

Medindo a Complexidade do Código

Mário Leite

...

Escrever um programa é relativamente simples; o desafio está em medir sua **complexidade** - que aqui não significa "dificuldade" - mas sim, a relação com o tempo e recursos de execução. Complexidade de código é uma medida de quão complicado ou difícil de entender/manter um programa, e pode ser vista de duas formas principais:

1. Complexidade de tempo (*Time Complexity*)
 - Refere-se a quanto tempo o programa leva para rodar em função do tamanho da entrada. Por exemplo: um algoritmo que testa primos verificando todos os números até n tem complexidade **$O(n^2)$** ; um algoritmo do tipo **$6k \pm 1$** tem **$O(\sqrt{n})$** .
2. Complexidade de manutenção (ou ciclomática)
 - Mede quantos caminhos diferentes existem no código, como decisões condicionais (***if***, ***while***, ***for***).
 - Quanto maior, mais difícil testar, entender e dar manutenção no código.

Para medir complexidade podemos considerar fazê-lo de duas maneiras:

1. Contar quantas operações o algoritmo executa em função do tamanho da entrada, com quatro tipos de notações:
 - Notações comuns:
 - **$O(1)$** constante
 - **$O(n)$** linear \Rightarrow complexidade aumenta linearmente com tamanho da entrada.
 - **$O(n^2)$** quadrática
 - **$O(\log n)$** logarítmica
2. Complexidade ciclomática
 - Calcular quantos caminhos independentes existem no código:
 - Fórmula de "McCabe": **$M = E - N + 2P$** , onde:
 - E = número de arestas no grafo do fluxo do programa
 - N = número de nós
 - P = número de componentes conectados

Exemplo: cada ***if***, ***while*** ou ***for*** aumenta a complexidade.

Medir a complexidade não é apenas teoria: é o que diferencia um código que roda em segundos de outro que pode travar por horas. Deste modo, vamos apresentar um programa para gerar os seis primeiros números perfeitos, codificado em **C**, porém de duas formas diferentes, para mostrar as complexidades das duas versões. Na primeira versão "ingênuo" (com força bruta) para cada número **n** o teste percorre **$n/2$ divisores $\rightarrow O(n)$** ; Já na segunda versão usando "Números de Mersenne" (mais eficiente), em vez de testar todos os números até encontrar um perfeito é usado o algoritmo do tipo "*Mersenne Primes*", tornando o código muito mais eficiente. Então, como é preciso encontrar até o quarto número perfeito, a primeira versão é lenta demais, com **Complexidade: $O(n^2)$** se considerar a busca acumulada. Compare o tempo de processamento do programa "**NumerosPerfeitos1.C**" (com força bruta - **figura 1a**) com o do programa "**NumerosPerfeitos2.C**" (método de Mersenne - **figura 1b**). A complexidade da segunda versão é bem menor; com mais detalhes e exibindo **6** números, em vez de apenas **4**. Para explicar melhor a Complexidade um outro código, em Python, é apresentado para medir as complexidades dos dois programas, exibindo dois tipos de gráficos (**figuras 2a e 2b**), mostrando que o método da Força Bruta é mais complexo que o de Mersenne.

