## Вопросы для самоконтроля по теме 5

1) п <mark>ро</mark>	Назовите наиболее распространенные способы представления остранственных форм.	1
2)	Что собой представляют параметрические бикубические куски?	2
3)	Что собой представляет полигональная сетка?	2
4)	Какие типы элементов должна хранить полигональная сетка?	2
5) дос	Назовите способы представления полигональной сетки их особенност тоинства и недостатки.	и, 2
6)	Назовите свойства полигональных сеток.	3
7)	Что такое триангуляция?	4
8)	Назовите теорему о существовании триангуляции.	4
9)	Какой многоугольник называется простым?	4
10)	Назовите алгоритмы триангуляции.	4
11)	Опишите шаги алгоритма триангуляции «разделяй и властвуй»	4
12) алг	Назовите алгоритмы удаления невидимых линий, сущности этих оритмов, их достоинства и недостатки.	5
13)	Назовите правила задания граней.	7
14)	Какие алгоритмы удаления невидимых линий реализованы в OpenGL?	8
15) вер	Что произойдет, если грани задавать с использованием разных обходов шин (и против часовой стрелки и по часовой стрелки)?	8

1) Назовите наиболее распространенные способы представления пространственных форм.

Полигональная сетка и параметрические бикубические куски.

2) Что собой представляют параметрические бикубические куски?

Параметрические бикубические куски - это совокупность связанных между собой частей криволинейных поверхностей. Аналогично В-сплайну ПБК позволяет осуществлять интерполяцию (сглаживание) некоторой совокупности точек, только в данном случае не с помощью кривых линий, а с помощью кривых поверхностей. Границами поверхностей являются кубические кривые.

3) Что собой представляет полигональная сетка?

Полигональная сетка - это совокупность вершин, ребер и граней, которые определяют форму многогранного объекта в трехмерной компьютерной графике и объемном моделировании. Гранями обычно являются треугольники, четырехугольники или другие простые выпуклые многоугольники (полигоны), так как это упрощает рендеринг. Полигональная сетка представляет собой совокупность связанных между собой плоских многоугольников и наиболее хорошо описывает объекты с плоскими поверхностями.

4) Какие типы элементов должна хранить полигональная сетка?

Объекты, созданные с помощью полигональных сеток должны хранить разные типы элементов, такие как **вершины**, **ребра**, **грани**, **полигоны** и **поверхности**. Во многих случаях хранятся лишь вершины, ребра и либо грани, либо полигоны.

# 5) Назовите способы представления полигональной сетки их особенности, достоинства и недостатки.

Способы представления полигональной сетки:

- явное задание граней;
- задание граней с помощью указателей в списке вершин;
- явное задание ребер;
- другие.

#### Они отличаются:

- объемом требуемой памяти;
- определением ребер, принадлежащих вершине;
- определением многоугольников, общих для ребра;
- поиском вершин, образующих ребро;
- определением всех ребер, образующих грань;
- изображением полигональной сетки;
- обнаружением ошибок в представлении.

Недостатками **явного задания граней** являются избыточность (требует больше памяти), неудобство изменений, отсутствие явного описания общих ребер и вершин для соседних многоугольников.

Достоинствами задания граней с помощью указателей в списке вершин являются необходимость в меньшем количестве памяти, так как вершины задаются единожды, а также способность легко изменять координаты вершин. Недостатком является сложность в нахождении многоугольников с общими ребрами.

Достоинствами **явного задания ребер** является необходимость в меньшем количестве памяти, так как вершины задаются единожды, способность легко изменять координаты вершин, а также явное задание общих ребер.

### 6) Назовите свойства полигональных сеток.

Свойствами полигональных сеток являются:

- Монолитность. Сетка представляет собой монолитный объект, если совокупность его граней заключает в себе некоторое конечное пространство;
- Связность. Сетка называется связной, если между любыми двумя вершинами существует непрерывный путь вдоль ребер полигона;
- **Простота**. Сетка называется простой, если отображаемый ею объект является монолитным и не содержит отверстий. Это означает, что объект может быть деформирован в сферу, не подвергаясь разрезанию;
- **Плоскостность**. Сетка называется плоской, если каждая грань представляемого ею объекта является плоским полигоном, то есть вершины каждой грани лежат в одной плоскости;
- Выпуклость. Сетка представляет выпуклый объект, если прямая, соединяющая любые две ее точки внутри этого объекта, целиком лежит внутри него.

### 7) Что такое триангуляция?

**Триангуляция** - это процесс разбиения полигональной области со сложной конфигурацией в набор треугольников.

8) Назовите теорему о существовании триангуляции.

У любого простого n-вершинного многоугольника P всегда существует триангуляция, причем количество треугольников в ней n-2 независимо от самой триангуляции.

9) Какой многоугольник называется простым?

**Простым многоугольником** является фигура, ограниченная одной замкнутой ломаной, стороны которой не пересекаются.

10) Назовите алгоритмы триангуляции.

Алгоритмы триангуляции:

- Жадный алгоритм;
- Оптимальная триангуляция;
- Алгоритм с индексированием треугольников;
- Алгоритм Зейделя;
- Инкрементальный алгоритм построения триангуляции Делоне;
- Алгоритм "Разделяй и властвуй";
- Другие.

