2 - 4 May, 2025

หนีไปดวงจันทร์ (Moving to the Moon)

6 seconds, 256 megabytes

น้องอัลกอกำลังจะย้ายบ้านหนีฝุ่น PM2.5 จากโลก ไปที่ดวงจันทร์ แต่ติดปัญหาที่ของในบ้านเยอะเกินขนไป เองไม่ไหว หลังจากหาข้อมูลมานาน ก็ไปเจอบริษัทหนึ่งที่จะมาช่วยขนย้ายของชื่อว่า บริษัท moving to the moon จำกัด โดยบริษัทนี้เรียกเก็บค่าขนย้ายของตามขนาดของสิ่งของนั้นๆเลย (ราคาย่อมเยา) ราคาจะเท่ากับผลรวมขนาด ของสิ่งของ x_i^2 โดย x_i คือขนาดของสิ่งของชิ้นที่ i

แต่ทว่า หลังจากที่บริษัทนี้ได้มาประเมินของในบ้านน้องอัลกอแล้ว มีของที่ต้องขนย้ายทั้งหมด N ชิ้น แต่ว่า มีบางชิ้นที่ขนาดใหญ่เกิน ตัวอย่างเช่น อ่างอาบน้ำของน้องอัลกอขนาด 2000L ที่ถ้าส่งไปเลยจะโดนค่าส่งเยอะแน่ๆ แต่ถึงอย่างนั้นก็ไม่คณามือของบริษัท moving to the moon เพราะที่นี้มี เครื่องแบ่งย่อยมวลสาร (สาร สาร) การทำงานก็ง่ายๆ แค่เอาของใส่เครื่อง มันก็จะแบ่งเป็นสองชิ้นที่ขนาดเล็กลงให้เลย น้องอัลกอแค่ต้องตั้งค่าว่าจะ แบ่งของทั้งสองชิ้นเป็นขนาดเท่าไหร่แต่ว่าต้องตั้งเป็นจำนวนเต็มเท่านั้นนะ ไม่งั้นจะเอามาประกอบกลับไม่ได้

ตัวอย่าง ถ้าจะแบ่งของมวล 100 ทั้งหมด 2 ครั้ง ครั้งแรกหั่นเป็นขนาด 50,50 อีกครั้งนึงเอา 50 มาแบ่งต่อ เป็น 30,20 จะได้ออกเป็น 3 ส่วน ขนาด 50,30,20 ทำให้ค่าขนส่งจาก $100^2=10000$ ก็จะเหลือแค่ $50^2+30^2+20^2=3800$ เอง และด้วยเทคโนโลยีของบริษัท moving to the moon แน่นอนว่าของไม่เสียหาย สามารถประกอบกลับ ได้เหมือนเดิมทุกประการ(ถ้าแบ่งเป็นจำนวนเต็ม) แถมไม่คิดค่าประกอบกลับด้วย

แต่เครื่องนี้ก็ไม่ได้ให้ใช้ฟรีๆ หรอกนะ โดยบริษัทจะคิดราคาในการใช้แบบเหมารวม และค่าใช้งานจะเท่ากับ k^2 โดย k แทนจำนวนครั้งที่น้องอัลกอขอใช้บริการแบ่งมวลสาร และเพื่อไม่ให้เครื่องทำงานหนักมากเกินไป จึงมีจำกัด จำนวนครั้งในการใช้ให้ไม่เกิน M ครั้งด้วย

น้องอัลกอ จึงมารบกวนคุณ(?) ให้ช่วยมาคำนวณค่าย้ายของให้มีราคาน้อยที่สุด และใช้เครื่องจักรไม่เกิน M ครั้ง

ข้อมูลนำเข้า

มีทั้งหมด 2 บรรทัดดังนี้

บรรทัดแรก: จำนวนเต็ม 2 จำนวน N,M คั่นด้วยช่องว่าง (" ") โดย N แทนจำนวนของที่จะต้องขนย้าย และ M แทนจำนวนครั้งที่น้องอัลกอสามารถใช้เครื่องแบ่งมวลสารได้ ($1 \le N \le 10^5, 1 \le M \le 10^9$)

บรรทัดที่ 2: ประกอบด้วยตัวเลข x_i ทั้งหมด N จำนวน แทนขนาดของชิ้นที่ i ($1 \le x_i \le 8\,000\,000$)

ข้อมูลส่งออก

มีบรรทัดเดียว: จำนวนเต็มแทนค่าใช้จ่ายที่น้อยที่สุดที่เป็นไปได้ในการขนย้ายของทั้งหมด รวมค่าใช้เครื่องแบ่ง มวลสาร 2 - 4 May, 2025

การให้คะแนน

- ปัญหาย่อยที่ **1** (15 คะแนน) N=1
- ปัญหาย่อยที่ **2** (18 คะแนน) N=2
- ปัญหาย่อยที่ 3 (22 คะแนน) $N \le 100, M \le 1000$
- ปัญหาย่อยที่ **4** (25 คะแนน) $M \le 100\,000$
- ปัญหาย่อยที่ 5 (20 คะแนน) ไม่มีเงื่อนไขเพิ่มเติม

ตัวอย่างข้อมูลนำเข้าและข้อมูลส่งออก

Input	Output
2 4	15016
100 200	
2 98	815
90 10	
2 4	42016
100 400	

คำอธิบาย

ตัวอย่างที่ 1:

เราสามารถหั่นแบ่ง 200 เป็น 100 ได้ 2 ส่วน จะได้ว่าเหลือ 100,100,100 หลังจากนั้นก็แบ่ง 100 ที่มีอยู่ทุกอันออกเป็น 50 ก็จะได้ว่าของหลังจากแบ่งแล้วเป็น 50,50,50,50,50 ดังนั้นค่าขนส่งทั้งหมดก็จะเป็น $(50^2)\times 6+(4^2)=15016$ เพราะใช้เครื่องแบ่งมวลสารไป 4 รอบ

ตัวอย่างที่ 2:

เราสามารถใช้การแบ่ง 14 ครั้งกับของขนาด 90 เพื่อให้ได้ ขนาด 6 ทั้งหมด 15 ชิ้น หลังจากนั้นก็แบ่งของขนาด 10 ออกเป็นขนาด 5

จะได้ว่า ต้องใช้ค่าขนส่ง $(6^2 imes 15) + (5^2 imes 2) = 590$ และค่าแบ่งมวลสารอีก $15^2 = 225$ รวมเป็น 815