

TRƯỜNG ĐẠI HỌC KHOA HỌC TỰ NHIÊN, ĐHQG-HCM ĐỀ THI KẾT THÚC HỌC PHẦN Học kỳ 2 – Năm học 2022-2023

MÃ LƯU TRỮ (do phòng KT-ĐBCL ghi)

		•		
Tên học phần:	Quy hoạch tuy		Mã HP:	CSC10104
Thời gian làm bài	:90 phút	Ngày thi:		
Ghi chú: Sinh viê	n không được phép s	ử dụng tài liệu khi làm bài		
Họ tên sinh viên	:	1	MSSV:	STT:
Điểm số	Điểm chữ	Chữ ký CB chấm thi	CBCT1:	
			СВСТ2:	
	(Đề thi có	40 câu với 06 trang, tổng l	à 10 điểm)	
SIN	IH VIÊN LÀM BÀI	TRỰC TIÉP TRÊN ĐỀ	VÀ NỘP LẠI	ĐÈ THI
<u>Phần A</u> . Đại số t	uyến tính.			
Các câu hỏi từ 1-	·6 liên quan đến án	h xạ Lozi: $L_{a,b} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 + \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} y-a x \\ bx \end{pmatrix}$ của	chaotic theory.
Câu 1. Với $a = \frac{2}{3}$	$\frac{2}{3}$, $b = 0$ thì ánh xạ c	có điểm bất động (fixed p	point) p là:	
$\mathbf{A.} \ \ p = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$	$\binom{2}{0}$. B. $p = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$	$\binom{3/5}{0}$. C. $p = \binom{2/5}{0}$	3). D. p	$= \binom{5/2}{0}.$
Câu 2. Với $b = 0$, trường hợp nào sa	au đây thì ánh xạ trên <i>kh</i>	<i>ông</i> có điểm t	oất động?
		1. C. $a = 0$.		
Câu 3. Biết rằng	ánh xạ Lozi có mộ	t điểm bất động là $p = \left(\begin{array}{cc} & & & & \\ & & & \end{array} \right)$	1 / 2 1 / 2), tìm điểi	n bất động còn lại:
A. $p = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$	$\binom{2}{-1}$. B $p = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$	$ \begin{array}{c} -1/2 \\ -1/2 \end{array} \right). \qquad \mathbf{C.} \ \ p = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}. $	D. KI	nông thể tìm được.
Câu 4. Với (a,b)	= (20, 23), ánh xạ	Lozi có bao nhiêu điểm C. 2.	bất động?	$J\lambda_1 + \lambda_2 = -$
A. 0.	B)1.	C. 2.	D. 3.	ラー 人1.人2
Câu 5. Với $a = 3$	3.b = 0. tìm các tri r	iêng của ánh xạ Lozi: d	bt (A-AI)= 12 + a1 - 6
	$\mathbf{B}, \lambda_2 = 0.$ $\mathbf{B}.$ $\lambda_1 = 3$	$\beta, \lambda_2 = 0.$ C. $\lambda_1 = \frac{1}{3}, \lambda_2$	$p_2 = 0.$ D. λ_1	$=-\frac{1}{3},\lambda_2=3.$
Câu 6. Biết rằng	$(\lambda_1, \lambda_2) = (1, -4)$ là	các trị riêng của ánh xạ	Lozi, tìm cặp	giá trị (a,b) :
A. $(a,b) =$	= (4,3). B (a,b)	=(3,4). C. $(a,b)=($	1,-4). D. (a	(a,b) = (4,1).
	o dưới đây có thể c chạy trên nền tảng	chuyển vị ma trận <i>X (cl</i> Python 3.x:	nuyển dòng th	ành cột và ngược lại)
Họ tên người ra để Họ tên người duyệ	ê/MSCB:		Chữ ký: Chữ ký:	(Đề thi gồm 6 trang) [Trang 1/6]



TRƯỜNG ĐẠI HỌC KHOA HỌC TỰ NHIÊN, ĐHQG-HCM ĐỂ THI KẾT THÚC HOC PHÂN Học kỳ 2 - Năm học 2022-2023

MÃ LƯU TRỮ

AX_chuyenvi = matrix.transpose(X)

