



# Mini-mémoire

## Model Checking CTL

[Cours : INFO-F308]

---

PAQUET Michael - 000410753  
PROMOTEUR : GEERAERTS Gilles

---

08 Novembre 2017

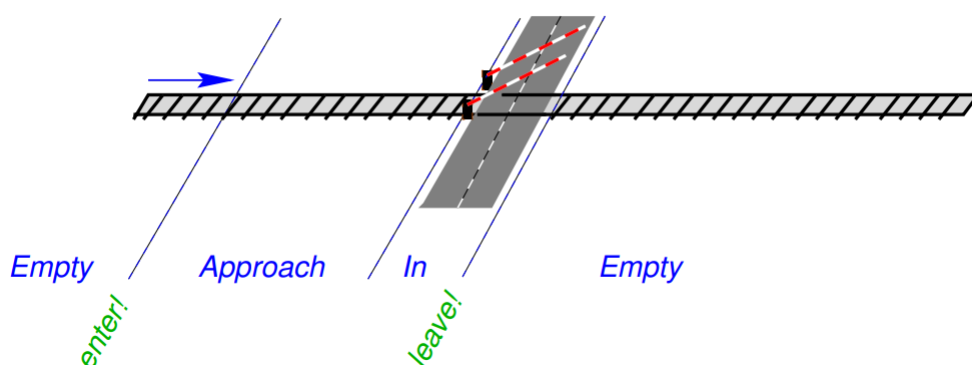
## Table des matières

<b>1</b>	<b>Introduction</b>	<b>2</b>
<b>2</b>	<b>Chapitre 1</b>	<b>4</b>
2.1	Du graphe aux arbres de recherche . . . . .	4
2.2	Computational Tree Logic (CTL) . . . . .	5
2.3	CTL Model Checking . . . . .	5
2.4	CTL et LTL . . . . .	5
<b>3</b>	<b>Chapitre 2</b>	<b>6</b>

# 1 Introduction

Avec l'évolution technologique faisant acte de présence jours après jours, la plupart des services, informatique ou non, sont maintenant gérés via des systèmes informatiques vérifiant leur bon fonctionnement. Mais pour certains services, il est impératif que ces systèmes fonctionnent correctement.

Prenons l'exemple d'une voie ferrée :



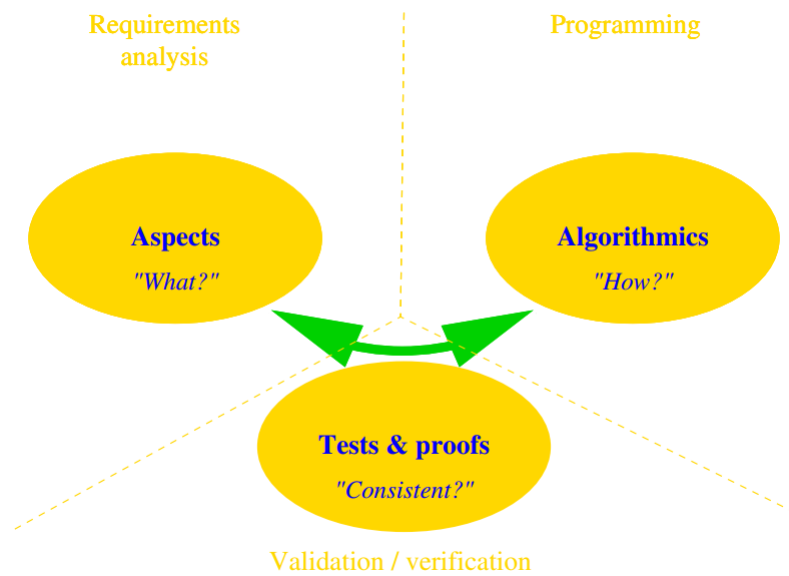
Dans ce cas de figure-ci, il est impératif que les portes soient fermées lorsque le train traverse le passage à niveau. Comme dit précédemment, un système informatique s'occupera de gérer cela.

Mais puisqu'on ne peut pas se permettre la moindre erreur, nous nous devons de vérifier que le système n'échouera jamais, et c'est dans ce cas de figure que le *Model Checking* fut créé et utilisé.

Au cours de cette dissertation, nous passerons donc en revue chacun des points de vue qu'on peut adapter lorsqu'on parle de *Model Checking CTL*. Le premier point que nous aborderons sera l'aspect analytique du modèle (Qu'est-ce qu'on doit vérifier?). Lors de ce chapitre, nous allons montrer la façon dont on découpe un système pour en faire des structures propices à l'analyse et à la vérification. Des structures comme les *Kripke models* ou encore les arbres seront bien évidemment abordées. Une fois ces objets observés, nous étudierons la façon dont on peut vérifier l'efficacité d'un système.

