

Modelos de Recuperação de Informação

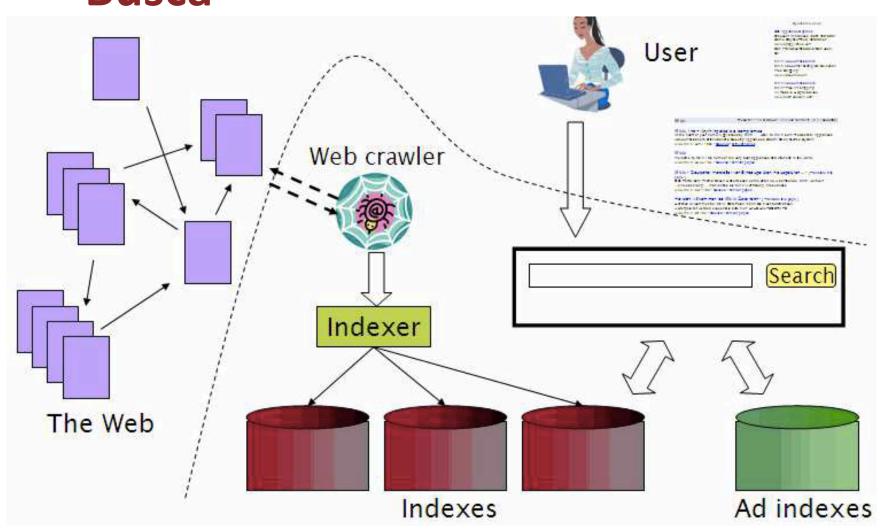
Prof. Luciano Barbosa (Parte do material retirado dos slides dos livros adotados)





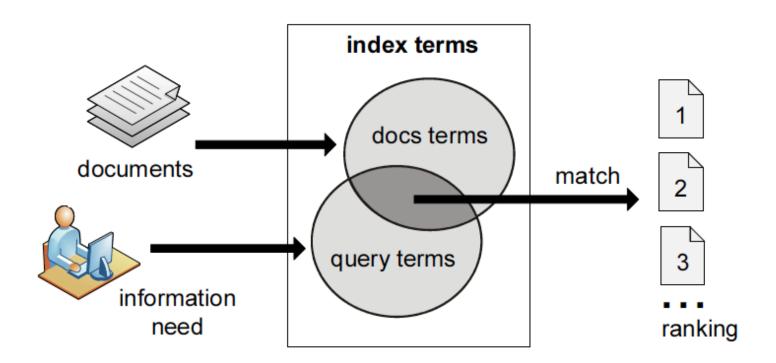


Visão Geral de um Engenho de Busca



Objetivo de Recuperação de Informação

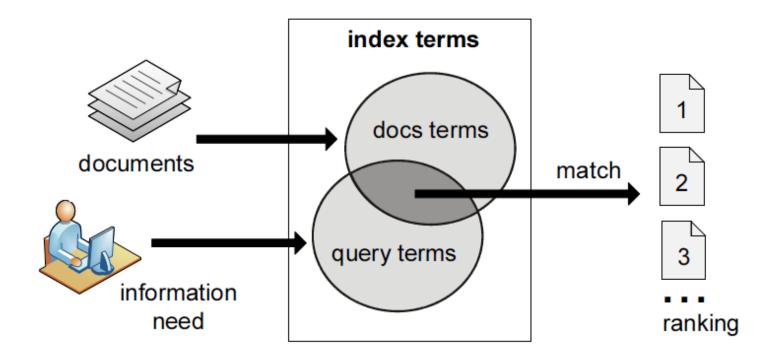
 Satisfazer necessidade de informação de usuário (consulta) por buscar nos dados (docs, multimídia etc)





Modelos de RI

• De forma concreta: função de similaridade entre consulta e documentos





Modelo Booleano

- Baseado na teoria de conjuntos e álgebra booleana
- Consultas: expressões booleanas
 - Ex.: q = casa e branca, q = camisa ou blusa
- Resultado: todos documentos que satisfazem a consulta
- Documento representado por um conjunto de palavras
- Considera apenas a existência do termo ou não



- Consulta: Brutus AND Cesar AND NOT Calpurnia
- Documentos:

	Antony	Julius	The	Hamlet	Othello	Macbeth	• • • •
	and	Caesar	Tempest				
	Cleopatra						
Antony	1	1	0	0	0	1	
Brutus	1	1	0	1	0	0	
Caesar	1	1	0	1	1	1	
Calpurnia	0	1	0	0	0	0	
Cleopatra	1	0	0	0	0	0	
mercy	1	0	1	1	1	1	
worser	1	0	1	1	1	0	
					I		

. . .