\_

# 11) Опишите шаги алгоритма триангуляции «разделяй и властвуй»

Самым простым алгоритмом триангуляции является метод "Разделяй и властвуй". Многоугольник рекурсивно делится на части путем проведения хорды вплоть до треугольников. Общая стратегия триангуляции состоит из двух этапов:

- 1. Декомпозиция полигона на монотонные части;
- 2. Триангуляция монотонных частей.
  - **Шаг 1**. Разбиение исходного множества на более мелкие множества. Для этого производятся вертикальные или горизонтальные прямые в середине множества и уже относительно этих прямых разделяются точки на две части, примерно по N/2. После, для каждой группы точек рекурсивно запускается процесс деления в зависимости от их количества.
- Если число точек N>12, то делим множество с помощью прямых;
- Если число точек N<=12, то делим множество на 3 и N-3 точек;
- Если число точек N=8, то делим множество на на 2 группы по 4 точки. Деление продолжается до тех пор, пока не останется 3 или 4 точки.
  - **Шаг 2**. Построение триангуляции для множества из 3 или 4 точек. Для трех точек триангуляция очевидна просто соединяем попарно точки отрезками. Для четырех точек возможны два варианта:
- Если точки образуют невыпуклый четырехугольник, то просто соединяем все 4 точки отрезками;
- Если точки образуют выпуклый четырехугольник, то берем любые 3 точки и проверяем положение четвертой точки относительно окружности, описанной вокруг первых трех точек.
  - **Шаг 3**. Объединение оптимальных триангуляций. Сначала находятся две пары точек, отрезки которых образуют в совокупности с построенными триангуляциями выпуклую фигуру. Они соединяются отрезками, и один из полученных отрезков выбирается как начало для последующего обхода.

# 12) Назовите алгоритмы удаления невидимых линий, сущности этих алгоритмов, их достоинства и недостатки.

#### Алгоритм художника

Подразумевает последовательное отображение граней в порядке уменьшения удаленности от ТН (точки наблюдения?) и их заливкой

Недостатки: Не универсальность

#### Алгоритм z-буфера

В нем используется буфер как часть памяти, в которой для каждого пикселя на экране хранится некоторое число z, обозначающее удаленность от точки наблюдения (видовое z) последней точки объекта, спроецированной в данный пиксель

#### Алгоритм:

- 1. Для всех пикселей установить z
- 2. Перебор граней (произвольно)
  - а) Проецирование (определение совокупности пикселей, принадлежащих грани)
  - b) Перебор пикселей
    - Вычисление ze (преобразование из пиксельной в видовую СК)
    - Если ze <zб подсветка пикселя и zб=ze (обновление zб для данного пикселя)

Достоинство - универсальность

Недостатки: Большой объем памяти под буфер и Низкое быстродействие (избыточность пикселей, ПСК ВСК)

#### Алгоритм, основанный на ориентации вершин

Объект состоит из граней, грани - из ребер, соединяющих вершины

(Упрощение - треугольные грани)

**Структура** ФД *(?)* :

- 1) Объектная точка
- 2) Блок описания вершин
- 3) Блок описания граней

Вершины обходятся против часовой стрелки при наблюдении грани с внешней стороны (не через тело объекта)

При проецировании (задана ТН (точка наблюдения)):

грани, для которых ТН расположена с той же стороны (внешней), что и при задании объекта имеют тот же порядок обхода (против часовой)

грани, для которых ТН расположена с противоположной, чем при задании объекта, стороны имеют противоположный порядок обхода (по часовой)

Для треугольника на плоскости ориентация вершин определяется знаком детерминанта D

D<0 - обход вершин по часовой стрелке

D>0 - обход вершин против часовой стрелки

D=0 - вершины лежат на прямой

Строки в матрицу заносятся в порядке следования вершин из файла данных

#### Общая схема алгоритма

Разбиение многоугольников на треугольники (самостоятельный алгоритм)

Отсев самозакрывающихся граней (см.ранее)

Обработка ребер (общая идея)

### 13) Назовите правила задания граней.

Вершины граней стоит задавать против часовой, чтобы OpenGL подсвечивал эту грань цветом, иначе грань будет считаться не видимой и не будет подсвечиваться.

- 1. Грани должны быть плоскими многоугольниками;
- 2. При описании грани необходимо смотреть на нее с внешней стороны, а не через тело объекта;
- 3. Обход вершин, образующих внешние ребра, осуществляется против часовой стрелки;
- 4. Последовательность вершин при описании грани является циклической, т.е. считается, что за последней в списке вершиной идет первая, встречающаяся в нем;
- 5. Обход вершин, принадлежащих отверстию, осуществляется по часовой стрелке;
- 6. При переходе от внешних ребер к ребрам, образующим отверстие и обратно, используются отрицательные номера вершин;
- 7. При описании грани первые три вершины в последовательности не должны образовывать внутренний угол более 180 градусов;
- 8. Свободные отрезки в блоке описания граней задаются лишь двумя номерами вершин;
- 9. Бесконечно тонкие грани описываются с двух сторон;
- 10. Не плоские грани разбираются на треугольники.
  - 14) Какие алгоритмы удаления невидимых линий реализованы в OpenGL?

Буфер глубины (z-буфер) и удаление нелицевых граней.

15) Что произойдет, если грани задавать с использованием разных обходов вершин (и против часовой стрелки и по часовой стрелки)?

