Corollario agli esercizi

Calcolo percentuale

Per esempio, per calcolare l'8% di 25 dobbiamo immaginare due insiemi: il primo vale 100 ed il secondo 25.

Osservando i due insiemi possiamo osservare che:

- 50% e 12.5 occupano lo stesso spazio
- 25% e 6.25 occupano lo stesso spazio
- 17% e 4.2 occupano lo stesso spazio

Ed effettivamente questi sono i risultati delle percentuali.

Utilizzando le formule possiamo dire che:

$$\frac{val.reale}{25} = \frac{8}{100}(\%)$$

E quindi che

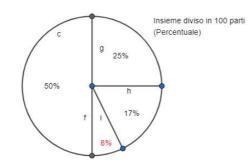
$$\frac{val.reale}{\frac{25}{25}} * \frac{25}{100} * \frac{8}{100} * \frac{25}{100}$$

$$val.reale = \frac{8}{100} * 25 = 2$$

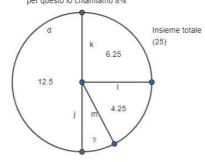
Ricordandovi il rapporto

$$\frac{val.\,perc.}{100} = \frac{val.\,reale}{totale}$$

All'occorrenza potete sostituire i valori e trovare quello che vi serve.



Il rapporto fra 8 e 100 è uguale al rapporto fra 2 e 25, per questo lo chiamiamo 8%



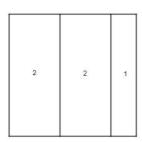
Divisione intera, divisione decimale e resto

Quando vogliamo trovare il resto di una divisione dobbiamo prima di tutto chiederci che tipo di divisione vogliamo eseguire.

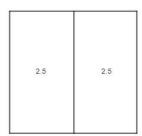
Ci sono due tipi di divisione: la divisione decimale e la divisione intera.

- La divisione decimale risponde alla domanda: "Quant'è il valore esatto della divisione?"
- La divisione intera invece risponde alla domanda "Quante volte il primo valore sta nel secondo? Qual è il resto di questa operazione?"

Prendiamo per esempio il rapporto $\frac{5}{2}$



Divisione decimale



Come potete vedere entrambi i risultati sono corretti ma vengono espressi in due modi diversi:

La divisione decimale esprime un risultato in numeri razionali positivi

$$r \ razionale, r \in R, cioè \ r \in \{..., -2.3, ..., -1.2, ..., 0, ..., 1.2, ..., 5.4, ...\}$$

La divisione intera esprime un risultato in numeri naturali

$$n \ naturale, n \in N, cioè \ n \in \{1, 2, 3, 4, ...\}$$

Il resto è rappresentato dal valore rimanente della divisione intera, in questo caso 1.

Nei **linguaggi di programmazione** l'operazione resto si calcola utilizzando l'operatore '%', che applicato al nostro esempio diventa

Utilizzando delle variabili possiamo quindi scrivere:

int a = 5;

int b = 2:

float divisione_decimale = a / b;

int divisione_intera = a / b;

int resto = a % b;

cout << "la divisione decimale è uguale a" << divisione_decimale;</pre>

\\Output: "la divisione decimale è uguale a 2,5"

cout << "la divisione intera è uguale a" << divisione_intera;

\\Output: "la divisione intera è uguale a 2"

cout << "Il resto della divisione intera è: " << resto;

\\Output: "Il resto della divisione intera è1"

N.B. In C++ '%' non significa percentuale ma significa resto!!

Valore assoluto di x - |x|

Il valore assoluto di un numero è una funzione che associa ad un numero x un valore y non negativo secondo le se seguenti regole:

$$y = |x| = \begin{cases} x, & se \ x \ge 0 \\ -x, & se \ x < 0 \end{cases}$$

Oppure

$$y = |x| = \max(x, -x)$$

Oppure

$$y = |x| = \sqrt{x^2}$$

Oppure semplicemente se x è positivo il risultato è x, se x è negativo il risultato è sempre x. La funzione valore assoluto riporta sempre il valore positivo del numero.

Esempi

Le formule spiegate sopra sono tutti metodi validi per calcolare il valore assoluto.