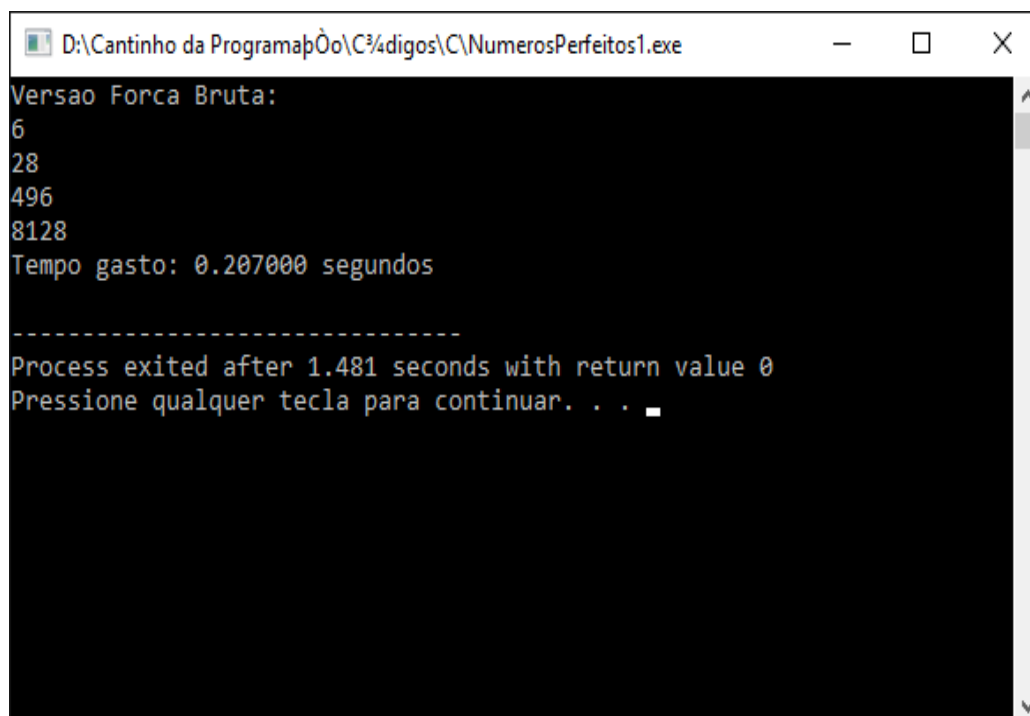
```
// NumerosPerfeitos1.C (usando Força Bruta)
#include <stdio.h>
#include <time.h>

int ehPerfeito(long long n) {
    long long soma = 0;
    for (long long i = 1; i <= n / 2; i++) {
        if (n % i == 0) soma += i;
    }
    return soma == n;
}

int main() {
    clock_t inicio, fim;
    double tempo;
    int count = 0;
    long long num = 2;

    printf("Versao Forca Bruta:\n");
    inicio = clock(); // início da medição

    while (count < 6) {
        if (ehPerfeito(num)) {
            printf("%lld\n", num);
            count++;
        }
        num++;
    }
    fim = clock(); // fim da medição
    tempo = (double) (fim - inicio) / CLOCKS_PER_SEC;
    printf("Tempo gasto: %.6f segundos\n", tempo);
    return 0;
}
```



```
D:\Cantinho da Programação\C34digos\C\NumerosPerfeitos1.exe
Versao Forca Bruta:
6
28
496
8128
Tempo gasto: 0.207000 segundos

-----
Process exited after 1.481 seconds with return value 0
Pressione qualquer tecla para continuar. . .
```