Modelo Booleano

- Vantagens
 - Fácil compreensão
 - Formalismo claro (álgebra booleana)
- Desvantagens
 - Muito rígido (não permite casamentos parciais)
 - Não é possível ranquear
 - Maioria dos usuários não usam



Peso dos Termos

- Termos em um documento não são igualmente úteis para descrever seu conteúdo
 - Ex: palavras frequentes no documento -> importantes
 - Ex: palavras que aparecem em todos documentos da coleção -> não importantes
- Peso usado para caracterizar a importância do termo
- Útil para computar ranqueamento de documentos dada uma consulta
 - Documentos com termos da consulta com alto peso s\u00e3o melhores ranqueados

Frequência do Termo no Documento - TF

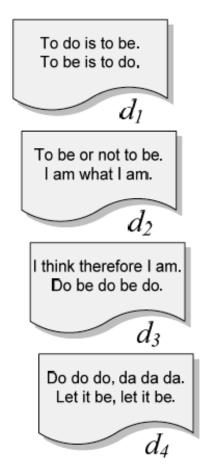
 Intuição: a importância do termo em um documento é proporcional à sua frequência nele

	tf weight
binary	{0,1}
raw frequency	$f_{i,j}$
log normalization	$1 + \log f_{i,j}$
double normalization 0.5	$0.5 + 0.5 \frac{f_{i,j}}{max_i f_{i,j}}$
double normalization K	$K + (1 - K) \frac{f_{i,j}}{\max_{i} f_{i,j}}$



Frequência do Termo

Usando a variação de tf com log



Vo	Vocabulary			
1	to			
2	do			
3	is			
4	be			
5	or			
6	not			
7	l I			
8	am			
9	what			
10	think			
11	therefore			
12	da			
13	let			
14	it			

$tf_{i,1}$	$tf_{i,2}$	$tf_{i,3}$	$tf_{i,4}$
3	2	-	-
3 2 2 2	-	2.585	2.585
2	-	-	-
2	2	2	2
-	1	-	-
-	1	-	-
-	1 1 2 2	2	-
-	2	1	-
-	1	-	-
-	-	1	-
-	-	1	-
-	-	-	2.585
-	-	-	2
-	-	-	2 2



Inverse Document Frequency (IDF)

- Medir a espcifidade de um termo
- Não mede a especificidade semântica de um termo
 - Depende do seu significado
 - Pode ser usado um theasurus: wordnet
 - Ex: o termo bebida é mais genérico que café ou chá
- Em RI, especifidade estatística ao invés da semântica
 - O inverso do número de documentos nos quais o termo ocorre

$$idf_i = \log \frac{N}{n_i}$$

Usado amplamente em algoritmos de ranqueamento

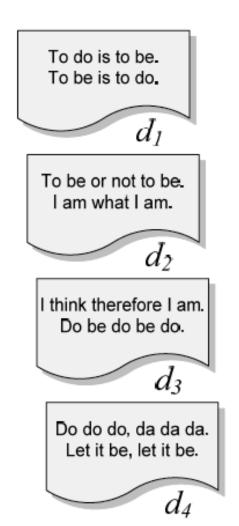


Inverse Document Frequency (IDF): Variações

	idf weight
unary	1
inverse frequency	$\log \frac{N}{n_i}$
inv frequency smooth	$\log(1 + \frac{N}{n_i})$
inv frequeny max	$\log(1 + \frac{max_in_i}{n_i})$
probabilistic inv frequency	$\log \frac{N-n_i}{n_i}$



Inverse Document Frequency (IDF)



	term	n_i	$idf_i = \log(N/n_i)$
1	to	2	1
2	do	3	0.415
3	is	1	2
2 3 4 5	be	4	0
5	or	1	2
6	not	1	2
7 8	1	2 2	1
8	am	2	1
9	what	1	2
10	think	1	2
11	therefore	1	2
12	da	1	2
13	let	1	2
14	it	1	2



Combinação do tf com o idf

$$tf_{ij} \times idf_i$$

Variações:

weighting scheme	document term weight	query term weight
1	$f_{i,j} * \log \frac{N}{n_i}$	$(0.5 + 0.5 \frac{f_{i,q}}{max_i f_{i,q}}) * \log \frac{N}{n_i}$
2	$1 + \log f_{i,j}$	$\log(1 + \frac{N}{n_i})$
3	$(1 + \log f_{i,j}) * \log \frac{N}{n_i}$	$(1 + \log f_{i,q}) * \log \frac{N}{n_i}$



To do is to be. To be is to do.

 d_I

To be or not to be.
I am what I am.

 d_2

I think therefore I am. Do be do be do.

 d_3

Do do do, da da da. Let it be, let it be.

 d_4

		d_1	d_2	d_3	d_4
1	to	3	2	-	-
2	do	0.830	-	1.073	1.073
2 3	is	4	-	-	-
4	be	-	-	-	-
5	or	-	2	-	-
6	not	-	2 2 2 2 2	-	-
7	I	-	2	2	-
8	am	-	2	1	-
9	what	-	2	-	-
10	think	-	-	2 2	-
11	therefore	-	-	2	-
12	da	-	-	-	5.170
13	let	-	-	-	4
14	it	-	-	-	4

