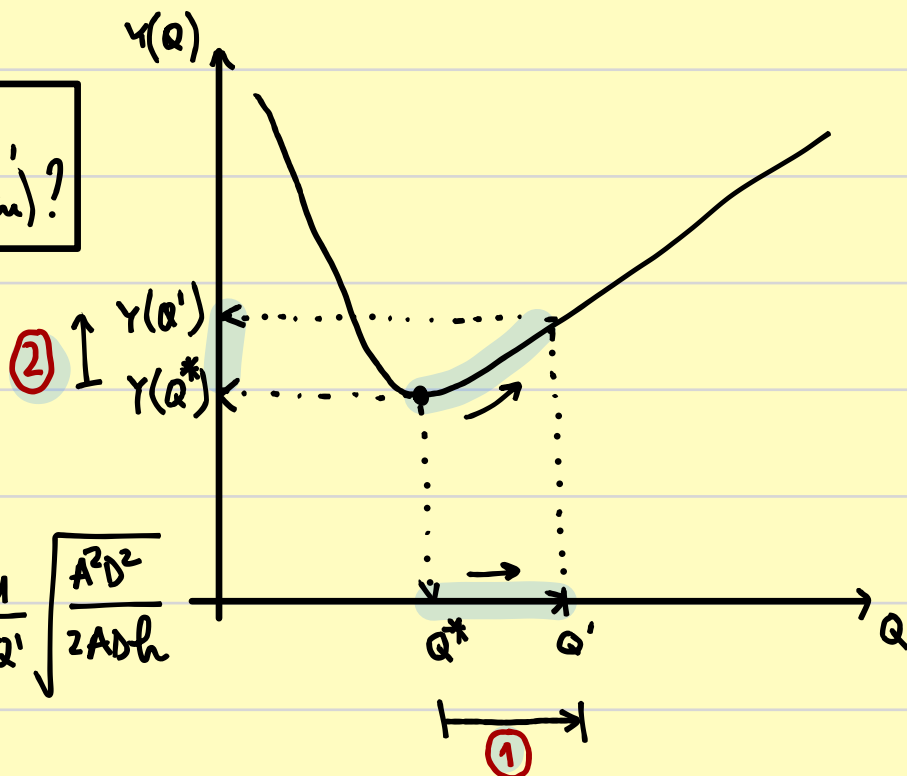


$$\text{EOQ Modell I} \dots Y(Q) = \frac{hQ}{2} + \frac{AD}{Q} + cD \quad ; \quad Q^* = \sqrt{\frac{2AD}{h}} \quad ; \quad Y(Q^*) = \sqrt{2ADh}$$

.. EMPFINDLICHKEIT VOM MODELL I ..

- ① Wenn die Variable  $Q$  (Bestellmenge) sich ändert,
- ② wie viel ändert sich die Funktion  $Y(Q)$  (Kosten)?

i.e.w.: Wenn ich die optimale Bestellmenge verfehle, wie viel zahle ich zusätzlich?



$$\frac{Y(Q')}{Y(Q^*)} = \frac{\frac{hQ'}{2} + \frac{AD}{Q'}}{\sqrt{2ADh}} = \frac{Q'}{2} \sqrt{\frac{h^2}{2ADh}} + \frac{1}{Q'} \sqrt{\frac{A^2 D^2}{2ADh}}$$

neue Kosten  
optimale Kosten

[c.D.] wird auf NULL gestellt, damit die Rechnung einfacher ist.

$$Y(Q') = \frac{h \cdot Q'}{2} + \frac{AD}{Q'}$$

$$Y(Q^*) = \sqrt{2ADh}$$

$$\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\frac{Y(Q')}{Y(Q^*)} = \frac{Q'}{2} \sqrt{\frac{h}{2AD}} + \frac{1}{2Q'} \sqrt{\frac{2AD}{h}} = \frac{Q'}{2Q^*} + \frac{Q^*}{2Q'} = \frac{1}{2} \left( \frac{Q'}{Q^*} + \frac{Q^*}{Q'} \right)$$

$$Q^* = \sqrt{\frac{2AD}{h}}$$

Interpretation: wenn ich doppel so viel bestelle als die optimale Bestellmenge  $Q' = 2Q^*$   
Wie viel erhöhen sich die Kosten?

$$\frac{Y(Q')}{Y(Q^*)} = \frac{1}{2} \left( \frac{2Q^*}{Q^*} + \frac{Q^*}{2Q^*} \right) = 1.25 \rightarrow$$

wenn ich doppel zu viel bestelle, erhöhen sich die Kosten um 25%.

