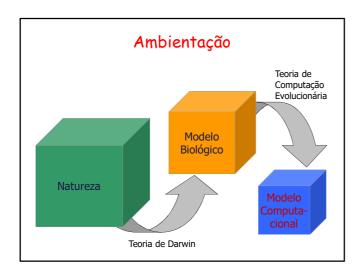
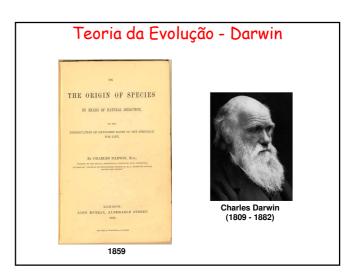


Computação Evolutiva -Conceito

Computação Evolutiva consiste numa máquina "aprendente" otimizada, baseada nos moldes dos mecanismos de evolução biológica e seleção natural.







O que são Algoritmos Genéticos (AGs)?

- Algoritmos Genéticos são algoritmos de busca baseados na seleção natural, onde a sobrevivência está vinculada a aptidão dos indivíduos ao ambiente.
- Seleção Natural
 - Os indivíduos mais aptos tem maior longevidade, e portanto, tem maior probabilidade de reprodução.
 - Indivíduos com maior probabilidade de reprodução tem mais descendentes, e portanto, mais chances de perpetuar seu código genético ao longo das gerações.
 - O código genético constitui a identidade de cada indivíduo e está representado no cromossoma.
- Estes princípios são aplicados na construção de algoritmos que buscam a solução ótima para um determinado problema.

Porque utilizar AGs (ou GAs)?

- · AGs se aplicam a problemas com diversos parâmetros;
- AGs se aplicam a problemas não lineares e com restrições não-lineares;
- AGs se aplicam a problemas que n\u00e3o podem ser representados matematicamente;
- AGs se aplicam a problemas com espaços de busca enormes;
- AGs são algoritmos de busca paralela os métodos de busca tradicionais atuam no valor da variável, varrendo o espaço de busca seguindo uma regra que determine o ponto seguinte.
 - Os AGs realizam a busca evoluindo uma população.

Algoritmos genéticos

- · A IA usa sempre algumas metáforas...
 - Cérebro e sistema nervoso
 - ⇒ Conexionismo
 - Linguagem + processos cognitivos
 - \Rightarrow IA simbólica
 - Teoria da evolução
 - ⇒ Computação evolutiva (algoritmos genéticos)

História da Teoria da Evolução

- 1809: Jean-Baptiste Lamarck
 - -Lei do uso e do desuso
 - pelo uso e desuso de suas aptidões, a natureza força os seres a se adaptarem para sobreviverem.
 - Lei dos caracteres adquiridos.
 - Os serem mais fortes são mais capazes de "transmitir" suas aptidões às novas gerações

História da Teoria da Evolução

- · 1859: Charles Darwin
 - Existe uma diversidade de seres devido aos contingentes da natureza (comida, clima, ...) e é pela lei da Seleção Natural que os seres mais adaptados ao seus ambientes sobrevivem
 - · Contra lei do uso de desuso
 - Os caracteres adquiridos são herdados pelas gerações seguintes
 - O homem vem do macaco...

História da Teoria da Evolução

- 1865: Gregor Mendel
 - Formalizou a "herança de características", com a teoria do DNA (ervilhas)
- 1901: Hugo De Vries
 - Só a seleção natural não é responsável pela produção de novas (mais adaptadas) espécies. Tem de haver uma mudança genética!
 - Formalizou o processo de geração de diversidade: Teoria da Mutação

Precursores da Computação Evolutiva I. Rechenberg, H.-P. Schwefel TU Berlin, '60s John H. Holland University of Michigan, Ann Arbor, '60s

Computação evolutiva

- 1975: Jonh Holland: Idealizou os algoritmos genéticos
 - Adaptation in Natural & Artificial Systems MIT Press, 1975 (2nd ed. 1992)
- · Porque a evolução é uma boa metáfora?
 - Muitos problemas computacionais
 - Envolvem busca através de um grande número de possíveis soluções
 - Requerem que o programa seja adaptativo, apto a agir em um ambiente dinâmico
 - A evolução biológica
 - É uma busca maciçamente paralela em um enorme espaço de problema
 - · Soluções desejadas = organismos mais adaptados

