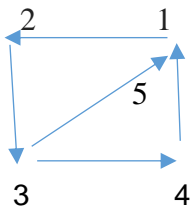


NIM / Nama : 191113151 / M.rizhan Radhitya
Nama Mata Kuliah : Struktur diskrit
Fakultas : Teknik informatika
Prodi / Peminatan / Kelas : MWB **Waktu Kuliah** : PAGI **Nilai** :

1. **Sirkuit Euler** adalah lintasan yang melalui masing-masing sisi di dalam graf tepat satu kali. Bila lintasan tersebut kembali ke simpul asal, membentuk lintasan tertutup (sirkuit), maka lintasan tertutup itu dinamakan sirkuit Euler. Jadi, **sirkuit Euler** ialah sirkuit yang melewati masing-masing sisi tepat satu kali.

Lintasan Hamilton ialah lintasan yang melalui tiap verteks di dalam graf tepat satu kali. Bila lintasan itu kembali ke verteks asal membentuk lintasan tertutup (sirkuit), maka lintasan tertutup itu dinamakan sirkuit Hamilton. Dengan kata lain, sirkuit Hamilton adalah sirkuit yang melalui tiap verteks di dalam graf tepat satu kali, kecuali verteks asal (sekalius verteks akhir) yang dilalui dua kali. Graf yang memiliki sirkuit Hamilton dinamakan graf Hamilton, sedangkan graf yang hanya memiliki lintasan Hamilton dinamakan graf semi-Hamilton.

contoh:



Lintasan Euler gbr (a) : 3, 1, 2, 3, 4, 1

2. 1. Lakukan pengurutan terhadap setiap sisi di graf G mulai dari sisi dengan bobot terkecil.
2. Pilih sisi (u,v) yang mempunya bobot minimum yang tidak membentuk sirkuit di T . Tambahkan (u,v) kedalam T .
3. Ulangi langkah 2 sampai pohon merentang minimum terbentuk, yaitu ketika sisi di dalam pohon merentang T berjumlah $n - 1$ (n adalah jumlah simpul pada graf)

3. Suatu relasi R pada himpunan A dinamakan bersifat **transitif** jika $(a, b) \in R$ dan $(b, c) \in R$, maka $(a, c) \in R$, untuk $a, b, c \in A$.

Contoh :

Misalkan $A = \{ 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 \}$, dan relasi R didefinisikan oleh :

$a R b$ jika dan hanya jikan a membagi b , dimana $a, b \in A$,

Jawab :

Dengan memperhatikan definisi relasi R pada himpunan A , maka :

$$R = \{(2, 2), (2, 4), (2, 6), (2, 8), (3, 3), (3, 6), (3, 9), (4, 4), (4, 8)\}$$

Ketika $(2, 4) \in R$ dan $(4, 8) \in R$ terlihat bahwa $(2, 8) \in R$.

Dengan demikian R bersifat transitif.

4 - Matriks Hubung (Adjacency Matrix) Misalkan G adalah graf tak berarah dengan titik – titik v_1, v_2, \dots, v_n (n berhingga). Matriks hubung yang sesuai dengan graf G adalah matriks $A = (a_{ij})$ dengan a_{ij} = jumlah garis yang menghubungkan titik v_i dengan titik v_j ; $i, j = 1, 2, \dots, n$. Oleh karena dalam graf tak berarah jumlah garis yang menghubungkan titik v_i dan titik v_j selalu sama dengan jumlah garis yang menghubungkan v_j dengan v_i , maka jelaslah bahwa matriks hubungnya selalu merupakan matriks yang simetris ($a_{ij} = a_{ji} \forall i, j$)

-Matriks Biner (Incidence Matrix) Misalkan G adalah graf tanpa loop dengan n titik v_1, v_2, \dots, v_n dan k garis e_1, e_2, \dots, e_k . Matriks biner yang sesuai dengan graf G adalah matriks A berukuran $n \times k$ yang elemennya adalah : 1 Jika titik v_i berhubungan dengan garis e_j $a_{ij} = 0$ Jika titik v_i tidak berhubungan dengan garis e_j Sesuai namanya, matriks biner hanya berisi bilangan 0 atau 1 saja.

5. contoh dengan menggunakan Permutasi r dari n elemen

Ada enam buah bola yang berbeda warnanya dan 3 buah kotak. Masingmasing kotak hanya boleh diisi 1 buah bola. Berapa jumlah urutan berbeda yang mungkin dibuat dari penempatan bola ke dalam kotak-kotak tersebut?

kotak 1 dapat diisi oleh salah satu dari 6 bola (ada 6 pilihan);

kotak 2 dapat diisi oleh salah satu dari 5 bola (ada 5 pilihan);

kotak 3 dapat diisi oleh salah satu dari 4 bola (ada 4 pilihan).

Jumlah urutan berbeda dari penempatan bola = $(6)(5)(4) = 120$

Perampatan:

Ada n buah bola yang berbeda warnanya dan r buah kotak ($r \leq n$), maka

kotak ke-1 dapat diisi oleh salah satu dari n bola \diamond (ada n pilihan) ;

kotak ke-2 dapat diisi oleh salah satu dari $(n - 1)$ bola \diamond (ada $n - 1$ pilihan);

kotak ke-3 dapat diisi oleh salah satu dari $(n - 2)$ bola \diamond (ada $n - 2$ pilihan); ...

kotak ke- r dapat diisi oleh salah satu dari $(n - (r - 1))$ bola \diamond (ada $n - r + 1$ pilihan)

Jumlah urutan berbeda dari penempatan bola adalah: $n(n - 1)(n - 2) \dots (n - (r - 1))$

Permutasi r dari n elemen adalah jumlah kemungkinan urutan r buah elemen yang dipilih dari n buah elemen, dengan $r \leq n$, yang dalam hal ini, pada setiap kemungkinan urutan tidak ada elemen yang sama. $P(n, r) = n(n - 1)(n - 2) \dots (n - (r - 1)) = \frac{n!}{n - r}!$

6. REMEDIAL = 8 huruf

R = 1 huruf

E = 2 huruf

M = 1 Huruf

D = 1 huruf

I = 1 huruf

A = 1 huruf

L = 1 huruf

$$\begin{aligned} &= \frac{8!}{1!2!1!1!1!1!1!} \\ &= \frac{40320}{2} \\ &= 20160 \\ &= \end{aligned}$$