

Universidad Autónoma de la Ciudad de México

# Notas de Optimización

*Apuntes y ejercicios seleccionados*

Carlos E Martínez-Rodríguez  
Academia de Matemáticas  
Plantel Casa Libertad  
`carlos.martinez@uacm.edu.mx`

# **Índice**

<b>1. Contenido del curso</b>	<b>1</b>
1.1. Metodología del curso . . . . .	1
1.2. Evaluación del curso . . . . .	1
1.3. Científicos prominentes . . . . .	1
<b>2. Fundamentos</b>	<b>3</b>
<b>3. Introducción</b>	<b>3</b>



## 1. Contenido del curso

Los temas a cubrir en el curso son los siguientes:

- I Formulación matemática de un problema de Optimización con restricciones
- II Condiciones de optimalidad de primero y segundo orden
- III Interpretación geométrica
- IV Programación lineal: el método simplex y el de puntos interiores
- V Programación cuadrática

El propósito general del curso es que **el/la estudiante comprenda y aplique la teoría, técnicas y métodos para resolver problemas de optimización con restricciones.**

### 1.1. Metodología del curso

El curso consistirá en 3 sesiones a la semana en las que se desarrollarán y revisarán los contenidos del curso, las sesiones serán teóricas y se complementarán con prácticas en R, a través de scripts en formato Rmd los cuales se compilarán en un único documento al que se le denominará **Portafolio**. Además del estudio de los contenidos del curso, el/la estudiante desarrollará a lo largo del curso 4 biografías de una lista de 52 científicos prominentes en la historia de la ciencia. La evaluación de los contenidos del curso será a través de tres evaluaciones formativas en las cuales se deberá de demostrar el dominio de los temas revisados en clase. La asistencia será importante para poder ser evaluado con estos tres elementos, el requisito de porcentaje de asistencia es del 85 %, en caso de no contar con este porcentaje mínimo de asistencia para poder certificar la materia deberá de presentar el examen de certificación, mismo que será elaborado por el comité de certificación.

### 1.2. Evaluación del curso

La calificación final del curso se obtiene de la suma de los siguientes porcentajes:  
*Calificación Final = Portafolio (30 %) + Biografías (10 %) + Evaluaciones (60 %).*

### 1.3. Científicos prominentes

- |              |           |             |           |
|--------------|-----------|-------------|-----------|
| ■ Euclides   | ■ Fermat  | ■ Bernoulli | ■ Laplace |
| ■ Arquimedes | ■ Pascal  | ■ Jacobi    | ■ Gauss   |
| ■ Galileo    | ■ Newton  | ■ Euler     | ■ Moebius |
| ■ Kepler     | ■ Leibniz | ■ Lagrange  | ■ Poisson |

- |            |               |                 |                |
|------------|---------------|-----------------|----------------|
| ■ Bolzano  | ■ Hilbert     | ■ Dirac         | ■ Nash         |
| ■ Cauchy   | ■ Russell     | ■ Neumann       | ■ Grothendieck |
| ■ Abel     | ■ Ramanujan   | ■ Kolmogorov    | ■ Higgs        |
| ■ Galois   | ■ Schrodinger | ■ Oppenheimer   | ■ Penrose      |
| ■ Riemann  | ■ Einstein    | ■ Godel         | ■ Kleinrock    |
| ■ Cantor   | ■ Courant     | ■ Chandrasekhar | ■ Knuth        |
| ■ Planck   | ■ Pauli       | ■ Turing        | ■ Hawking      |
| ■ Bohr     | ■ Heisenberg  | ■ Erdos         | ■ Simon        |
| ■ Poincare | ■ Fermi       | ■ Feynman       | ■ Perelman     |