Après avoir déterminé la façon dont on peut vérifier l'exactitude d'un système, nous évoquerons la consistance de telles méthodes. Nous prouverons donc de manière rigoureuse l'efficacité du *Model Checking CTL*.

Enfin, nous aborderons la question algorithmique : Comment implémenter un tel modèle ?



Il est évident que notre sujet ne s'arrêtera pas à ces points-ci. A titre d'exemple, nous comparerons également notre *Model Checking CTL* (*Computational Tree Logic*) avec le *LTL* (*Linear temporal logic*).

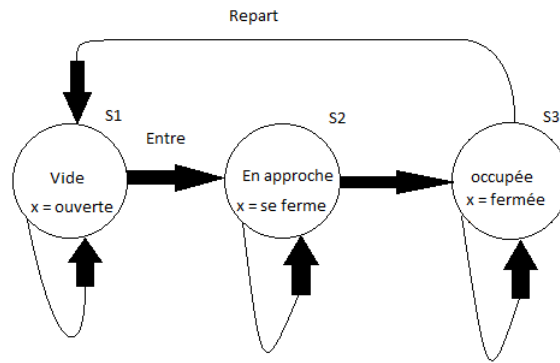
## 2 Chapitre 1

### 2.1 Du graphe aux arbres de recherche

Pour pouvoir analyser un système et pouvoir vérifier son efficacité, il est utile de le dériver en un graphe. Afin d'imager nos propos, reprenons l'exemple de la voie ferrée :

imaginons donc une voie ferrée sur laquelle aucun train ne circule. La voie est donc vide. On peut constater là un premier état de notre voie ferrée, l'état **vide**. Lorsque notre voie est vide, il se peut qu'à tout moment, un train soit **en approche**, et qu'on doive commencer à fermer les portes. Après quoi la voie sera **occupée** par le train pour qu'ensuite celui-ci reparte et laisse la voie **vide**.

Un tel système peut être représenté sous cette forme :



Avec  $x$  étant une variable d'état pour déterminer l'état des portes.

Un tel modèle est appelé *Kripke Model*.

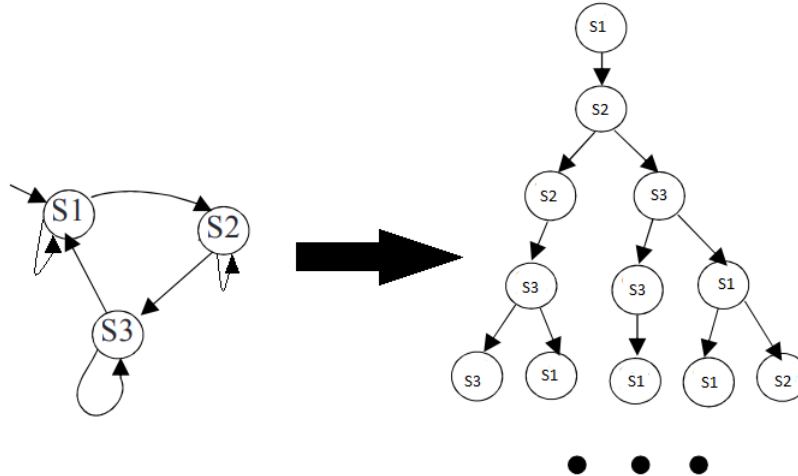
Par convention, le modèle *Kripke* :

$$K = (V, S, S_0, I, R)$$

est le modèle *Kripke* dont :

1.  $\mathbf{V}\{\text{ouverte, se ferme, fermée}\}$  est un ensemble fini de propositions atomiques.
2.  $\mathbf{S}\{\text{vide, en approche, occupée}\}$  est un ensemble fini d'états.
3.  $\mathbf{S}_0$  est l'état initial.
4.  $\mathbf{I} : \mathbf{S} \rightarrow \mathbf{2}^{\mathbf{V}}$  est la fonction qui lie chaque état avec les propositions qui y sont liées.
5.  $\mathbf{R}$  est l'ensemble des relations entre chacun des états.

Nous avons donc ici un graphe infini puisque celui-ci est cyclique. lorsqu'on transformera ce graphe en un arbre de recherche, nous aurons donc également un arbre infini. Faisons le travail de transformer ce graphe en un arbre :



Les "..." symbolisent le fait le l'arbre est un arbre infini.

C'est maintenant grâce à de telles structures que nous allons pouvoir analyser notre système et vérifier que celui-ci soit infailible.

## 2.2 Computational Tree Logic (CTL)

## 2.3 CTL Model Checking

## 2.4 CTL et LTL

## 3 Chapitre 2