B. $X_{\text{chuyenvi}} = X.t$

C. X chuyenvi = X.Transpose()

D. X chuyenvi = t(X).

Câu 8. Hỏi trong các ma trận Markov (ma trận có thành phần không âm và tổng theo cột là 1) bên dưới, có mấy ma trận mà khi lũy thừa lên với số lần đủ lớn thì sẽ hội tụ (không thay đổi):

$$P = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}, \ Q = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}, \ R = \begin{pmatrix} 0.5 & 0.5 \\ 0.5 & 0.5 \end{pmatrix}, \ S = \begin{pmatrix} 0.3 & 0.9 \\ 0.7 & 0.1 \end{pmatrix}?$$

Câu 9. Định nghĩa $v_n = \begin{pmatrix} F_n \\ F_{n+1} \end{pmatrix}$ với mọi n=1,2,... trong đó (F_n) là dãy Fibonacci có mỗi số

hạng bằng tổng hai số hạng trước đó. Để có $v_{n+1}=Av_n$ với mọi n thì A là ma trận nào sau đây?

$$\mathbf{A.} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}.$$

 $\mathbf{A.} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}. \qquad \mathbf{B.} \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}. \qquad \mathbf{C.} \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}. \qquad \mathbf{D.} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}.$

Câu 10. Để giải phương trình Ax = b với A = [[6,7],[20,23]] và b = [9,5]. Thư viện Python sử dụng lệnh nào sau đây?

(A) numpy.linalg.solve(A,b).

B. scipy.linalg.solve(b,A).

C. numpy.solve(b,A).

D. numpy.divide(b,A).

Câu 11. Lệnh nào sau đây để nghịch đảo một ma trận A (đã có import đờ cá chư viện)?

A. A.I B. A.inv C. A ** (-1) D 2 / 6 Câu 12. Ý nghĩa nào sau đây là đúng khi nói về vai trò của Đại số tuy toán Quy hoạch tuyến tính?

A Giải thích được cơ sở lý thuyết của việc lấy đối ngẫu.

B. Giải bài toán quy hoạch nguyên một cách hiệu quả hơn.

C. Giúp kiểm tra được điều kiện của phương án cực biên.

D. Giúp giải bài toán quy hoạch tuyến tính hai chiều nhanh chóng hơn.

Câu 13. Cho ma trận A vuông cấp 2. Trong các câu lệnh sau đây, câu lệnh không dùng để tính bình phương của A là:

 \mathbf{A} . \mathbf{A} . $\mathbf{dot}(\mathbf{A})$

B. numpy.dot(A, A)

C. A @ A

D. A ** 2.

Câu 14. Cách nào sau đây không hợp lệ để tạo ma trận vuông đơn vị cấp 3?

A. numpy.eye(3, k = 0)

B. scipy.linalg.identity(3)

C. numpy.identity(3)

D. numpy.array([[1,0,0], [0,1,0], [0,0,1]]).

Câu 15. Ma trận vuông A được gọi là $l\tilde{u}y$ linh nếu tồn tại số nguyên dương k để A^k là ma trận 0. Hỏi cách làm nào sau đây là không hợp lý để kiểm tra ma trận vuông A có lũy linh hay không?

A. Tính det(A) và nếu det(A) khác 0 thì kết luận A không lũy linh.

B. Ta thực hiện các vòng lặp để tính lũy thừa của A và kiểm tra.

(C.) Nếu A có một dòng chứa toàn số 0 thì kết luận A lũy linh.

 \mathbf{D} . Tính rank(A) và nếu rank(A) bằng số chiều của A thì A sẽ không lũy linh.

(Đề thi gồm 6 trang)



TRƯỜNG ĐẠI HỌC KHOA HỌC TỰ NHIÊN, ĐHQG-HCM ĐỀ THI KẾT THÚC HỌC PHẦN Học kỳ 2 – Năm học 2022-2023

MÃ LƯU TRỮ (do phòng KT-ĐBCL ghi)

Phần B. Quy hoạch tuyến tính.

Câu 16. Sự khác nhau cơ bản giữa hàm m	ục tiêu trong bài toán quy hoạch tuyến tính và trong
các bài toán liên quan đến học máy, học sâu	ı là gì?
A. Số lượng biến nhiều hay ít.	B. Sự phức tạp hay đơn giản.