TF-IDF

	term	n_i	$idf_i = \log(N/n_i)$
1	to	2	1
2	do	2	0.415
2 3 4 5 6	is	1	2
4	be	4	0
5	or	1	2 2
6	not	1	2
7 8	I	2	1
8	am	2	1
9	what	1	2
10	think	1	2 2
11	therefore	1	2
12	da	1	2 2
13	let	1	2
14	it	1	2

IDF

V	ocabulary	$tf_{i,1}$	$tf_{i,2}$	$tf_{i,3}$	$tf_{i,4}$
1	to	3	2	-	-
2	do	3 2 2 2	-	2.585	2.585
3	is	2	-	-	-
4 5	be	2	2	2	2
	or	-	1	-	-
6	not	-	1	-	-
7	I	-	2	2	-
8	am	-	2	1	-
9	what	-	1	-	-
10	think	-	-	1	-
11	therefore	-	-	1	-
12	da	-	-	-	2.585
13	let	-	-	-	2
14	it	-	-	-	2

TF

Cln.ufpe.br



To do is to be. To be is to do.

 d_I

To be or not to be.
I am what I am.

 d_2

I think therefore I am. Do be do be do.

 d_3

 d_4

Do do do, da da da. Let it be, let it be.

		d_1	d_2	d_3	d_4
1 ,	to	3	2	-	-
2 3	do	0.830	-	1.073	1.073
3	is	4	-	-	-
4 5	be	-	-	-	-
5	or	-	2	-	-
6	not	-	2	-	-
7	I	-	2	2	-
8	am	-	2 2 2 2 2	1	-
9	what	-	2	-	-
10	think	-	-	2 2	-
11	therefore	-	-	2	-
12	da	-	-	-	5.170
13	let	-	-	-	4
14	it	-	-	-	4

TF-IDF

	term	n_i	$idf_i = \log(N/n_i)$
1	to	2	1
2	do	3	0.415
2 3 4 5 6	is	1	2
4	be	4	0
5	or	1	2
	not	1	2
7 8	I	2	1
	am	2 2 1	1
9	what	1	2
10	think	1	2 2 2 2
11	therefore	1	2
12	da	1	2
13	let	1	2 2
14	it	1	2

IDF

Vocabulary		$tf_{i,1}$	$tf_{i,2}$	$tf_{i,3}$	$tf_{i,4}$
1	to	3	2	-	-
2	do	2	-	2.585	2.585
	is	2	-	-	-
4 5	be	2	2	2	2
5	or	-	1	-	-
6	not	-	1	-	-
7	I	-	2 2	2	-
8	am	-	2	1	-
9	what	-	1	-	-
10	think	-	-	1	-
11	therefore	-	-	1	-
12	da	-	-	-	2.585
13	let	-	-	-	2
14	it	-	-	-	2

TF

Cln.ufpe.br



To do is to be. To be is to do.

 d_I

To be or not to be.
I am what I am.

 d_2

I think therefore I am. Do be do be do.

 d_3

Do do do, da da da. Let it be, let it be.

 d_4

		d_1	d_2	d_3	d_4
1	to	3	2	-	-
2	do	0.830	-	1.073	1.073
3	is	4	-	-	-
2 3 4	be	-	-	-	-
5 6	or	-	2	-	-
6	not	-	2	-	-
7	I	-	2	2	-
8	am	-	2 2 2 2 2	1	-
9	what	-	2	-	-
10	think	-	-	2 2	-
11	therefore	-	-	2	-
12	da	-	-	-	5.170
13	let	-	-	-	4
14	it	-	-	-	4

TF-IDF

	term	n_i	$idf_i = \log(N/n_i)$
1	to	2	1
2	do	3	0.415
3	is	1	2
2 3 4 5 6	be	4	0
5	or	1	2
6	not	1	2
7 8	I	2	1
8	am	2	1
9	what	1	2
10	think	1	2
11	therefore	1	2
12	da	1	2
13	let	1	2
14	it	1	2

IDF

Vocabulary		$tf_{i,1}$	$tf_{i,2}$	$tf_{i,3}$	$tf_{i,4}$
1	to	3	2	-	-
2	do	2	-	2.585	2.585
	is	2	-	-	-
4 5	be	2	2	2	2
	or	-	1	-	-
6	not	-	1	-	-
7	I	-	2	2	-
8	am	-	2	1	-
9	what	-	1	-	-
10	think	-	-	1	-
11	therefore	-	-	1	-
12	da	-	-	-	2.585
13	let	-	-	-	2
14	it	-	-	-	2

TF

Cln.ufpe.br



Distância e Similaridade

- Para vários problemas temos que medir quanto dois objetos estão próximos
- **Exemplos:**
 - Recomendação
 - Busca na Web
 - Páginas duplicadas

Distância

- Medida numérica de quanto dois objetos são diferentes
- Propriedades desejadas:
 - 1. d(p,p) = 0 (distância mínima)
 - 2. d(p,q) = d(q,p) para todo p e q (simetria)
- Tipos para vetores de números reais

$$L_p(x,y) = \left[|x_1 - y_1|^p + \dots + |x_d - y_d|^p \right]^{1/p} \qquad \text{Minkowski}$$