$$Y(Q^*) = 100 \text{ €} \rightarrow Y(Q') = 125 \text{ €}$$

Wenn ich ein Drittel der optimalen Bestellmenge bestelle?  $Q' = \frac{1}{3}Q^*$

$$\frac{Y(Q')}{Y(Q^*)} = \frac{1}{2} \left( \frac{\frac{1}{3}Q^*}{Q^*} + \frac{Q^*}{\frac{1}{3}Q^*} \right) = \frac{1}{2} \left( \frac{1}{3} + \frac{1}{\frac{1}{3}} \right) = \frac{1}{2} \left( \frac{1}{3} + 3 \right) = 1.66$$

wenn ich ein drittel zu wenig bestelle, erhöhen sich die Kosten 66'6%.

wenn wir die Hälfte bestellen:  $Q' = \frac{1}{2} Q^* \rightarrow \frac{Y(Q')}{Y(Q^*)} = 1.25$

Beispiel: ①  $D = \ln Q$   $A = Q$  ;  $Q^*$ ;  $Y(Q^*)$ ;  $\frac{Y(Q')}{Y(Q^*)}$

$$Y(Q) = \frac{hQ}{2} + \frac{A \cdot \ln Q}{Q} + c \cdot \ln Q$$

$$\left. \frac{dY(Q)}{dQ} \right|_{Q=Q^*} = 0 \rightarrow Q^* \rightarrow Y(Q^*) \rightarrow \frac{Y(Q')}{Y(Q^*)}$$

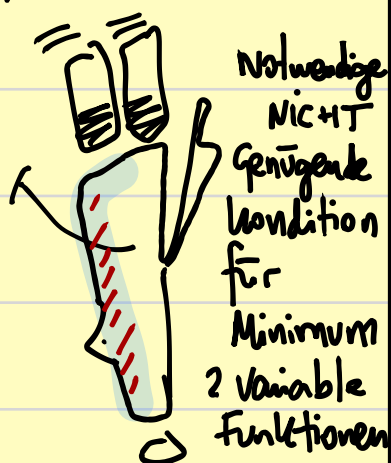
②  $D = \frac{1}{Q^2}$   $A = Q$  ;  $Q^*$ ;  $Y(Q^*)$ ;  $\frac{Y(Q')}{Y(Q^*)}$

$$Y(Q) = \frac{hQ}{2} + \frac{Q \cdot \frac{1}{Q^2}}{Q} + c \cdot \frac{1}{Q^2} = \frac{hQ}{2} + \frac{Q}{Q^3} + \frac{c}{Q^2} = \frac{hQ}{2} + \frac{1}{Q^2} + \frac{c}{Q^2}$$

$$Y(Q) = \frac{hQ}{2} + \frac{1+c}{Q^2} \rightarrow \left. \frac{dY(Q)}{dQ} \right|_{Q=Q^*} = 0 \rightarrow \dots \rightarrow Q^* \rightarrow Y(Q^*) \rightarrow \frac{Y(Q')}{Y(Q^*)}$$

FACTORY PHYSICS ; Spearman & Hopp

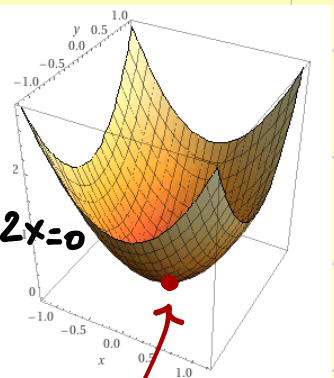
Economic Order Quantity (II) Modell



$$f(x, y) = x^2 + y^2$$

$$\frac{\partial f}{\partial x} = \frac{\partial(x^2 + y^2)}{\partial x} = \frac{\partial(x^2)}{\partial x} + \frac{\partial(y^2)}{\partial x} = 2x = 0$$

$$\frac{\partial f}{\partial y} = \frac{\partial(x^2 + y^2)}{\partial y} = \frac{\partial(x^2)}{\partial y} + \frac{\partial(y^2)}{\partial y} = 2y = 0$$



MINIMUM

$[x, y] (0, 0)$

Hier werden neue Annahmen erlaubt:

1. Es wird ein "Stock-Out" erlaubt.  
Der Lieferant darf offene Bestellungen haben (Backlog) [nicht gelieferte Bestellungen].