C. Tuyến tính và phi tuyến.

D. Tính hữu hạn và vô hạn nghiệm.

Câu 17. Bài toán vận tải cân bằng thu phát có 36 biến và phương án tối ưu có 12 biến chọn thì có thể có bao nhiều trạm thu?

A 9.

B. 6.

C. 7.

D. 12.

Câu 18. Bài toán quy hoạch tuyến tính hai biến với các điều kiện ràng buộc sau đây thì có tất cả bao nhiều điểm cực biên: $x \ge 0$, $y \ge 0$, $x + y \ge 5$, $2x - y \ge 1$?

A. 1.

B) 2.

C. 3.

D. 4.

Câu 19. Cho bài toán quy hoạch nguyên với phát biểu như sau: trường Đại học có một khu đất trong khuôn viên và muốn xây dựng: nhà thi đấu (1), phòng thí nghiệm (2), khu tự học (3) sao cho: không xây dựng đồng thời cả ba nhưng phải xây ít nhất một trong ba. Gọi a,b,c là các biến nhị phân {0,1} mô tả việc xây dựng (1), (2), (3) thì nên dùng ràng buộc nào là đúng nhất?

A. $1 \le a + b + c < 3$.

B. $ab+bc+ca \ge 1$ và abc=0.

C. abc = 0 và a + b + c > 0.

D. $a+b+c \le 2$ và min $\{a,b,c\} < \max\{a,b,c\}$.

Câu 20. Một bài toán quy hoạch tuyến tính hai biến x, y có tất cả 9 ràng buộc (dạng $ax + by \ge \le c$) độc lập tuyến tính với nhau ($k\dot{e}$ cả ràng buộc $x \ge 0$ và $y \ge 0$). Hỏi bài toán đó có tối đa bao nhiều điểm cực biên?

A. 45.

B. 36.

C. 8.

D. 9.

Câu 21. Giả sử cần giải bài toán quy hoạch tuyến tính theo phương pháp đơn hình và thêm vào 3 biến giả để dùng phương pháp big M (*trước đó có thể đã thêm các biến tạm*). Cho biết bài toán có phương án tối ưu và các ràng buộc độc lập tuyến tính. Hỏi nhận xét nào sau đây là *đúng*?

A. Bài toán gốc có không quá 3 ràng buộc.

B. Bài toán gốc có ít nhất 3 biến.

C. Tổng số biến cần thêm so với bài toán gốc là 3.

D. Cần thực hiện ít nhất 3 bước lặp của bảng đơn hình.

Câu 22. Phương pháp nào sau đây thường giúp ta thu được phương án cơ sở tốt nhất cho bài toán vận tải cân bằng thu phát?

A. Phương pháp góc Đông Bắc.

B. Phương pháp min cost.

C. Phương pháp Fogel.

D. Phương pháp góc Tây Bắc.



TRƯỜNG ĐẠI HỌC KHOA HỌC TỰ NHIÊN, ĐHQG-HCM ĐỀ THI KẾT THÚC HỌC PHẦN Học kỳ 2 – Năm học 2022-2023

MÃ LƯU TRỮ (do phòng KT-ĐBCL ghí)

Câu 23. Ý nghĩa nào là sai về định lý độ lệch bù $\dot{\sigma}$ bài toán đối ngẫu (D) của bài toán gốc (P) ?

- A. Giúp xác định được nghiệm của (P) dựa trên nghiệm của (D).
- B. Giúp quy về một bài toán giải hệ phương trình.
- C. Một biến khác $0 \ \dot{\sigma} \ (D)$ sẽ kéo theo một ràng buộc tương ứng $\dot{\sigma} \ (P)$ xảy ra đẳng thức.
- \bigcirc Giúp tính độ lệch của hàm mục tiêu giữa (P) và (D). \rightarrow

Câu 24. Nhận xét nào sau đây là sai về bài toán quy hoạch tuyến tính đa mục tiêu?

- A. Số hàm mục tiêu có thể nhiều hơn số biến.
- B. Số hàm mục tiêu có thể nhiều hơn số ràng buộc.
- C. Trong ý tưởng two-phrase, ta tối ưu cho hàm mục tiêu này trước rồi mới đến hàm kia.
- D. Trong ý tưởng combining, ta chọn ra hàm mục tiêu dễ xử lý nhất rồi giải theo nó.