Computação Evolutiva: introdução

- · Computação evolutiva
 - Método probabilista de busca para resolução de problemas (otimização) "inspirado" na teoria da evolução
 - Tem várias variantes: algoritmos genéticos, programação genética, estratégia evolutiva e programação evolutiva
- · Ideia:
 - Indivíduo = solução ;
 - Provoca mudança nos indivíduos por intermédio de mutação e reprodução:
 - Seleciona indivíduos mais adaptados através de sucessivas gerações;
 - A aptidão de cada indivíduo é medida pela "função de aptidão" ($fitness\ function$) f(i): R \rightarrow [0,1]

Algoritmos genéticos

- · Aleatórios: computação evolutiva
 - indivíduo = solução

Processo adaptativo e paralelo



Aplicação: classes de problemas

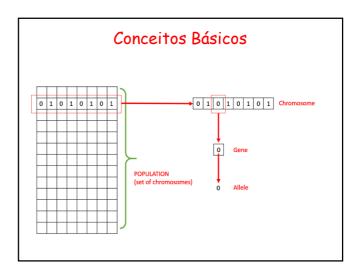
- · Aproximação de funções
 - Não-lineares/lineares, multi-modais
 - Discretas/contínuas
- Otimização combinatória (NP hard)
- Aprendizagem

Características dos Algoritmos Genéticos

- É um algoritmo estocástico (não é determinístico);
- Trabalha com uma população de soluções simultaneamente;
- Utiliza apenas informações de custo e recompensa. Não requer nenhuma outra informação auxiliar (como por exemplo o gradiente);
- São fáceis de serem implementados em computadores;
- · Adaptam-se bem a computadores paralelos;
- Funcionam com parâmetros contínuos ou discretos.

Conceitos Básicos

- · AG manipula uma população de indivíduos;
- · Indivíduos são possíveis soluções do problema;
- Os indivíduos são combinados (crossover) uns com os outros, produzindo filhos;
- Os filhos gerados podem ou não sofrer mutação;
- As populações evoluem através de sucessivas gerações até encontrar uma solução boa o bastante (talvez ótima).



Analogia com a Biologia

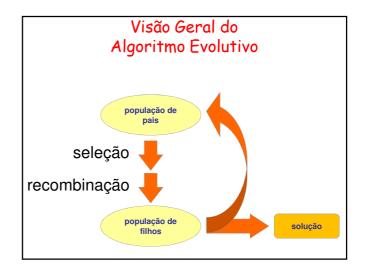
- Cromossomo: representação de uma possivel solução – individuo
- Genes: são as partes do cromossomo, representa uma caracteristica particular do indivíduo
- População: conjunto de individuos que estão sendo cogitados como solução
- Reprodução sexual: genes são intercambiados entre dois pais – crossover
- Mutação: os filhos são sujeitos a modificações, na qual genes elementares são modificados

Como utilizar GAs?

- Dado que exista um problema para o qual se deseja obter a solução ótima, para utilizar GAs é necessário definir (nessa ordem):
 - Indivíduo/Cromossoma criar a representação das soluções do problema (inerente ao problema);
 - Codificação/Decodificação do cromossoma transformação do cromossoma em parâmetros do problema e vice-versa;
 - Avaliação do indivíduo medir o quanto a solução, representada pelos parâmetros decodificados do cromossoma do indivíduo, se aproxima do objetivo (função objetivo);
 - 4. Seleção dos indivíduos para as gerações seguintes;
 - 5. Operadores de reprodução e mutação;
 - 6. Inicialização da população.

Inicialização População

- Existem dois métodos principais para inicializar uma população de AG. São eles:
 - Inicialização aleatória: Preencher a população inicial com soluções completamente aleatórias;
 - Inicialização heurística: Preencher a população inicial usando uma heurística conhecida para o problema.



