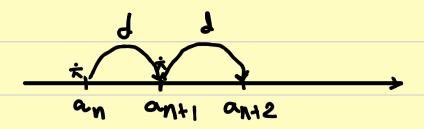
AF: ant = antd



GEOMETRISCHE FOLGE (GF)

Beider gometischen Folge ist der Ovotient  $q = \frac{an+1}{an}$ zw. zwei auseinander folgenden Folgegliedern

immer gleich groß: q = konstant.

Jedes Glied der Folge außer ...a., ergibt sich dadurch,

das man das voransgehende Glied mit einem konstanten Falltor . q" multipliziert.

Bildnogsgesetz der geometrischer Folge:

1,8	48	
2		48
	%	l
1		

$$a_1 = \ell^2$$
  $q = \frac{1}{4}$ 
 $a_2 = q \cdot a_1 = \frac{1}{4} \cdot \ell^2 = \left(\frac{1}{2}\ell\right)^2$ 
 $a_3 = q \cdot a_2 = \frac{1}{4} \cdot a_2 = \frac{1}{16} \cdot \ell^2$ 

$$a_1 = \frac{bh}{2}$$
  $q = \frac{1}{4}$ 
 $a_2 = q \cdot a_1 = \frac{1}{4} \cdot \frac{bh}{2h}$ 
 $a_3 = q \cdot a_2 = \frac{1}{16} \cdot \frac{bh}{2}$ 

Eine GF ist eindertig durch das thrangsglied .a; und den konstanten Focktor .g bestimmt.

$$a_1 = a_1$$
  
 $a_2 = a_1 \cdot q$   
 $a_3 = a_2 \cdot q = (a_1 \cdot q)q = a_1 q^2$   
 $a_4 = a_3 \cdot q = (a_2 \cdot q)q = a_1 q^3$   
...  
 $a_n = a_1 \cdot q^{n-1}$ 

Bildung squetz der GF: 
$$a_{n} = a_{1} \cdot q^{n-1}$$

$$\frac{a_{n}}{a_{1}} = q^{n-1} \rightarrow log \left[\frac{a_{n}}{a_{1}}\right] = (n-1) log q \rightarrow log \left[\frac{a_{n}}{a_{1}}\right] = n-1$$

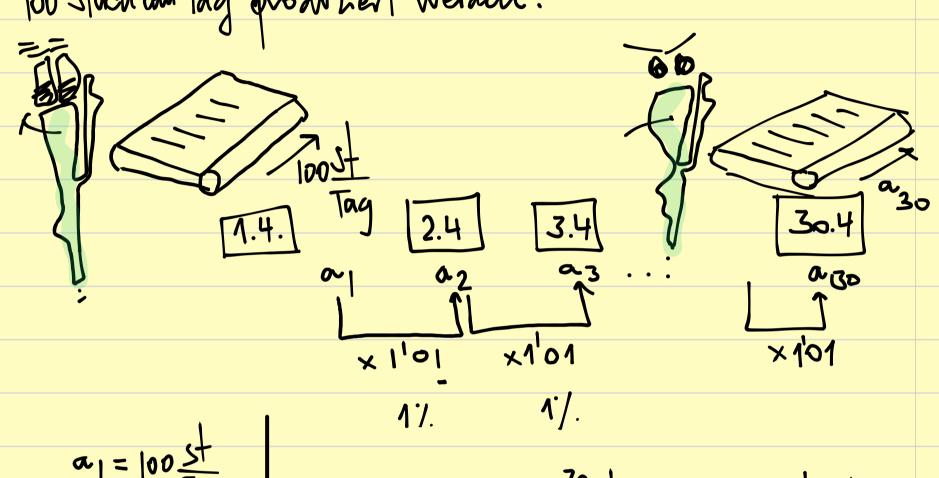
$$log \left[a^{b}\right] = lolog a \rightarrow n = 1 + \frac{log \left[a_{n}\right]}{log q}$$

$$log \left[10^{2}\right] = 2 log 10$$

$$log \left[10^{2}\right] = q_{1} = 12353$$

ALEX Fragt nech der Notur der Klemmer.

thoung in einem Bethieb soll die Geschwindigkeit eines Fließbandes, taglich um 1/ erhöht werden. Nie schwell ist die Produktion am 30. April, wern am 1. April 100 Stuck am Tag groduziert werden?



$$a_1 = |00 \frac{St}{Tag}|$$
 $q = 1'01$ 
 $n = 30$ 

4F: an+1 = 9 AF: an+1=an+d

REIHEN. Summiert nom lie Glieder einer Folge, so erhalt man eine Reihe.

