# 算法作业第6章

## 毛翰翔 210110531

### 2022 年 10 月 25 日

1、用本章知识解决下面的问题,写出你的思路和伪代码。

在商店中,有许多在售的物品。然而,也有一些大礼包,每个大礼包以优惠的价格捆绑销售一组物品。现给定每个物品的价格,每个大礼包包含物品的清单,以及待购物品清单。请输出确切完成待购清单的最低花费。每个大礼包由一个数组中的一组数据描述,最后一个数字代表大礼包的价格,其他数字分别表示内含的其他种类物品的数量。任意大礼包可无限次购买。

#### 示例 1:

输入: [2,5], [[3,0,5],[1,2,10]], [3,2]

输出: 14

解释:

有 A 和 B 两种物品,价格分别为 ¥2 和 ¥5。

大礼包 1, 你可以以 ¥5 的价格购买 3A 和 0B。

大礼包 2, 你可以以 ¥10 的价格购买 1A 和 2B。

你需要购买 3 个 A 和 2 个 B,所以你付了 ¥10 购买了 1A 和 2B (大礼包 2),以及 ¥4 购买 2A。

#### 示例 2:

输入: [2,3,4], [[1,1,0,4],[2,2,1,9]], [1,2,1]

输出: 11

解释:

A, B, C 的价格分别为 ¥2, ¥3, ¥4.

你可以用 ¥4 购买 1A 和 1B, 也可以用 ¥9 购买 2A, 2B 和 1C。

你需要买 1A, 2B 和 1C, 所以你付了 ¥4 买了 1A 和 1B (大礼包 1), 以及 ¥3 购买 1B, ¥4 购买 1C。

你不可以购买超出待购清单的物品,尽管购买大礼包2更加便宜

说明:

最多6种物品,100种大礼包。

每种物品, 你最多只需要购买 6 个。

你不可以购买超出待购清单的物品,即使更便宜。

Solution: 基本思路是使用深度优先遍历. 使用递归函数.

我们首先考察没有使用礼包的情况,将其和使用了礼包的进行对比.前者是能够求出的,后者调用函数求出来.

设这个函数是 dfs,假设使用了第 i 礼包,那么对 needs 数组进行更新,对于使用了礼包之后剩余的需求,我们使用类似的方法,先是考察不使用礼包的情况,再考察使用了第 j 个礼包的情况.

其中, i, j都是任意的, 于是说每次递归调用都需要 NumofSpecial 次, 其中 NumofSpecial 是礼包的个数.

```
#define infty 100000
int dfs (int CurrentSpecial , int *ShinNeeds, int **special, int n, int *price, int NumofSpecial){
   int CopyNeeds[10] = {0}; // cpoy 一个数组, 向下进行一个传递.
   int temp = 0, ans = 0;
   for (int i = 0; i < n; i++){</pre>
       CopyNeeds[i] = ShinNeeds[i] - special[CurrentSpecial][i];
                               // 根据这个礼包, 更新这个 needs 数组
       if (CopyNeeds[i] < 0) // 如果说不用买这个礼包就直接返回最大值.
       return infty;
   // ans 更新为不买礼包的情况.
   for (int i = 0 ; i < n ; i++)</pre>
       ans = ans + price[i] * CopyNeeds[i];
   // 遍历买各种礼包的情况.
   for (int i = 0 ; i < NumofSpecial ; i++){</pre>
       temp = dfs(i, CopyNeeds, special, n, price, NumofSpecial);
       if (temp < ans)</pre>
   // 如果说 dfs 结果更低一些, 就将 ans 更新.
           ans = temp;
   return ans + special[CurrentSpecial][n];
}
int shoppingOffers(int* price, int priceSize, int** special, int specialSize, int* specialColSize, int
   int ans = infty;
                                   // ans for answer
   int NumofSpecial = specialSize; // NumofSpecial , the number of specials
   int n = priceSize;
                                   // n for number of items
   int temp;
   for (int i = 0; i < NumofSpecial; i++){</pre>
       for (int j = 0; j < n+1; j++)</pre>
           scanf("%d", &special[i][j]);
   }
   // ans 更新为直接购入
   for (int i = 0; i < n; i++)</pre>
        ans = ans + needs[i] * price[i];
   //
   for (int i = 0 ; i < NumofSpecial ; i++){</pre>
       temp = dfs(i , needs, special , n , price , NumofSpecial);
       if (temp < ans)</pre>
       ans = temp;
   }
   return ans;
```

}

2. 给定一个 4 个点的连通有向图, 其邻接矩阵如下:

$$\begin{bmatrix} \infty & 9 & 13 & 15 \\ 2 & \infty & 1 & 4 \\ 3 & 5 & \infty & 1 \\ 9 & 6 & 3 & \infty \end{bmatrix}$$

可用使用 A\* 算法求这个图的旅行商问题。

- (1) 请写出你的 g(n) 和 h\*(n) 的定义。
- (2) 画出求解此图的搜索树。

**solution**: g(n) 的定义是, 给定一个起点, 这个起点到 n 的距离,  $h^*(n)$  的定义是, n 经过剩下的 顶点回到起点的最优值.

类似的, 这里使用"连接了 n 和未经过的节点的边"中最低权重. 作为  $h^*(n)$  的一个下界. 这里我们使用 1 为起点.

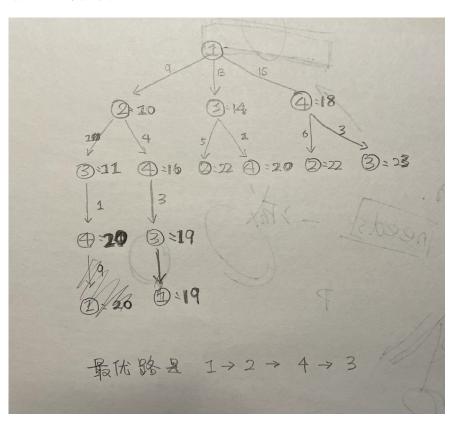


图 1: 树