Metodi Matematici per l'Informatica (secondo canale) — 10 Febbraio 2020 Soluzioni di Andrea Princic. Cartella delle soluzioni.

Es 1. Sia $A = \{2, \{4, 5\}, 4, (5, 1), 3\}$. Allora: $\Box_V \Box_F \ \mathbf{A}. \ \exists x[(x \subset A) \land (5 \in x)]$ $\Box_V \Box_F \ \mathbf{B}. \ \{5, 4\} \in A$ $\Box_V \Box_F \ \mathbf{C}. \ \{3, 4\} \subseteq A$ $\Box_V \Box_F \ \mathbf{D}. \ (4, 5) \in A$ Es 2. Siano $A \in B$ tali che $A \cup B = B$. Allora sicuramente:	
$\Box_{V} \Box_{F} \mathbf{A.} A = B$ $\Box_{V} \Box_{F} \mathbf{B.} A \subseteq B$ $\Box_{V} \Box_{F} \mathbf{C.} A \notin B$ $\Box_{V} \Box_{F} \mathbf{D.} A \neq \emptyset$ $\Box_{V} \Box_{F} \mathbf{E.} A \in B \text{ hanno la stessa cardinalità}$	
Es 3. La chiusura transitiva della relazione $R = \{(1,2), (2,1), (1,3), (3,2)\} \subseteq \mathbb{N} \times \mathbb{N}$ è: $\square_V \square_F$ A. $\mathbb{N} \times \mathbb{N}$ $\square_V \square_F$ B. $\{1,2,3\} \times \{1,2,3\}$ $\square_V \square_F$ C. $\{(1,1), (2,2), (3,3), (2,3), (3,1)\}$ $\square_V \square_F$ D. una relazione di equivalenza su $\mathbb{N} \times \mathbb{N}$	
Es 4. Sia $Q = \{(a,b), (a,c), (a,d), (b,c)\} \subseteq \{a,b,c,d\} \times \{a,b,c,d\}$. Allora: $\square_V \square_F$ A. Q è una funzione iniettiva $\square_V \square_F$ B. Q è una relazione di equivalenza $\square_V \square_F$ C. Q è una relazione transitiva	
Es 5. Sia dato l'insieme $A = \{a, aa, aaa, aaaa,\}$ $\square_V \square_F \text{ A. } \exists x \in A \text{ tale che } \forall y \in A \text{ si ha } \ell(y) \leq \ell(x), \text{ dove } \ell(x) \text{ indica la lunghezza di } x$ $\square_V \square_F \text{ B. } A \text{ non è numerabile}$ $\square_V \square_F \text{ C. } A \text{ è in corrispondenza biunivoca con l'insieme } \{2^k \mid k \in \mathbb{N}\}$ $\square_V \square_F \text{ D. } A \text{ contiene un insieme di parole di lunghezza infinita}$	
Es 6. La relazione $R = \{(x, y) \in \mathbb{N} \times \mathbb{N} \mid x + y \text{ è pari}\}$ è una relazione di equivalenza? Fornire una giustificazione alla risposta e, nel caso affermativo, indicare l'insieme quoziente della relazione.	
Rispondere qui	_

Es 7.	Dimostrare per induzione che, dato un insieme V di n punti con $n \ge 2$, possiamo collegarli a due a due con $\frac{n(n-1)}{2}$ segmenti distinti.
	Rispondere qui
Es 8.	Formalizzare il seguente problema e verificare la correttezza dell'affermazione finale: Se la Roma ha vinto la partita, allora il Brescia e il Genoa retrocedono. Se almeno uno tra il Brescia e il Genoa retrocede, allora la Sampdoria si salva. Quindi, se la Sampdoria non si salva, allora la Roma non ha vinto la partita.
	Rispondere qui
\square_V	Decidere se i seguenti enunciati sono validi: $ \exists_F \ \mathbf{A.} \ (\forall x A(x) \to \forall x B(x)) \to \forall x (A(x) \to B(x)) $ $ \exists_F \ \mathbf{B.} \ (\forall x A(x) \to \exists x B(x)) \leftrightarrow \exists x (A(x) \to B(x)) $

Rispondere qu	
< non ha un ele	mento massimo
Rispondere qui	
	a dire che ogni coppia di elementi nella relazione < possiede un elemento
ntermedio	
ntermedio	
intermedio	
ntermedio	
ntermedio	

Es $\,$ 10. Formalizzare le proposizioni seguenti con enunciati nel linguaggio predicativo $\mathcal L$ composto da un