Algoritmo genético

Questões centrais

- · Como representar os indivíduos?
- · Quem é a população inicial?
- · Como definir a função objetivo?
- · Quais são os critérios de seleção?
- · Como aplicar/definir o operador de reprodução?
- · Como aplicar/definir o operador de mutação?
- Como garantir a convergência e ao mesmo tempo a solução ótima?

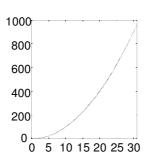
Exemplo 1

Problema: Use um AG para encontrar o ponto máximo da função:

 $f(x) = x^2$ com x sujeito as seguintes

> $0 \le x \le 31$ x é inteiro

restrições:



Indivíduo

- Cromossomo
 - Estrutura de dados que representa uma possível solução para o problema de forma não ambígua
 - Os parâmetros do problema de otimização são representados por cadeias de valores.
 - Exemplos:
 - Vetores de reais, (2.345, 4.3454, 5.1, 3.4)
 - Cadeias de bits, (111011011)
 - Vetores de inteiros, (1,4,2,5,2,8)
 - ou outra estrutura de dados.

Exemplo: Representação Binária

- Encontrar o valor máximo da função f (x) = x², para x E [0; 63];
- Podemos representar as soluções do problema através de um cromossoma de 6 bits.

C1: $0\ 0\ 1\ 0\ 0\ 1$ representa x=9C2: $0\ 0\ 1\ 0\ 0$ representa x=4

Exemplo: Representação Binária

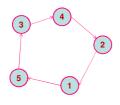
- Representação Cadeia de bits (função)
- $f(x) = 1024-(x-32)^2$

i	binário	Х	f(x)
1	000100	4	240
2	110111	55	495
3	011001	25	975
4	101111	47	799



Exemplo: Representação por Vetor

- · Problema do Caixeiro Viajante
- $C = \{3, 4, 2, 1, 5\}$



Codificação / Decodificação do cromossoma

- A representação do cromossoma é inerente ao problema em questão, dessa forma é necessário construir a solução real do problema a partir do cromossoma;
- Exemplo: decodificação representação binária para $f(x) = x^2$:
 - O cromossomo 0 0 1 0 0 1 é decodificado para a solução x = 9 pela expressão:
 x = 0 * 2⁵ + 0 * 2⁴ + 1 * 2³ + 0 * 2² + 0 * 2¹ + 1 * 2⁰ = 9
- Exemplo: codificação representação binária para f(x) = x²:
 - A codificado da solução x=9 é dada pelo algoritmo: for (i=0 ; i<6 ; i++) { cromossoma [i] = (x>>i) && 1;

Indivíduo

- A função de avaliação é a maneira utilizada para determinar a qualidade de um indivíduo como solução do problema em questão;
- Cada indivíduo tem um valor de aptidão (fitness) associado a ele;
- Aptidão (ou fitness)
 - Nota associada ao indivíduo que avalia quão boa é a solução por ele representada;
 - Será usada para a escolha dos indivíduos pelo módulo de seleção de pais, sendo a forma de diferenciar entre as boas e as más soluções para um problema.
- Aptidão pode ser:
 - Igual a função objetivo
 - Baseado no ranking do indivíduo da população

Cromossomo do Problema 1

- · Cromossomos binários com 5 bits:
 - 0 = 00000
 - 31 = 11111
- Aptidão
 - Neste problema, a aptidão pode ser a própria função objetivo.
 - Exemplo:

aptidão(00011) = f(3) = 9

População Inicial do Problema 1

É aleatória (mas quando possível, o conhecimento da aplicação pode ser utilizado para definir população inicial)

Pop. inicial

cromossomos	X	f(x) P	rob. de seleção
A ₁ = 1 1 0 0 1	25	625	54,5%
A ₂ =01111	15	225	19,6%
Aз=01110	14	196	17,1%
A ₄ = 0 1 0 1 0	10	100	8,7%

Probabilidade de seleção proporcional a aptidão

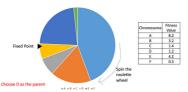
 $p_i = \frac{f(x_i)}{\sum_{k=1}^{N} f(x_k)}$