Câu 25. Xét bài toán quy hoạch tuyến tính sau đây với các biến không âm:

$$f = 5x_1 - 9x_2 + 5x_3 + 7x_4 + 3x_5 \rightarrow \min$$

$$\begin{cases} 2x_1 + 6x_2 - 2x_3 - 2x_4 + x_5 = -4 \\ 8x_1 + 2x_3 + 4x_4 - x_5 = 20 \\ -x_1 - x_2 + x_3 - x_5 \ge -1 \end{cases}$$

Cho biết rằng (0, 1, 0, 5, 0) là một phương án tối ưu của bài toán trên và còn một phương án tối ưu khác là (a, b, 4, 1, c). Tính giá trị của tổng a + 3b + c.

A. 1.

B. 2.

C.3

D. 4.

Câu 26-30 liên quan đến bài toán sau:

Cho bài toán quy hoạch tuyến tính có hàm mục tiêu: $f = 3x_1 + x_2 + 2x_3 + 3x_4 + 2x_5 + 4x_6 \rightarrow \min$

với các ràng buộc là $\begin{cases} 2x_1 + x_3 + x_4 + 2x_6 = 12 \\ 3x_1 + x_2 + 2x_4 + x_6 = 30 \\ x_1 + 2x_4 + x_5 - x_6 = 18 \\ x_i \ge 0, \ \forall i = 1, 2, \dots, 6. \end{cases}$ Bảng đơn hình xuất phát với cơ sở (x_3, x_2, x_5)

được cho như sau:

Cơ sở	Hệ số	Phương án	x_1	<i>x</i> ₂	<i>x</i> ₃	x_4	<i>x</i> ₅	x_6
			3	1	2	3	2	4
x_3	2	12	2	0	1	1	0	2
x ₂	1	30	3	1	0	2	0	1
x ₅	2	18	1	0	0	2	1	-1
$f_{ m min}$?	$\Delta_1 = a$	$\Delta_2 = 0$	$\Delta_3 = 0$	$\Delta_4 = b$	$\Delta_5 = 0$	$\Delta_6 = c$

(Đề thi gồm 6 trang)



TRƯỜNG ĐẠI HỌC KHOA HỌC TỰ NHIÊN, ĐHQG-HCM ĐỀ THI KẾT THÚC HỌC PHÂN Hoc kỳ 2 - Năm hoc 2022-2023

(do phòng KT-ĐBCL ghi)

Câu 26. Giá trị của a là bao nhiêu?

B)6. A. 5. C. 4.

Câu 27. Phương án hiện tại là chưa tối ưu, vì sao?

A) Có 2 giá tri $\Delta > 0$.

B. Có 1 giá tri $\Delta < 0$.

C. Có 1 giá trị $\Delta > 0$.

D. Có 3 giá trị $\Delta > 0$.

Câu 28. Trong bước lặp tiếp theo, bằng việc chọn phần tử xoay thích hợp, biến nào sẽ vào và biến nào sẽ ra khỏi bộ 3 biến cơ sở?

A. x_1 , ra, x_1 vào.

B. x_3 ra, x_1 vào.

 \mathbb{C} , x_s ra, x_s vào.

D. x_1 ra, x_2 vào.

Câu 29. Xác định giá trị hàm mục tiêu trong bước lặp tiếp theo của bảng đơn hình.

A. f = 54.

B f = 45. **C**. f = 30. **D**. f = 48.

D. 9.

Câu 30. Phương án tối ưu của bài toán trên là bao nhiêu?

A. $f_{\min} = 36$. **B.** $f_{\min} = 30$. **C.** $f_{\min} = 40$. **D.** $f_{\min} = 38$.

Câu 31-34 liên quan đến bài toán sau:

Cho bài toán quy hoạch tuyến tính $f(x_1, x_2, x_3) = x_1 - x_2 + 2x_3 \rightarrow \min$ có các ràng buộc là

$$\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = 10 \\ x_1 + 2x_2 - x_3 \le 8 \\ x_1 \in \mathbb{R}, x_2 \le 0, x_3 \ge 0 \end{cases}.$$

Câu 31. Hỏi có mấy khẳng định bên dưới về bài toán đối ngẫu của các biến y_1, y_2 là đúng?