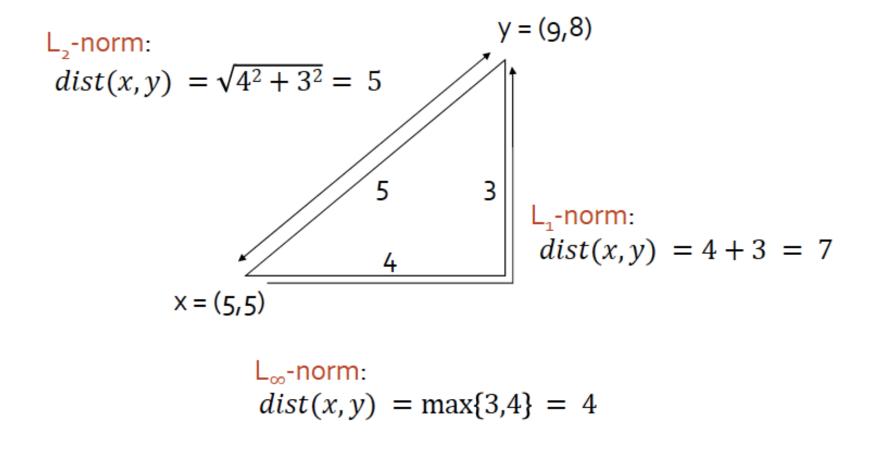
$$L_2(x,y) = \sqrt{|x_1 - y_1|^2 + \dots + |x_d - y_d|^2} \qquad \text{Euclidiana}$$

$$L_1(x,y) = |x_1 - y_1| + \dots + |x_d - y_d| \qquad \text{Manhattan}$$

$$L_\infty(x,y) = \max\{|x_1 - y_1|, \dots, |x_d - y_d|\} \qquad \text{Chebyshev}$$



Exemplo de Distâncias



Similaridade

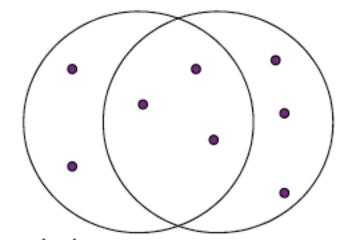
- Medida numérica de quanto dois objetos são parecidos
 - Função que mapeia dois objetos para um número real
 - Usualmente em intervalos [0,1] ou [-1,1]
- Propriedades desejadas:
 - 1. s(p,p) = 1 (similaridade máxima)
 - 2. s(p,q) = s(q,p) para todo p e q (simetria)



Similaridade de Jaccard

Definição: tamanho da intersecção dividido pela união

JSim
$$(C_1, C_2) = |C_1 \cap C_2| / |C_1 \cup C_2|$$
.

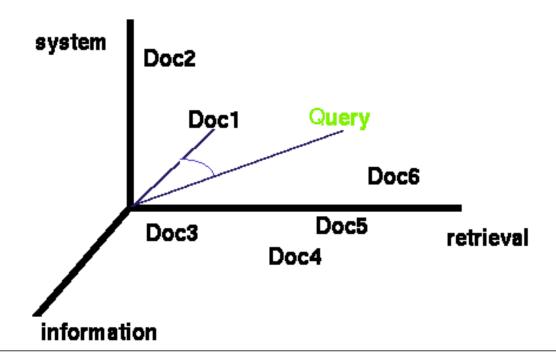


• Exemplo: $Jsim(C_1, C_2) = 3/8$



Modelo de Espaço de Vetores

- Documento e consulta representados por um vetor de palavras
- Cada palavra é uma dimensão do vetor





Modelo de Espaço de Vetores

- Espaço é do tamanho do vocabulário (alta dimensão)
- Documentos são vetores esparsos
- Similaridade entre os vetores da consulta e dos documentos
 - Tamanho da intersecção
 - Jaccard:

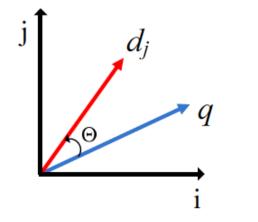
$$J(A,B) = \frac{|A \cap B|}{|A \cup B|}.$$

Cosseno



Similaridade de Cosseno

Documentos ranqueados pela proximidade de pontos representando a consulta e os documentos



$$\vec{d_j} = (w_{1j}, w_{2j}, \dots, w_{tj})$$
 $\vec{q} = (w_{1q}, w_{2q}, \dots, w_{tq})$

$$cos(\theta) = \frac{\vec{d_j} \cdot \vec{q}}{|\vec{d_j}| \times |\vec{q}|}$$

$$sim(d_j, q) = \frac{\sum_{i=1}^t w_{i,j} \times w_{i,q}}{\sqrt{\sum_{i=1}^t w_{i,j}^2} \times \sqrt{\sum_{j=1}^t w_{i,q}^2}}$$



