Statistikübungen für WIN2 - Vertiefte Übungen zu Poisson-, Exponential- und Weibull-Verteilungen

Prof H4. https://www.profh4.com 25. März 2025

1 Poisson-Verteilung

Die Poisson-Verteilung wird verwendet, um die Wahrscheinlichkeit von Ereignissen zu beschreiben, die unabhängig voneinander über einen bestimmten Zeitraum eintreten, wenn diese Ereignisse mit einer konstanten mittleren Rate geschehen.

Übungen

- 1. Ein Restaurant hat im Durchschnitt 20 Kunden pro Stunde. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass in einer bestimmten Stunde genau 25 Kunden kommen?
- 2. Ein Buchladen verkauft durchschnittlich 3 Bücher pro Tag. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass kein Buch an einem Tag verkauft wird?
- 3. In einem Callcenter kommen durchschnittlich 5 Anrufe pro Stunde. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass in den nächsten 30 Minuten kein Anruf eingeht?
- 4. Ein Busunternehmen hat festgestellt, dass an einer Haltestelle durchschnittlich 2 Busse pro Stunde verspätet sind. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass mehr als 3 Busse in einer Stunde verspätet sind?
- 5. Ein Zoo beobachtet, dass im Durchschnitt 4 mal pro Tag ein bestimmtes Tier gefüttert werden muss. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass es an einem Tag genau 6 Mal gefüttert werden muss?

- 6. Ein Flughafen registriert durchschnittlich 10 Landungen pro Stunde. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass in einer bestimmten Stunde keine Landung stattfindet?
- 7. In einem Supermarkt werden durchschnittlich 2 Diebstähle pro Woche gemeldet. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass in einer Woche mehr als 4 Diebstähle gemeldet werden?
- 8. Eine Website erhält durchschnittlich 15 Nachrichten pro Tag über ihr Kontaktformular. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass sie an einem Tag genau 20 Nachrichten erhält?
- 9. Ein Krankenhaus hat durchschnittlich 8 Geburten pro Tag. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass an einem Tag weniger als 5 Geburten stattfinden?
- 10. Ein Callcenter erhält durchschnittlich 12 Anrufe pro Stunde. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass es in den nächsten 15 Minuten mindestens 1 Anruf erhält?

2 Exponential-Verteilung

Die Exponentialverteilung wird typischerweise verwendet, um die Zeit zwischen aufeinanderfolgenden Ereignissen zu modellieren, die unabhängig mit einer konstanten mittleren Rate geschehen.

Übungen

- 1. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass der nächste Anruf in einem Callcenter, das durchschnittlich alle 10 Minuten Anrufe erhält, in weniger als 5 Minuten erfolgt?
- 2. Ein Computersystem registriert im Durchschnitt alle 15 Minuten einen Fehler. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass der nächste Fehler innerhalb der nächsten 10 Minuten auftritt?
- 3. Ein Bus hat eine durchschnittliche Ankunftszeit von 20 Minuten. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass der nächste Bus in weniger als 15 Minuten ankommt?
- 4. Die durchschnittliche Zeit bis zum Ausfall eines Geräts beträgt 1000 Stunden. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass das Gerät mehr als 1200 Stunden ohne Ausfall funktioniert?

- 5. Ein Kundendienstmitarbeiter wird durchschnittlich alle 30 Minuten angerufen. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass der nächste Anruf mehr als 45 Minuten auf sich warten lässt?
- 6. Die durchschnittliche Zeit zwischen zwei Tweets auf einem popular Twitter-Account beträgt 2 Minuten. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass der nächste Tweet in weniger als 1 Minute gepostet wird?
- 7. Ein Lichtschalter wird im Durchschnitt nach 5000 Betätigungen defekt. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass er bereits vor der 4000. Betätigung ausfällt?
- 8. In einem Park beträgt die durchschnittliche Zeit zwischen dem Eintreffen von Besuchern 10 Minuten. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass der nächste Besucher in weniger als 5 Minuten eintrifft?
- 9. Ein Drucker wird durchschnittlich alle 300 Seiten gewartet. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass er mehr als 350 Seiten ohne Wartung druckt?
- 10. Die durchschnittliche Zeit, die ein Student auf eine Antwort von seinem Professor wartet, beträgt 3 Tage. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass die Antwort in weniger als 2 Tagen eintrifft?

3 Weibull-Verteilung

Die Weibull-Verteilung wird oft verwendet, um die Lebensdauer von Materialien und Mechanismen zu beschreiben, wobei der Formparameter die Art der Verteilung beeinflusst.

Übungen

- 1. Ein Gerät hat eine Weibull-verteilte Lebensdauer mit einem Formparameter von 1.5 und einem Skalenparameter von 1000 Stunden. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass das Gerät weniger als 800 Stunden hält?
- 2. Die Lebensdauer von Glühbirnen eines bestimmten Typs folgt einer Weibull-Verteilung mit einem Formparameter von 2 und einem Skalenparameter von 1200 Stunden. Bestimmen Sie die Wahrscheinlichkeit, dass eine Glühbirne länger als 1500 Stunden brennt.

- 3. Ein Autohersteller hat festgestellt, dass die Lebensdauer seiner Fahrzeugbatterien einer Weibull-Verteilung mit einem Formparameter von 1.2 und einem Skalenparameter von 5 Jahren folgt. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass eine Batterie innerhalb der ersten 3 Jahre ausfällt?
- 4. Windturbinen in einem Windpark haben eine durchschnittliche Lebensdauer, die einer Weibull-Verteilung mit einem Formparameter von 3 und einem Skalenparameter von 20 Jahren folgt. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass eine Turbine mehr als 25 Jahre funktioniert?
- 5. Ein Smartphone-Hersteller gibt an, dass die Lebensdauer seiner Geräte einer Weibull-Verteilung mit einem Formparameter von 1.1 und einem Skalenparameter von 3 Jahren folgt. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass ein Gerät weniger als 2 Jahre hält?
- 6. Ein Hersteller von Sportausrüstung hat die Haltbarkeit von Tennisschlägern analysiert und festgestellt, dass diese einer Weibull-Verteilung mit einem Formparameter von 1.8 und einem Skalenparameter von 2 Jahren folgt. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass ein Tennisschläger länger als 3 Jahre hält?
- 7. Die Festigkeit von Betonproben bei einem Brückenneubau folgt einer Weibull-Verteilung mit einem Formparameter von 0.9 und einem Skalenparameter von 40 MPa (Megapascal). Bestimmen Sie die Wahrscheinlichkeit, dass eine Probe weniger als 30 MPa aushält.
- 8. Ein Unternehmen untersucht die Ausfallrate von Festplatten, die einer Weibull-Verteilung mit einem Formparameter von 0.7 und einem Skalenparameter von 4 Jahren folgt. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit eines Ausfalls innerhalb des ersten Jahres?
- 9. Die Zeit bis zum ersten technischen Defekt eines Haushaltsgeräts folgt einer Weibull-Verteilung mit einem Formparameter von 2.5 und einem Skalenparameter von 6 Jahren. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass das Gerät die ersten 5 Jahre ohne Defekt übersteht?
- 10. Die Überlebenszeit bestimmter elektronischer Komponenten in einem Satelliten folgt einer Weibull-Verteilung mit einem Formparameter von 3.2 und einem Skalenparameter von 10 Jahren. Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit, dass eine Komponente länger als 12 Jahre funktioniert.