- Bài toán đối ngẫu có hàm mục tiêu tìm max. / i)
- ii) $y_1 + y_2 = 2$.
- $y_1 + 2y_2 \ge -1$, $y_1 y_2 \le 2$. iii)

A. 1.

B 2.

C. 3.

D. 0.

Câu 32. Các giá trị của hàm mục tiêu ở bài toán đối ngẫu tại các phương án chấp nhận được (y_1, y_2) có ý nghĩa thế nào đối với bài toán gốc?

A)Là chặn dưới cho hàm mục tiêu của bài toán gốc.

- B. Là chặn trên cho hàm mục tiêu của bài toán gốc.
- C. Giúp xác định cả chặn trên lẫn chặn dưới cho hàm mục tiêu của bài toán gốc.
- D. Giúp xác định số giá trị nguyên mà hàm mục tiêu của bài toán gốc có thể nhận được.

(Đề thi gồm 6 trang) Họ tên người ra đề/MSCB: [Trang 5/6] Họ tên người duyệt đề: Chữ ký: Chữ ký:



TRƯỜNG ĐẠI HỌC KHOA HỌC TỰ NHIÊN, ĐHQG-HCM ĐỀ THI KẾT THỰC HỌC PHẦN Học kỳ 2 – Năm học 2022-2023

MĀ LƯU TRỮ (do phòng KT-ĐBCL ghi)

Câu 33. Nhận xét nào sau đây là *đúng* về các biến y_1, y_2 ?

- **A.** $y_1 \in \mathbb{R}, y_2 \ge 0$.
- $(\mathbf{B}, y_1 \in \mathbb{R}, y_2 \le 0.$
- **C**. $y_1 = 0, y_2 \ge 0$.
- **D**. $y_1 = 0, y_2 \le 0$.

Câu 34. Biết rằng phương án tối ưu cho bài toán đối ngẫu là $(y_1, y_2) = \left(\frac{3}{2}, -\frac{1}{2}\right)$. Xác định phương án tối ưu (x_1, x_2, x_3) của bài toán gốc.

- **A**. (10,0,0).
- **B**. (10,1,1).
- **C**. (1,0,5).
- **D**. (9,0,1).

Câu 35-40 liên quan đến bài toán sau:

Cho bài toán vận tải cân bằng thu phát với 4 trạm thu và 3 trạm phát với bảng chi phí như sau:

	-1	2	1	-2	_
aibi	30	40	50	60	si/ri
80	1 30	5	7	2 50	0
45	5	7	4 45	9	-5
55	12	2 40	3 5	6 10	-4

Câu 35. Khi dùng phương án min cost thì lượng hàng đầu tiên cần chuyển là bao nhiêu?

- **A** 30.
- **B**. 80.
- C. 55.
- D. 45.

Câu 36. Khi dùng phương án góc Tây Bắc thì trạm thứ hai bị loại khỏi bảng là trạm nào?

A. Trạm thu 1.

B. Trạm thu 2.

C. Trạm phát 1.

D. Trạm phát 2.

Câu 37. Hỏi nếu sử dụng phương pháp Fogel thì phương án cực biên xuất phát có giá trị hàm mục tiêu là bao nhiêu?

- A. 420.
- B. 485.
- C.465.
- D. 455.

Câu 38. Khi dùng thuật toán thế vị với phương án Fogel xuất phát, ở bước quy 0 bảng, nếu chọn $r_1 = 0$ (số ở hàng 1) thì ta có $r_3 = ?$ (số ở hàng 3)

- A. -1.
- B. 3.
- $C_{\cdot \cdot} 2$
- $\mathbf{D} 4$.

Câu 39. Sau bước quy 0 bảng ở trên, số lượng các cước phí mới có giá trị âm là bao nhiêu?

- A. 0.
- **B**. 1
- C. 2.
- **D**. 3.

Câu 40. Phương án tối ưu của bài toán trên thuộc nửa khoảng nào sau đây? 455

- A. [480;500).
- **B**. [460;480).
- **(C)** [440;460).
- **D**. [400;440).

(Đề thi gồm 6 '

6/6