Cálculo da Similaridade

• Considere dois documentos D_1 e D_2 e uma consulta Q

$$-D_1 = (0.5, 0.8, 0.3), D_2 = (0.9, 0.4, 0.2), Q = (1.5, 1.0, 0)$$

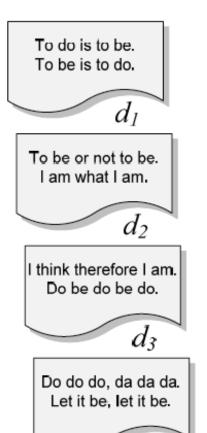
Cosine(D₁, Q) =
$$\frac{(0.5 \times 1.5) + (0.8 \times 1.0)}{\sqrt{(0.5^2 + 0.8^2 + 0.3^2)(1.5^2 + 1.0^2)}}$$
=
$$\frac{1.55}{\sqrt{(0.98 \times 3.25)}} = 0.87$$

Cosine(D₂, Q) =
$$\frac{(0.9 \times 1.5) + (0.4 \times 1.0)}{\sqrt{(0.9^2 + 0.4^2 + 0.2^2)(1.5^2 + 1.0^2)}}$$
=
$$\frac{1.75}{\sqrt{(1.01 \times 3.25)}} = 0.97$$



Exemplo: Cálculo usando TF-IDF

Consulta: to do



doc	rank computation	rank
d_1	$\frac{1*3+0.415*0.830}{5.068}$	0.660
d_2	$\frac{1*2 + 0.415*0}{4.899}$	0.408
d_3	$\frac{1*0+0.415*1.073}{3.762}$	0.118
d_4	1*0+0.415*1.073 7.738	0.058



Modelo de Espaço de Vetores

Vantagens:

- Eficiente
- Permite casamento parcial
- Fácil de implementar
- Funciona bem na prática

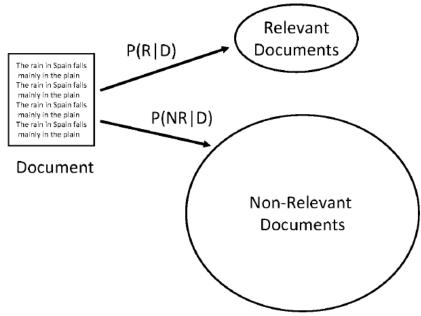
Cons:

- Assume independência dos termos
- Sem informação semântica e sintática



Modelo Probabilístico

- Modela a tarefa de RI em um framework probabilístico
- Estima a probabilidade de um documento ser relevante para a consulta do usuário
- Conjunto de respostas: docs com maior probabilidade de relevância





Binary Independence Model

- Se houver informação de ocorrência de termos em docs relevantes e não relevantes
 - p_i: probabilidade de um termo i ocorrer em um documento relevante
 - s_i: probabilidade de um termo i ocorrer em um documento não relevante

	Relevant	Non-relevant	Total
$d_i = 1$	r_i	$n_i - r_i$	n_i
$d_i = 0$	$R-r_i$	$N - n_i - R + r_i$	$N-r_i$
Total	R	N-R	N

$$p_i = (r_i + 0.5)/(R+1)$$
$$s_i = (n_i - r_i + 0.5)/(N - R + 1)$$

$$\sum_{i:d_i=q_i=1} \log \frac{(r_i+0.5)/(R-r_i+0.5)}{(n_i-r_i+0.5)/(N-n_i-R+r_i+0.5)}$$



- Um dos mais populares e efetivos algoritmos de ranqueamento
- Baseado no BIM
- 3 princípios básicos: tf, idf e normalização pelo tamanho do documento
- Criado como resultado de experimentos em variações de modelos probabilísticos
- Usado como baseline em experimentos de RI



$$\sum_{i \in Q} \log \frac{(r_i + 0.5)/(R - r_i + 0.5)}{(n_i - r_i + 0.5)/(N - n_i - R + r_i + 0.5)} \cdot \frac{(k_1 + 1)f_i}{K + f_i} \cdot \frac{(k_2 + 1)qf_i}{k_2 + qf_i}$$
 BIM Normalização TF pelo tamanho do documento

 k1, k2 e b são parâmetros definidos empiricamente (depende da coleção)

$$K = k_1((1-b) + b \cdot \frac{dl}{avdl})$$

dl: tamanho do documento

lí

BM25: Exemplo

- Query with two terms, "president lincoln", (qf = 1)
- No relevance information (r and R are zero)
- N = 500,000 documents
- "president" occurs in 40,000 documents $(n_1 = 40,000)$
- "lincoln" occurs in 300 documents ($n_2 = 300$)
- "president" occurs 15 times in doc $(f_1 = 15)$
- "lincoln" occurs 25 times $(f_2 = 25)$
- document length is 90% of the average length (dl/avdl = .9)
- $k_1 = 1.2$, b = 0.75, and $k_2 = 100$
- $K = 1.2 \cdot (0.25 + 0.75 \cdot 0.9) = 1.11$