## 2. Fundamentos

**Definición 1.** (Valores y vectores propios).

**Propiedades 1.** (Matrices).

**Definición 2.** *Semejantes*

**Teorema 1.**

**Definición 3.** *Diagonalizacion*

**Teorema 2.** *Diagonalizacion*

**Teorema 3.** *Diagonalizacion ortogonal*

**Definición 4.** *Formas Cuadráticas*

**Definición 5.** *Sobre formas cuadráticas*

**Teorema 4.** *Matrices positivas definidas I*

**Teorema 5.** *Matrices positivas definidas II*

**Definición 6.** *Segmento*

**Definición 7.** *Convexo*

**Definición 8.** *Funciones convexas*

**Teorema 6.** *Sobre funciones convexas*

**Definición 9.** *Funciones cuasiconvexas*

**Propiedades 2.** *Sobre funciones convexas*

**Propiedades 3.** *Sobre funciones cuasiconvexas*

## 3. Introducción

**Definición 10.** *Optimizacion sin restricciones*

## Referencias

- [1] Erling Andersen and Knud Andersen. Presolving in linear programming. *Math. Program.*, 71:221–245, December 1995.
- [2] Dr. Hossein Arsham. Foundation of Linear Programming:. *International Journal of Strategic Decision Sciences*, 3:40–60, September 2014.
- [3] Dr. Hossein Arsham. Foundation of Linear Programming:. *International Journal of Strategic Decision Sciences*, 3:40–60, September 2014.
- [4] Feras Awad. Linear Programming Lecture Notes for Math 373.
- [5] Michael Best and Klaus Ritter. *Linear Programming Active Set Analysis and Computer Programs*. January 1985.
- [6] Omar Antolín Camarena. Math 340: Linear Programming.
- [7] Zhang Chenlin. *OVERVIEW LINEAR PROGRAMMING AND ITS APPLICATION*. August 2022.
- [8] Marco Chiarandini. Linear and Integer Programming Lecture Notes.
- [9] George B Dantzig. Reminiscences about the Origins of Linear Programming.
- [10] George B. Dantzig. Linear Programming. *Operations Research*, 50(1):42–47, February 2002.
- [11] George B. Dantzig and Mukund Narain Thapa. *Linear programming*. Springer series in operations research. Springer, New York, 1997.
- [12] George Bernard Dantzig. Linear Programming and Extensions.
- [13] Departamento de Matemáticas, ITAM. Programación lineal (temario mat-24410). Technical report, Instituto Tecnológico Autónomo de México, 2012. Temario de curso de Programación Lineal, MAT-24410.
- [14] Departamento de Matemáticas, ITAM. Temario de programación lineal (mat 24410) – primavera 2022. Technical report, Instituto Tecnológico Autónomo de México, 2022. Temario oficial de curso de Programación Lineal.
- [15] Therese Donovan. Linear Programming in R.
- [16] Thomas S Fergusin and M Casquilho. Linear Programming, a concise introduction.
- [17] Richard Fletcher. A review of linear programming and its application to the assessment tools for teaching and learning (asTTle) projects. January 2001.
- [18] Donald Goldfarb and Michael Todd. *Linear programming*, volume 1. October 1989. Journal Abbreviation: Optimization Pages: 170 Publication Title: Optimization.

- [19] Jack E. Graver. On the foundations of linear and integer linear programming I. *Mathematical Programming*, 9(1):207–226, December 1975.
- [20] Christopher Griffin. Linear programming: Penn State Math 484 Lecture Notes.
- [21] Anupam Gupta and Ryan O'Donnell. Lecture notes for CMU's course on linear programming and semidefinite programming.
- [22] Mr Jana. *Linear Programming Problem (LPP)*. October 2023.
- [23] Rajendra Kunwar and Hari Sapkota. An Introduction to Linear Programming Problems with Some Real-Life Applications. *European Journal of Mathematics and Statistics*, 3:21–27, April 2022.
- [24] Dalgobind Mahto. Linear Programming (Graphical Method). March 2015.
- [25] Steven Miller. An introduction to linear programming. May 2007.
- [26] Dritan Nace. Lecture Notes in Linear Programming modeling.
- [27] Phong Nguyen. *Linear Programming*. May 2003.
- [28] Desmond C. Ong. *14.5 Using R to solve Linear Optimization | Statistics and Analytics for the Social and Computing Sciences*.
- [29] Benjamin Van Roy and Kahn Mason. Formulation and Analysis of Linear Programs.
- [30] Mark Schulze. Linear Programming for Optimization. September 2000.
- [31] Gilbert Strang. Linear Algebra and Its Applications.
- [32] Preeti Tiwari and Dr Agrawal. *A study of linear programming technique*. January 2022.
- [33] Universidad Autónoma de la Ciudad de México, Academia de Matemáticas. Programa de estudios: Optimización I. Technical report, Universidad Autónoma de la Ciudad de México, 2012. Programa oficial de la asignatura Optimización I (Licenciatura en Modelación Matemática).
- [34] Edith Vargas-García and Andreas Wachtel. Notas de programación lineal: Fundamentos, método simplex, dualidad y puntos interiores. Notas de curso / technical report, Instituto Tecnológico Autónomo de México, Departamento de Matemáticas, 2020. Accedido: 2026-01-28.
- [35] Yinyu Ye. Linear Programming Standard Equality Form and Solution Properties.