ENDLICHE REIHEN: Sai UNENDLICHE REIHEN: Sai

ARITHMETISCHE REIHEN: (AR)

Fine Reihe, die aus den ersten Gliedern einer AF gebaldet wird,
heißt eine AR.

$$\sum_{i=1}^{n} a_{i} = a_{1} + |a_{1}+d| + (a_{1}+2d) + ... + (a_{1}+(n-3)d) + (a_{1}+(n-2)d) + (a_{1}+(n-1)d) + (a_{1}+(n-2)d) + (a_{1}+(n-3)d) + ... + (a_{1}+2d) + (a_{1}+d) + a_{1}$$

$$\sum_{i=1}^{n} a_{i} = (a_{1}+(n-1)d) + (a_{1}+(n-2)d) + (a_{1}+(n-3)d) + ... + (a_{1}+2d) + (a_{1}+d) + a_{1}$$

$$2\sum_{i=1}^{n}a_{i}=2a_{1}+(n-1)d+2a_{1}+(n-$$

$$n \cdot \left[2a_1+(n-1)d\right]$$

$$2\sum_{i=1}^{n} a_{i} = n \cdot \left[2a_{1} + (n-1)d\right] \longrightarrow \sum_{i=1}^{n} a_{i} = \frac{n}{2}\left[a_{1} + a_{1} + (n-1)d\right]$$

Furdie AR gilt: 
$$\sum_{i=1}^{n} a_i = \frac{n}{2} \left[ a_i + a_n \right]$$

Furdie AR gift:  $\sum_{i=1}^{n} \sum_{z=1}^{n} a_{z} + a_{z}$ Privile: bestimme bitte die Summe einer AR mit looglieder,  $a_{z}=15$ und d=3.

$$\sum_{i=1}^{100} a_i = \frac{100}{2} \left[ 15 + (100-1).3 \right] = 13350$$

GEOMETRISCHE REIHEN (GR)

Eine Reihe, deren Gliedern eine GF bilden, nennt man QR.  $a_1$   $a_2$   $a_3$   $a_{n-2}$   $a_{n-1}$   $a_n$   $GR = \sum_{i=1}^{n} a_i = a_1 + a_1 q + a_1 q^2 + ... + a_1 q + a_1 q + a_1 q^4 + a_1$  $q \cdot \sum_{i=1}^{n} a_i = a_1 \cdot q + a_1 \cdot q^2 + a_1 \cdot q^3 + \dots + a_i q^2 + a_i q^2 + a_i q$  $\sum_{i=1}^{n} a_i - q \sum_{i=1}^{n} a_i = a_1 + a_1 \cdot q^n$  $\sum_{i=1}^{n} a_{i} - q \sum_{i=1}^{n} a_{i} = a_{1} + a_{1} \cdot q^{n}$   $\sum_{i=1}^{n} a_{i} \left[1 - q^{n}\right] = a_{1} \left[1 + q^{n}\right] \rightarrow \sum_{i=1}^{n} a_{i} = a_{1} \cdot \frac{1 + q^{n}}{1 - q} \quad q \neq 1$ wenn  $q=1 \rightarrow \sum_{i=1}^{N} = a_1 + a_1 \cdot q + a_1 q^2 + ... + a_1 q^{N-1} = n \cdot a_1 q^{-1}$  $GR: q \neq 1 \rightarrow \sum_{i=1}^{n} a_i = a_i \cdot \frac{1-q^n}{1-q}$ n · Die Summe \summa von al, a2,a3, i=1 ...,an  $q=1 \rightarrow \sum_{i=1}^{n} a_i = n. \alpha_1$  $\sum_{100}^{100} a_{100} = a_{11} + a_{12} + a_{13}$  88 = 7Beistie le bestimmen Sie bitte die Svume einer geometrischen Reihe mit 100 Gliedern,  $\alpha_1 = \frac{2}{3}$ , q = 1/2.  $1 + 1 \rightarrow \sum_{i=1}^{n} a_i = \frac{a_1(1-q^n)}{1-q^i} = \frac{2}{3} \cdot \frac{1-1/2^{100}}{1-1/2} = 276.10^6$