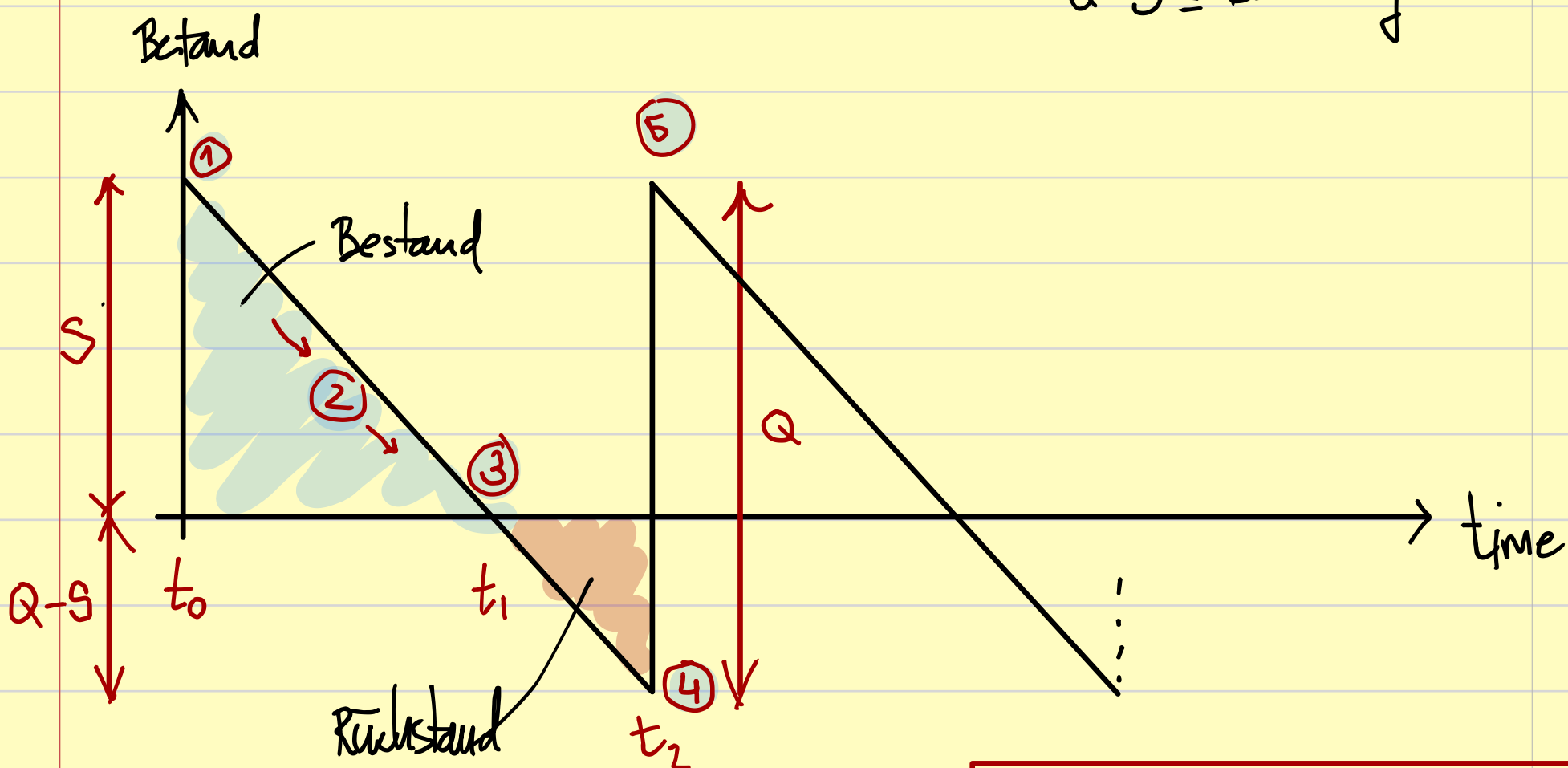
Alle andere Annahmen vom EOQ I bleiben gleich.

Es werden zusätzliche Parameter benötigt:

$p$  = Kosten für nicht gelieferte Bestellungen [€/Stück]

$S$  = Bestand nach Lieferung der Bestellmenge  $Q$

$Q - S \equiv \text{Backlog}$



① Wir fangen in  $t_0$  mit Bestand „ $S$ “ an.

② Der Bestand wird mit einem konstanten Bedarf „ $D$ “ aufgebraucht. Deshalb haben wir eine Linie.

③ Bei  $t_1$  haben wir einen Bestand von NULL erreicht.

$$t_1 = \frac{S}{D}$$

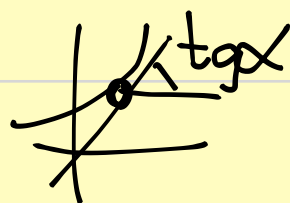
④ Bei  $t_2$  sind wir wieder lieferfähig mit der Bestellmenge  $Q$ .  $t_2 = \frac{Q}{D}$

② Warum ist  $t_1 = \frac{S}{D}$ ?

$D$ : Bedarf ist die Neigung der Kurve (Gerade)

$$D = \frac{S}{t_1} \rightarrow t_1 = \frac{S}{D}$$

$$f(x) = kx \rightarrow f'(x) = k$$



⑤ Nach Lieferung haben wir den Bestand  
..S wieder aufgefüllt.

<sup>3</sup>  
w. prof H4. com