Cálculo Diferencial: Ejercicios de Derivadas (Regla de la Cadena-Segunda Parte)

Carlos Ernesto Martinez

13 de Octubre de 2023

1. Calcula las siguientes derivadas:¹

(a)
$$f(x) = [(5x^3 + 2x^2 - 4x + 3)^6(x^3 - 2x^2 + 2x)^3]$$

$$= [(5x^3 + 2x^2 - 4x + 3)^6(x^3 - 2x^2 + 2x)^3]$$

(b)
$$f(x) = [(3x^3 + 4x^2 - 2x + 1)^3(x^3 - x^2 + 2x)^4]$$

(c)
$$f(x) = [(6x^3 - x^2 + 2x + 2)^7(x^3 + 2x^2 - 3x + 4)^5]$$

(d)
$$f(x) = [(4x^3 - x^2 - 3x + 2)^2(x^3 - 4x^2 + 3x + 1)^4]$$

(e)
$$f(x) = [(2x^3 + 3x^2 - 2x + 5)^4(x^3 - 2x^2 - x + 2)^3]$$

(c)
$$f(x) = [(6x^3 - x^2 + 2x + 2)^7(x^3 + 2x^2 - 3x + 4)^5]$$
 (f) $f(x) = [(5x^3 - x^2 + 2x - 1)^3(x^3 - x^2 + 3x - 2)^2]$

2. Calcula las siguientes derivadas:

(a)
$$f(x) = 4\sqrt[3]{x^2}$$

(b)
$$f(x) = \sqrt{4\sin^2 x + 9\cos^2 x}$$

(c)
$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{25-y^2}}$$

(d)
$$f(x) = 4x^{1/2} + 5x^{-1/2}$$

(e)
$$f(x) = \sqrt{4x^2 - 1}$$

(f)
$$f(x) = (5 - 2x^2)^{-1/2}$$

3. Calcula las siguientes derivadas:

(a)
$$f(x) = 2\cos\sqrt{x}$$

(b)
$$f(x) = 4 \sec \sqrt{x}$$

(c)
$$f(x) = \cot \sqrt{3x}$$

(d)
$$f(x) = \sqrt{3\sin x}$$

(e)
$$f(x) = \sqrt{\frac{\sin x}{1 - \sin x}}$$

(f)
$$f(x) = \sqrt{\frac{\cos x - 1}{\sin x}}$$

4. Calcula las siguientes derivadas

(a)
$$f(x) = \frac{4}{x^2} - \frac{3}{x^4}$$

(b)
$$f(x) = \frac{x^2 - 4x + 4}{x - 1}$$

(c)
$$f(x) = (3x^2 - 4)(4x^3 + x - 1)$$

(d)
$$f(x) = \frac{x^3 - x^3}{x^3 + 1}$$

(e)
$$f(x) = 2x^{1/2} - \frac{1}{2}x^{-1/2}$$

(f)
$$f(x) = (x^4 - x)^{-3}(5 - x^2)^{-1}$$

(g)
$$f(x) = (x+1)\sin 2x - 3x\cos 3x$$

(h)
$$f(x) = x^2 \cos \frac{1}{x}$$

(i)
$$f(x) = \sin \cos \frac{1}{x} - \frac{1}{x} \sin x \cos x$$

(j)
$$f(x) = \tan 2x \sec 3x - 2x \sec x \tan x$$

(k)
$$f(x) = (\frac{2x}{x+1})^2$$

(1)
$$f(x) = \sqrt{\frac{x}{4-x^2}}$$

(m)
$$f(x) = \frac{\tan x}{1+x}$$

¹Mientras que la física y las matemáticas nos pueden decir cómo comenzó el universo, no son muy útiles en predecir el comportamiento humano porque hay muchas ecuaciones que resolver. - Stephen Hawking