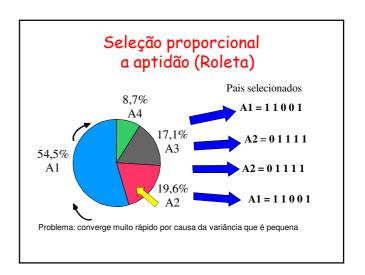
Seleção

- Seleção
 - Tem como objetivo propagar material genético dos indivíduos mais adaptados:
 - A seleção é baseada na seleção dos indivíduos de forma que os mais aptos tem maior probabilidade de serem escolhidos para reprodução
 - Os melhores indivíduos (maior aptidão) são selecionados para gerar filhos através de crossover e mutação;
 - Dirige o AG para as melhores regiões do espaço de busca.
- Tipos mais comuns de seleção
 - Proporcional a aptidão (roleta russa)
 - Torneio
 - Ranking (os n mais adaptados)

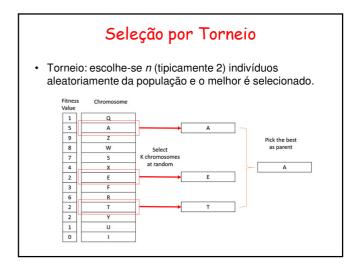
Seleção proporcional a aptidão (Roleta)

- Método simples e muito adotado: método da roleta viciada.
 - Criamos uma roleta (virtual) na qual cada cromossomo recebe um pedaço proporcional à sua avaliação (a soma dos pedaços não pode superar 100%);
 - Rodamos a roleta (isto é, sorteamos um número);
 - Selecionado será o indivíduo sobre o qual ela parar.





Inicio T = soma dos valores de aptidão de todos os indivíduos da população Repita N vezes para selecionar n indivíduos r = valor aleatório entre 0 e T Percorra sequencialmente os indivíduos da população, acumulando em S o valor de aptidão dos indivíduos já percorridos Se S >= r então Selecione o indivíduo corrente Fim se Fim Repita Fim



Seleção por Ranking. • Ranking: seleciona-se os n indivíduos mais adaptados $\frac{\text{Chromosome Fitness}}{\text{Value}} \\ \frac{\text{A}}{\text{B}} \\ \frac{\text{B}}{\text{B}} \\ \frac{\text{C}}{\text{D}} \\ \frac{\text{Fixed Point}}{\text{Fi}}$ NO SELECTION PRESSURE

Reprodução - Crossover

- · Função:
 - combinar e/ou perpetuar material genético dos indivíduos mais adaptados;
 - Cria novos indivíduos misturando características de dois ou mais indivíduos pais (crossover) – variação.
- Em termos de busca:
 - Principais mecanismos de busca do AG;
 - Permite explorar áreas desconhecidas do espaço de busca.

Crossover ou Recombinação

- Cruzamento uniforme: os filhos são formados a partir dos bits dos pais (sorteado)
- · Cruzamento em um ponto

Pai 1: 1010101011 | 0101010111
Pai 2: 0000100101 | 0101110010
Filho1: 10101010110101110010
Filho2: 00001001010101010101111

· Cruzamento multi-ponto

Pai 1: 101010 | 101101 | 01010111
Pai 2: 000010 | 010101 | 01110010
Filho1: 000010 | 101101 | 01110010
Filho2: 101010 | 010101 | 01010111

Crossover

- Os pontos de corte dos cruzamentos em um ponto ou multi-ponto podem ser estáticos ou escolhidos aleatoriamente
- Quanto mais estruturada for a representação do cromossomo, mais difícil fica de se definir o cruzamento













Substituição

- · Objetivo:
 - garantir uma convergência adequada
- · Tipos:
 - simples: a nova geração SUBSTITUI a antiga
 - elitista ou steady-state: a nova geração se MISTURA com a antiga
- · Critérios de substituição no caso elitista:
 - os piores;
 - os mais semelhantes
 - para evitar convergência prematura
 - os melhores;
 - os pais;
 - aleatoriamente, ...