BM25: Exemplo

$$\sum_{i \in Q} \log \frac{(r_i + 0.5)/(R - r_i + 0.5)}{(n_i - r_i + 0.5)/(N - n_i - R + r_i + 0.5)} \cdot \frac{(k_1 + 1)f_i}{K + f_i} \cdot \frac{(k_2 + 1)qf_i}{k_2 + qf_i}$$

$$BM25(Q, D) = \frac{(0 + 0.5)/(0 - 0 + 0.5)}{(40000 - 0 + 0.5)/(500000 - 40000 - 0 + 0 + 0.5)}$$

$$\times \frac{(1.2 + 1)15}{1.11 + 15} \times \frac{(100 + 1)1}{100 + 1}$$

$$+ \log \frac{(0 + 0.5)/(0 - 0 + 0.5)}{(300 - 0 + 0.5)/(500000 - 300 - 0 + 0 + 0.5)}$$

$$\times \frac{(1.2 + 1)25}{1.11 + 25} \times \frac{(100 + 1)1}{100 + 1}$$

$$= \log 460000.5/40000.5 \cdot 33/16.11 \cdot 101/101$$

$$+ \log 499700.5/300.5 \cdot 55/26.11 \cdot 101/101$$

$$= 2.44 \cdot 2.05 \cdot 1 + 7.42 \cdot 2.11 \cdot 1$$

$$= 5.00 + 15.66 = 20.66$$



BM25: Exemplo

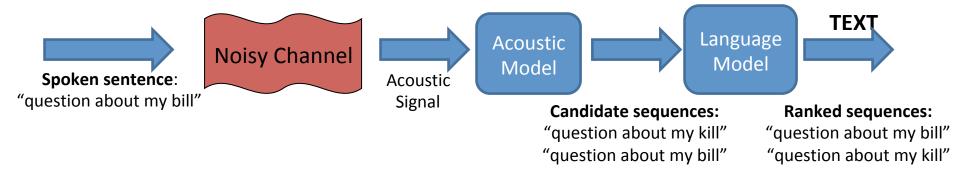
• Efeito da frequência dos termos

Frequency of	Frequency of	BM25
"president"	"lincoln"	score
15	25	20.66
15	1	12.74
15	0	5.00
1	25	18.2
0	25	15.66



Modelo de Linguagem

- Usado em várias tarefas de PLN: reconhecimento de fala, tradução automática de texto e reconhecimento de escrita
- Reconhece se um dado n-grama é bem formado



- Probabilidade do n-grama ter sido criado pelo modelo de linguagem
- Modelo de linguagem criado a partir de um corpus de dados



Modelo de Linguagem em RI

- Corpus do modelo de linguagem: documento
- N-gram: consulta
- Dada uma consulta qual a probabilidade dela ter sido criada pelo documento: P(d|q)
- Vários tipos de modelo de linguagem
 - Unigramas
 - Bigramas
 - Alta ordem
- Suposição de independência (unigramas): usados extensivamente em RI



Modelo de Linguagem em RI

Ranquear docs baseado em:

$$P(d|q) = \frac{P(q|d)P(d)}{P(q)}$$
Probabilidade a priori (Importância independente

Mesmo para

Probabilidade a independente de termo)

todos documentos da • A priori uniform: consulta

$$P(q|d) \approx P(d|q)$$



Modelo de Linguagem em RI

Calculando:

$$P(q|M_d) = \prod_{\substack{\text{distinct term } t \text{ in } q}} P(t|M_d)^{\mathrm{tf}_{t,q}}$$
 $\hat{P}(t|M_d) = \frac{\mathrm{tf}_{t,d}}{|d|}$ freq do termo to no doc d

 Problema se as palavras na consulta não aparecem no documento -> probabilidade igual a 0



language model of d_1

0		_	
W	P(w .)	W	P(w .)
STOP	.2	toad	.01
the	.2	said	.03
a	.1	likes	.02
frog	.01	that	.04

language model of d_2

0 0		_	
W	P(w .)	w	P(w .)
STOP	.2	toad	.02
the	.15	said	.03
а	.08	likes	.02
frog	.01	that	.05

query: frog said that toad likes frog STOP

$$P(\text{query}|M_{d1}) = 0.01 \cdot 0.03 \cdot 0.04 \cdot 0.01 \cdot 0.02 \cdot 0.01 \cdot 0.2$$

= $0.0000000000048 = 4.8 \cdot 10^{-12}$

$$P(\text{query}|M_{d2}) = 0.01 \cdot 0.03 \cdot 0.05 \cdot 0.02 \cdot 0.02 \cdot 0.01 \cdot 0.2$$

= $0.000000000120 = 12 \cdot 10^{-12}$

$$P(\text{query}|M_{d1}) < P(\text{query}|M_{d2})$$



- Estima a probabilidade de um termo ausente
- Diminui (desconta) a probabilidade para palavras que aparecem no documento
- Usa a probabilidade que sobra para estimar palavras não vistas no documento



Jelinek-Mercer Smoothing

$$P(t|d) = \lambda P(t|M_d) + (1-\lambda)P(t|M_c)$$
documento coleção (idf)