Figura 1a - Saída do programa “NumerosPerfeitos1.C”

```

#NumerosPerfeitos2.C (usando Números de Mersenne)
#include <stdio.h>
#include <time.h>

int ehPrimo(long long n) {
    if (n < 2) return 0;
    for (long long i = 2; i * i <= n; i++) {
        if (n % i == 0) return 0;
    }
    return 1;
}

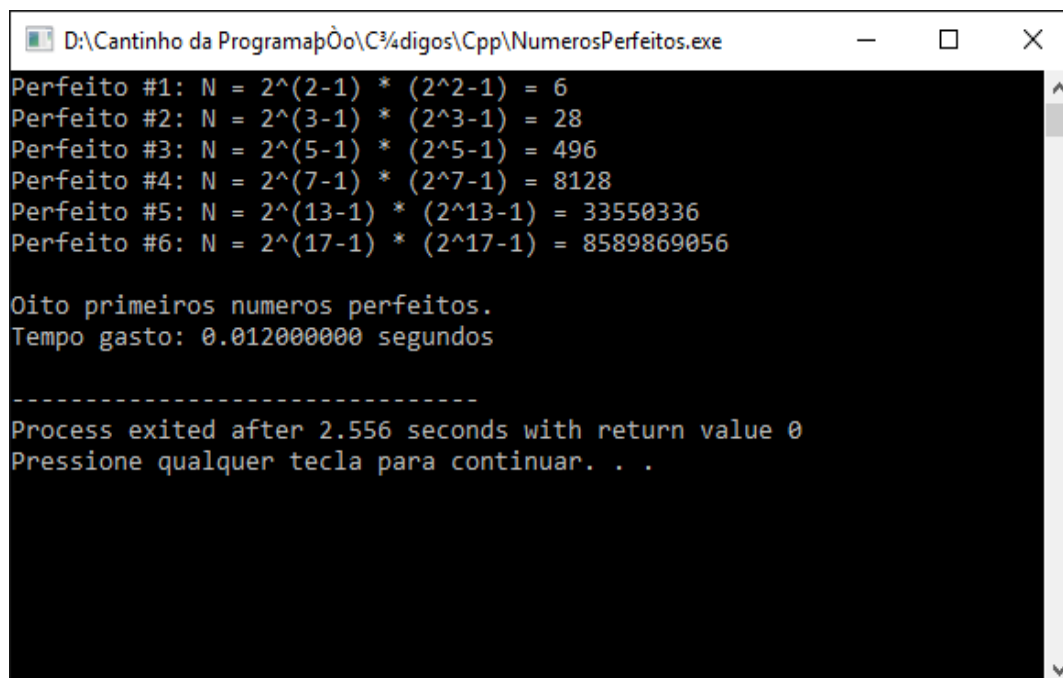
int main() {
    clock_t inicio, fim;
    double tempo;
    int count = 0;

    printf("\nVersao Mersenne:\n");
    inicio = clock(); // início da medição

    for (int p = 2; count < 6; p++) {
        long long mersenne = (1LL << p) - 1; // 2^p - 1
        if (ehPrimo(mersenne)) {
            long long perfeito = (1LL << (p - 1)) * mersenne;
            printf("%lld\n", perfeito);
            count++;
        }
    }
    fim = clock(); // fim da medição
    tempo = (double)(fim - inicio) / CLOCKS_PER_SEC;

    printf("Tempo gasto: %.6f segundos\n", tempo);
    return 0;
}

```



```

D:\Cantinho da Programação\C3\4digos\C++\NumerosPerfeitos.exe
Perfeito #1: N = 2^(2-1) * (2^2-1) = 6
Perfeito #2: N = 2^(3-1) * (2^3-1) = 28
Perfeito #3: N = 2^(5-1) * (2^5-1) = 496
Perfeito #4: N = 2^(7-1) * (2^7-1) = 8128
Perfeito #5: N = 2^(13-1) * (2^13-1) = 33550336
Perfeito #6: N = 2^(17-1) * (2^17-1) = 8589869056

Oito primeiros numeros perfeitos.
Tempo gasto: 0.012000000 segundos

-----
Process exited after 2.556 seconds with return value 0
Pressione qualquer tecla para continuar. . .