Operadores Genéticos - Mutação

- Os novos indivíduos gerados ainda podem sofrer mutações alterando pontualmente as características herdadas na operação de crossover;
- Exemplo: Mutação sobre um novo indivíduo D2

- O bit afetado pela mutação é selecionado aleatoriamente e a mutação ocorre com probabilidade pm < 1% (probabilidade de mutação);
- A operação de mutação explora o espaço de soluções em busca de características ausentes na população.

Mutação: Cuidados

- · Valor da probabilidade deve ser baixo.
 - Se ele for muito alto, o algoritmo genético se parecerá muito com uma técnica chamada "random walk".
- Alguns textos preferem que o operador de mutação não aja de forma aleatória, mas sim, alterando o valor do gene para outro valor válido do nosso alfabeto genético.
 - Corresponde em multiplicar a probabilidade do operador de mutação por n/(n-1), onde n é a cardinalidade do alfabeto genético.

Mutação

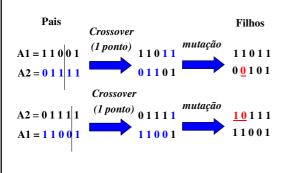
- Objetivo:
 - gerar diversidade (p/ escapar de ótimos locais)

Tipos:

- Gerativa
- Destrutiva
- Swap
- Swap de seqüência

 Obs: Existe uma "taxa de mutação" (ex. % da população selecionada) que diminui com o tempo para garantir convergência

Crossover e mutação do Problema 1



A primeira geração do Problema 1

• Substituição simples

croi	mossomos	х	f(x)	prob. de seleção
1	11011	27	729	29,1%
2	11001	25	625	24,9%
3	11001	25	625	24,9%
4	10111	23	529	21,1%

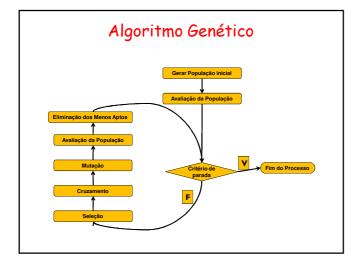
As demais gerações do Problema 1

Conunda Corosão	1	11011	27	729
Segunda Geração	2	$1\ 1\ 0\ 0\ 0$	24	576
	3	10111	23	529
	4	10101	21	441
			X	f(x)
Terceira Geração	1	11011	<i>x</i> 27	f(x) 729
Terceira Geração	1 2	11011		
Terceira Geração	1 2 3		27	729
Terceira Geração	_	10111	27 23	729 529

x = f(x)

As demais gerações do Problema 1

			х	f(x)
0 4 0 ~	1	11111	31	961
Quarta Geração	2	$1\ 1\ 0\ 1\ 1$	27	729
	3	10111	23	529
	4	10111	23	529
			x	f(x)
Quinta Geração	1	11111	<i>x</i> 31	<i>f</i> (<i>x</i>) 961
Quinta Geração	1 2	11111		
Quinta Geração	-		31	961
Quinta Geração	2	11111	31 31	961 961



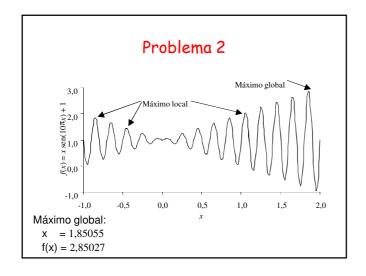
Problema 2

Achar o máximo da função utilizando Algoritmos Genéticos

$$f(x) = x \text{ seno}(10\pi x) + 1.0$$

Restrita ao intervalo:

