Criptografia: Parte 10 (Método RSA-3)

Mário Leite

...

Continuando com as etapas mencionadas na Parte 09...

3 - Etapa de Decodificação

Nesta etapa é calculado o parâmetro **d** da chave privada (**d,n**); e neste caso os cálculos matemáticos envolvem aritmética modular, conceitos de inversibilidade de módulos de números, etc. Aqui vamos considerar que para os valores de **p** e **q** o valor de **d** é 235, com **e=3**. A decodificação deve ser feita tomando o resto da divisão por **n** de **C** elevado a **d** para cada bloco encontrado anteriormente na etapa de codificação; assim teremos, finalmente, a decodificação de cada letra da mensagem codificada. Então, chamando de **C** cada código de letra da mensagem, é obtido o seguinte esquema:

```
C1 224: (224^{235} \text{ mod } 391) = (2.033687...^{552} \text{ mod } 391) = 245

C2 102: (102^{235} \text{ mod } 391) = (1.049639...^{472} \text{ mod } 391) = 51

C3 45: (45^{235} \text{ mod } 391) = (3.198458...^{388} \text{ mod } 391) = 114

C4 158: (158^{235} \text{ mod } 391) = (4.835211...^{516} \text{ mod } 391) = 11

C5 389: (389^{235} \text{ mod } 391) = (4.346666...^{608} \text{ mod } 391) = 145

C6 102: (102^{235} \text{ mod } 391) = (1.049639...^{472} \text{ mod } 391) = 51

C7 36: (36^{235} \text{ mod } 391) = (5.383784...^{365} \text{ mod } 391) = 110

C8 158: (158^{235} \text{ mod } 391) = (4.835211...^{516} \text{ mod } 391) = 11

C9 218: (218^{235} \text{ mod } 391) = (3.445688...^{549} \text{ mod } 391) = 10
```

A decodificação pode ser comprovada juntando os blocos para recriar a mensagem.

```
24
      0
55
11
      В
14
      Ε
11
      В
14
      Ε
55
11
      В
10
      Α
11
      В
10
      Α
```

A pergunta é a seguinte: "Como são feitos os cálculos pesados de módulos mostrados no exemplo de codificação/decodificação da mensagem "O BEBE BABA"?! Por exemplo, como fazer o cálculo para decodificar a quinta letra ("E") desta mensagem?!

```
C5 389: (389^{235} \text{ mod } 391) = (4.346666...^{608} \text{ mod } 391) = 145
```

Problema: Como fazer os cálculos "pesados" deste método!?