```

Figura 1b - Saída do programa “NumerosPerfeitos2.C”

```

'''
ExibeComplexidade.py
Calcula e exibe gráficos mostrando a Complexidade de dois códigos diferentes.
-----
'''

import time
import matplotlib.pyplot as plt

# ----- Algoritmos -----
# Método de "Força Bruta" para verificar se o número é perfeito
def VerificarPerfeitoBruta(n):
    soma = 0
    for i in range(1, n // 2 + 1):
        if(n % i == 0):
            soma += i
    return soma == n

# -----
def EncontrarPerfeitosBruta(qtd):
    LstEncontrados = [] #lista de números perfeitos encontrados
    n = 2
    while len(LstEncontrados) < qtd:
        if(VerificarPerfeitoBruta(n)):
            LstEncontrados.append(n)
        n += 1
    return LstEncontrados

# -----
# Método de "Mersenne" para verificar se o número é perfeito
def VerificarPrimo(n):
    if(n < 2):
        return False
    for i in range(2, int(n**0.5) + 1):
        if(n % i == 0):
            return False
    return True

# -----
def EncontrarPerfeitosMersenne(qtd):
    LstEncontrados = [] #lista dos números perfeitos encontrados
    p = 2
    while(len(LstEncontrados) < qtd):
        mersenne = (1 << p) - 1 # 2^p - 1
        if(VerificarPrimo(mersenne)):
            perfeito = (1 << (p - 1)) * mersenne
            LstEncontrados.append(perfeito)
        p += 1
    return LstEncontrados

# ----- Comparação de tempo -----
def MedirTempo(func, qtd):
    inicio = time.time()
    nums = func(qtd)
    fim = time.time()
    return fim - inicio, nums

# -----
def CompararAlgoritmos(qtd):
    LstTemposBruto = [] #lista dos tempos com Força Bruta
    LstTemposMersenne = [] #lista dos tempos com Método Mersenne
    for i in range(1, qtd + 1):
        tempo1, _ = MedirTempo(EncontrarPerfeitosBruta, i)
        tempo2, _ = MedirTempo(EncontrarPerfeitosMersenne, i)

```

```

LstTemposBruto.append(tempo1)
LstTemposMersenne.append(tempo2)

x = range(1, qtd + 1)

# ----- Gráfico de Linha -----
plt.figure(figsize=(10,6))
plt.plot(x, LstTemposBruto, 'r-o', label="Força Bruta")
plt.plot(x, LstTemposMersenne, 'g-o', label="Mersenne")
plt.xlabel("Quantidade de Números Perfeitos Calculados")
plt.ylabel("Tempo (segundos)")
plt.title("Comparação de Complexidade - Gráfico de Linhas")
plt.legend()
plt.grid(True)
plt.show()

# ----- Gráfico de Área -----
plt.figure(figsize=(10,6))
plt.fill_between(x,LstTemposBruto,color="red",alpha=0.5,label="Força Bruta")
plt.fill_between(x,LstTemposMersenne,color="green",alpha=0.5,label="Mersenne")
plt.xlabel("Quantidade de Números Perfeitos Calculados")
plt.ylabel("Tempo (segundos)")
plt.title("Comparação de Complexidade - Gráfico de Área")
plt.legend(loc="upper left")
plt.grid(True)
plt.show()

#=====
#Programa principal
if(__name__ == "__main__"):
    CompararAlgoritmos(4) #acima de 4 o tempo com Força Bruta é extremamente alto
#Fim do programa " ExibeComplexidade"