$$-1,0 \le x \le 2,0$$

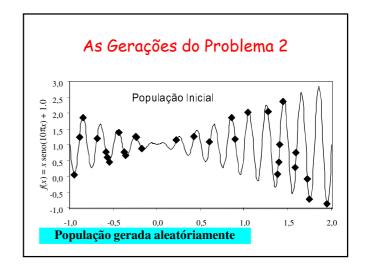


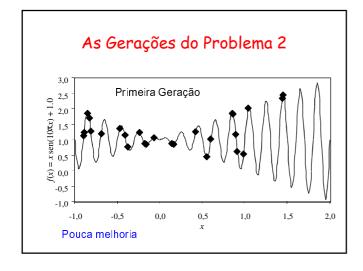
Problema 2

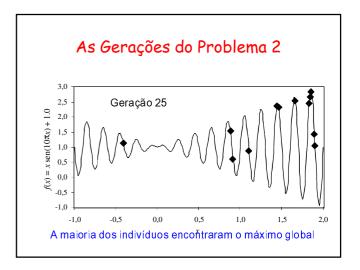
- Função multimodal com vários pontos de máximo.
- É um problema de otimização global (encontrar o máximo global)
- Não pode ser resolvido pela grande maioria dos métodos de otimização convencional.
- Há muitos métodos de otimização local, mas para otimização global são poucos.

O Cromossomo Problema 2

- Representar o único parâmetro deste problema (a variável x) na forma de um cromossomo:
 - Quantos bits deverá ter o cromossomo?
 - Quanto mais bits melhor precisão numérica.
 - Longos cromossomos são difíceis de manipular.
- · Para cada decimal é necessário 3,3 bits
 - Cromossomo com 22 bits1000101110110101000111



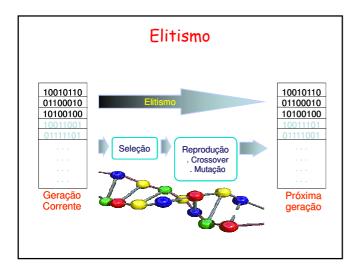




As Gerações do Problema 2 3.0 2.5 Média Melhor Media Melhor Na geração 15 o AG já encontrou o ponto máximo

Elitismo

- A substituição simples da geração antiga, pela nova, podem destruir a melhor indivíduo;
- · Por que perder a melhor solução encontrada?
- Elitismo transfere cópias dos melhores indivíduos para a geração seguinte





Critérios de Parada

- Número de gerações
- Encontrou a solução (quando esta é conhecida)
- Perda de diversidade (estagnação)
- Convergência
 - nas últimas k gerações não houve melhora na aptidão

- Algoritmos Genéticos -Conceitos básicos

- Parâmetros
 - Tamanho da população;
 - Taxa de cruzamento;
 - Taxa de mutação;
 - Taxa de substituição.

- Algoritmos Genéticos -Conceitos básicos

- Tamanho da população
- · Se pequeno
 - Executa rápido;
 - Baixa qualidade.
- · Se grande
 - Boa qualidade;
 - Custo computacional.

Algoritmos Genéticos -Conceitos básicos

- · Taxa de cruzamento
- Se pequeno
 - Convergência demorada.
- · Se grande
 - Perda de material genético.

- Algoritmos Genéticos -Conceitos básicos

- · Taxa de mutação
- Previne a permanência em espaço de busca limitado
 - Máximos locais.
- · Se muito elevado
 - Busca aleatória (ruim).

- Algoritmos Genéticos -Conceitos básicos

- Taxa de substituição
- Quantidade de indivíduos a ser descartada
 - Bons sobrevivem:
 - Menos aptos são excluídos;
 - Material genético desconsiderado.

Calcula a Apticião (rithero de parada) Seleciona indivíduos pela apticião Aplica operações Genéticas (reprodução, mutação) Nova população

Exemplos de aplicações

- · Roteamento de Telecomunicações
- Avaliação de Crédito e Análise de Risco
- · Particionamento de circuitos
- Escalonamento
- Jogos

72

Taxa de Cruzamento

A taxa de cruzamento deve em geral ser alta, cerca de **80%-95%**.

 Entretanto, alguns resultados mostram que para alguns tipos de problemas, uma taxa de cruzamento de cerca de 60% é o melhor.

Taxa de Mutação

Por outro lado, a taxa de mutação deve ser muito baixa.

- As melhores taxas parecem estar na faixa de 0.5%-1%.