- Parâmetro:
 - Altos valores:
 - Mais ênfase no tf
 - Melhor para consultas menores
 - Baixos valores:
 - Mais ênfase no idf
 - Melhor para consultas maiores



Exemplo Usando J-M

$$P(t|d) = \lambda P(t|M_d) + (1-\lambda)P(t|M_c)$$

Collection: d_1 and d_2

 d_1 : Jackson was one of the most talented entertainers of all time

 d_2 : Michael Jackson anointed himself King of Pop

Query q: Michael Jackson

Use mixture model with $\lambda = 1/2$

$$P(q|d_1) = [(0/11 + 1/18)/2] \cdot [(1/11 + 2/18)/2] \approx 0.003$$

$$P(q|d_2) = [(1/7 + 1/18)/2] \cdot [(1/7 + 2/18)/2] \approx 0.013$$

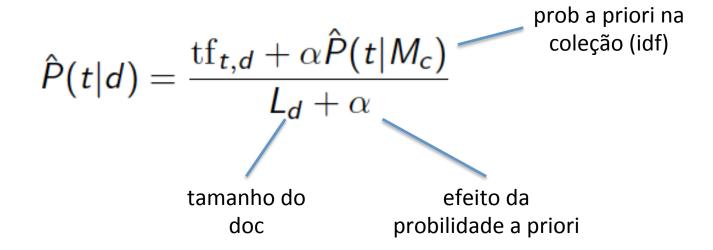
Ranking: $d_2 > d_1$

Michael

Jackson



Dirichlet Smoothing



Ambos precisam de refinamento



Chamada



Latent Semantic Indexing

- RI tradicional não leva em consideração termos relacionados
- Necessidade de informação do usuário é mais relacionada com conceitos do que termos
- Documentos que compartilham conceitos com outros relevantes devem ser considerados



Latent Semantic Indexing

- Objetivo: mapear documentos e consultas para um espaço dimensional de conceitos
- Redução de dimensionalidade: singular value decomposition (SVD)
- $C = U \Sigma V^T$

C: matriz termo-documento

- Computar um novo C' "reduzido" para obter melhores similaridades
- Chamado de Latent Semantic Indexing



Exemplo de $C = U\Sigma V^T$: Matriz C

C	d_1	d_2	d_3	d_4	d_5	d_6
ship	1	0	1	0	0	0
boat	0	1	0	0	0	0
ocean	1	1	0	0	0	0
wood	1	0	0	1	1	0
tree	0	0	0	1	0	1



Exemplo de C = U\Sigma V^T: Matriz U

U	1	2	3	4	5
ship	-0.44	-0.30	0.57	0.58	0.25
boat	-0.13	-0.33	-0.59	0.00	0.73
ocean	-0.48	-0.51	-0.37	0.00	-0.61
wood	-0.70	0.35	0.15	-0.58	0.16
tree	-0.26	0.65	-0.41	0.58	-0.09

- Captura diferentes tópicos: dimensões semânticas dos termos
- Peso: relacionamento do termo i com a dimensão
- Dimensão 2: terra/água



Exemplo de C = U\Sigma V^T: Matriz \Sigma

- Valores singulares de C
- Magnitude do valor mede a importância da dimensão semântica

	1			_	
1	2.16	0.00	0.00	0.00	0.00
2	0.00	1.59	0.00	0.00	0.00
3	0.00	0.00	1.28	0.00	0.00
4	0.00	0.00	0.00	1.00	0.00
5	2.16 0.00 0.00 0.00 0.00	0.00	0.00	0.00	0.39



Exemplo de $C = U\Sigma V^T$: Matriz V^T

V^T	d_1	d_2	d_3	d_4	d_5	d_6
1	-0.75	-0.28	-0.20	-0.45	-0.33	-0.12
2	-0.29	-0.53	-0.19	0.63	0.22	0.41
3	0.28	-0.75	0.45	-0.20	0.12	-0.33
4	0.00	0.00	0.58	0.00	-0.58	0.58
5	-0.53	0.29	0.63	0.19	0.41	-0.22

- Captura dimensões semânticas dos documentos
- Peso: quanto o documento i é relacionado com a dimensão j



C		d_1	d_2	d_3	d ₄	<i>d</i> ₅	d ₆				
ship		1	0	1	0	0	0				
boat		0	1	0	0	0	0				
ocea	n	1	1	0	0	0	0	=			
wood	ı	1	0	0	1	1	0				
tree		0	0	0	1	0	1				
U			1		2	3			4	5	5
ship		-0	.44	-0.3	30	0.57		0.	58	0.25	5
boat		-0	.13	-0.3	33	-0.59		0.0	00	0.73	
ocea	n	-0	.48	-0.5	51	-0.37		0.0	00	-0.61	×
wood	ı	- 0	.70	0.3	35	0.15		-0.	58	0.16	5
tree		-0	.26	0.6	55	-0.41		0.	58	-0.09)
Σ	1		2	3		4	5				
1	2.	16	0.00	0.	00	0.00	0.	00	•		
2	0.	00	1.59	0.	00	0.00	0.	00			
3	0.	00	0.00	1.	28	0.00	0.	00	×		
4	0.	00	0.00	0.	00	1.00	0.	00			
5	0.	00	0.00	0.	00	0.00	0.	39			
V^T		d	1	d_2		d_3		d_4		d_5	d_6
1	-	-0.7	5 –	0.28	_	0.20	— (.45		-0.33	-0.12
2	-	-0.29	9 –	0.53	_	0.19	0	.63		0.22	0.41
3		0.28	3 –	0.75		0.45	-0	.20		0.12	-0.33
4		0.00)	0.00		0.58	0	0.00		-0.58	0.58
5	-	-0.53	3	0.29		0.63	0	.19		0.41	-0.22