```

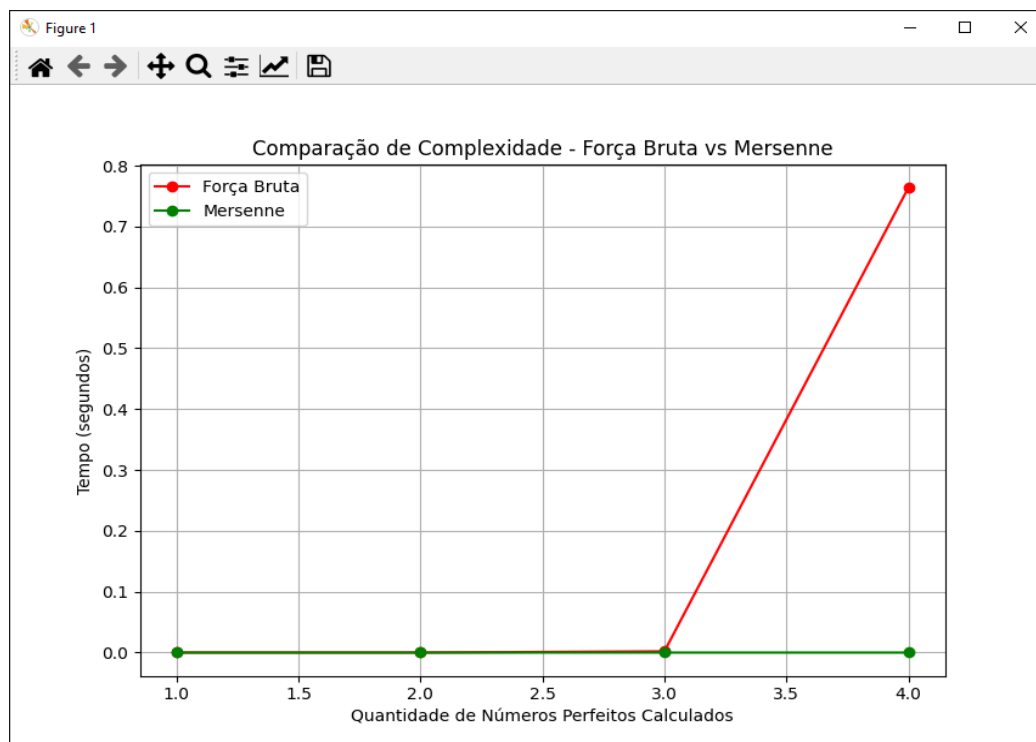


Figura 2a - Saída do programa “ExibeComplexidade”: gráficos de linhas

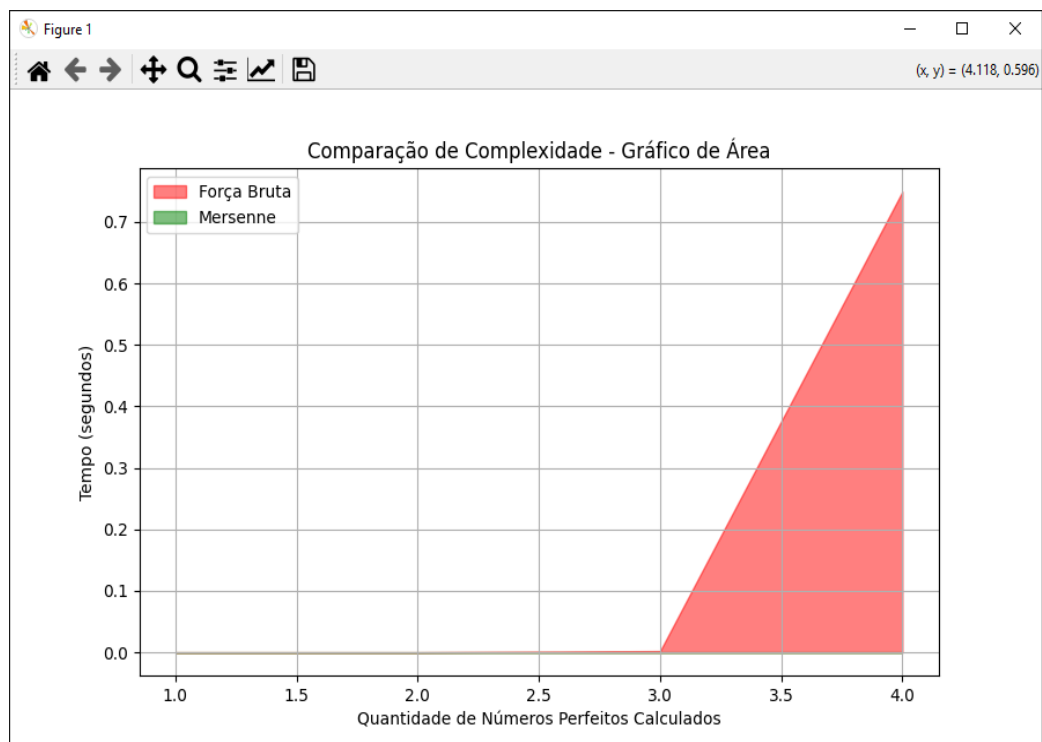


Figura 2b - Saída do programa “ExibeComplexidade”: gráficos de áreas