellierung
from sklearn.model_selection import train_test_split
from sklearn.preprocessing import StandardScaler
from sklearn.ensemble import RandomForestClassifier

# 4. Evaluation
from sklearn.metrics import classification_report, confusion_matrix

# 5. Visualisierung
# Wichtig für Präsentation!
```

## 7.3 Präsentationstipps

- **Struktur:** Problem → Lösung → Ergebnisse → Interpretation
  - **Visualisierungen:** Klare, aussagekräftige Plots
  - **Business Impact:** Verbindung zu Geschäftszielen
  - **Limitations:** Ehrliche Diskussion von Einschränkungen
  - **Next Steps:** Konkrete Handlungsempfehlungen
-

# Wichtige Formeln - Quick Reference

---

## Schadenkennzahlen

- **Loss Frequency Rate:**  $\text{Anzahl Schäden} / \text{Anzahl Versicherungsjahre}$
- **Average Loss per Claim:**  $\text{Gesamtschaden} / \text{Anzahl Schäden}$
- **Loss Ratio:**  $(\text{Gesamtschaden} / \text{Gesamtprämie}) \times 100\%$

## Modellgüte - Klassifikation

- **Accuracy:**  $(TP + TN) / (TP + TN + FP + FN)$
- **Precision:**  $TP / (TP + FP)$
- **Recall:**  $TP / (TP + FN)$
- **F1-Score:**  $2 \times (\text{Precision} \times \text{Recall}) / (\text{Precision} + \text{Recall})$

## Modellgüte - Regression

- **MAE:**  $\text{mean}(|y_{\text{true}} - y_{\text{pred}}|)$
- **RMSE:**  $\text{sqrt}(\text{mean}((y_{\text{true}} - y_{\text{pred}})^2))$
- **R<sup>2</sup>:**  $1 - (\text{SS}_{\text{res}} / \text{SS}_{\text{tot}})$

## Wahrscheinlichkeitsverteilungen

- **Poisson:**  $P(k) = (\lambda^k \times e^{-\lambda}) / k!$
  - **Lognormal:** Parametrisiert durch  $\mu, \sigma$
-

# Wichtige Python-Bibliotheken

---

```
# Datenmanipulation
import pandas as pd
import numpy as np

# Machine Learning
from sklearn.model_selection import train_test_split, cross_val_score
from sklearn.preprocessing import StandardScaler, LabelEncoder
from sklearn.ensemble import RandomForestClassifier, GradientBoostingClassifier
from sklearn.linear_model import LogisticRegression, PoissonRegressor
from sklearn.metrics import (accuracy_score, precision_score, recall_score,
                             f1_score, roc_auc_score, mean_absolute_error,
                             mean_squared_error, r2_score)

# Statistik
from scipy import stats
import statsmodels.api as sm
from statsmodels.genmod import families

# Visualisierung
import matplotlib.pyplot as plt
import seaborn as sns

# Zeitreihen
from statsmodels.tsa.arima.model import ARIMA
from prophet import Prophet

# Moderne ML
import xgboost as xgb
from lightgbm import LGBMClassifier
```



# Checkliste für Vorstellungsgespräch

---

- ☐ Verstehe die vier Hauptthemen (Schadenklassifikation, Wahrscheinlichkeitsmodelle, Tarifierung, Kennzahlensystem)
  - ☐ Kenne die wichtigsten Metriken zur Modellgüteprüfung
  - ☐ Kann Python-Code für versicherungsspezifische Analysen schreiben
  - ☐ Verstehe Loss Ratio, Claim Frequency, Claim Severity
  - ☐ Kenne GLM, Poisson Regression, Gamma Regression
  - ☐ Kann Confusion Matrix, ROC-AUC, F1-Score interpretieren
  - ☐ Verstehe die Rolle des operativen Controllings
  - ☐ Bereit für Case Study mit strukturiertem Ansatz
- 

*Dieses Dokument dient als umfassende Vorbereitung für das Vorstellungsgespräch als Data Scientist im operativen Controlling der Sachversicherung.*

**Viel Erfolg bei deinem Vorstellungsgespräch! 🎯**