Tamanho da População

Um bom tamanho para a população é cerca de 20-30;

- Entretanto às vezes tamanhos de 50-100 s\u00e3o relatados como os melhores.
- Alguns autores também mostram que o melhor tamanho da população depende do tamanho da série codificada (cromossomas).
- Isto significa que se você tem cromossomas com 32 bits, a população deve ser maior do que se você tivesse cromossomos com 16 bits.

Parâmetros Genéticos (1/2)

- É importante também, analisar de que maneira alguns parâmetros influem no comportamento dos Algoritmos Genéticos, para que se possa estabelecê-los conforme as necessidades do problema e dos recursos disponíveis.
- Tamanho da População: o tamanho da população afeta o desempenho global e a eficiência dos AGs.
 - Uma população muito pequena oferece uma pequena cobertura do espaço de busca, causando uma queda no desempenho.
 - Uma população suficientemente grande fornece uma melhor cobertura do domínio do problema e previne a convergência prematura para solucões locais.
 - Entretanto, com uma grande população tornam-se necessários recursos computacionais maiores, ou um tempo maior de processamento do problema.
 - Logo, deve-se buscar um ponto de equilíbrio no que diz respeito ao tamanho escolhido para a população.

Parâmetros Genéticos (2/2)

- Taxa de Cruzamento: quanto maior for esta taxa, mais rapidamente novas estruturas serão introduzidas na população.
 - Entretanto, isto pode gerar um efeito indesejado pois a maior parte da população será substituída, ocorrendo assim perda de variedade genética, podendo ocorrer perda de estruturas de alta aptidão e convergência a uma população com indivíduos extremamente parecidos, indivíduos estes de solução boa ou não.
 - Com um valor baixo, o algoritmo pode tornar-se muito lento para oferecer uma resposta aceitável.
- Taxa de Mutação: mesmo uma baixa taxa de mutação previne que uma dada posição fique estagnada em um valor, além de possibilitar que se chegue em qualquer ponto do espaço de busca.
 - Porém deve tomar cuidado, uma vez que uma taxa de mutação muito alta pode tornar a busca essencialmente aleatória.
- Intervalo de Geração: controla a porcentagem da população que será substituída durante a próxima geração.

Balanço

- Vantagens
 - Simples (várias representações, 1 algoritmo)
 - Vasto campo de aplicações
 - Ainda custa caro mas pode ser paralelizado facilmente
- · Desvantagens
 - Pode ser caro computacionalmente
 - Como o método é basicamente numérico nem sempre é fácil introduzir conhecimento do domínio

Vantagens dos AGs:

- Não requer qualquer informação derivada (que pode não estar disponível para muitos problemas do mundo real);
- É mais rápida e mais eficiente em comparação com os métodos tradicionais;
- · Elevada capacidade de paralelismo;
- Otimiza tanto as funções contínuas quanto as discretas e também problemas com vários objetivos;
- Fornece uma lista de "boas" soluções e não apenas uma única solução;
- Sempre recebe uma resposta para o problema, que fica melhor com o tempo.
- Útil quando o espaço e estados é muito grande e há um grande número de parâmetros envolvidos.

Limitações dos AGs

- Como qualquer técnica, os AGs também sofrem de algumas limitações, tais como:
 - A técnica de AG não é adequada a todo o tipo de problemas, em especial os problemas que são simples e para o qual a informação está disponível diretamente;
 - O valor de fitness (ou aptidão) é calculado repetidamente. o que pode ser computacionalmente caro para alguns problemas;
 - Sendo estocástica (não é determinística), não há garantias sobre a otimização, ou a qualidade da solução;
 - Se não for implementado corretamente, o AG pode não convergir para a solução ótima.

Links

- Course on Genetic Algorithms
 - http://gal4.ge.uiuc.edu/ge493/ge493.top.html
- Intro to GAs (slides)
 - http://lancet.mit.edu/~mbwall/presentations/IntroToGAs/
- GA faq
 - http://www.cis.ohio-state.edu/hypertext/faq/usenet/ai-faq/genetic/top.html
- Links on Genetic Algorithms
 - http://www.ics.hawaii.edu/~sugihara/research/link-dga.html