- Cada valor singular representa a importância de uma dimensão
- Zerar dimensões menos importantes para:
 - Reduzir o ruído
 - Tornar documentos não similares no espaço original em similares no novo espaço



Redução em 2 Dimensões

U		1 2		3	4	5		
ship	-0.4	-0.44 -0.30		0.00	0.00	0.00		
boat	-0.1	13 –	-0.33	0.00	0.00	0.00		
ocear	n -0.4	1 8 –	-0.51	0.00	0.00	0.00		
wood	-0.7	70	0.35	0.00	0.00	0.00		
tree	-0.2	26	0.65	0.00	0.00	0.00		
Σ_2	1	2	3	4	5			
1	2.16	0.00	0.00	0.00	0.00	_		
2	0.00	1.59	0.00	0.00	0.00			
3	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00			zera valores
4	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00			singulares
5	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00			
V^T	d_1		d_2	d_3	d_4	d_5	d_6	
1	-0.75	-0 .	.28 –	0.20	-0.45	-0.33	-0.12	
2	-0.29	-0.	.53 –	-0.19	0.63	0.22	0.41	
3	0.00	0.	.00	0.00	0.00	0.00	0.00	
4	0.00	0.	.00	0.00	0.00	0.00	0.00	
5	0.00	0.	.00	0.00	0.00	0.00	0.00	

Cln.ufpe.br



C_2	d ₁		d_2	d_3	d_4	d_5	d_6
ship	0.85	0.	52	0.28	0.13	0.21	-0.08
boat	0.36	0.	36	0.16	-0.20	-0.02	-0.18
ocear	1.01	0.	72	0.36	-0.04	0.16	$-0.21^{=}$
wood	0.97	0.	12	0.20	1.03	0.62	0.41
tree	0.12	-0 .	39 –	-0.08	0.90	0.41	0.49
U		1	2	3	4	5	
ship	-0.4	14 –	0.30	0.57	0.58	0.25	
boat	-0.1	l3 –	0.33	-0.59	0.00	0.73	
ocear	n -0.4	18 –	0.51	-0.37	0.00	-0.61	×
wood	-0.7	70	0.35	0.15	-0.58	0.16	
tree	-0.2	26	0.65	-0.41	0.58	-0.09	
Σ_2	1	2	3	4	5		
1	2.16	0.00	0.00	0.00	0.00		
2	0.00	1.59	0.00	0.00	0.00	,	
3	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00 ×		
4	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		
5	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		
V^T	d_1		d_2	d_3	d_4	d_5	d_6
1	-0.75	-0.	28 –	-0.20	-0.45	-0.33	-0.12
2	-0.29	-0.	53 –	0.19	0.63	0.22	0.41
3	0.28	-0.	75	0.45	-0.20	0.12	-0.33
4	0.00	0.	00	0.58	0.00	-0.58	0.58
5	-0.53	0.3	29	0.63	0.19	0.41	-0.22



Resultado

C	d_1	d_2	d_3	d_4	d_5	d_6					
ship	1	0	1	0	0	0	Similaridade de d_2 e d_3 = 0				
boat	0	1	0	0	0	0	2 3				
ocean	1	1	0	0	0	0					
wood	1	0	0	1	1	0	Similaridade de d_2 e d_3 = 0.				
tree	0	0	0	1	0	1					
C_2	d	1	d_2		d_3	d_4	d_5	d_6			
ship	0.85	5	0.52		0.28	0.13	0.21	-0.08			
boat	0.36	ĵ	0.36		0.16	-0.20	-0.02	-0.18			
ocean	1.01	l	0.72		0.36	-0.04	0.16	-0.21			
wood	0.97	7	0.12		0.20	1.03	0.62	0.41			
tree	0.12	2 -	-0.39	_	-0.08	0.90	0.41	0.49			



Latent Semantic Indexing

- Representa documentos em um espaço reduzido
- Documentos não são similares no espaço original podem se tornar similares
- Ataca o problema de sinônimos e relacionamento semântico de palavras
- Sinônimos contribuem para a similaridade



Usando LSI para Consultas

- Computa SVD para a matrix termo-documento da coleção
- Reduz o espaço e computa as representações dos documentos reduzidas
- Projeta a consulta para o espaço reduzido: $\vec{q}_k = \sum_k^{-1} U_k^T \vec{q}$.
- Computa similaridade q_k com V_k